### Отчет по Лабораторной Работе №3

Модель Боевых Действий-Вариант 51

Нзита Диатезилуа Катенди

## Содержание

1	Цель работы	
2	2 Задание	4
3	Выполнение лабораторной работы         3.1 Теоретические сведения	6
4	I Выводы	12
5	5 Список литературы	13

### 1 Цель работы

Рассматривать 2 случая ведения боевых действий по модели Ланчестера: 1. Боевые действия между регулярными войсками 2. Боевые действия с участием регулярных войск и партизанских отрядов

## 2 Задание

- 1. Изучать модель Ланчестера
- 2. Построить графики для обеих армий
- 3. Определить кто из них победитель

### 3 Выполнение лабораторной работы

#### 3.1 Теоретические сведения

Будем рассматривать 2 случая ведения боевых действий: 1. Боевые действия между регулярными войсками 2. Боевые действия с участием регулярных войск и партизанских отрядов

В первом случае численность регулярных войск определяется тремя факторами:

- 1. скорость уменьшения численности войск из-за причин, не связанных с боевыми действиями (болезни, травмы, дезертирство);
- 2. скорость потерь, обусловленных боевыми действиями противоборствующих сторон (что связанно с качеством стратегии, уровнем вооружения, профессионализмом солдат и т.п.);
- 3. скорость поступления подкрепления (задаётся некоторой функцией от времени).

В этом случае модель боевых действий между регулярными войсками описывается следующим образом

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -a(t)x(t) - b(t)y(t) + P(t) \\ \frac{dy}{dt} = -c(t)x(t) - h(t)y(t) + Q(t) \end{cases}$$

Потери, не связанные с боевыми действиями, описывают члены -a(t)x(t) и -h(t)y(t), члены -b(t)y(t) и -c(t)x(t) отражают потери на поле боя. Коэффи-

циенты b(t),c(t) указывают на эффективность боевых действий со стороны y и x соответственно, a(t),h(t) - величины, характеризующие степень влияния различных факторов на потери. Функции P(t),Q(t) учитывают возможность подхода подкрепления к войскам X и Yв течение одного дня.

Во втором случае в борьбу добавляются партизанские отряды. Нерегулярные войска в отличии от постоянной армии менее уязвимы, так как действуют скрытно, в этом случае сопернику приходится действовать неизбирательно, по площадям, занимаемым партизанами. Поэтому считается, что темп потерь партизан, проводящих свои операции в разных местах на некоторой известной территории, пропорционален не только численности армейских соединений, но и численности самих партизан. В результате модель принимает вид:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -a(t)x(t) - b(t)y(t) + P(t) \\ \frac{dy}{dt} = -c(t)x(t)y(t) - h(t)y(t) + Q(t) \end{cases}$$

#### 3.2 Задача

Между страной X и страной Yидет война. Численность состава войск исчисляется от начала войны, и являются временными функциями x(t) и y(t) В начальный момент времени страна X имеет армию численностью 25000 человек, а в распоряжении страны Yармия численностью в 39000 человек. Для упрощения модели считаем, что коэффициенты a,b,c,h постоянны. Также считаем P(t),Q(t) непрерывные функции Постройте графики изменения численности войск армии X и армии Yдля следующих случаев:

1. Модель боевых действий между регулярными войсками

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.441x(t) - 0.773y(t) + sin(2t) + 1 \\ \frac{dy}{dt} = -0.55x(t) - 0.664y(t) + cos(2t) + 1 \end{cases}$$

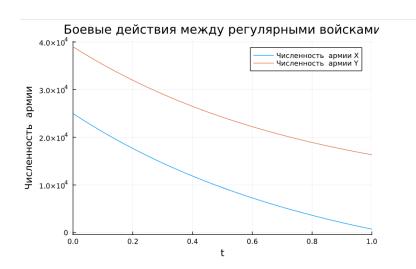


Рис. 3.1: График изменения численности в случае 1 (Julia)

По решению модели Ланчестера оказывается что армия Y- победитель.

2. Модель ведение боевых действий с участием регулярных войск и партизанских отрядов

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.399(t) - 0.688y(t) + \sin(2t) + 2\\ \frac{dy}{dt} = -0.299x(t)y(t) - 0.811y(t) + \cos(3t) + 1 \end{cases}$$

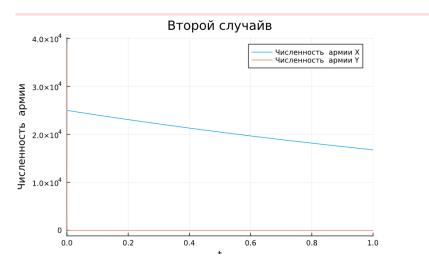


Рис. 3.2: График изменения численности в случае 2 (Julia)

#### 3.3 Код программы (Julia)

using Plots

```
using DifferentialEquations
using OrdinaryDiffEq
# начальные условия
х0 = 25000; #численность первой армии
у0 = 39000; #численность второй армии
t0 = 0; #начальный момент времени
а = 0.441; #константа, характеризующая степень влияния различных факторов на г
b = 0.773; #эффективность боевых действий армии у
с = 0.55; #эффективность боевых действий армии х
h = 0.664; #константа, характеризующая степень влияния различных факторов на г
tmax = 1; #предельный момент времени
t = (t0;tmax);
# ПЕРВЫЙ СЛУЧАЙ
function P(t) #возможность подхода подкрепления к армии х
   p = \sin(2*t) + 1;
   return p;
end
```

```
return q;
end
#Система дифференциальных уравнений
function f(du, u, p, t)
   du[1] = -a*u[1] - b*u[2] + P(t); #изменение численности первой армии
   du[2] = - c*u[1] - h*u[2] + Q(t); #изменение численности второй армии
end
v0 = [x0;y0]; #Вектор начальных условий
prob = ODEProblem(f, v0, t)
sol = solve(prob)
plot(sol, vars=(1), label = "Численность армии X", title = "Регулярные войски")
plot!(sol, vars=(2), label = "Численность армии Y")
a = 0.399;
            #константа, характеризующая степень влияния различных факторов на г
b = 0.688;
             #эффективность боевых действий армии у
c = 0.299;
            #эффективность боевых действий армии х
h = 0.811;
             #константа, характеризующая степень влияния различных факторов на г
```

function Q(t) #возможность подхода подкрепления к армии у

q = cos(2\*t) + 1;

```
# ВТОРОЙ СЛУЧАЙ
function P(t) #возможность подхода подкрепления к армии х
   p = \sin(2*t) + 2;
   return p;
end
function Q(t) #возможность подхода подкрепления к армии у
   q = cos(3*t) + 1;
  return q;
end
#Система дифференциальных уравнений
function f(du, u, p, t)
   du[1] = - a*u[1] - b*u[2] + P(t); #изменение численности первой армии
   du[2] = -c*u[1]*u[2] - h*u[2] + Q(t); #изменение численности второй а
end
v0 = [x0;y0]; #Вектор начальных условий
prob = ODEProblem(f, v0, t)
```

sol = solve(prob)

plot(sol, vars=(1), linewidth = 2, label = "Численность армии X", title = "Регуля plot!(sol, vars=(2), linewidth = 2, label = "Численность армии Y")

### 4 Выводы

В результате проделанной лабораторной работы мы познакомились с моделями Ланчестера . Проверили, как работает модель в различных ситуациях, построили графики x(t) и y(t) в рассматриваемых случаях.

# 5 Список литературы

- 1. Законы Осипова Ланчестера
- 2. Дифференциальные уравнения динамики боя