Отчет по Лабораторной Работе № 6

Модель эпидемии - Вариант 51

Нзита Диатезилуа Катенди

Содержание

1	. Цель работы	3
2	Задание	4
3	Выполнение лабораторной работы 3.1 Теоретические сведения	6
4	- Выводы	9
5	Список литературы	10

1 Цель работы

Рассмотрим простейшую модель эпидемии. Предположим, что некая популяция, состоящая из N особей, (считаем, что популяция изолирована) подразделяется на три группы. Первая группа - это восприимчивые к болезни, но пока здоровые особи, обозначим их через S(t). Вторая группа – это число инфицированных особей, которые также при этом являются распространителями инфекции, обозначим их I(t). А третья группа, обозначающаяся через R(t) – это здоровые особи с иммунитетом к болезни.

2 Задание

Постройте графики изменения числа особей в каждой из трех групп. Рассмотрите, как будет протекать эпидемия в случае:

- 1. если $I(0) \leq I^*$
- 2. если $I(0)>I^{st}$

3 Выполнение лабораторной работы

3.1 Теоретические сведения

До того, как число заболевших не превышает критического значения I^* , считаем, что все больные изолированы и не заражают здоровых. Когда $I(t)>I^*$, тогда инфицирование способны заражать восприимчивых к болезни особей. Таким образом, скорость изменения числа S(t) меняется по следующему закону:

Поскольку каждая восприимчивая к болезни особь, которая, в конце концов, заболевает, сама становится инфекционной, то скорость изменения числа инфекционных особей представляет разность за единицу времени между заразившимися и теми, кто уже болеет и лечится, т.е.:

$$rac{dI}{dt} = egin{cases} aS - bI, & ext{ecли} \, I(t) > I^* \ \\ -bI, & ext{ecли} \, I(t) \leq I^* \end{cases}$$

А скорость изменения выздоравливающих особей (при этом приобретающие иммунитет к болезни)

$$\frac{dR}{dt} = bI$$

:memo: **Note:** Постоянные пропорциональности a,b, - это коэффициенты заболеваемости и выздоровления соответственно.

3.2 Задача

На одном острове вспыхнула эпидемия. Известно, что из всех проживающих на острове N=8124 в момент начала эпидемии t=0 число заболевших людей (являющихся распространителями инфекции) I(0)=124, А число здоровых людей с иммунитетом к болезни R(0)=30. Таким образом, число людей восприимчивых к болезни, но пока здоровых, в начальный момент времени S(0)=N-I(0)-R(0).

Постройте графики изменения числа особей в каждой из трех групп. Рассмотрите, как будет протекать эпидемия в случае: 1. если $I(0) \leq I^*$

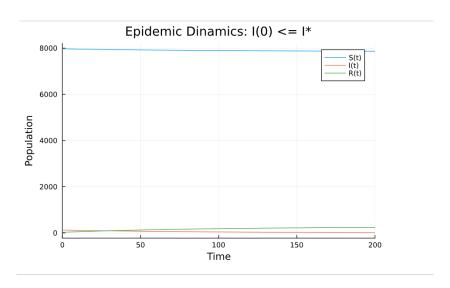


Рис. 3.1: Динамика изменения числа людей 1 (Julia)

2. если $I(0)>I^{st}$

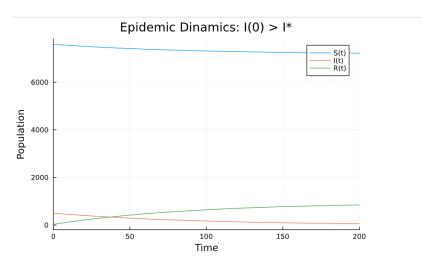


Рис. 3.2: Динамика изменения числа людей 2 (Julia)

3.3 Код программы (Julia)

```
using DifferentialEquations

a = 0.01; # коэффициент заболеваемости

b = 0.02; # коэффициент выздоровления

N = 8 124; # общая численность популяции

I0 = 124; # количество инфицированных особей в начальный момент времени

R0 = 30; # количество здоровых особей с иммунитетом в начальныймомент времени

S0 = N - I0 - R0; # количество восприимчивых к болезни особей в начальный момент

x0 = [S0;I0;R0]; #начальные значения

t = (0,200);
```

```
# случай, когда I(0)<=I*
function F1(du, u, p, t)
    du[1] = 0;
    du[2] = - b*u[2];
    du[3] = b*u[2];
end
prob = ODEProblem(F1, x0, t)
sol = solve(prob)
plot(sol, label=["S(t)" "I(t)" "R(t)"], title="Первый случай")
savefig("image1.png")
#ВТОРОЙ СЛУЧАЙ
# случай, когда I(0)>I*
function F2(du, u, p, t)
    du[1] = - a*u[1];
    du[2] = a*u[1] - b*u[2];
    du[3] = b*u[2];
end
prob = ODEProblem(F2, x0, t)
sol = solve(prob)
plot(sol, label=["S(t)" "I(t)" "R(t)"], title="Второй случай")
savefig("image2.png")
```

4 Выводы

В результате проделанной лабораторной работы мы познакомились с моделем эпидемии. Проверили, как работает модель в различных ситуациях, показали динамику изменения числа людей в каждой из трех групп в каждом случае.

5 Список литературы

1. Модель эпидемии