第二篇

热学









"热是人类最早发现的一种自然力, 是地球一切生命的源泉。"

——恩格斯

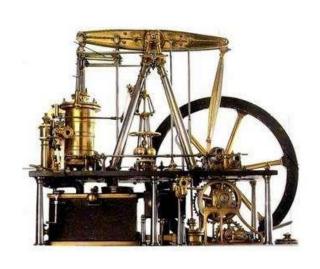
我国古代,燧人氏钻木取火以化腥臊, 奉为千古圣皇;

古希腊,普罗米修斯<mark>盗天火</mark>开罪于主神 而泽慧天下,奉为世间英雄。

在古代, "火"与"热"几乎是同义词, 热学则起源于人类对于热和冷现象本质的追求。

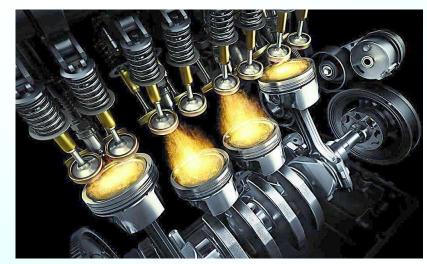












研究对象:宏观物体——重点研究理想气体

研究内容:

热现象:

是物体中大量分子(原子)无规则运动的集体表现

——大量分子(原子)的无规则运动称为<mark>热运动</mark> 热学是研究物体热运动的性质和规律的学科

研究方法:

微观:统计的方法 —— 气体动理论(第6章)

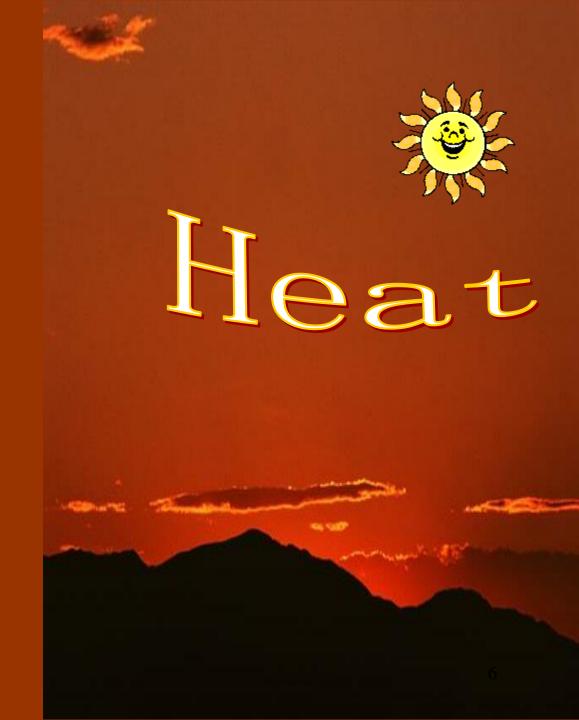
从物质分子结构和分子运动出发,研究集体效应

宏观:实验的方法 → 热力学(第7章)

以实验为基础,归纳和推理找出功能转换的条件

第二篇熟集

第6章 气体动理论



第6章 气体动理论(统计物理) Kinetic Theory of Gasses

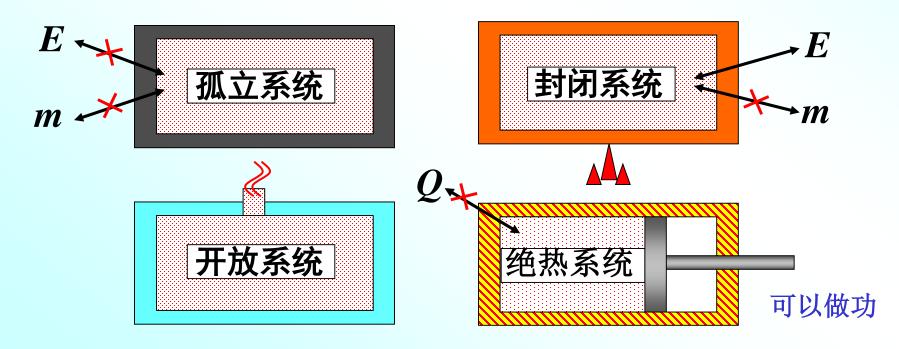
- 一、热学系统与平衡态
- 二、对理想气体的基本描述
- 三、能量均分定理 理想气体的内能
- 四、麦克斯韦分子按速率分布定律
- 五、对真实气体的几点简介

一、热学系统与平衡态

1. 热力学系统

在给定范围内,由大量微观粒子所组成的 宏观客体(气、液、固、...)——**简称系统**

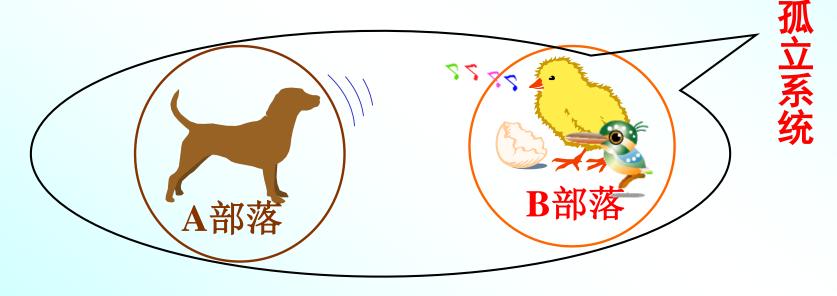
能够与所研究的热力学系统发生相互作用 的其它物体 ——**系统的外界(简称外界)**



孤立系统与绝热系统的关系:

绝热系统 → 与外界仅无热量交换 → 孤立系 孤立系统 → 与外界无任何交换 → 绝热系

"鸡犬之声相闻,民至老死不相往来"

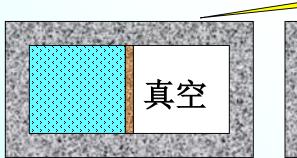


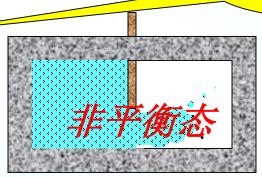
热学系统的划分完全是"人为"的,对于不同的问题,甚至对于同一问题可取不同的系统。 э

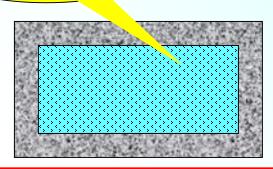
2. 热力学平衡态(equilibrium state)

一个系统在不受外界影响的条件下,若它的宏观性质不再随时间变化,则此系统处于热力学平衡态。——系统的一种特殊情况

例: 理想气体绝热自由膨胀





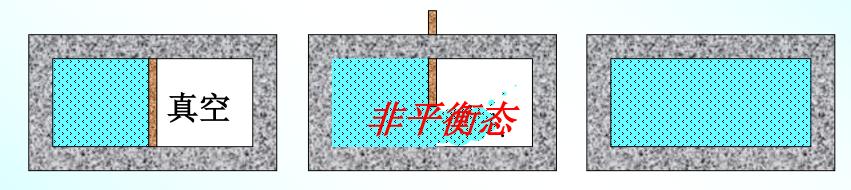


一定质量的气体,与外界无能量交换,内部无化学反应、核反应,仅由于分子热运动使气体内各部分达到:密度 ρ 、温度T、压强P均匀的状态

注:

1°一个孤立系统的状态——必定会处于平衡态 理想状态

2°平衡态实质上只是一种热动平衡



3°本篇主要涉及对系统平衡态的讨论

3. 状态参量、状态图

(1) 状态参量

——平衡态的描述

几何参量(如:V)

力学参量(如:P)

化学参量(如: ν 、M)

电磁场参量(如: $E \setminus B$)

热学参量(如:T)

微观量: 表征单个分子性质与状态(如:m, r, v)

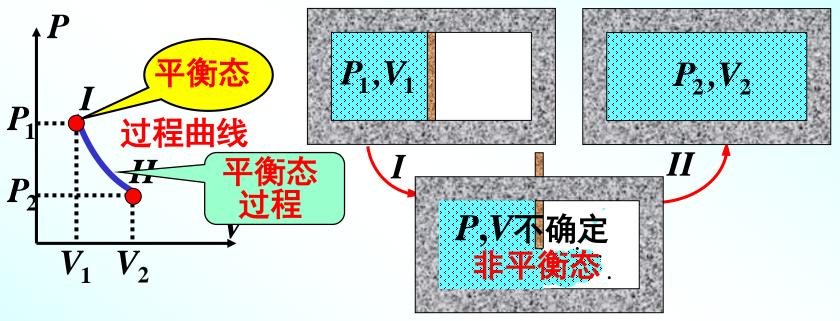
宏观量: 反映整个系统宏观性质和状态(如: P, T, V)

广延量: 总系统=各个子系统之和 (如: V, ν)

强度量: 总系统=各个子系统 (如:T, P)

(2) 状态图

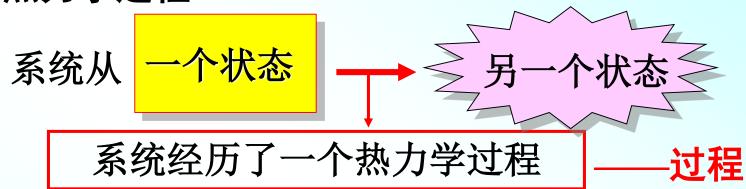
状态参量空间: 以独立的状态参量为坐标构成的一个空间



若系统在变化过程中经历的每一状态都是平衡态,可将其经历的所有平衡态在状态空间上表示

此过程——平衡态过程

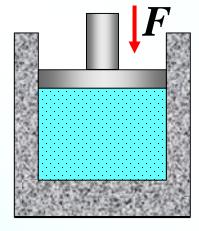
4.热力学过程



当系统在变化过程中经历的每一状态都是 平衡态,此过程——<mark>平衡过程</mark>

显然:实际的热力学过程中任一状态都不是平衡态

例如:一实际汽缸的气体作为系统,当活塞运动中气体被 统,当活塞运动中气体被 压缩,使系统在整个压缩 过程中经历了一系列状态。

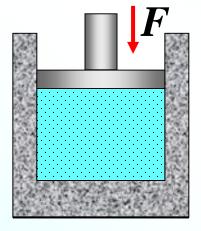


快速压缩

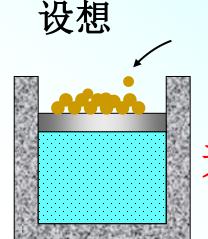
非平衡过程

实际的热力学过程中任一状态都不是平衡态

快速压缩



非平衡过程

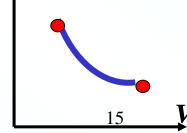


无限缓慢

趋近平衡态过程

一个过程其任意时刻的中间态都无限接近 于一个平衡态,则此过程为<mark>准静态过程</mark> pt

对准静态过程中间状态的平衡态及系统 的准静态变化过程均可用状态图表示

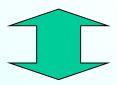


分子相空间:

六维空间中一点 (x,y,z,v_x,v_y,v_z) 同一个分子的运动状态对应,该点称为分子的代表点,这一六维空间称为分子的相空间。

相空间横坐标:位置

分子体系某一瞬时状态

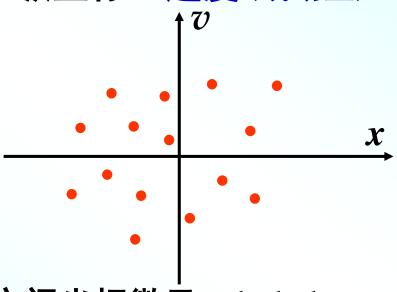


体系所有分子在相空间的 一个确定分布(该时刻)

相空间空间坐标: x, y, z,

相空间速度坐标: v_x , v_y , v_z ,

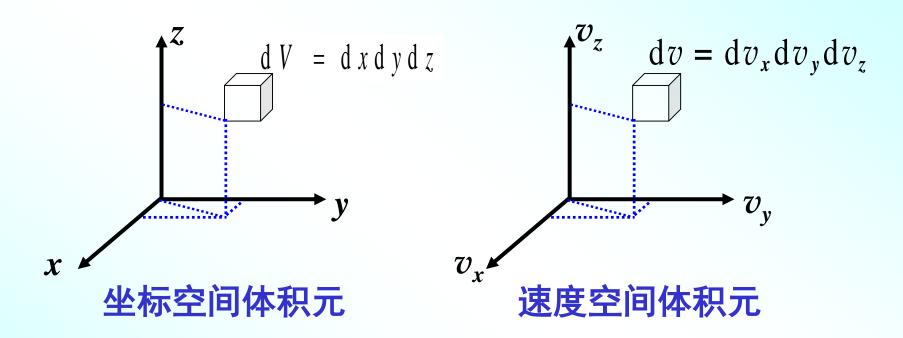
纵坐标:速度(或动量)



空间坐标微元: dxdydz

空间速度微元: $dv_x dv_y dv_{z16}$

坐标与速度空间体积元



分子相空间体积元:

$$dx dy dz dv_x dv_y dv_z = d^3 \vec{v} d^3 \vec{r}$$

5. 温度

(1) 什么是温度?

绝热板

B

将两个分别处于平衡态的系统A和B

用一刚性隔板分隔开

若隔板为"绝热板"

若隔板为"导热板"

A和B两系统的状态可 独立地变化互不影响

一个系统状态的变化会引起 另一系统状态的变化

当复合系统达到平衡时

两系统处于热平衡

导热板 B 复合系统

两系统有共同的宏观性质 —— 温度

说明:

- 1°温度的概念与人们日常对温度的理解 (温度——冷热程度)是一致的。
- 2°温度是热学中特有的物理量,它决定一系统是否与其它系统处于热平衡。
- (2) 热力学第零定律 ——温标(温度的数字表示法)

如果两个系统分别与第三个系统达到热平衡, 则这两个系统彼此也将处于热平衡。

常用的两种温标

摄氏温标: 水的三相点 t=0 °C

热力学温标: 与任何物质的性质无关 T = t + 273.15 K



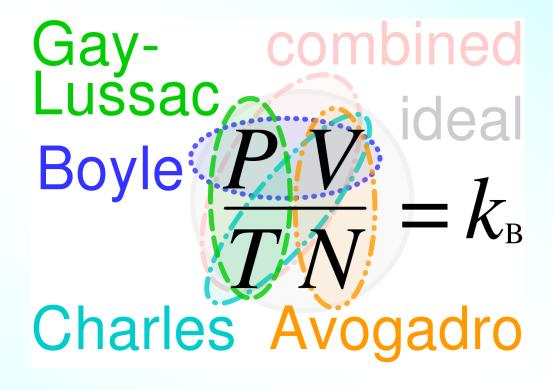
二、对理想气体的基本描述

- 1. 理想气体的微观模型 ——理想模型
- (1) 分子本身大小忽略不计
- (2) 分子间相互作用忽略不计
- (3) 分子间、分子与器壁间的碰撞是弹性碰撞

理想气体是大量不停的、无规则运动着的、无引力[第(2)条]的弹性[第(3)条]质点[第(1)条]的集合。

组成理想气体的质点的运动遵循经典力学规律。

在压强较低、温度较高时与实际情况较符合。



Relationships between Boyle's, Charles's, Gay-Lussac's, Avogadro's, combined and ideal gas laws, with the Boltzmann constant $k_B = \frac{R}{N_A} = \frac{nR}{N}$ (in each law, properties circled are constant and properties not circled are variable)

2. 理想气体的状态方程

根据实验及波意耳定律,当气体系统的质量m一定时

若系统从
$$(P_1V_1T_1) \rightarrow (P_2V_2T_2)$$
有

$$\frac{P_1V_1}{T_1} = \frac{P_2V_2}{T_2} = 常量$$

气体的标准状态为 $(P_0V_0T_0)$ 则

$$\frac{PV}{T} = \frac{P_0V_0}{T_0} = v \frac{P_0 v_0}{T_0} \qquad v_0 = 22.41 \times 10^{-3} \text{ m}^{3/\text{mol}}$$

$$R = \frac{P_0 \, \text{V}_0}{T_0} = 8.31 \, \text{J/mol} \cdot K$$
 ——气体普适常数 (摩尔气体常量)

$$PV = \nu R T$$
摩尔数
$$PV = \frac{m}{M} R T$$



$$PV = vRT$$

$$PV = \frac{m}{M}(R)T$$

$$R = 8.31 \text{ J/m ol} \cdot K$$

方程的另一表示:

1mol 任何气体的分子数目

$$N_{\rm A} = 6.023 \times 10^{23} \, / \text{mol}$$

——沟通微观领域与宏观领域的桥梁

设V中有N个气体分子,则

$$v = \frac{N}{N_A} \qquad PV = \frac{N}{N_A} RT$$

$$PV = NkT$$

或
$$P = nkT$$

$$k = \frac{R}{N_A} = 1.38 \times 10^{-23} \text{ J/K}$$
——波耳兹曼常数

 n —分子密度

3. 理想气体的压强

(1) 统计规律

单个事件看不出什么规律,大量事件将出现规律,这种规律叫统计规律

例2. 有大量的三色小球(各色小球数量相同)



将小球一个一个从袋中拿出来,每次拿出什么 颜色的球是不可预测的。(单个事件无规律可言)

拿的次数多了,就有规律了。例:拿了三万次 统计一下结果:

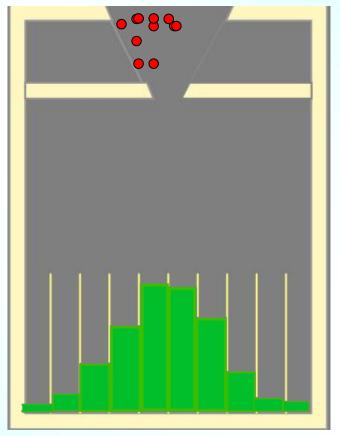
○10006个, ○ 9991个, ○ 10003个

大量事件遵循的规律叫统计规律上述方法,叫统计方法。

统计规律

单个事件看不出什么规律,大量事件将出现规律,

"伽尔顿板"



一个统计概念,某个事件出现的可能性的量度

用数学式表示为
$$p_i = \lim_{N \to \infty} (N_i/N)$$



黄色小球出现的概率 兰色小球出现的概率

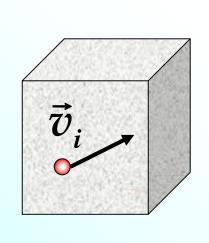
红色小球出现的概率 $p_{\text{sl}} = \frac{10006}{30000} \approx \frac{1}{3}$

越准确

三色球出现的总概率:
$$P = \frac{1}{3} + \frac{1}{3} + \frac{1}{3} = 1$$

 $P = \sum p_i = 1$ 这叫概率的归一化条件

等概率原理 三种颜色的球拿出来的概率是一样的 例3. 在标准状态下, 1cm^3 气体分子个数的数量级是 $N=10^{19}$ 个,问: 在各个方向上 N个分子速率的 平均值有什么关系?



$$egin{aligned} \overline{v}_x &= rac{\overline{v}_{1x} + \overline{v}_{2x} + \cdots + \overline{v}_{Nx}}{N} = rac{\sum\limits_{i=1}^{N} \overline{v}_{ix}}{N} \\ \overline{v}_y &= rac{\overline{v}_{1y} + \overline{v}_{2y} + \cdots + \overline{v}_{Ny}}{N} = rac{\sum\limits_{i=1}^{N} \overline{v}_{iy}}{N} \\ \overline{v}_z &= rac{\overline{v}_{1z} + \overline{v}_{2z} + \cdots + \overline{v}_{Nz}}{N} = rac{\sum\limits_{i=1}^{N} \overline{v}_{iz}}{N} \end{aligned}$$

按统计理论各方向上分子速率的统计平均值相等

$$\overline{v_x} = \overline{v_y} = \overline{v_z}$$

$$\overline{v}_{x} = \frac{v_{1x} + v_{2x} + \dots + v_{Nx}}{N} = \frac{\sum_{i=1}^{N} v_{ix}}{N}$$

$$\overline{v}_x = \overline{v}_y = \overline{v}_z \qquad \qquad \text{ask} \quad \overline{v}_x^2 = \overline{v}_y^2 = \overline{v}_z^2$$

我们可以对容器中处于热动平衡下的大量气体分子作如下统计假设:

- 1°容器中任一位置处单位体积的分子数不比 其它位置占优势
- 2°分子沿任何方向运动(个数、速率)不比其 它方向占优势

5-T2 在 S 系中有一个静止的正方形,其面积为 100 m²,观察者 S'以 0.8c 的速度沿正方形的 对角线运动。问 S'测得的该面积是多少?

S= L'=(0.6L)= 36m2

5'= 2'- 52

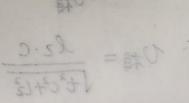
5-T2 在 S 系中有一个静止的正方形,其面积为 100 m²,观察者 S'以 0.8c 的速度沿正方形的 对角线运动。问 S'测得的该面积是多少?

s'= 11.2 = 6. m

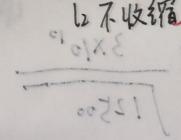
5-T2 在 S 系中有一个静止的正方形,其面积为 100 m²,观察者 S'以 0.8c 的速度沿正方形的对角线运动。问 S'测得的该面积是多少?

5-T2 在 S 系中有一个静止的正方形,其面积为 100 m²,观察者 S'以 0.8c 的速度沿正方形的 对角线运动。问 S'测得的该面积是多少?









两飞船,在自己的静止参照系中测得各自的长度均为(00 m)飞船甲上的仪器测得飞船 5-T4 即的前端驶完飞船乙的全长需 5×10-7 s。 求两飞船 假设甲亚的建筑地 (m) IT d= Lzizj = Lzo 1-(6) Lzo= 100m

5-T4 两飞船,在自己的静止参照系中测得各自的长度均为 $100 \, \text{m}$,飞船甲上的仪器测得飞船 甲的前端驶完飞船乙的全长需 $\frac{5}{3} \times 10^{-7} \, \text{s}$ 。求两飞船的相对速度的大小。

し、山下で 一ついまい。 マー・赤C・

P看记在运动。 则P看自己静止。 如何能多类之"? 还面的是乙的连接

可以看作乙以一定速度通过甲的南端

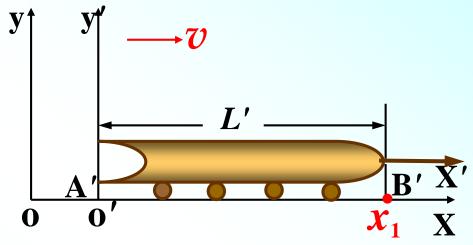
(3) 运动的尺变短

例如: 在地面测正在以速度v 行驶的车的长度

垂直运动方向不受影响外

$$y=y'$$
 $z=z'$

在S'系测车的长度为L'



在S系测量

t 时刻,B' 经过 x_1 点

 $t + \Delta t$ 时刻, A' 经过 x_1 点, B' 经过 $x_2 = x_1 + v \Delta t$ 点

车的长度: $L=x_2-x_1=v\Delta t$

4-T6 在一开口的大容器中装有密度 $\rho=1.9\times10^3$ kg·m⁻³的硫酸。硫酸从液面下 H=5 cm 深处的水平细管中流出,已知细管半径 R=0.05 cm、长 L=10 cm。若测得 1 min 内由细管流出硫酸的质量 $m=6.54\times10^{-4}$ kg,试求此硫酸的黏度。

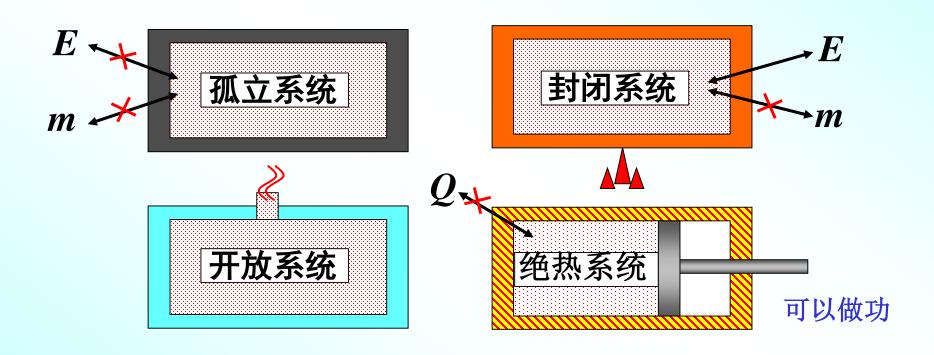
解:

$$v = \frac{m}{p} = 3.44 \times 10^{-7} \text{ m}^{3}$$

$$\therefore 9v = \frac{7}{89L} (P_{1} - P_{2}) = \frac{7024}{89L} Pg H$$

$$\therefore 9 = \frac{7024}{89U} Pg H \approx 0.041 Pars$$

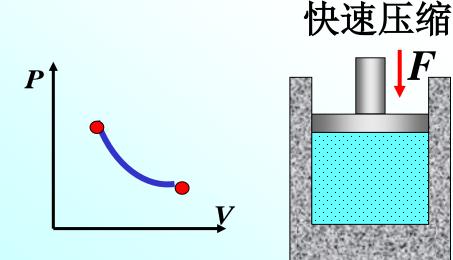
一、几个基本概念

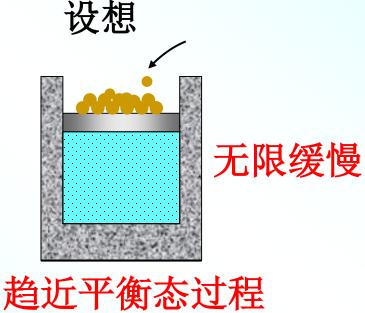


平衡态

非平衡过程

一、几个基本概念 孤立系统、绝热系统、 平衡态、准静态过程、 状态参量、状态图、温度





- 二、对理想气体的基本描述
 - (1) 分子本身大小忽略不计
 - (2) 分子间相互作用忽略不计
 - (3) 分子间、分子与器壁间的碰撞是弹性碰撞

理想气体的状态方程

$$PV = \nu RT$$
 $PV = \frac{m}{M}RT$ 另一表示 $R = 8.31 \text{ J/m ol·K}$

$$PV = NkT$$
 $P = nkT$

$$k = \frac{R}{N_A} = 1.38 \times 10^{-23} \,\text{J/K}$$

统计规律

宏观



微观

伽尔顿板实验

$$P = \sum_{i} p_{i} = 1$$
 概率的归一化条件

等概率原理

$$\overline{v_x} = \overline{v_y} = \overline{v_z}$$
 $\overline{v_x^2} = \overline{v_y^2} = \overline{v_z^2}$

- 1°容器中任一位置处单位体积的分子数不比 其它位置占优势
- 2°分子沿任何方向运动(个数、速率)不比其 它方向占优势

(3) 理想气体的压强 压强的产生





密集雨点对雨 伞的冲击力

单个分子碰撞器壁的作用力是不连续的、偶然的、不均匀的而大量分子作用力的总效果上看,是一个持续的平均作用力

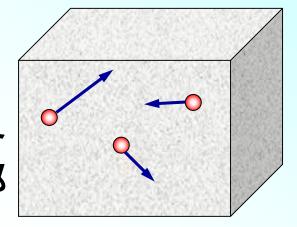
这个压力是多少?

(3) 理想气体的压强

设长方体 V 中有N个理想气体分子

单位体积有 n = N/V 个分子 每个分子质量为 m

每个分子速度的大小,方向各 不相同;热平衡下分子与6个壁都 要碰撞,各个面所受的压强相等



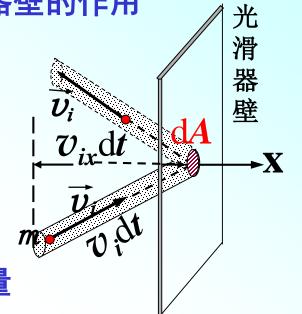
将所有分子分成若干组,每组内分子的速度 大小方向都相同

第
$$i$$
 组的分子密度: n_i 总分子密度: $n = \sum_i n_i$ 第 i 组的分子速度: $\vec{v}_i = \begin{cases} v_{ix} & v_{iy} \\ v_{iy} & v_{iy} \end{cases}$

垂直x轴处任取面积元dA, 计算dA上的压强:

1°速度为 v_i 的单个分子在一次碰撞中对器壁的作用

碰撞前 $v_i \Rightarrow (v_{ix} \ v_{iv} \ v_{iz})$ 碰撞后 $v_i' \Rightarrow (-v_{ix} v_{iy} v_{iz})$ 碰撞前后动量改变 $\Delta P_i = -2mv_{ix}$ 分子施于dA的冲量 $\Delta I_i = 2mv_{ix}$



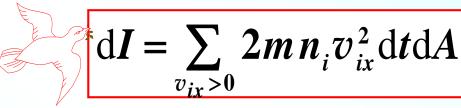
2 odt 时间内具有 v_i 的分子施于dA 的冲量

取 v_i dt 为斜高、dA为底的斜柱体

体积为v_{iv}dtdA 分子数为 n_iv_{iv}dtdA

dt 内施于dA 的冲量 $dI_i = 2mn_i v_{ix}^2 dt dA$

所有分子施于dA的冲量 $dI = \sum_{i} dI_{i} = \sum_{v_{i,...} > 0} 2m n_{i} \vec{v}_{ix}^{2} dt dA$



按概率分布 $v_{ix}>0$, $v_{ix}<0$ 的分子数

各占一半:

$$dI = \frac{1}{2} \sum_{i} 2m n_{i} v_{ix}^{2} dt dA$$
$$= \sum_{i} m n_{i} v_{ix}^{2} dt dA$$

根据冲量定理: $dI = F dt \longrightarrow F = \frac{dI}{dt} \xrightarrow{dA \oplus 9} P = \frac{F}{dA}$

$$\therefore P = \frac{\mathrm{d}I}{\mathrm{d}t\mathrm{d}A} = \sum_{i} m n_{i} v_{ix}^{2} = m \left[\sum_{i} n_{i} v_{ix}^{2} \right] n_{i}$$

$$\overline{v_x^2} = \frac{n_1 v_{1x}^2 + n_2 v_{2x}^2 + \dots + n_k v_{kx}^2}{n_1 + n_2 + \dots + n_k} = \frac{\sum_{i} n_i v_{ix}^2}{n}$$

即 $P=nmv_{x}^{2}$

容器中气体 总体的分子 数密度

$$P=nm\overline{v_x^2}$$

按统计的观点,每个分子速度指向任何方向的机会相等,则有

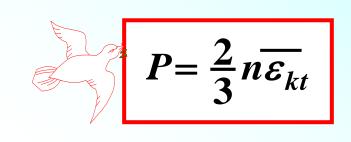
$$\overline{v_x}^2 = \overline{v_y}^2 = \overline{v_z}^2 \quad \overrightarrow{m} \quad \overline{v^2} = \overline{v_x}^2 + \overline{v_y}^2 + \overline{v_z}^2$$

$$\therefore \quad \overline{v_x}^2 = \overline{v_y}^2 = \overline{v_z}^2 = \frac{1}{3}\overline{v^2}$$

$$P = \frac{1}{3}nm\overline{v^2} = \frac{2}{3}n(\frac{1}{2}m\overline{v^2}) = \frac{2}{3}n\overline{\varepsilon_{kt}}$$

$$\overline{\varepsilon_{kt}} = \frac{1}{2}m\overline{v^2} \quad \text{分子的平均平动动能}$$





P: N个分子构成的气体系统的压强——宏观量

 \mathcal{E}_{kt} : 一个分子的平动动能的平均值——微观量

P 的微观本质:

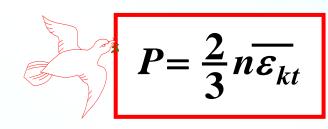
压强的大小反映了分子的平均平动动能的大小

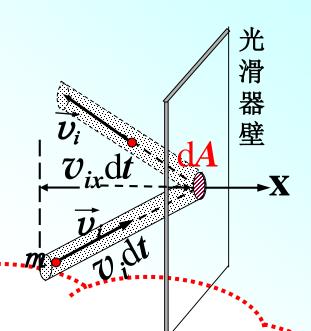
(分子数密度不变情况下)

P的意义:

- 1°大量分子与器壁不断碰撞的结果,是统计平均值, 对单个分子谈压强是毫无意义的。
- 2°压强公式把宏观量P与微观量n、 ε_{kt} 联系起来了显示了宏观量和微观量的关系。

●理想气体的压强





问题1: 若器壁不是光滑的,

或者不是平面,公式是否仍成立呢?

问题2: 斜柱体内凡是速率为 $v_i(v_{ix}>0)$ 的分子是否

都能到达面元dA?



4.理想气体的温度 由状态方程 $P = \frac{2}{3}n\overline{\varepsilon_{kt}}$

$$P = \frac{2}{3} n \overline{\varepsilon_{kt}}$$

$$\overline{\varepsilon_{kt}} \neq \frac{3}{2} kT$$

物理意义:

1°理想气体分子的平均平动动能只与温度T有关

温度是分子无规则运动剧烈程度的标志

温度T 是宏观量 ——统计意义:

是大量微观分子热运动的集体表现。

问:一个分子的温度是多少?



 2° 对分子热运动 $\overline{\varepsilon}_{kt} \neq 0$ 永 ε

 $T \neq 0$ 绝对零度是不可能的L

5.方均根速率

在常温下气体分子的速率与声波在空气中传播速率等量级