
电路理论基础

—电路理论（基础篇）

华中科技大学·电气学院

ccsfm@hust.edu.cn

第7章 电容、电感及动态电路

7.1 概述

7.2 广义函数

7.3 电容

7.4 电感

7.5 动态电路的暂态分析概述

7.6 拓展与应用

● 重点

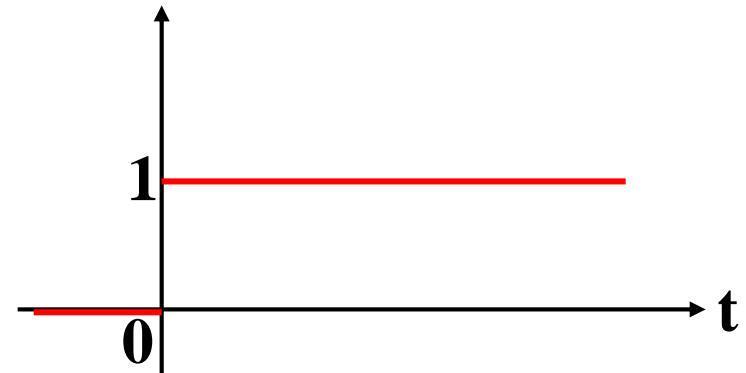
1. 熟练掌握单位阶跃函数、单位冲激函数的定义与一般性质，掌握分段连续波形的广义函数表示法
2. 电容元件、电感元件的特性
3. 电容、电感的串并联等效

7.2 广义函数

◆ 单位阶跃函数 $\varepsilon(t)$

1) 波形, 定义式

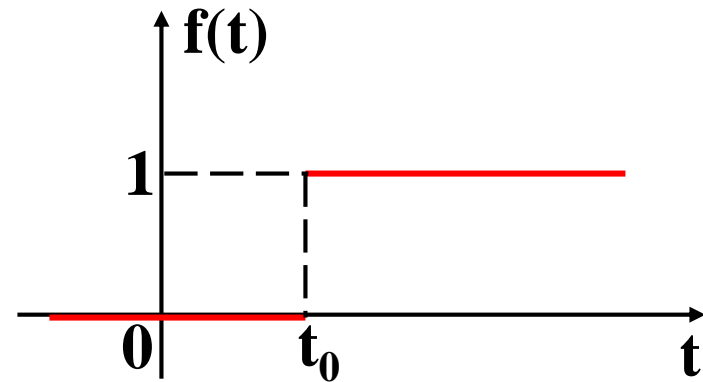
$$\varepsilon(t) = \begin{cases} 0 & t < 0 \\ 1 & t > 0 \end{cases}$$



◆ 延迟单位阶跃函数

$$f(t) = \begin{cases} 0 & t < t_0 \\ 1 & t > t_0 \end{cases} \quad \begin{matrix} t - t_0 < 0 \\ t - t_0 > 0 \end{matrix}$$

$$f(t) = \varepsilon(t - t_0)$$



◆ 一般阶跃函数

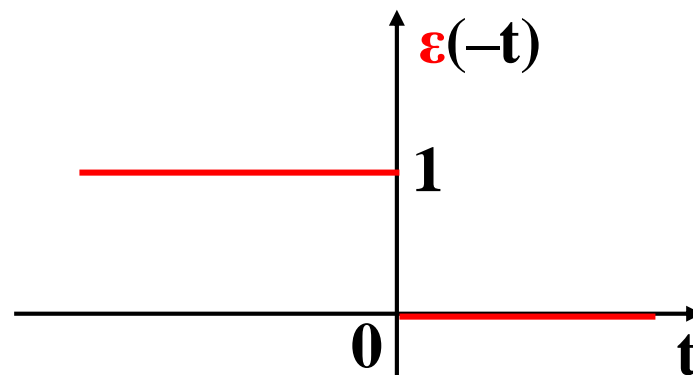
$$f(t) = A \varepsilon(t + t_0)$$

$$\varepsilon[f(t)] = \begin{cases} 1 & f(t) > 0 \\ 0 & f(t) < 0 \end{cases}$$

7.2 广义函数

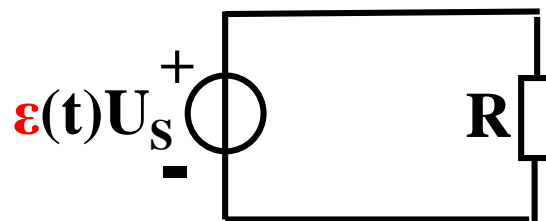
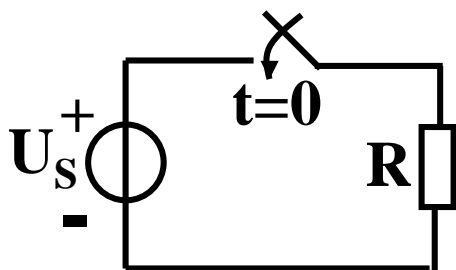
例 画出 $\varepsilon(-t)$ 的波形

$$\varepsilon(-t) = \begin{cases} 0 & -t < 0 & t > 0 \\ 1 & -t > 0 & t < 0 \end{cases}$$



◆ 单位阶跃函数在电路分析中的应用

用来表示电源从某时刻起接入电路

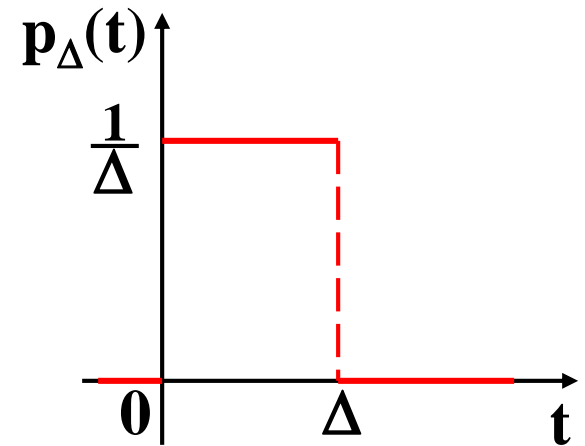


用来表示波形或函数的起止时间

7.2 广义函数

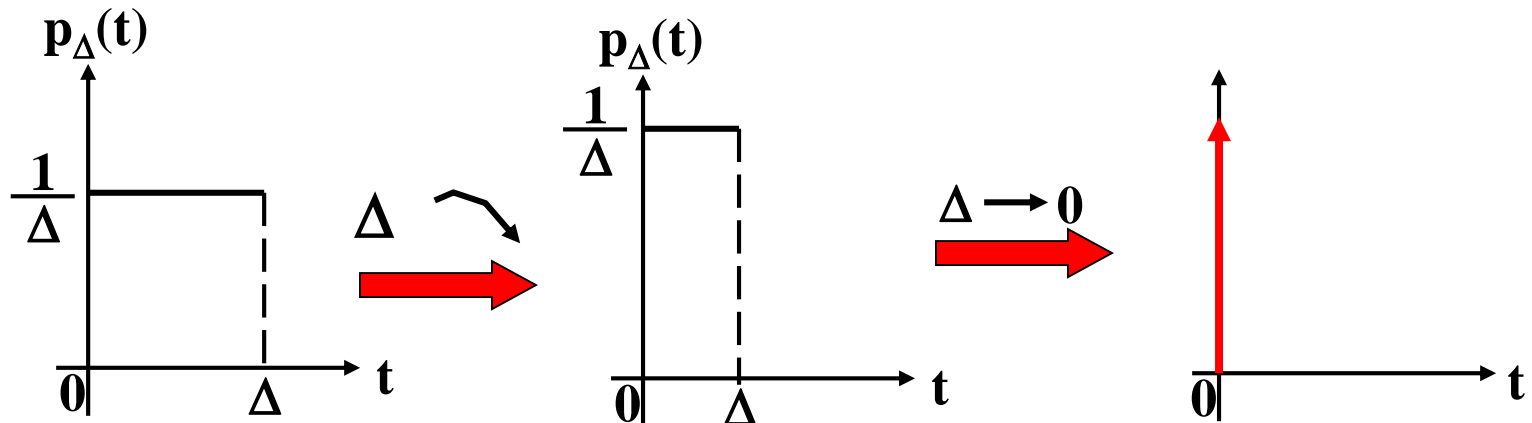
◆ 单位脉冲函数 $p_{\Delta}(t)$

$$p_{\Delta}(t) = \begin{cases} 0 & t < 0 \\ \frac{1}{\Delta} & 0 < t < \Delta \\ 0 & t > \Delta \end{cases}$$



特点 “单位”是指波形的面积为 1

用单位阶跃函数的线性组合表示 $p_{\Delta}(t) = \frac{1}{\Delta} [\epsilon(t) - \epsilon(t - \Delta)]$

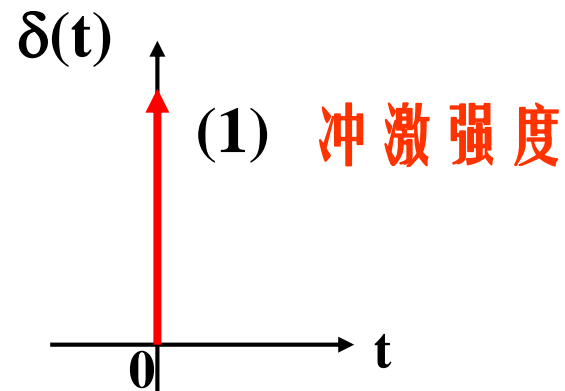


◆ 单位冲激函数 $\delta(t)$

□ 波形与定义

单位冲激函数表达函数值趋于无穷大的情况

$$\delta(t) = \lim_{\Delta \rightarrow 0} p_{\Delta}(t)$$



$$\delta(t) = \begin{cases} 0 & t \neq 0 \\ \text{非零} & t = 0 \end{cases} \quad \text{满足 } \int_{0_-}^{0_+} \delta(t) dt = 1$$

7.2 广义函数

◆ 冲激函数 $A\delta(t-t_0)$

◆ 一些重要性质

□ 与单位阶跃函数的关系

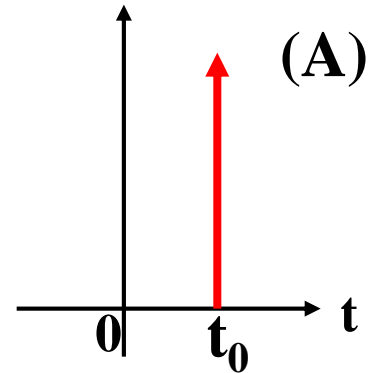
$$\delta(t) = \lim_{\Delta \rightarrow 0} p_{\Delta}(t) = \lim_{\Delta \rightarrow 0} \frac{1}{\Delta} [\epsilon(t) - \epsilon(t-\Delta)] = \frac{d\epsilon(t)}{dt}$$

□ 相乘特性和筛分性

$$\delta(t)f(t) = \delta(t)f(0) \quad \int_{-\infty}^{\infty} \delta(t)f(t)dt = \int_{0-}^{0+} \delta(t)f(0)dt = f(0)$$

□ 冲激函数是偶函数，即 $\delta(t) = \delta(-t)$

□ 微分特性



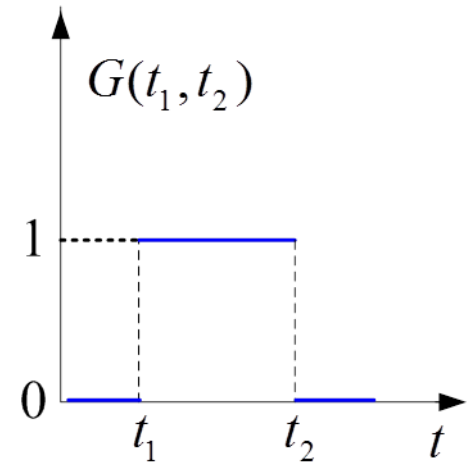
◆ 闸门函数及其表达式

(1) 闸门函数表示为两阶跃函数之差

$$G(t_1, t_2) = \varepsilon(t - t_1) - \varepsilon(t - t_2)$$

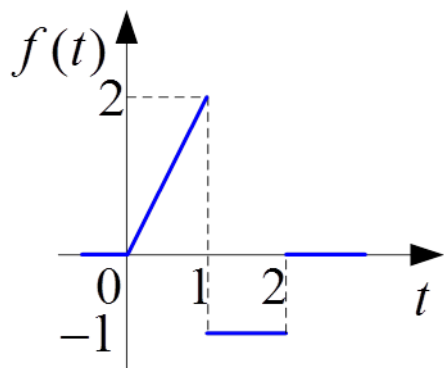
(2) 闸门函数表示为两阶跃函数的乘积

$$G(t_1, t_2) = \varepsilon(t - t_1) \varepsilon(t_2 - t)$$



例 波形的表示

$$f_1(t) = \begin{cases} A \cos \omega t & t > 0 \\ 0 & t < 0 \end{cases} \quad \longrightarrow \quad f_1(t) = A \cos(\omega t) \varepsilon(t)$$



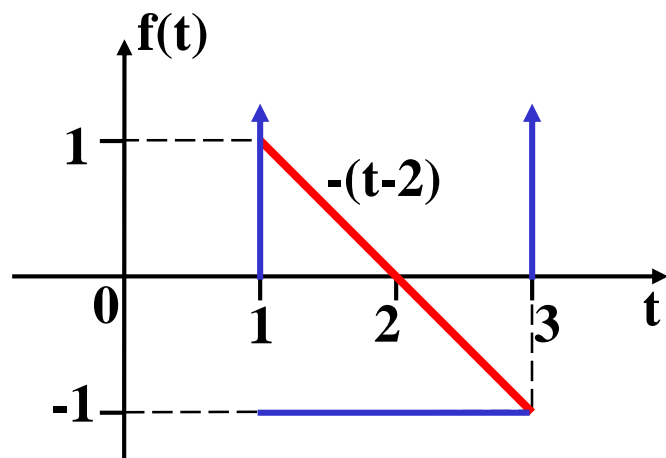
$$\begin{aligned} f(t) &= 2tG(0,1) - G(1,2) \\ &= 2t[\varepsilon(t) - \varepsilon(t-1)] - [\varepsilon(t-1) - \varepsilon(t-2)] \\ &= 2t\varepsilon(t) - (2t+1)\varepsilon(t-1) + \varepsilon(t-2) \end{aligned}$$

◆ 广义函数具有以下通式

$$f(t) = \sum_{k=1}^n \phi_k(t) \varepsilon(t - t_k)$$

例 波形的表示, $f(t)$ 及 $f(t)$ 的微分

例



$$f(t) = \begin{cases} -(t-2) & 1 \leq t \leq 3 \\ 0 & \text{其余 } t \end{cases}$$

$$\begin{aligned} f(t) &= [\varepsilon(t-1) - \varepsilon(t-3)](2-t) \\ &= \varepsilon(t-1)(2-t) + \varepsilon(t-3)(t-2) \end{aligned}$$

$$f(t) = \varepsilon(t-1) \varepsilon(3-t)(2-t)$$

$$\begin{aligned} \frac{df}{dt} &= \delta(t-1)(2-t) - \varepsilon(t-1) + \delta(t-3)(t-2) + \varepsilon(t-3) \\ &= \delta(t-1) + \delta(t-3) - [\varepsilon(t-1) - \varepsilon(t-3)] \end{aligned}$$

7.2 广义函数

例 波形的表示， $f(t)$ 的积分

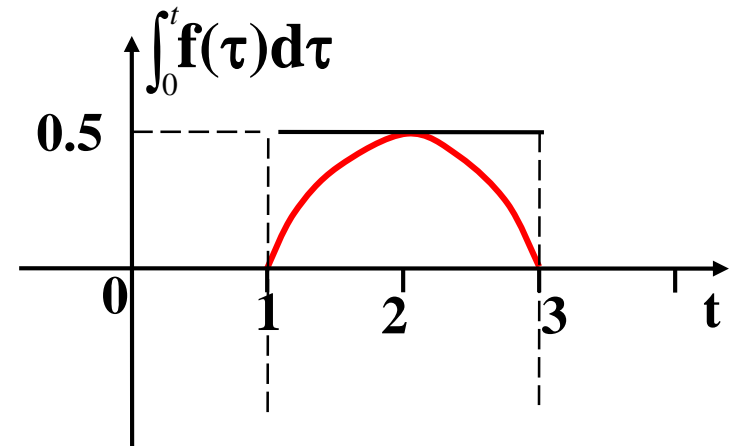
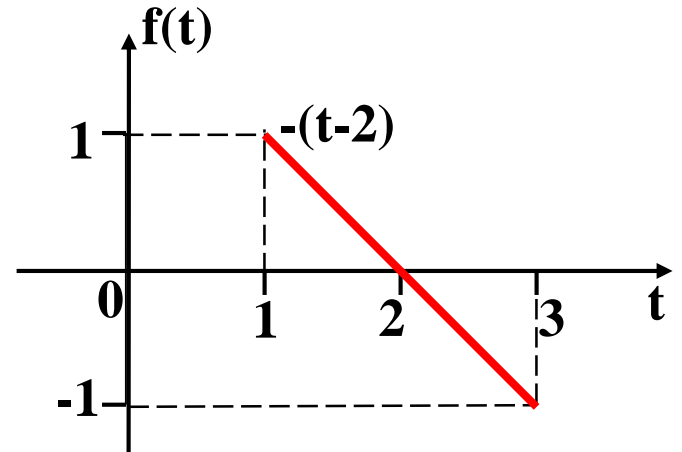
$$f(t) = \varepsilon(t-1)(2-t) + \varepsilon(t-3)(t-2)$$

$$\int_0^t f(\tau) d\tau = \int_0^t \varepsilon(\tau-1)(2-\tau) d\tau + \int_0^t \varepsilon(\tau-3)(\tau-2) d\tau$$

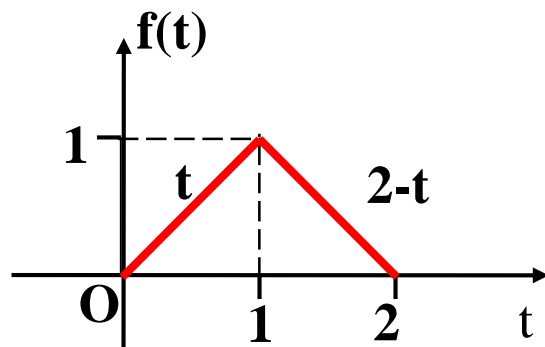
$$= \varepsilon(t-1) \int_1^t (2-\tau) d\tau + \varepsilon(t-3) \int_3^t (\tau-2) d\tau$$

$$= \underline{\varepsilon(t-1)} \left(-\frac{1}{2}t^2 + 2t - \frac{3}{2} \right) + \underline{\varepsilon(t-3)} \left(\frac{1}{2}t^2 - 2t + \frac{3}{2} \right)$$

$$= 0.5[\varepsilon(t-1) - \varepsilon(t-3)][1 - (t-2)^2]$$



例 写出图示波形的函数表达式



$$\begin{aligned} f(t) &= [\varepsilon(t) - \varepsilon(t-1)]t + [\varepsilon(t-1) - \varepsilon(t-2)](2-t) \\ &= \varepsilon(t)t - 2\varepsilon(t-1)(t-1) + \varepsilon(t-2)(t-2) \end{aligned}$$

第7章 电容、电感及动态电路

7.1 概述

7.2 广义函数

7.3 电容

7.4 电感

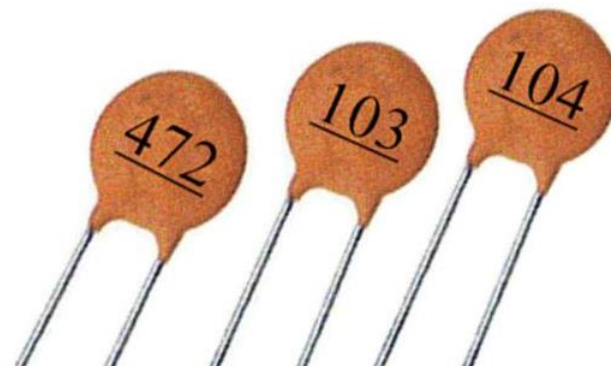
7.5 动态电路的暂态分析概述

7.6 拓展与应用

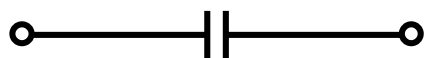
7.3 电容

按介质材料分为：

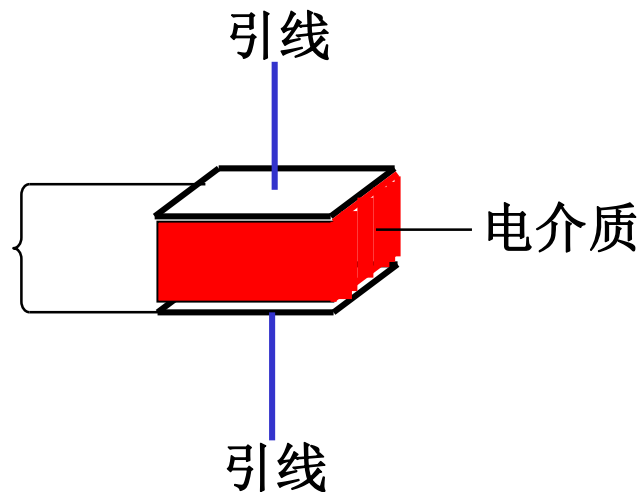
瓷片电容、聚酯膜电容、电解电容等



电路符号



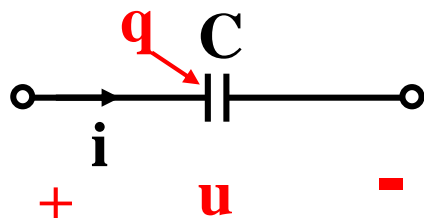
金属极板



◆ 电容元件的定义与分类

定义

分类



储存电场能量的两端元件。任何时刻，其特性可用 $q \sim u$ 平面上的一条曲线来描述。

◆ 线性时不变电容

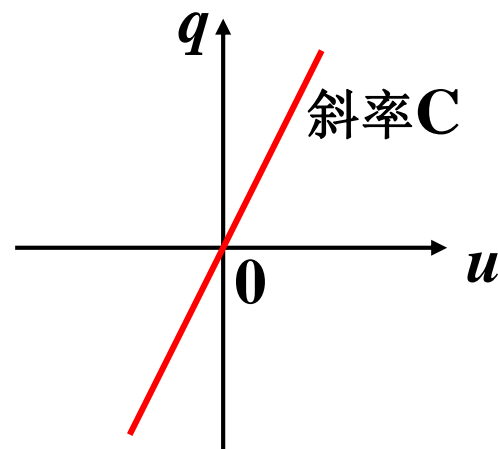
1、特性曲线与约束方程

$$q = Cu$$

2、电压-电流关系 (VCR)

$$i(t) = \frac{dq(t)}{dt} \longrightarrow i(t) = C \frac{du(t)}{dt}$$

$$\int_{t_0}^t \frac{du(t)}{dt} dt = \frac{1}{C} \int_{t_0}^t i(t) dt \longrightarrow u(t) = u(t_0) + \frac{1}{C} \int_{t_0}^t i(t) dt$$



◆ 说明：

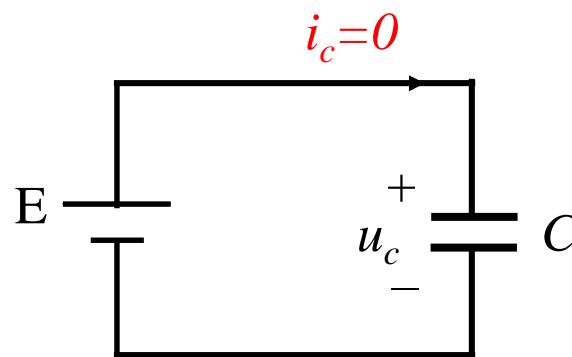
$$i_c(t) = C \frac{du_c(t)}{dt}$$

(1) i_c 的大小取决于 u_c 的变化率，与 u_c 的大小无关；（微分形式）

(2) 电容的直流稳态性质 如右图

$$u_c = E \text{ (直流)} \longrightarrow i_c = 0$$

电容元件具有隔直流通交流的特点。
直流电路中电容相当于开路。



(3) 若 u_c ， i_c 非关联取向，则 $i_c = -Cdu_c/dt$ 。

◆ 电容的记忆性

$$0 \leq t \leq 1$$

$$u(t) = u(0) + 5 \times 10^5 \int_0^t 10^{-6} d\xi = 0.5t$$

$$u(1) = 0.5V$$

$$1 \leq t \leq 2$$

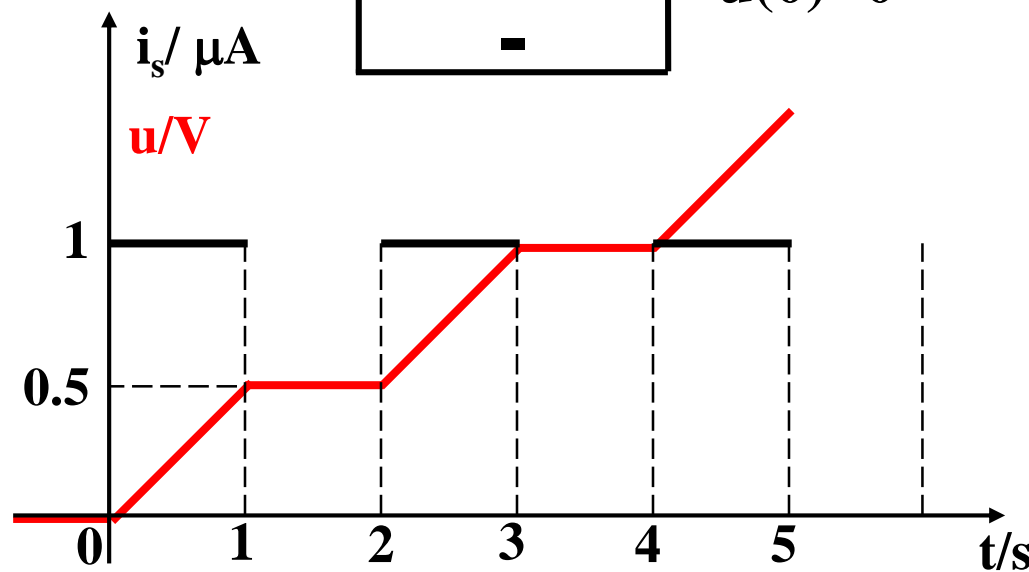
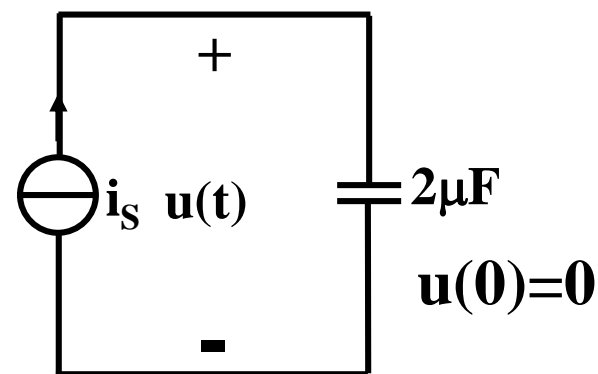
$$u(t) = u(1) + 5 \times 10^5 \int_1^t 0 d\xi = 0.5V$$

$$2 \leq t \leq 3$$

$$u(t) = u(2) + 5 \times 10^5 \int_2^t 10^{-6} d\xi = 0.5 + 0.5(t-2)$$

$$u(3) = 1V$$

例 简单的计数器



$$i(t) = C \frac{du(t)}{dt}$$

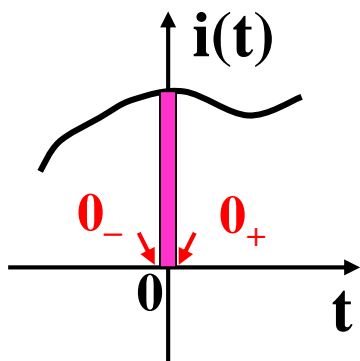
$$u(t) = u(0_-) + \frac{1}{C} \int_{0_-}^t i(t) dt$$

◆ 电容电压连续性

➤ $i(t)$ 为有限值

如果 $i(t)$ 在 t_0 处为有限值，则 $u(t)$ 在 t_0 处的变化是连续的。即在 t_0 处，电容电压不可能**即时地**从一个值跃变到另一个值。

特别，如果 $i(t)$ 在 $t=0$ 时为有限值，



$$\text{则 } u(0_+) = u(0_-) + \frac{1}{C} \int_{0_-}^{0_+} i(t) dt$$

$$u(0_+) = u(0_-)$$

0_- ~ 原始时刻, 0_+ ~ 初始时刻.

$$i(t) = C \frac{du(t)}{dt}$$

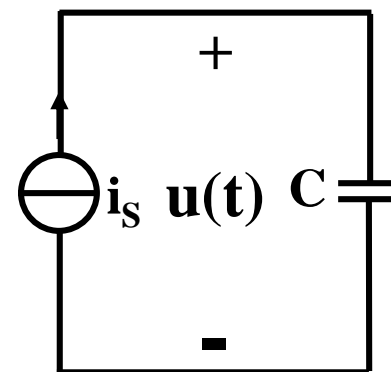
$$u(t) = u(0_-) + \frac{1}{C} \int_{0_-}^t i(t) dt$$

► $i(t)$ 为无限大

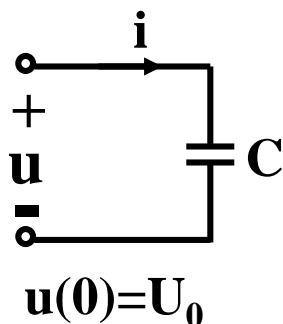
例 $i_s(t) = \delta(t)$ $u(0_-) = U_0$

$$u(0_+) = u(0_-) + \frac{1}{C} \int_{0_-}^{0_+} \delta(t) dt$$

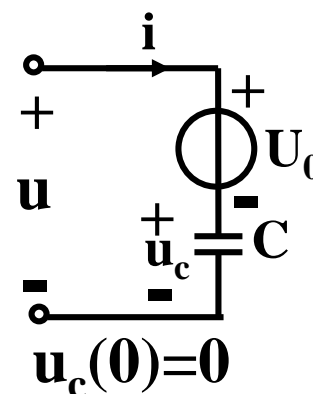
$$u(0_+) = U_0 + \frac{1}{C}$$



◆ 非零初始电压的电容元件的等效电路



$$u(t) = U_0 + \frac{1}{C} \int_0^t i(\xi) d\xi$$



◆ 电容的储能

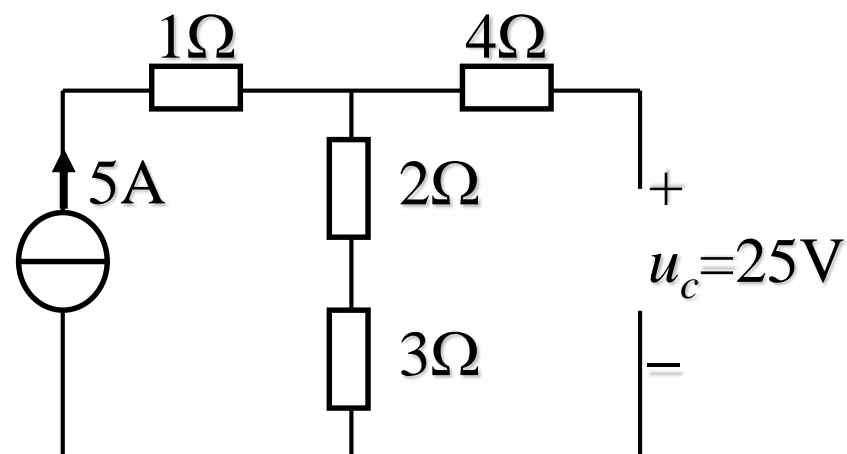
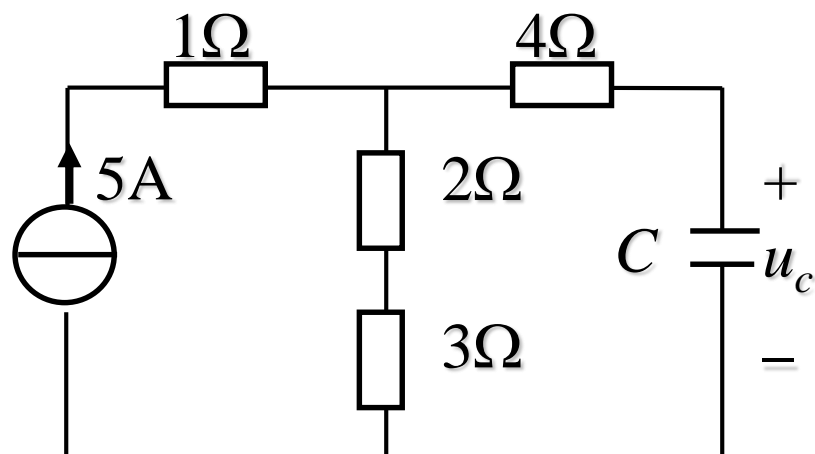
$$\begin{aligned} W_C(t) &= \int_{-\infty}^t u_c i_c d\tau = \int_{-\infty}^t C u_c \frac{du_c}{d\tau} d\tau = \frac{1}{2} C u_c^2(\tau) \Big|_{-\infty}^t \\ &= \frac{1}{2} C u_c^2(t) - \frac{1}{2} C u_c^2(-\infty) \stackrel{\text{若 } u_c(-\infty)=0}{=} \frac{1}{2} C u_c^2(t) \end{aligned}$$

□ 从 t_0 到 t 电容储能的变化量：

$$\Delta W_c = \frac{1}{2} C u_c^2(t) - \frac{1}{2} C u_c^2(t_0)$$

可见电容储能只与该时刻电压有关，而与 i_c 无关。

求电容电压的稳态值

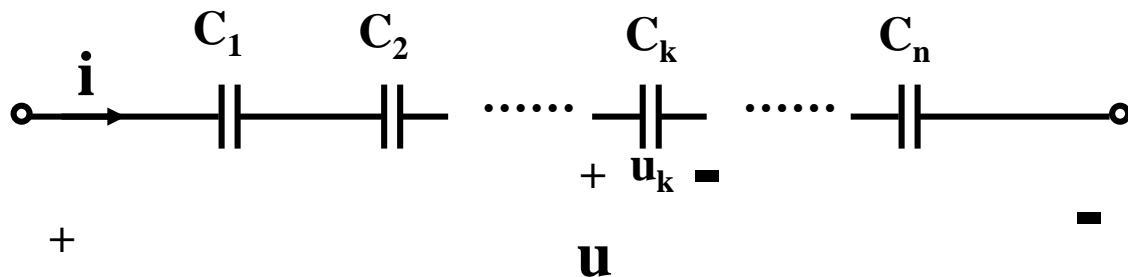


电容的串联和并联

◆ 电容元件的串联与并联

1、串联

$$u_k = u_k(0_+) + \frac{1}{C_k} \int_{0_+}^t i dt$$



$$u = \sum_{k=1}^n u_k = \sum_{k=1}^n u_k(0_+) + \sum_{k=1}^n \left(\frac{1}{C_k} \int_{0_+}^t i dt \right)$$

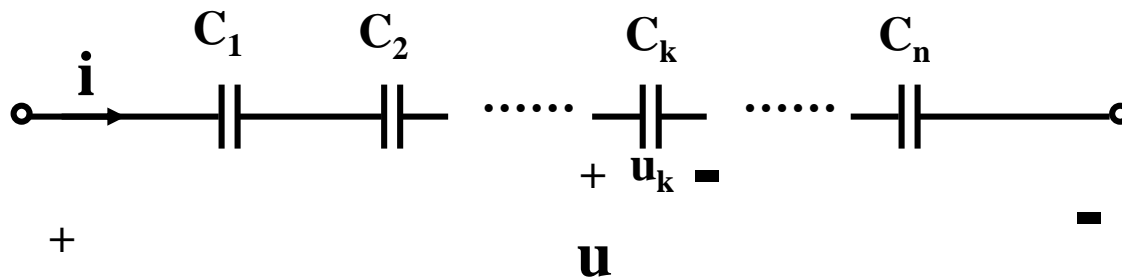
$$u(0_+) = \sum_{k=1}^n u_k(0_+) = \sum_{k=1}^n u_k(0_-)$$

$$\frac{1}{C} = \sum_{k=1}^n \frac{1}{C_k}$$

◆ 电容元件的串联与并联

1、串联

If $u_k(0_-) = 0 (k = 1, 2, \dots)$, then



$$u_k = \frac{1}{C_k} \int_{0_+}^t i dt$$

$$u = \frac{1}{C} \int_{0_+}^t i dt$$

$$u_k = \frac{1/C_k}{1/C} u$$

◆ 若 $k=2$ ，求等效电容 C 和各电容电压

$$C = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2}$$

$$u_1 = \frac{C}{C_1} u = \frac{C_2}{C_1 + C_2} u$$

$$u_2 = \frac{C}{C_2} u = \frac{C_1}{C_1 + C_2} u$$

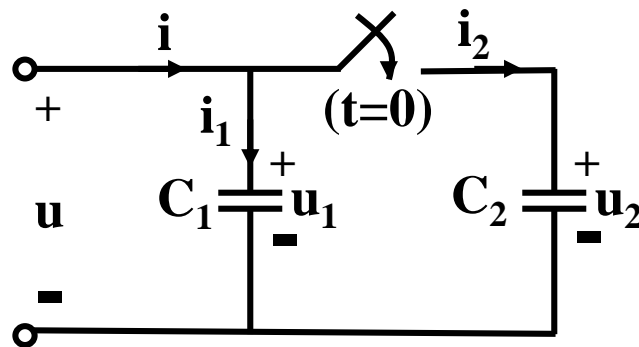
2、并联

(1) 等效电容
$$i_C = \sum_{k=1}^n i_{Ck} = \sum_{k=1}^n C_k \frac{du_{Ck}}{dt} = \sum_{k=1}^n C_k \left(\frac{du_C}{dt} \right)$$

$$C = C_1 + C_2 + C_3 + \dots$$

(2) 初始电压

情况一 并联前各电容电压相同



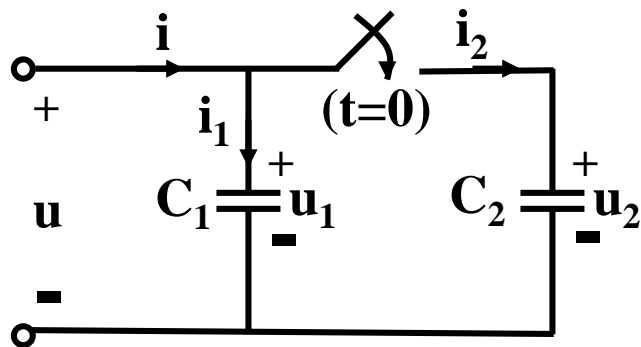
$$u_1(0_-) = u_2(0_-)$$

$$u_1(0_+) = u_2(0_+) = u(0_+)$$

电容的串联和并联

情况二 并联前各电容电压不同

电荷守恒：并联前后，与某结点关联的所有电容极板上的电荷总量保持不变。



$$\sum_{k=1}^m q_k(0_+) = \sum_{k=1}^m q_k(0_-)$$

$$(C_1 + C_2)u(0_+) = C_1 u_1(0_-) + C_2 u_2(0_-)$$

第7章 电容、电感及动态电路

7.1 概述

7.2 广义函数

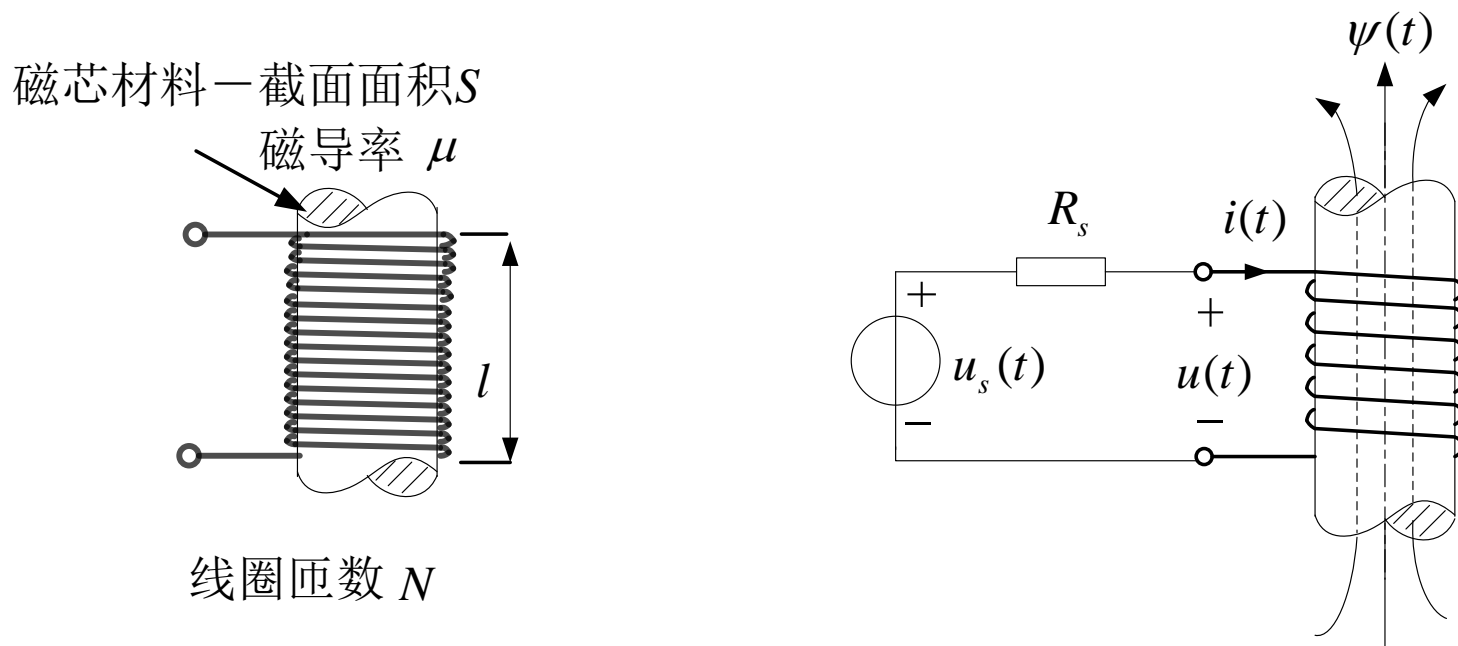
7.3 电容

7.4 电感

7.5 动态电路的暂态分析概述

7.6 拓展与应用

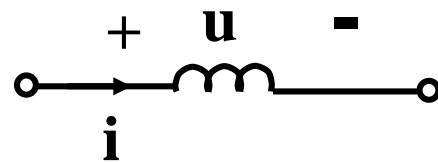
7.4 电感



当 $i(t)$ 变化时，磁链 ψ 相应变化，由电磁感应定律，必产生感生电压 $u(t)$ ，试图抑制磁链 ψ 的变化。

◆ 电感元件的定义与分类

储存磁场能量的两端元件。任何时刻，其特性可用 $\psi \sim i$ 平面上的一条曲线来描述。



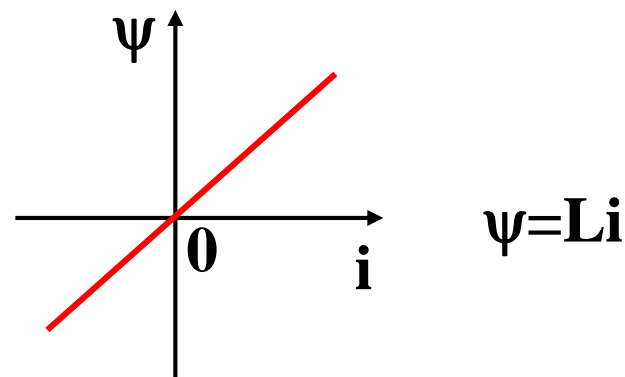
电路符号

◆ 线性非时变电感

1、特性曲线与约束方程

2、VCR

$$u(t) = \frac{d\psi(t)}{dt} \rightarrow u(t) = L \frac{di(t)}{dt}$$



$$i(t) = i(t_0) + \frac{1}{L} \int_{t_0}^t u(t) dt$$

$$i(t) = i(0_-) + \frac{1}{L} \int_{0_-}^t u(t) dt$$

$$u(t) = L \frac{di(t)}{dt}$$

$$i(t) = i(0_-) + \frac{1}{L} \int_{0_-}^t u(t) dt$$

(1) u_L 的大小取决与 i_L 的变化率，与 i_L 的大小无关。

(2) 电感的直流稳态性质

当 i_L 为常数(直流)时， $di_L/dt = 0$ ， $u_L = 0$ 。

电感在直流电路中相当于短路。

(3) u_L ， i_L 为非关联方向时。

$$u(t) = -L \frac{di(t)}{dt}$$

$$u(t) = L \frac{di(t)}{dt}$$

$$i(t) = i(0_-) + \frac{1}{L} \int_{0_-}^t u(t) dt$$

◆ 电感电流的连续性

➤ $u(t)$ 为有限值

如果 $u(t)$ 在任一时间都为有限值，则 $i(t)$ 在任一时间的变化都是连续的。即在任一时间，电感电流都不可能 **即时地** 从一个值跃变到另一个值。

特别，如果 $u(t)$ 在 $t=0$ 时为有限值，则

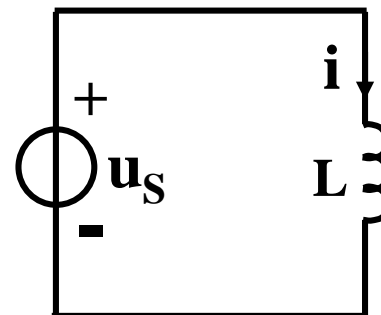
$$i(0_+) = i(0_-)$$

➤ $u(t)$ 为无限大

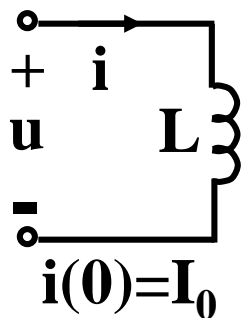
例 $u_S = \delta(t)$ $i(0_-) = I_0$

$$i(0_+) = i(0_-) + \frac{1}{L} \int_{0_-}^{0_+} \delta(t) dt$$

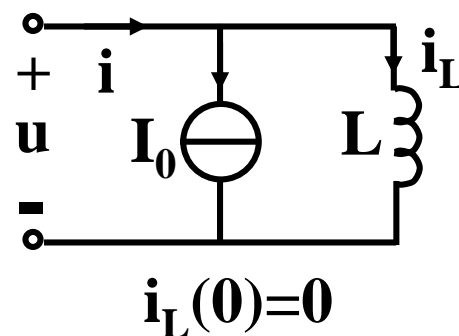
$$i(0_+) = I_0 + \frac{1}{L}$$



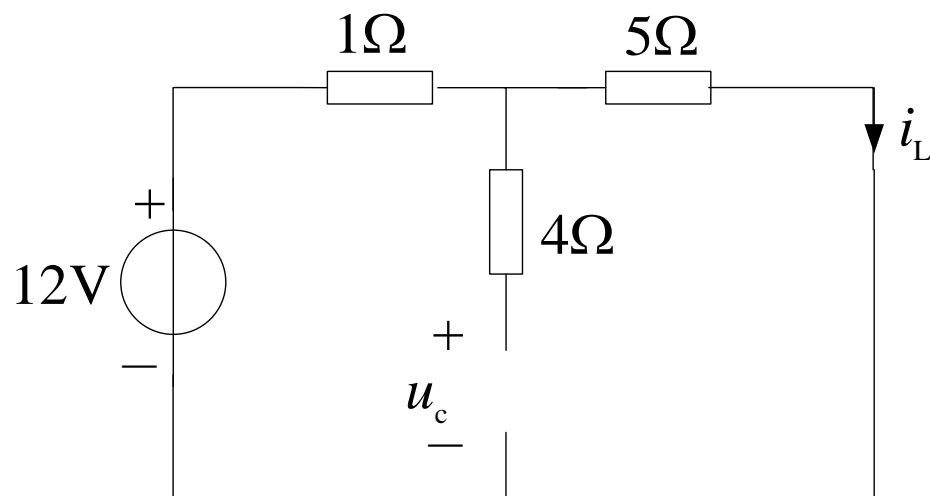
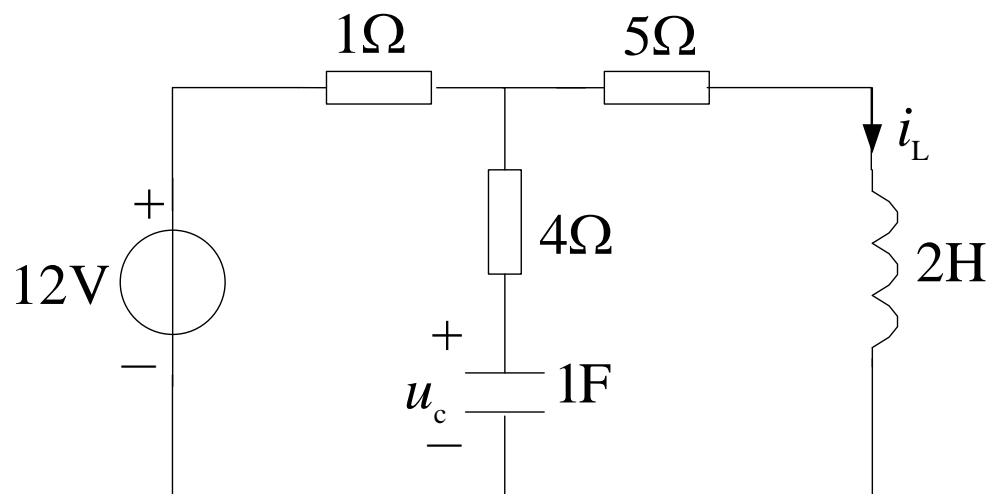
◆ 非零初始电流电感元件的等效电路



$$i(t) = i(0) + \frac{1}{L} \int_0^t u(\xi) d\xi$$



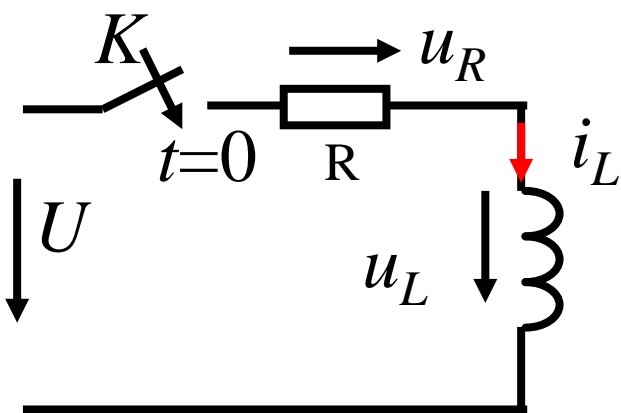
例 电容电压和电感电流的稳态值



$$i_L = \frac{12}{1+5} = 2\text{A}$$

$$u_c = \frac{5}{1+5} \times 12 = 10\text{V}$$

例



已知: $R=1\text{k}\Omega$,
 $L=1\text{H}$, $U=20\text{ V}$ 、
 开关闭合前 $i_L=0\text{ A}$
 设 $t=0$ 时开关闭合
 求: $i_L(0_+)$, $u_L(0_+)$

解: 根据电感电流的连续性

$$i_L(0_+) = i_L(0_-) = 0$$

i_L 不能突变

换路时电压方程:

$$U = i_L(0_+)R + u_L(0_+)$$

仍然满足基尔霍夫定律

u_L 发生了突变

$$u_L(0_+) = 20 - 0 = 20\text{V}$$

◆ 电感的功率和储能

u 、 i 取关联
参考方向

● 功率

$$p = ui = L \frac{di}{dt} \cdot i$$

① 当电流增大， $p > 0$ ，电感吸收功率。

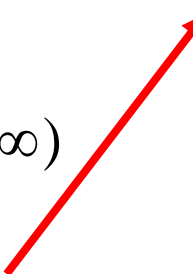
② 当电流减小， $p < 0$ ，电感发出功率。



表明 电感能在一段时间内吸收外部供给的能量转化为磁场能量储存起来，在另一段时间内又把能量释放回电路，因此电感元件是无源元件、是储能元件，它本身不消耗能量。

◆ 电感的储能

$$W_L = \int_{-\infty}^t Li \frac{di}{d\xi} d\xi = \frac{1}{2} Li^2(\xi) \Big|_{-\infty}^t$$

$$= \frac{1}{2} Li^2(t) - \frac{1}{2} Li^2(-\infty)$$


从 t_0 到 t 电感储能的变化量：

$$W_L = \frac{1}{2} Li^2(t) - \frac{1}{2} Li^2(t_0)$$

◆ 电感元件的串联与并联

1、串联

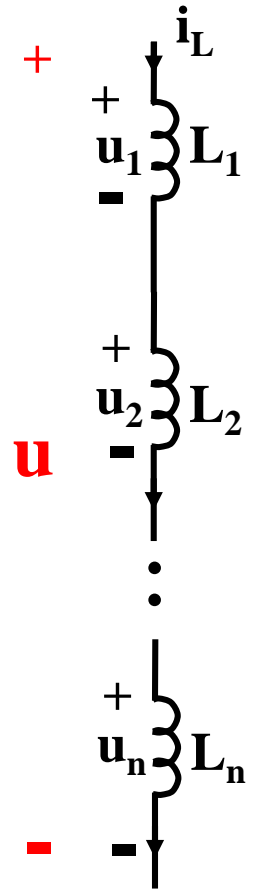
初始电流

情况一：串联前各电感电流相同

等效电感

$$u = \sum_{k=1}^n u_k = \sum_{k=1}^n L_k \frac{di_{Lk}}{dt} = \sum_{k=1}^n L_k \left(\frac{di_L}{dt} \right)$$

$$L = \sum_{k=1}^n L_k$$



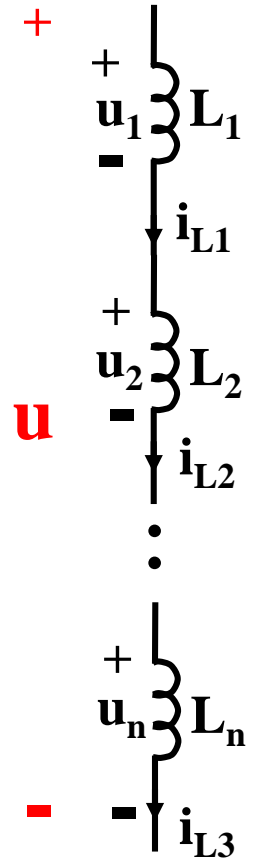
电感的串联和并联

情况二：串联前各电感电流不同

磁链守恒：串联前后，回路中的各电感磁链总和维持不变。

$$\sum_{k=1}^n \psi_k(0_+) = \sum_{k=1}^n \psi_k(0_-)$$

(n 为回路包含电感元件的总数)



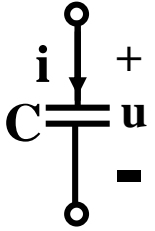
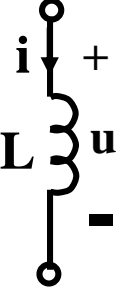
2、并联

$$\begin{aligned} i_L &= \sum_{k=1}^n i_{Lk} = \sum_{k=1}^n \left[i_{Lk}(0) + \frac{1}{L_k} \int_0^t u_L(\tau) d\tau \right] \\ &= \sum_{k=1}^n i_{Lk}(0) + \left(\sum_{k=1}^n \frac{1}{L_k} \right) \int_0^t u_L(\tau) d\tau \end{aligned}$$

$$i_L(0) = \sum_{k=1}^n i_{Lk}(0) \qquad \frac{1}{L} = \sum_{k=1}^n \frac{1}{L_k}$$

动态元件的串联和并联

线性非时变电容和电感主要特性汇总

元件	约束方程	电压-电流关系		连续性	储存的能量
	$q = C u$	$i(t) = C \frac{du(t)}{dt}$	$u(t) = u(0) + \frac{1}{C} \int_0^t i(\xi) d\xi$	电压	$e(t) = 0.5 C u^2(t)$
	$\psi = L i$	$u(t) = L \frac{di(t)}{dt}$	$i(t) = i(0) + \frac{1}{L} \int_0^t u(\xi) d\xi$	电流	$e(t) = 0.5 L i^2(t)$

第7章 电容、电感及动态电路

7.1 概述

7.2 广义函数

7.3 电容

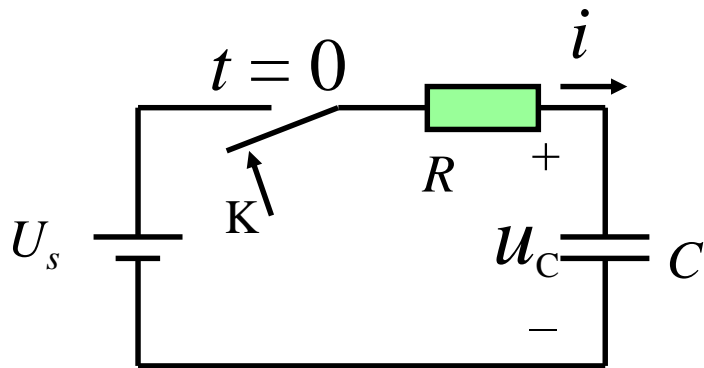
7.4 电感

7.5 动态电路的暂态分析概述

7.6 拓展与应用

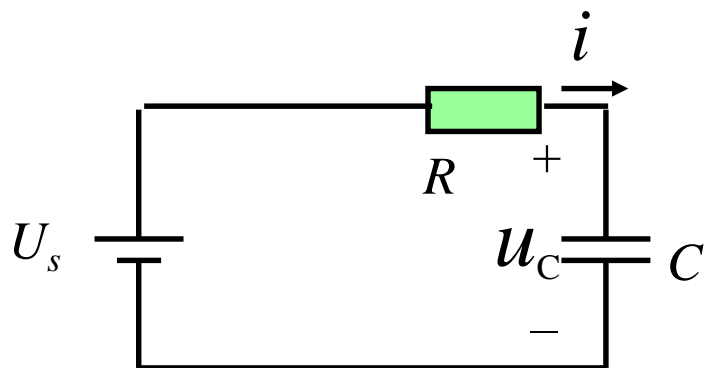
7.5 动态电路的暂态分析概述

◆ 什么是电路的暂态过程？



K未动作前

$$i = 0, \quad u_C = 0$$



K接通电源后很长时间

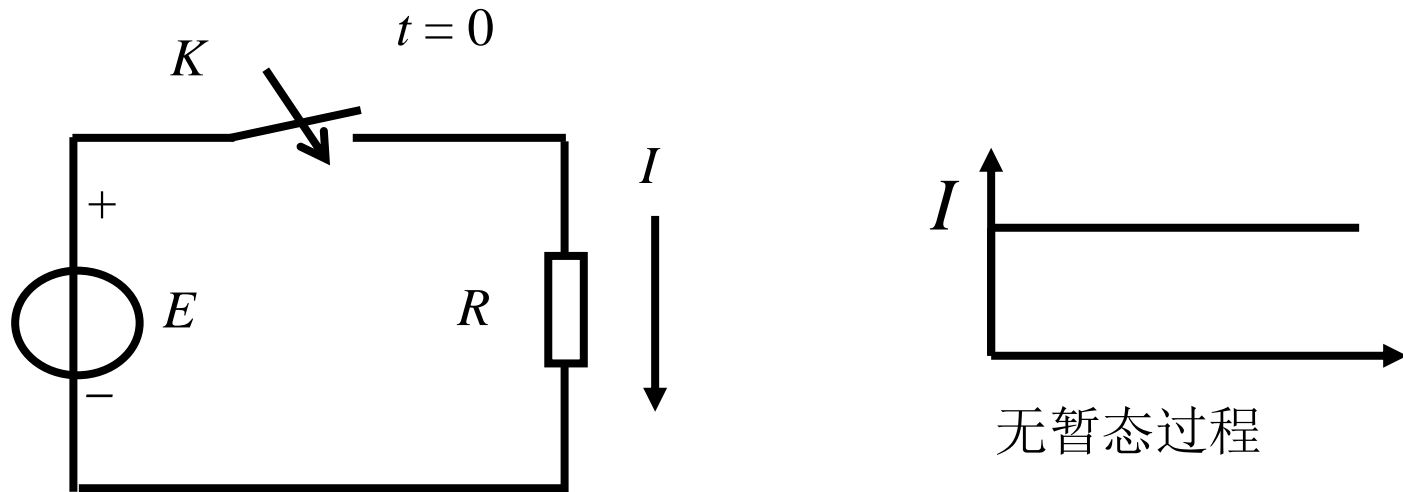
$$i = 0, \quad u_C = U_s$$

暂态过程：电路由一个稳态过渡到另一个稳态需要经历的过程。

7.5 动态电路的暂态分析概述

◆ 产生暂态过程的电路及原因？

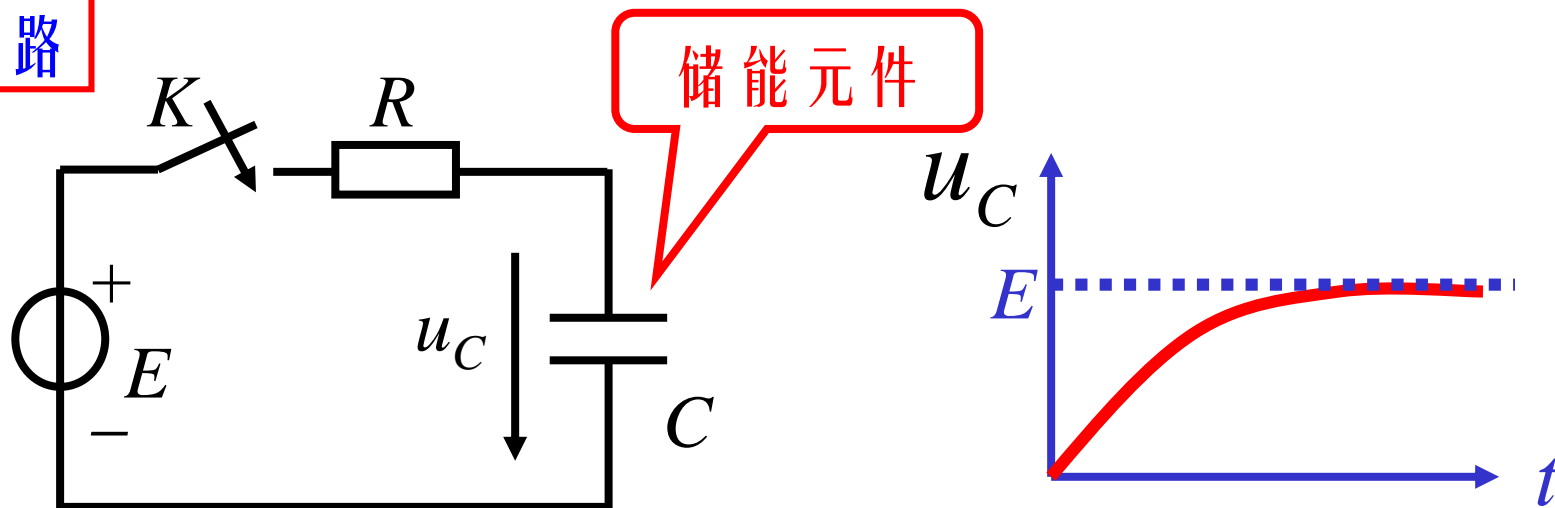
电阻电路



电阻是耗能元件，其上电流随电压比例变化，没有暂态过程。

7.5 动态电路的暂态分析概述

电容电路



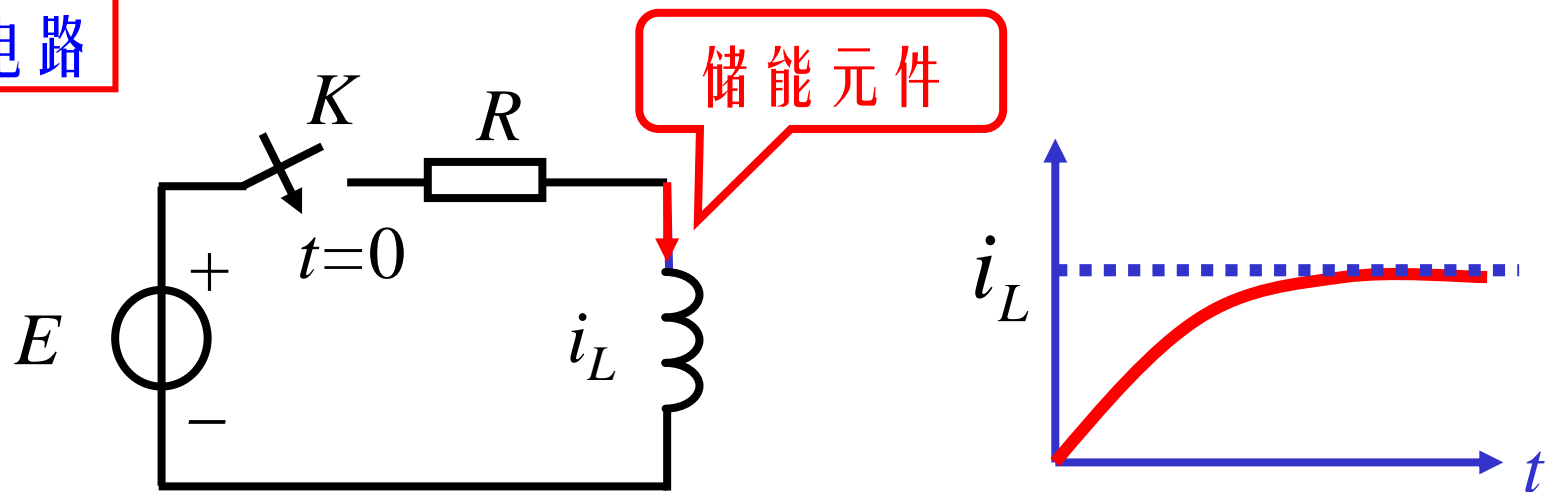
电容为储能元件，它储存的能量为电场能量。

$$W_C = \int_0^t u i dt = \frac{1}{2} C u^2$$

因为能量的存储和释放需要一个过程，所以有电容的电路存在暂态过程。

7.5 动态电路的暂态分析概述

电感电路



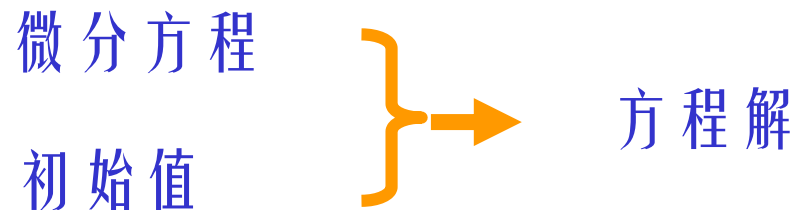
电感为储能元件，它储存的能量为磁场能量

$$W_L = \int_0^t u i dt = \frac{1}{2} L i^2$$

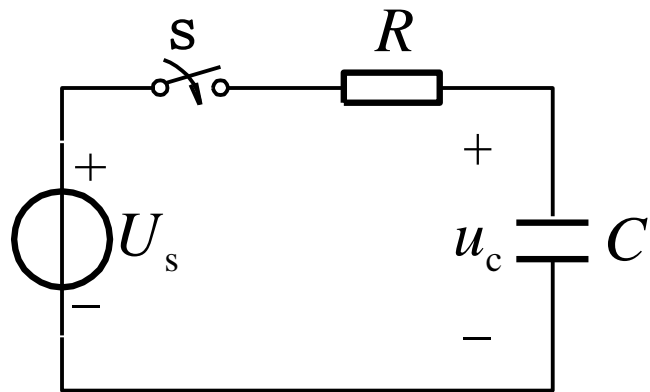
因为能量的存储和释放需要一个过程，所以有电感的电路存在暂态过程。

7.5 动态电路的暂态分析概述

- ◆ 含储能元件的电路是动态电路。
 - ◆ 动态电路在结构、参数或激励发生突变时，响应要经历暂态过程。
 - ◆ 电阻性电路没有暂态过程。
- 动态电路经典时域分析：

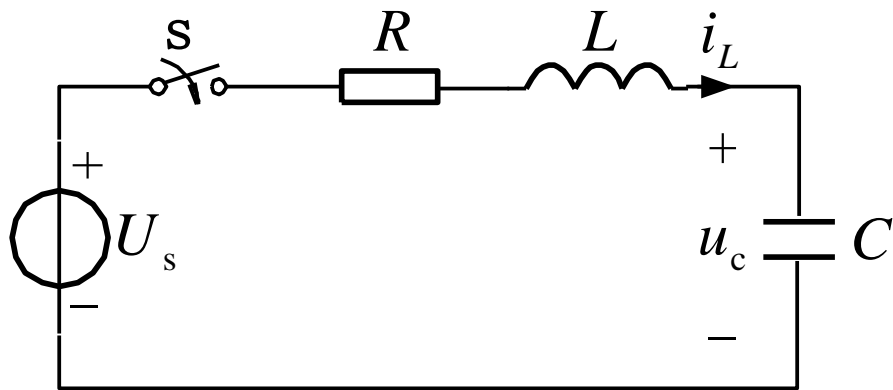


7.5.1 动态电路的微分方程



$$RC \frac{du_c}{dt} + u_c = U_s \quad t > 0$$

- 不同的变量，相同的齐次微分方程！
- 微分方程的阶数 = 电路的阶数！
- 电路的阶数 = 独立动态元件个数



$$RC \frac{du_c}{dt} + L \frac{d}{dt} \left(C \frac{du_c}{dt} \right) + u_c = U_s \quad t > 0$$

$$LC \frac{d^2 u_c}{dt^2} + RC \frac{du_c}{dt} + u_c = U_s$$

$$Ri_L + L \frac{di_L}{dt} + [u_c(0_+) + \frac{1}{C} \int_{0_+}^t i_L dt] = U_s \quad t > 0$$

$$LC \frac{d^2 i_L}{dt^2} + RC \frac{di_L}{dt} + i_L = 0$$

7.5.3 初始值

n阶线性时不变动态电路的微分方程：

$$\frac{d^n y(t)}{dt^n} + a_1 \frac{d^{n-1} y(t)}{dt^{n-1}} + \dots a_{n-1} \frac{dy(t)}{dt} + a_n y(t) = f(t)$$

关于激励的函数

◆ 初始条件

电路的原始状态

original state

$$u_C(0_-)$$

$$i_L(0_-)$$

电路的初始状态

initial state

$$u_C(0_+)$$

$$i_L(0_+)$$

待求量的初始值

initial value

$$y(0_+)$$

$$y'(0_+)$$

...

换路规律：电路从原始状态变换到初始状态所遵循的规律。分为状态连续换路和状态跳变换路。

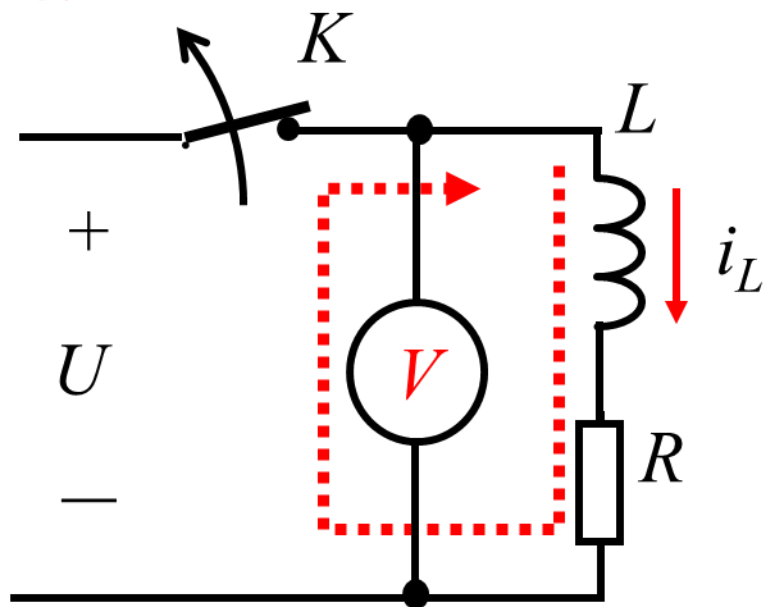
状态连续换路：在电容上没有冲激电流、电感上没有冲激电压的前提下，

$$u_C(0_+) = u_C(0_-)$$

$$i_L(0_+) = i_L(0_-)$$

7.5.4 换路规律

例



已知:

$$U = 20\text{V}、R = 1\text{k}\Omega、L = 1\text{H}$$

$$\text{电压表内阻 } R_V = 500\text{k}\Omega$$

设开关 K 在 $t = 0$ 时打开。

求: K 打开的瞬间, 电压表两端的电压。

解: 换路前

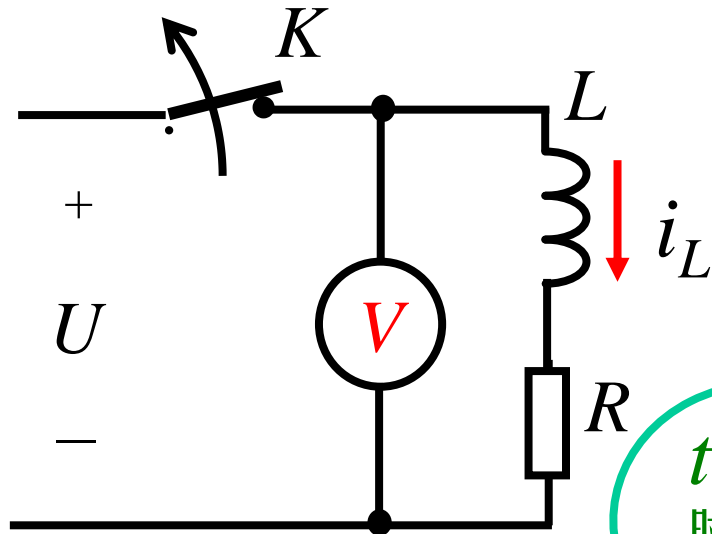
$$i_L(0_-) = \frac{U}{R} = \frac{20}{1000} = 20\text{mA}$$

换路瞬间

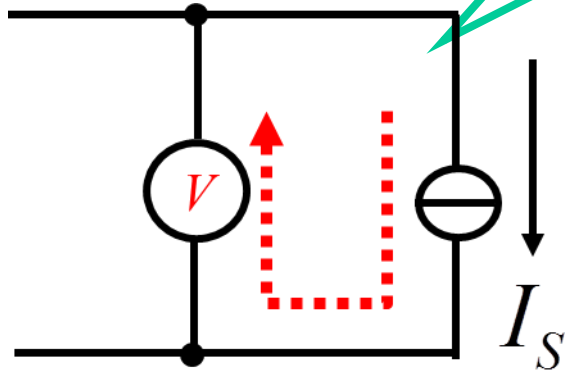
$$i_L(0_+) = i_L(0_-) = 20\text{mA}$$

(大小, 方向都不变)

7.5.4 换路规律



$t=0_+$
时的等效电路



$$I_S = i_L(0_+) = 20mA$$

$$i_L(0_+) = i_L(0_-) = 20mA$$

$$u_V(0_+) = i_L(0_+) R_V$$

$$\begin{aligned} u_V(0_+) &= 20 * 10^{-3} * 500 * 10^3 \\ &= 10000V \end{aligned}$$

7.5.4 换路规律

1. 换路瞬间， u_C 、 i_L 不能突变。其它电量均可能突变，变不变由计算结果决定；
2. 换路瞬间， $u_C(0_-) = U_0 \neq 0$ ，电容相当于理想电压源，其值等于 U_0 ； $u_C(0_-) = 0$ ，电容相当于短路；
3. 换路瞬间， $i_L(0_-) = I_0 \neq 0$ 电感相当于理想电流源，
其值等于 I_0 ； $i_L(0_-) = 0$ ，电感相当于断路。

谢谢!