1

3

8

8

8

8

### Contents

```
1 基本
2 語法
2.1 c++ .
3 字串
4 數論
5 圖論
5.4 quick sort
6 dp
6.1 階乘 1 . .
6.2 階乘 2
6.3 階梯問題
7 數學
7.1 理論
```

#### 型態大小 1.1

```
· int:
```

```
-2,147,483,648 to 2,147,483,647 (10 digits)
- -2^{31} to 2^{31}-1
-10^9 to 10^9
```

### · unsigned long long int:

```
- Begins with 9, and has a total of 19 digits
-2^{63}-1
```

 $-10^{18}$ 

· array:

- Do not declare with a size larger than 30,005.

### 2.1 c++

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3 typedef unsigned long long int 11;
4 int main(){
5
      std::ios::sync_with_stdio(false);
6
      return 0;
7 }
```

### 2.2 c++ 函式庫

```
1 // <string>
  2
    // 查找 substr第一次出現的位置
  3
    str.find(substr);
  4
    // 返回substr最后一次出现的位置
  5
  6
    str.rfind(substr);
  8 s1 = s1+s2 // 連接兩個字串
  9 s1 + s2 // 跟上面一樣
 10 s1.append(s2) // s2插在s1的屁股
 11 if(s1 == s2) // 比較兩字串
3 13
    // <ctype>
 14
 15 // 檢查系列
 16 isalpha(c) // 字母
 17 isdigit(c) // 數字
4 18 isalnum(c) // 字母or數字
 19 isspace(c) // 空格or換行
 20 isupper(c) // 大寫
 21
    islower(c) // 小寫
6 22 ispunct(c) // 標點符號
 23 toupper(c) // to大寫
 24
    tolower(c) // to小寫
 25
 26
 27
    // <algorithm>
 28
 29 // 酷東西
 30
    reverse(v, v+n)
 31
    find(v, v+n, 3) //查找3是否在v中
 32
    count(v, v+n, 3) // 算3在v裡出現幾次(只能算字元or數字)
 33
    // sort
 34
    sort(v.begin(), v.end())
    sort(v, v+n)
 36
    sort(v, v+n, greater<int>())
 38
 39
    sort(v, v+n, cmp)
    bool cmp(型態 a, 型態 b){
 40
 41
        return a > b; // 大到小
 42 }
 43
 44
    // <numeric>
 45
 46 // 返回鄰近數值的差
  47 int arr[10]={1,2,3,4,5,6,7,8,9,10};
 48 \mid int a[9] = \{0\};
    adjacent_difference(arr, arr+10, a);
 49
    for(int i= 0; i < 9; i++){</pre>
     cout << a[i] << ' ';
 51
 52
    }
 53
    // <cmath>
 55 round(x) // 返回最接近x的整數
```

#### 宣告法 2.3

```
1 // <vector>
  vector<int> v;
  vector<int> v = {1,2,3,4};
  vector < int > v(5); // v = \{0, 0, 0, 0, 0\}
5 vector<int> v(5,1); // v={1,1,1,1,1}
6 vector < vector < int >> v; //二維
  // v[2][3] v[樓][層]
  vector<vector<int>> v(2, vector<int>(3));
8
  // v = \{(1,1),(1,1),(1,1)\}
10
  vector<vector<int>> v(2, vector<int>(3, 1));
12 v.push_back(1) // 推入數字
```

```
13 v.pop_back() // 拔出尾端數字
14
15 // 在二維陣列中插入元素
16 vector<vector<int> > arr(5, vector<int>(3, 1));
17 arr[1].push_back(2);
18 for(size_t i= 0; i < arr.size();i++){
    for(size_t j= 0; j < arr[i].size();j++){</pre>
19
      cout<<arr[i][j]<<' ';
20
21
22
    cout << endl;</pre>
23 }
24 /*
25 Output
26 1 1 1
27 1 1 1 2
28 1 1 1
29 1 1 1
30 1 1 1
31 */
32
33 // struct
34 struct s{
35
   int x[100];
36
    int y[100];
37 };
38 s num; //一 組s
39 num.x[1]=1; num.y[1]=2;
40
41 // set
42 set < int > s;
43
44 s.insert(x)
45 s.count(x) // x是否存在於 set中
46 s.erase(x)
47
48 s.clear()
49 s.empty()
50 s.size()
51
52 // stack
53 stack<int> s;
54
55 s.push(1); // 把1推到尾巴
56 s.pop(); // 刪掉尾巴
57 s.top(); // 返回尾巴
58
59 // queue
60 queue < int > q;
61 q.pop(); // 刪掉前
62 q.front(); // 返回前
63 q.back(); // 返回尾
64 q.push(1); // 把1推到前
```

### 2.4 強制轉型

### 2.5 python

```
# EOF
  while True:
      try:
4
          你要執行的程式碼
5
6
      except EOFError:
7
8
          break
9
10 # 有規定終止條件
  while True:
11
12
      if a==0:
13
          break
14
15 # 數學符號
16 a//=10 # 整除
17 a**b # a^b
18
19 # 邏輯
  a=True
20
21 b=False
22 print(a and b) #False
23 print(a or b) #True
24
25 # scan
26 a = int(input())
27 n=list(input().split(''))
      連續輸入一串用空格隔開的數字
28
29 for i in range(a):
      c, d = map(int, input().split()) # 連續輸入兩個數
30
31
32 # print
33 print('for is not a multiple of 11.'.format(a))
34 print(a+" and "+b+" sitting in the tree")
  print('The parity of ',a,' is ',count,' (mod 2).')
37 # 標頭檔math
38 import math
39 math.gcd(a, b, c, d, e) # 最大公約數
40 math.lcm(a, b, c, d, e) # 最小公倍數
41 math.fabs(x) # 絕對值
42 math.isqrt(n) #整數平方根
                # 平方根
43 math.sqrt(x)
44 math.pow(x, y) # x^y
45
46
  # count
  c+=b.count("商店") # 用在要計算好幾個字串時
  c=b.count('1')
                   # 一次算出一串字串有幾個'1'
49
50 # 進制轉換
51 \mid a = bin(a)[2:] \# 10 \text{ to } 2
52 \mid a = hex(a)[2:] \# 10 \text{ to } 16
53
  a = oct(a)[2:] # 10 to 8
55 # 大小寫轉換
56 a. lower()
57 a.upper()
58
59 # 取長度
60 a.len()
```

# 3 字串

### 3.1 KMP

```
1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3
4 void KMP(string text, string pattern)
5 {
   int m = text.length();
```

```
7
       int n = pattern.length();
8
       // 如果模組沒東東
9
10
       if (n == 0)
11
       {
12
           cout << "The pattern occurs with shift 0";</pre>
13
           return;
       }
14
15
16
       // 如果文本的長度小於模組的長度
17
       if (m < n)
18
           cout << "Pattern not found";</pre>
19
20
           return:
21
       }
22
23
       // next[i] 存儲下一個最佳部分匹配的索引
24
       int next[n + 1];
25
       for (int i = 0; i < n + 1; i++) {
26
27
           next[i] = 0;
28
29
       for (int i = 1; i < n; i++)
30
31
32
           int j = next[i];
33
34
           while (j > 0 && pattern[j] != pattern[i]) {
35
               j = next[j];
36
37
38
           if (j > 0 || pattern[j] == pattern[i]) {
39
               next[i + 1] = j + 1;
           }
40
41
       }
42
       for (int i = 0, j = 0; i < m; i++)
43
44
           if (text[i] ==
45
               pattern[j])//一樣如果+1j下一個檢查
46
           {
               if (++j == n) {
47
48
                   cout << "The pattern occurs with</pre>
                        shift " << i - j + 1 << endl;
49
               }
50
           }
51
           else if (j > 0)
52
53
               j = next[j]; //把她休崩變回來
54
                     // 還要回去啾啾
           }
55
56
       }
57 }
58
59 int main()
60 {
61
       string text = "ABCABAABCABAC";
62
       string pattern = "CAB";
63
64
       KMP(text, pattern);
65
66
       return 0;
67 | }
```

# 4 數論

### 4.1 曜

```
#include <iostream>
using namespace std;
int a[20];

int main() {
   int cases, target, sticks, num, tmp, i;
```

```
7
       bool flag;
        while (cin >> cases){
8
9
            while (cases--){
                 cin >> target;
10
11
                 cin >> sticks;
                 for (int i = 0; i < sticks; i++){</pre>
12
                     cin >> a[i];
13
14
                 }
15
                 num = 1;
                 for (int i = 1; i < sticks; i++){</pre>
16
17
                     num <<= 1;
18
                     num++;
19
                 }
                 flag = false;
20
21
                 for (int _i = 0; _i <= num; _i++){</pre>
                     tmp = 0;
22
23
                     i = _i;
24
                      for (int j = 0; j < sticks; j++){</pre>
25
                          if (i & 1) tmp += a[j];
26
                          i >>= 1;
27
28
                      if (tmp == target){
29
                          flag = true;
30
                          break;
31
32
                 }
                 if (flag) cout << "YES\n";</pre>
33
                 else cout << "NO\n";</pre>
34
35
            }
36
       }
37 }
```

### 4.2 Fibonaccimal

```
1 #include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
 3
 4
  int main(){
 5
 6
 7
       int Fibonacci[40] = {0, 1}; //開始的兩個數
 8
       int i;
9
       for(i = 2; i < 40; i++){
10
           Fibonacci[i] = Fibonacci[i - 1] + Fibonacci[i
11
12
       }
13
       scanf("%d", &N);
14
15
16
       while(N--){
17
18
           int num:
19
           bool flag = false;
20
           scanf("%d", &num);
21
           printf("%d = ", num);
22
23
           for(i = 39; i >= 2; i--){
24
                if(num >= Fibonacci[i]){
25
26
                    num = num - Fibonacci[i];
27
                    flag = true;
                    printf("1");
28
                }
29
                else if(flag){
30
                    printf("0");
31
                }
32
33
34
           printf(" (fib)\n");
35
       }
36
37
38
       return 0;
39 }
```

#### 4.3 LCM 1 int GCD(int num1, int num2) 2 | { **if**(num2==0) 3 4 { 5 return num1; 6 } 7 return GCD(num2, num1%num2); 8 9 } 10 11 int LCM(int num1, int num2) //2個最小公倍數 12 { 13 return((num1\*num2)/GCD(num1, num2)); 14 } 15 16 int LCM2(int num1, int num2, int num3) //3個最小公倍數 17 \ { return((num1\*num2)/GCD((num1, num2), num3)); 18 19 } 20 21 int main() 22 | { cout << GCD (6,3); 23 24 cout << LCM(6,3); 25 cout << LCM2(6,3,3); 26 27 return 0; 28 }

### 4.4 LCS

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3 int main()
4 {
5
       string str1, str2;
6
       short lcs[2][1000];
       while (cin >> str1 >> str2)
7
8
9
           lcs[0][0] = str1[0] == str2[0];
10
           for (int j=1; j<str2.length(); j++) lcs[0][j]</pre>
                = max(lcs[0][j-1],
                short{str1[0]==str2[j]});
11
           for (int i=1; i<str1.length(); i++)</pre>
12
13
                bool r = i \& 1;
14
                lcs[r][0] = max(lcs[r^1][0],
                    short{str1[i]==str2[0]});
15
                for (int j=1; j<str2.length(); j++)</pre>
16
                    lcs[r][j] = str1[i]==str2[j] ?
                         lcs[r^1][j-1] + 1 :
                         max(lcs[r^1][j], lcs[r][j-1]);
17
           }
18
               lcs[(str1.length()-1)&1][str2.length()-1]
                << '\n';
       }
19
20
       return 0;
21 | }
```

### 4.5 LPS

```
#include < bits / stdc ++ . h >
#include < iostream >
using namespace std;

int main(){
    string s;
    cin >> s;
    int maxlen=0, l, r;
    for (int i=0; i < s.length(); i++){</pre>
```

```
10
           //奇
           int x = 0;
11
12
           while((s[i-x]==s[i+x]) && (i-x>=0) &&
               (i+x<s.length())){//當找到一個中心點以其為中間然後及
13
          }
14
15
           x - -;
          if(2*x+1)
16
               \maxlen){//只有第一次會\max==後後面就追不到那女孩
               maxlen = 2*x+1; //最大的
17
               1 = i-x;//計算頭頭
18
19
               r = i+x;//計算尾巴
20
          }
21
          //偶
22
          x = 0;
           while (s[i-x]==s[i+1+x]) \& (i-x>=0) \& 
23
               (i+1+x<s.length()))
               χ++;
24
25
          }
          if(2*x > maxlen){
26
27
               maxlen = 2*x;
               1 = i - x + 1;
28
29
               r = i + x;
30
          }
31
      }
32
       cout << maxlen << '\n';</pre>
      cout << 1+1 << ' ' << r+1 << '\n';
33
34
35 }
```

### 4.6 Pairty

```
1 #include <iostream>
  #include <algorithm>
3
  using namespace std;
  int main() {
5
       int I, n;
6
7
       while (cin >> I) {
           if (I == 0) break;
8
9
           string B = "";
           n = I:
10
           int cnt = 0;
11
12
           while (n){
13
                cnt += (n & 1);
                B += '0' + (n \& 1);
14
                n >>= 1;
15
16
           reverse(B.begin(), B.end());
17
           cout << "The parity of " << B << " is " <<
18
                cnt << " (mod 2).\n";</pre>
19
       }
20
       return 0;
21 }
```

# 5 圖論

### 5.1 最短路徑 dijkstra

```
1 // 邊權重皆為正數時使用
2 // 1.
 輸入有總點、總邊,接著輸入點,點,距離(權重)時使用
3 #include <iostream>
4 #include <vector>
5 #include <climits>
6
7 using namespace std;
8
9 // 定義城市數量的上限
10 #define MAX_CITIES 100
```

```
12 // 定義無限大的距離
                                                               3 #define N 100
13 #define INF INT_MAX
                                                                 using namespace std;
14
15 // 城市數量、道路數量
                                                               6
                                                                 int map[N][N], visited[N][N]={0};
                                                                 typedef pair<int, int> p;
16 int numCities, numRoads;
                                                                 int n,m,found=0;
17
                                                                 deque path;
18 // 圖的鄰接矩陣表示法
                                                               10
19 vector < vector < int > > graph (MAX_CITIES,
                                                                 void dfs(int x, int y){
                                                               11
       vector<int>(MAX_CITIES, INF));
                                                               12
                                                                    if (found==1) return;
20
                                                               13
                                                                    visited[x][y]=1;
21
                                                                    path.push_back(make_pair(x,y));
       Di jkstra演算法,計算從指定城市出發到其他城市的最短路性
                                                                    if (x==n-1 \&\& y==m-1){
   void dijkstra(int startCity) {
22
                                                                      found=1:
                                                               16
23
       vector<int> dist(numCities, INF);
                                                               17
                                                                      cout << "Path: ";</pre>
24
       vector < bool > visited(numCities, false);
                                                               18
                                                                      while(!path.empty()){
25
                                                               19
                                                                        cout<<"("<<path.front().first<<", "<<path.front().second<</pre>
26
       dist[startCitv] = 0:
                                                               20
                                                                        path.pop_front();
27
                                                                        \verb|cout|<<((path.empty())?" | n":" \rightarrow ");
                                                               21
       for (int i = 0; i < numCities - 1; i++) {</pre>
28
                                                               22
           int u = -1;
29
                                                               23
                                                                      cout << endl;
30
           for (int j = 0; j < numCities; j++) {</pre>
                                                               24
                                                                      return:
31
               if (!visited[j] && (u == -1 || dist[j] <</pre>
                                                                    }
                                                               25
                    dist[u])) {
                                                                    if (x+1<n && visited[x+1][y]==0 && map[x+1][y]==0){</pre>
                                                               26
                    u = j;
32
                                                               27
                                                                      dfs(x+1,y);
33
                                                               28
                                                                      path.pop_back();
34
           }
                                                               29
35
                                                               30
                                                                    if (y+1<m && visited[x][y+1]==0 && map[x][y+1]==0){</pre>
36
           visited[u] = true;
                                                               31
                                                                      dfs(x.v+1):
37
                                                               32
                                                                      path.pop_back();
           for (int v = 0; v < numCities; v++) {</pre>
38
                                                               33
               if (!visited[v] && graph[u][v] != INF) {
39
                                                               34
                                                                    if (x-1)=0 \& visited[x-1][y]==0 \& map[x-1][y]==0){
40
                    dist[v] = min(dist[v], dist[u] +
                                                               35
                                                                      dfs(x-1,y);
                        graph[u][v]);
                                                               36
                                                                      path.pop_back();
               }
41
                                                               37
42
           }
                                                               38
                                                                    if (y-1>=0 && visited[x][y-1]==0 && map[x][y-1]==0){
       }
43
                                                               39
                                                                      dfs(x,y-1);
44
                                                               40
                                                                      path.pop_back();
       // 輸出最短路徑結果
45
                                                               41
46
       cout << "從城市 " << startCity << "
                                                               42 }
           出發到其他城市的最短路徑如下: " << endl;
                                                               43
47
       for (int i = 0; i < numCities; i++) {</pre>
                                                               44
                                                                 int main(){
48
           if (i != startCity) {
                                                               45
                                                                    cin>>n>>m:
               cout << "到城市 " << i << " 的最短距離為
49
                                                                    for (int i=0; i<n; i++)</pre>
                                                               46
                    " << dist[i] << endl;
                                                                      for (int j=0; j<m; j++)</pre>
                                                               47
50
           }
                                                               48
                                                                        cin>>map[i][j];
51
                                                               49
                                                                    dfs(0,0);
52 }
                                                                    if (found==0){
                                                               50
53
                                                               51
                                                                      cout << "No routes accessible.\n";</pre>
54 int main() {
                                                                    }
                                                               52
       // 讀取城市數量和道路數量
55
                                                               53
                                                                    return 0;
       cin >> numCities >> numRoads;
56
                                                               54 }
57
                                                               55 // 顯示最短距離
       // 初始化圖的鄰接矩陣
58
                                                                 #include <iostream>
                                                               56
59
       for (int i = 0; i < numRoads; i++) {</pre>
                                                               57
                                                                 #include <utility>
60
           int city1, city2, distance;
                                                               58 #include <deque>
61
           cin >> city1 >> city2 >> distance;
                                                               59 #define N 100
           graph[city1][city2] = distance;
62
                                                               60 using namespace std;
           graph[city2][city1] = distance; //
63
               因為是雙向道路
                                                               62
                                                                 int map[N][N], visited[N][N]={0};
                                                               63 typedef pair<int, int> p;
       }
64
65
                                                               64 int n,m,dis=-2;
       // 選擇起始城市,這裡以城市@為例
66
                                                               65
                                                                 deque path;
                                                               66
67
       int startCity = 0;
                                                               67
                                                                 void dfs(int x, int y){
68
                                                                   visited[x][y]=1;
                                                               68
69
       // 執行Dijkstra演算法
                                                               69
                                                                    path.push_back(make_pair(x,y));
70
       dijkstra(startCity);
                                                                    if (x==n-1 & y==m-1){
                                                               70
71
                                                                      if (dis==-1){
                                                               71
72
       return 0;
                                                               72
                                                                        dis=path.size()-1;
73 }
                                                               73
                                                               74
                                                                      else {
                                                               75
                                                                        if (path.size()-1<dis) dis=path.size()-1;</pre>
  5.2 DFS
                                                               76
                                                               77
                                                               78
                                                                    if (x+1<n && visited[x+1][y]==0 && map[x+1][y]==0){</pre>
 1 // 印出最快路徑 (座標)
```

79

2 #include <bits/stdc++.h>

dfs(x+1,y);

39 40

```
80
        visited[x+1][y]=0;
81
        path.pop_back();
82
83
      if (y+1<m && visited[x][y+1]==0 && map[x][y+1]==0){</pre>
84
        dfs(x,y+1);
85
        visited[x][y+1]=0;
86
        path.pop_back();
87
      if (x-1)=0 \& visited[x-1][y]==0 \& map[x-1][y]==0){
88
89
        dfs(x-1,y);
90
        visited[x-1][y]=0;
        path.pop_back();
91
92
      if (y-1>=0 \&\& visited[x][y-1]==0 \&\& map[x][y-1]==0){
93
94
        dfs(x,y-1);
        visited[x][y-1]=0;
95
        path.pop_back();
96
97
98|}
99
100 int main(){
101
      cin>>n>>m;
102
      for (int i=0; i<n; i++)</pre>
103
        for (int j=0; j<m; j++)
          cin>>map[i][j];
104
105
      dfs(0.0):
      if (dis==-2)
106
107
        cout << "No routes accessible.\n";</pre>
108
      else
109
        cout << "Shortest distance: "<<dis<<endl;</pre>
110
      return 0;
111 }
```

### 5.3 merge sort

```
1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3
4 //做比較大小的部分
5
  void merge(int arr[], int l, int m, int r, int size)
6 {
7
       int i = 1;
8
       int j = m + 1;
9
       int k = 1;
10
11
       /* create temp arrav */
12
       int temp[size];
13
14
       while (i <= m && j <= r) {</pre>
           if (arr[i] <= arr[j]) {</pre>
15
                temp[k] = arr[i];
16
17
                i++;
                k++;
18
19
           }
20
            else {
                temp[k] = arr[j];
21
22
                j++;
                k++;
23
           }
24
25
26
       / Copy the remaining elements of first half, if
            there are any /
27
       while (i <= m) {</pre>
28
            temp[k] = arr[i];
           i++;
29
30
           k++;
       }
31
32
33
       / Copy the remaining elements of second half, if
            there are any /
       while (j <= r) {
34
35
            temp[k] = arr[j];
36
            j++;
37
            k++;
       }
38
```

```
41
      for (int p = 1; p <= r; p++) {</pre>
           arr[p] = temp[p];
42
43
44
  }
45
  //做分開陣列的部分
46
47
  void mergeSort(int arr[], int 1, int r, int size)
48
  {
49
       if (1 < r) {
50
           // 找中間點 ex:陣列五個元素0-4 2是中間點
           //陣列分成兩組 0-2/3-4兩個部分
51
52
           //舉0-2陣列來說 中間點是1
           //陣列再分成 Ø-1/2兩個部分
53
           int m = (1 + r) / 2;
54
55
           / 遞迴第一和第二部分*/
56
57
           //(也就是不斷的分)
           mergeSort(arr, 1, m, size);
58
           mergeSort(arr, m + 1, r, size);
59
60
           // merge
61
62
           //當我分到不能再分 比較陣列內數值 小的放前面
63
           merge(arr, 1, m, r, size);
64
      }
65
  }
66
67 int main()
68
  {
       cout << "Enter size of array: " << endl;</pre>
69
70
       int size;
71
       cin >> size;
72
      int myarray[size];
73
       cout << "Enter " << size << " integers in any
74
           order: " << endl;</pre>
       for (int i = 0; i < size; i++) {</pre>
75
76
           cin >> myarray[i];
77
      cout << "Before Sorting" << endl;</pre>
78
79
      for (int i = 0; i < size; i++) {</pre>
80
           cout << myarray[i] << " ";</pre>
81
82
      cout << endl;</pre>
83
      mergeSort(myarray, 0, (size - 1), size); //
           mergesort(arr,left,right) called
84
85
       cout << "After Sorting" << endl;</pre>
86
      for (int i = 0; i < size; i++) {</pre>
           cout << myarray[i] << " ";</pre>
87
88
89
90
       return 0;
91 }
```

/ Copy the temp array to original array /

### 5.4 quick sort

```
1 include <iostream>
2 using namespace std;
  // quick sort sorting algorithm
3
4
  int Partition(int arr[], int s, int e)
5
  {
  int pivot = arr[e];
7
   int pIndex = s;
8
9
   for(int i = s;i<e;i++)</pre>
10
   {
11
       if(arr[i]<pivot)</pre>
12
13
       int temp = arr[i];
14
       arr[i] = arr[pIndex];
15
       arr[pIndex] = temp;
       //swapping 也就是說如果當前數值比指標小
16
           他就移到最前面
```

```
//也就是陣列0的位置
17
18
       pIndex++:
       //下一個比指標小的數值放進陣列1的位置
19
20
   }
21
22
23
   int temp = arr[e];
   arr[e] = arr[pIndex];
24
  arr[pIndex] = temp;
25
   //比指標數值小的都去前面了
26
27
   //將指標放到目前計數到的陣列位置
   //那指標前都比她小 指標後都比他大
28
   return pIndex; //回傳給p值
29
30 }
31
32 void QuickSort(int arr[], int s, int e)
33 //s stand for start index
34 //e stand for end index also (size-1)
35 {
36
   if(s<e)</pre>
37 {
38 int p = Partition(arr,s, e);
39 QuickSort(arr, s, (p-1));
40 // recursive QS call for left partition
41 //做陣列前半部分 因為都比指標小 去進行內部排序
   QuickSort(arr, (p+1), e);
42
43 // recursive QS call for right partition
44 }
45 }
46
47 int main()
48 \
49
50
   int size=0;
51
   cout << "Enter Size of array: "<<endl;</pre>
52
   cin>>size:
   int myarray[size];
53
   cout<<"Enter "<<size<<" integers in any order:</pre>
55
        "<<end1;
   for(int i=0;i<size;i++)</pre>
56
57
   {
58
   cin>>myarray[i];
59
   cout << "Before Sorting" << endl;</pre>
60
61
   for(int i=0;i<size;i++)</pre>
62
63
   cout << myarray[i] << " ";</pre>
64
   }
   cout << end1;
65
66
   QuickSort(myarray,0,(size-1)); // quick sort called
67
68
   cout << "After Sorting" << endl;</pre>
69
70
   for(int i=0;i<size;i++)</pre>
71
72
   cout << myarray[i] << " ";</pre>
73
   }
74
75
   return 0;
76 }
```

### 5.5 二分搜

```
1 #include < iostream >
  using namespace std;
3
4
  int binarySearch(int arr[], int left, int right, int
      x) {
    while (left <= right) {</pre>
5
6
      int mid = left + (right - left) / 2;
7
      if (arr[mid] == x) {
8
9
         return mid;
10
```

```
11
        else if (arr[mid] < x) {</pre>
         left = mid + 1;
12
13
       }
14
        else {
15
         right = mid - 1;
16
17
    }
18
19
     return -1;
20
21
  int main() {
22
23
     int myarr[10];
     int num;
24
25
     int output;
26
27
     cout << "Please enter 10 elements ASCENDING order"</pre>
         << endl;
     for (int i = 0; i < 10; i++) {
28
29
       cin >> myarr[i];
30
31
     cout << "Please enter an element to search" << endl;</pre>
32
     cin >> num;
33
     output = binarySearch(myarr, 0, 9, num);
34
35
     if (output == -1) {
36
       cout << "No Match Found" << endl;</pre>
37
38
     } else {
       cout << "Match found at position: " << output <<</pre>
39
           endl:
40
     }
41
42
     return 0;
43 }
  如果我們超過25頁我還可以再縮減程式區 這是比較完整的
44
45
  void floyd(){
46
47
           for(intk=0; k<n; k++){ //中間點
               for(int i=0;i<n;i++){</pre>
48
49
                    for(int j=0;j<n;j++){</pre>
50
                        dp[i][j]=min(dp[i][j],dp[i][k]+dp[k][j]);
                        //經過中間點k的路徑是否小於原始路徑
51
                        //小於則更新 不小於則不變動
52
                        //窮舉所有鬆弛的可能
53
                   }
54
55
               }
56
           }
       }
57
```

# 6 dp

### 6.1 階乘 1

```
1 '''
2 !注意! long long 存到21!就會爆掉
     要你輸出階乘
5 好 懶 , 請 你 直 接 用 python
6
7
  a = 0
  while True:
8
9
      try:
10
          a = int(input())
11
           sum = 1
12
           for i in range(1,a+1):
13
               sum*=i
          a = str(a)
14
15
           print(a+'!')
          print(sum)
16
       except EOFError:
17
18
          break
```

### 6.2 階乘 2

```
要你輸出階乘最後一個非Ø的數字
3 用 dp表格先存1-10000數字的階乘,
4 同時因為我們只關心最後一個非0的數字,
5| 所以可以每次乘完一階就讓他進while迴圈裡%10,
6 | 把 0 都 去 掉 , 到 while 迴 圈 外 後 再 把 arr [ i ] % = 10000 ,
7 只留下剩下可能會影響結果的數值部分。
8 */
9 typedef long long 11;
10 ll arr[10000];
  void s(){
11
12
     arr[0]=1;
      for(ll i = 1; i <= 10000; i++){
13
14
         arr[i] = arr[i-1]*(i+1);
15
         while (arr[i] % 10 == 0) {
             arr[i] /= 10;
16
17
          arr[i] %= 1000000;
18
19
20 }
```

### 6.3 階梯問題

```
問從左上角走到右下角有幾種解法
3 - 此問題可分為(1)往下(2)往右,兩個走法。
5 const int H = 8, W = 8;
6 int f[2][W]; //
      兩條 陣列,儲存最近算出來的問題答案。
7
8
  void staircase_walk()
       // [Initial States]
9
      for (int j=0; j<W; ++j) f[0][j] = 1;
10
11
12
      // [Computation]
13
      for (int i=1; i<H; i++)</pre>
        for (int j=1; j<W; j++)</pre>
14
            // 只是多了 mod 2,
15
           // 外觀看起來就像兩條陣列輪替使用。
16
17
          f[i \% 2][j] = f[(i-1) \% 2][j] + f[i \%
              2][j-1];
18
       // 輸出結果
19
       cout << "由(0,0)走到(7,7)有" << f[7 % 2][7] <<
20
           "種走法";
       cout << "由(0,0)走到(7,7)有" << f[(H-1) %
21
       2][W-1] << "種走法";
22 }
```

### 6.4 極值問題 (格子有權重)

```
1 \mid \mathbf{const} \quad \mathbf{int} \quad \mathbf{H} = 8, \quad \mathbf{W} = 8;
 2 int a[H][W];
 3 int f[H][W];
 5
   void staircase_walk()
 6
      // [Initial States]
 7
      f[0][0] = a[0][0];
      for (int i=1; i<H; i++)</pre>
10
        f[i][0] = f[i-1][0] + a[i][0];
11
      for (int j=1; j<W; j++)
        f[0][j] = f[0][j-1] + a[0][j];
12
13
14
      // [Computation]
15
      for (int i=1; i<H; i++)</pre>
        for (int j=1; j<W; j++)</pre>
16
           f[i][j] = max(f[i-1][j], f[i][j-1]) + a[i][j];
17
```

## 7 數學

### 7.1 理論

### 7.2 公式

• 積

$$\begin{split} & - \sum_{i=1}^n i = \frac{n(n+1)}{2} \\ & - \sum_{i=1}^n i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6} \\ & - \sum_{i=1}^n i^3 = \frac{(n^2(n+1)^2)}{4} \\ & - \sum_{i=1}^n i^4 = \frac{n(n+1)(2n+1)(3n^2+3n-1)}{30} \\ & - \sum_{i=1}^n i^5 = \frac{n^2(n+1)^2(2n^2+2n-1)}{12} \\ & - \sum_{i=1}^n i^6 = \frac{n(n+1)(2n+1)(3n^4+6n^3-3n+1)}{42} \\ & - \sum_{i=1}^n (k-1)(k-1)! = n! - 1 \\ & \cdot \log \\ & - \log_a b = \log_a - \log_b \\ & - \log_a b = \log_a + \log_b \\ & - \log_a b = \log_a + \log_b \\ & - \log_a b = \log_a + \log_b \end{split}$$

### · 三角形面積

$$-\sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}, s = \frac{a+b+c}{2}$$

### · 圓形面積

- 面積:
- $-\pi * r^2$

-  $\log_a 1 = 0$ 

- 周長:
- 2π \* r

### · 圓形方程

$$\begin{split} &-(x-h)^2+(y-k)^2=r^2,\;(h,k)=\text{point}\\ &-x^2+y^2+Dx+Ey+F=0\\ &-\text{point}=\left(-\frac{D}{2},-\frac{E}{2}\right)\\ &-r=\sqrt{\left(\frac{D^2}{4}+\frac{E^2}{4}-F\right)} \end{split}$$

### · 座標幾何

兩點距離:

- 垂直:

- 
$$\sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$$
  
- 斜率:  
-  $\frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$   
- 中點:  
-  $(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2})$   
- 平行:  
-  $m_1 = m_2$ 

- 
$$m_1 * m_2 = -1$$

### · 二元方程式

$$-x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

- 判別式:

- 
$$x = b^2 - 4ac$$

- x>0: 相異根, x=0: 重根, x<0: 無實根

- 根和:

- 
$$r_1 + r_2 = -\frac{b}{a}$$

- 根積:

- 
$$r_1 * r_2 = \frac{c}{a}$$

- 頂點:

$$-\left(-\frac{b}{2a}, -\frac{b^2-4ac}{4a}\right)$$

### · 等差級數

- 
$$S_n = \frac{(a_1 + a_n)n}{2} = a_1 n + \frac{(n-1)nd}{2}$$

- 
$$a_n = a_1 + (n-1)d$$

$$-\sum_{i=1}^{n} a_{n} = \frac{(2a_{1} + (n-1)d)n}{2}$$

### · 等比級數

- 
$$S_n = \frac{a_1(1-r^n)}{1-r} = \frac{a_1(r^n-1)}{r-1}, (r \neq 1)$$

$$-\frac{a_n}{a_{n-1}}=n$$

### ・ 恆等式

- 
$$a^3 + b^3 = (a+b)(a^2 - ab + b^2)$$

- 
$$a^3 - b^3 = (a - b)(a^2 + ab + b^2)$$

- 
$$(a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$$

- 
$$(a+b)^4 = a^4 + 4a^3b + 6a^2b^2 + 4ab^3 + b^4$$

- 
$$(a+b)^5 = a^5 + 5a^4b + 10a^3b^2 + 10a^2b^3 + 5ab^4 + b^5$$

- 11

- 1 2 1

- 1 3 3 1

- 1 4 6 4 1

- 1 5 10 10 5 1

- 1 6 15 20 15 6 1

- 1 7 21 35 35 21 7 1

- 1 8 28 56 70 56 28 8 1

- 1 9 36 84 126 126 84 36 9 1

### 離散

- 
$$(1+x)^n = \binom{n}{0} + \binom{n}{1}x^1 + \binom{n}{2}x^2 + \dots + \binom{n}{n}x^n$$

$$- \frac{1}{(1+x)^n} = \sum_{r=0}^{\infty} {n+r-1 \choose r} (-1)^r (x)^r$$

$$- \frac{1}{(1+x)^n} = \sum_{r=0}^{\infty} {n+r-1 \choose r} (x)^r$$

$$-\frac{1}{1-x} = 1 + x + x^2 + x^3 + \dots$$

$$- \frac{1}{(1-x)^2} = 1 + 2x + 3x^3 + 4x^4 + \dots + nx^{n-1}$$

### · 線代

- 
$$A_x = [a_1 a_2 ... a_n][{x_1 \choose x_n}] = x_1 * a_1 + x_2 * a_2 + x_n * a_n$$

- 
$$u = [], v = [], A(u + v) = A_u + A_v$$

### ・指數

- 
$$a^n a^m = a^{n+m}$$

$$- \frac{a^n}{a^m} = a^{n-m}$$

$$-(a^n)^m = a^{n*m}$$

### ・ 小費馬

- 
$$(a+b)$$
% $n = (a$ % $n + b$ % $n)$ % $n$ 

- 
$$(a * b)%n = (a%n * b%n)%n$$

- 
$$a * (b\%m) = (a * b)\%m$$