

# Презентация по лабораторной работе №4

Модель боевых действий

---

Нзита Диатезилуа Катенди

# Информация

---

- Нзита Диатезилуа Катенди
- студент группы НКНбд-01-21
- Российский университет дружбы народов
- [https://github.com/NzitaKatendi/Math\\_modeling](https://github.com/NzitaKatendi/Math_modeling)

## Цели работы

---

Изучить понятие гармонического осциллятора, построить фазовый портрет и найти решение уравнения гармонического осциллятора



## Теоретическое введение

---

Движение грузика на пружинке, маятника, заряда в электрическом контуре, а также эволюция во времени многих систем в физике, химии, биологии и других науках при определенных предположениях можно описать одним и тем же дифференциальным уравнением, которое в теории колебаний выступает в качестве основной модели. Эта модель называется линейным гармоническим осциллятором. Уравнение свободных колебаний гармонического осциллятора имеет следующий вид:

$$\ddot{x} + 2\gamma\dot{x} + \omega^2x = 0$$

где  $x$  – переменная, описывающая состояние системы (смещение грузика, заряд конденсатора и т.д.),  $\gamma$  – параметр, характеризующий потери энергии (трение в механической системе, сопротивление в контуре),  $\omega$  – собственная частота колебаний,  $t$  –





## Постановка задачи

---

Вариант № 51

Постройте фазовый портрет гармонического осциллятора и решение уравнения гармонического осциллятора для следующих случаев



## Задачи

---

1. Колебания гармонического осциллятора без затуханий и без действий внешней силы

$$\dot{x} + 1.7x = 0$$

2. Колебания гармонического осциллятора с затуханием и без действий внешней силы

$$\ddot{x} + 1.7\dot{x} + 1.7x = 0$$

3. Колебания гармонического осциллятора с затуханием и под действием внешней силы

$$\ddot{x} + 2\dot{x} + 1.7x = 0.7\cos(2.7t)$$



## Выполнение работы

---



using DifferentialEquations, Plots

## Начальные условия и параметры

---

$t_{\text{span}} = (0, 59)$   $p_1 = [0, 1.7]$   $p_2 = [1.7, 1.7]$   $p_3 = [2, 1.7]$

с начальными условиями

---

$x_0 = [1.7, -0.2]$

#й внешняя сила

$f(t) = 0.7\cos(2.7t)$

#Функция колебаний без затуханий и без действий внешней

```
function osci_w1(dx, x, p, t) gamma, w = p  
dx[1] = x[2] dx[2] = -w .* x[1] -  
gamma .* x[2] end
```

```
function osci_w2(dx, x, p, t) gamma, w = p  
dx[1] = x[2] dx[2] = -w .* x[1] -  
gamma .* x[2] .+ f(t) end
```

#случай 1

```
prob1 = ODEProblem(osci_w1, x0, tspan, p1) sol1 = solve(prob1, dtmax = 0.05)
```

```
plot(sol1) #График колебаний plot(sol1, vars = (2, 1)) #Фазовый портрет
```

#случай 2

```
prob2 = ODEProblem(osci_w1, x0, tspan, p2) sol2 = solve(prob2, dtmax = 0.05)
```

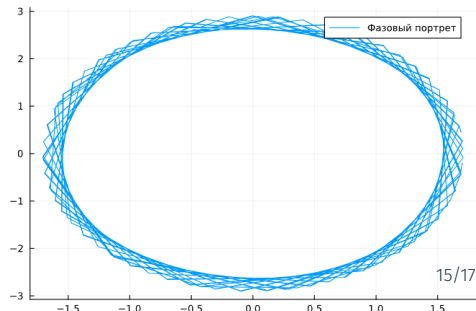
```
plot(sol2) #График колебаний plot(sol2, vars = (2, 1)) #Фазовый портрет
```

#случай 3

```
prob3 = ODEProblem(osci_w2, x0, tspan, p3) sol3 = solve(prob3, dtmax = 0.05)
```

```
plot(sol3) #График колебаний plot(sol3, vars = (2, 1)) #Фазовый портрет
```

—  
Слу-  
чай  
1  
(рис.  
1)



## Вывод

---



Мы научились строить фазовые портреты а также изучили гармонические колебания осциллятора

