# מטלה - חלוקה הוגנת של קרקעות ועוגות

יש לענות על שאלה אחת לבחירתכם. שאלות המסומנות בכוכבית \* מזכות בניקוד כפול.

# שאלה 1: שיקולים אסטרטגיים באלגוריתם חלוקה

א. אתם חולקים עוגה עם עוד מישהו בשיטת "חתוך ובחר", כאשר אתם החותכים. הצלחתם להשיג מידע מדוייק על פונקציית הערך של השחקן השני. איך תחתכו את העוגה באופן שייתן לכם את הערך הגבוה ביותר האפשרי? הדגימו מצב שבו תוכלו להשיג 100% מהערך הכולל שלכם, ומצב אחר שבו תוכלו להשיג רק 50% מהערך הכולל שלכם.

ב. אתם חולקים עוגה עם עוד n-1 אנשים בעזרת אלגוריתם אבן-פז. לאחר שביצעתם תחקיר מקיף על האנשים האחרים בחלוקה, אתם יודעים במדוייק את פונקציות הערך שלהם. מה תעשו בכל צעד באלגוריתם, על-מנת להשיג את הערך הגבוה ביותר האפשרי? הדגימו מצב שבו תוכלו להשיג 100% מהערך הכולל שלכם. מהערך הכולל שלכם.

• פתרון: איתי בן משה

# שאלה 2: חלוקת תורנות קשירה וללא קנאה

אמא ואבא נסעו לנופש, והשאירו את n ילדיהם הגדולים לשמור על התינוקת ה-n. הם מעוניינים לחלק ביניהם את זמן השמירה ללא קנאה, כך שכל ילד יקבל משמרת רציפה (קשירה). הניחו שהילדים לא אוהבים לשמור – כל אחד רוצה לשמור כמה שפחות.

הסבירו איך אפשר להכליל את אלגוריתם הסימפלקסונים של סימונס וסו למצב זה (למצוא חלוקה כמעט ללא-קנאה - עד-כדי שניה אחת). הוכיחו את נכונות האלגוריתם עבור n=3.

• פתרון: עומרי יונתני

# שאלה 3: מיקסום סכום הערכים

נתונה עוגה המחולקת ל-k איזורים. יש שני אנשים, וכל אחד מהם מייחס ערך שונה לכל איזור. עבור כל אחד מהשחקנים, סכום הערכים עבור העוגה כולה הוא 100. הנה דוגמה עבור k=3

איזור ג	איזור ב	איזור א	:איזור
40	10	50	:הערך של עמי
30	60	10	:הערך של תמי

א. תארו אלגוריתם המחלק את העוגה כך ש**סכום הערכים** הוא מקסימלי. כלומר: הביטוי

 $V_1(X_1) + V_2(X_2)$ 

#### ברוך ה' חונן הדעת

גדול ככל האפשר.

ב. האם האלגוריתם שלכם תמיד מוצא חלוקה פרופורציונלית? הוכיחו או הביאו דוגמה נגדית.

• פתרון: תם לטין

### Fair and Square :4 שאלה

נתונה חלקת-אדמה בצורת ריבוע. יש לחלק אותה בין שני אנשים, כך שכל אחד יקבל **ריבוע.** 

א. הראו דוגמה שבה לא קיימת חלוקה פרופורציונלית.

 $\pm$  ב. תארו אלגוריתם המוצא חלוקה "חצי פרופורציונלית" לשני אנשים, כלומר, כל שחקן ב מקבל אבי תארו אלגוריתם המוצא חלוקה כולה: צ ששוויו לפחות רבע מהעוגה כולה:

 $V_i(X_i) >= V_i(C) / 4$ 

הוכיחו את נכונות האלגוריתם.

• פתרון: נתנאל אלברט

### \* שאלה 5: חלוקה הוגנת בפייתון

הורידו את הספריה fairpy – ספריה של אלגוריתמי חלוקה הוגנת בפייתון:

https://github.com/erelsgl/fairpy

השתמשו במחלקות של הספריה, הנמצאות בתיקיה cake, כדי לממש את אלגוריתם אבן-פז.

שימו לב: המימוש כולל שני קבצים – האלגוריתם עצמו בקובץ פיפח\_paz.py שימו לב: המימוש כולל שני קבצים – האלגוריתם עצמו בקובץ even\_paz.py .even\_paz\_demo.py

### (ראו דוגמאות בקבצים

cut and choose.py, cut and choose demo.py

.(last diminisher.py, last diminisher demo.py

בשאלה זו אפשר להגיש קישור לגיטהאב שלכם.

• פתרון: בשיעור