1

3

3

3

3

5

5

8

8

Contents

```
1 基本
2 語法
2.1 c++ .
2.2 c++ 函式庫

    2.4 強制轉型

    2.5 python

4 數論
4.1 快速幕
4.3 喵
 4.4 小費馬實踐
5 圖論
db
6.1 階乘 1 . .
6.2 階乘 2
6.3 階梯問題
```

型態大小 1.1

```
· int:
```

```
-2,147,483,648 to 2,147,483,647 (10 digits)
- -2^{31} to 2^{31}-1
```

- -10^9 to 10^9

· unsigned long long int:

- Begins with 9, and has a total of 19 digits

 $-2^{63}-1$

- 10¹⁸

· array:

- Do not declare with a size larger than 30,005.

語法 2

2.1 c++

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3 typedef unsigned long long int 11;
4 int main(){
5
      std::ios::sync_with_stdio(false);
6
      return 0;
7 }
```

2.2 c++ 函式庫

```
1 // <string>
  2
    // 查找 substr第一次出現的位置
  3
    str.find(substr);
    // 返回substr最后一次出现的位置
  5
  6
    str.rfind(substr);
  8 s1 = s1+s2 // 連接兩個字串
  9 s1 + s2 // 跟上面一樣
 10 s1.append(s2) // s2插在s1的屁股
 11 if(s1 == s2) // 比較兩字串
 13
    // <ctvpe>
 14
 15
    // 檢查系列
 16 isalpha(c) // 字母
 17 isdigit(c) // 數字
 18 isalnum(c) // 字母or數字
4 19 isspace(c) // 空格or換行
 20
    isupper(c) // 大寫
    islower(c) // 小寫
 22 ispunct(c) // 標點符號
 23
    toupper(c) // to大寫
 24
    tolower(c) // to小寫
 25
 26
 27
    // <algorithm>
8
 28
 29
    // 酷東西
    reverse(v, v+n)
 30
 31
    find(v, v+n, 3) //查找3是否在v中
 32
    count(v, v+n, 3) // 算 3 在 v 裡 出 現 幾 次 (只 能 算 字 元 or 數 字 )
 33
 34
    // sort
 35 sort(v.begin(), v.end())
    sort(v, v+n)
 36
    sort(v, v+n, greater<int>())
 37
 38
    sort(v, v+n, cmp)
    bool cmp(型態 a, 型態 b){
 41
        return a > b; // 大到小
 42
    }
 43
    // <numeric>
 44
 45
 46 // 返回鄰近數值的差
 47 int arr[10]={1,2,3,4,5,6,7,8,9,10};
    int a[9] = {0};
 48
    adjacent_difference(arr, arr+10, a);
 50
    for(int i= 0; i < 9; i++){
     cout << a[i] << ' ';
 51
 52 }
 53
    // <cmath>
 54
 55 round(x) // 返回最接近x的整數
 56 log(x) // 以自然對數為底
 57 log10(x) // 以10為底
 58 log(x) / log(2) // 以2為底
```

宣告法 2.3

```
1 // <vector>
2 vector<int> v;
  vector<int> v = {1,2,3,4};
4 vector < int > v(5); // v = \{0, 0, 0, 0, 0\}
5 vector < int > v(5,1); // v={1,1,1,1,1}
6 vector < vector < int >> v; //二維
  // v[2][3] v[樓][層]
  vector<vector<int>> v(2, vector<int>(3));
9 // v = \{(1,1),(1,1),(1,1)\}
```

```
10 vector < vector < int >> v(2, vector < int >(3, 1));
11
12 v.push_back(1) // 推入數字
13 v.pop_back() // 拔出尾端數字
15 // 在二維陣列中插入元素
16 vector<vector<int> > arr(5, vector<int>(3, 1));
  arr[1].push_back(2);
18 for(size_t i= 0; i < arr.size();i++){
    for(size_t j= 0; j < arr[i].size();j++){</pre>
19
20
      cout << arr[i][j] << ' ';
21
    }
22
    cout << end1;</pre>
23 }
24 /*
25 Output
26 1 1 1
27 1 1 1 2
28 1 1 1
29 1 1 1
30 1 1 1
31 */
32
33 // struct
34 struct s{
   int x[100];
35
    int y[100];
36
37 };
38 s num; //一 組s
39 num.x[1]=1; num.y[1]=2;
41 // set
42 set < int > s;
43
44 s.insert(x)
45 s.count(x) // x是否存在於 set中
46 s.erase(x)
47
48 s.clear()
49 s.empty()
50 s.size()
51
52 // stack
53 stack<int> s;
54
55|s.push(1); // 把1推到尾巴
56 s.pop(); // 刪掉尾巴
57 s.top(); // 返回尾巴
58
59 // queue
60 queue < int > q;
61 q.pop(); // 刪掉前
62 q.front(); // 返回前
63 q.back(); // 返回尾
64 q.push(1); // 把1推到前
```

2.4 強制轉型

2.5 python

```
1 # EOF
  while True:
2
      try:
3
4
          你要執行的程式碼
5
      except EOFError:
7
8
          break
9
10
  # 有規定終止條件
11
  while True:
      if a==0:
13
          break
14
15 # 數學符號
16 a//=10 # 整除
  a**b # a^b
17
18
19 # 邏輯
20 a=True
21 b=False
  print(a and b) #False
23 print(a or b) #True
24
25 # scan
26 a = int(input())
  n=list(input().split(' '))
      連續輸入一串用空格隔開的數字
28
29 for i in range(a):
      c, d = map(int, input().split()) # 連續輸入兩個數
30
32 # print
  print('for is not a multiple of 11.'.format(a))
34 print(a+" and "+b+" sitting in the tree")
35 print('The parity of ',a,' is ',count,' (mod 2).')
37 # 標頭檔math
38 import math
39 math.gcd(a, b, c, d, e) # 最大公約數
40 math.lcm(a, b, c, d, e) # 最小公倍數
41 math.fabs(x)
               #絕對值
42 math.isqrt(n) # 整數平方根
  math.sqrt(x)
               # 平方根
43
44
  math.pow(x, y) # x^y
45
46 # count
47 c+=b.count("商店") # 用在要計算好幾個字串時
                   # 一次算出一串字串有幾個'1'
48 c=b.count('1')
49
50 # 進制轉換
  a = bin(a)[2:] # 10 to 2
52
  a = hex(a)[2:] # 10 to 16
53 \mid a = oct(a)[2:] \# 10 to 8
54
55 # 大小寫轉換
  a.lower()
56
57
  a.upper()
58
59 # 取長度
60 a.len()
```

3 字串

3.1 KMP

```
1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3
4 void KMP(string text, string pattern)
```

```
5 {
       int m = text.length();
6
7
       int n = pattern.length();
8
       // 如果模組沒東東
9
10
       if (n == 0)
11
12
           cout << "The pattern occurs with shift 0";</pre>
13
      }
14
15
16
       // 如果文本的長度小於模組的長度
17
       if (m < n)
18
       {
           cout << "Pattern not found";</pre>
19
20
           return:
21
       }
22
       // next[i] 存儲下一個最佳部分匹配的索引
23
24
       int next[n + 1];
25
       for (int i = 0; i < n + 1; i++) {</pre>
26
27
           next[i] = 0;
28
29
       for (int i = 1; i < n; i++)</pre>
30
31
32
           int j = next[i];
33
           while (j > 0 && pattern[j] != pattern[i]) {
34
35
               j = next[j];
36
37
           if (j > 0 || pattern[j] == pattern[i]) {
38
39
               next[i + 1] = j + 1;
           }
40
      }
41
42
       for (int i = 0, j = 0; i < m; i++)
43
44
           if (text[i] ==
45
               pattern[j])//一樣如果+1j下一個檢查
46
           {
               if (++j == n) {
47
                   cout << "The pattern occurs with</pre>
48
                        shift " << i - j + 1 << endl;
49
           }
50
           else if (j > 0)
51
52
               j = next[j]; //把她休崩變回來
53
               i--; // 還要回去啾啾
54
           }
55
56
       }
57 }
58
59 int main()
60 {
61
       string text = "ABCABAABCABAC";
62
       string pattern = "CAB";
63
64
       KMP(text, pattern);
65
66
       return 0;
67 }
```

4 數論

4.1 快速幕

```
1 long long binpow(long long a, long long b){
2    if(b==0) return 1;
3    int res = binpow(a, b/2);
```

```
4     if(b%2==0) return res*res;
5     else return res*res*a;
6 }
```

4.2 窮舉 (選 or 不選)

```
1 #include < bits / stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4
  int k, all = 0;
  int Min = 9999999;
5
  int arr[100] = {0};
8
  void Find(int sum, int now){
9
       if(now == k) return;
       Min = min(abs(all-sum-sum), Min);
10
11
12
       Find(sum, now+1);
13
       Find(sum+arr[now], now+1);
14
       return:
15 }
16 int main(){
17
       cin >> k;
18
       for(int i = 0; i < k; i++){
19
           cin >> arr[i];
           all+=arr[i];
20
       }
21
       Find(0, 0);
22
23
       cout << Min;
24 }
```

4.3 喵

```
1 #include <iostream>
   using namespace std;
 2
 3 int a[20];
 5
   int main() {
       int cases, target, sticks, num, tmp, i;
       bool flag;
 7
       while (cin >> cases){
 8
            while (cases--){
9
                cin >> target;
10
11
                 cin >> sticks;
                for (int i = 0; i < sticks; i++){</pre>
12
                     cin >> a[i];
13
                }
14
15
                num = 1;
                for (int i = 1; i < sticks; i++){</pre>
16
                     num <<= 1;
17
18
                     num++;
                }
19
20
                flag = false;
                for (int _i = 0; _i \le num; _i++){
21
22
                     tmp = 0;
23
                     i = _i;
24
                     for (int j = 0; j < sticks; j++){</pre>
25
                          if (i & 1) tmp += a[j];
26
                          i >>= 1;
27
28
                     if (tmp == target){
29
                          flag = true;
30
                          break;
                     }
31
32
                if (flag) cout << "YES\n";</pre>
33
                else cout << "NO\n";</pre>
34
            }
35
       }
36
37 }
```

17 { 18

19 }

20

21

22 {

23

24

25

26

27

28 }

4.4 小費馬實踐

4.5 Fibonaccimal

```
1 #include < bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
  int main(){
4
5
6
       int N:
7
       int Fibonacci[40] = {0, 1}; //開始的兩個數
8
9
10
       for(i = 2; i < 40; i++){
11
           Fibonacci[i] = Fibonacci[i - 1] + Fibonacci[i
                - 2];
12
       }
13
14
       scanf("%d", &N);
15
16
       while(N--){
17
18
            int num;
19
           bool flag = false;
20
21
            scanf("%d", &num);
22
           printf("%d = ", num);
23
24
            for(i = 39; i >= 2; i--){
                if(num >= Fibonacci[i]){
25
                     num = num - Fibonacci[i];
26
27
                     flag = true;
                     printf("1");
28
29
                }
                else if(flag){
30
                     printf("0");
31
32
           }
33
34
35
           printf(" (fib) \setminus n");
36
37
```

4.6 LCM

return 0;

38

39 }

```
1 int GCD(int num1, int num2)
2 {
3
    if(num2==0)
4
      return num1;
6
7
8
     return GCD(num2, num1%num2);
9 }
10
11 int LCM(int num1, int num2) //2個最小公倍數
12 {
13
    return((num1*num2)/GCD(num1, num2));
14 }
15
16 int LCM2(int num1, int num2, int num3) //3個最小公倍數
```

4.7 LCS

int main()

cout << GCD (6,3);

cout << LCM(6,3);

return 0;

cout << LCM2(6,3,3);

```
1 #include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
2
  int main()
3
4
  {
5
       string str1, str2;
6
       short lcs[2][1000];
       while (cin >> str1 >> str2)
7
8
9
           lcs[0][0] = str1[0] == str2[0];
           for (int j=1; j<str2.length(); j++) lcs[0][j]</pre>
10
                = \max(lcs[0][j-1],
                short{str1[0]==str2[j]});
11
           for (int i=1; i<str1.length(); i++)</pre>
12
13
                bool r = i & 1;
14
               lcs[r][0] = max(lcs[r^1][0],
                    short{str1[i]==str2[0]});
15
                for (int j=1; j<str2.length(); j++)</pre>
                    lcs[r][j] = str1[i] = str2[j]?
16
                         lcs[r^1][j-1] + 1 :
                         max(lcs[r^1][j], lcs[r][j-1]);
17
           }
18
           cout <<
                lcs[(str1.length()-1)&1][str2.length()-1]
19
       }
20
       return 0;
21 }
```

return((num1*num2)/GCD((num1, num2), num3));

4.8 LPS

```
1 #include <bits/stdc++.h>
  #include < iostream >
  using namespace std;
3
  int main(){
5
6
      string s;
7
      cin >> s;
      int maxlen=0, 1, r;
8
9
      for(int i=0; i<s.length(); i++){</pre>
10
          int x = 0;
11
12
          while((s[i-x]==s[i+x]) && (i-x>=0) &&
              (i+x<s.length())){//當找到一個中心點以其為中間然後2
13
          }
14
15
          x - -:
16
          if(2*x+1)
              maxlen){//只有第一次會max==後後面就追不到那女孩
              maxlen = 2*x+1; //最大的
17
              1 = i-x;//計算頭頭
18
              r = i+x;//計算尾巴
19
20
          }
21
          //偶
          x = 0;
22
          while (s[i-x]==s[i+1+x]) \&\& (i-x>=0) \&\&
23
              (i+1+x<s.length())){
              x++:
```

```
25
                                                            28
                                                                  for (int i = 0; i < numCities - 1; i++) {</pre>
          if(2*x > maxlen){
                                                                      int u = -1;
                                                            29
26
27
               maxlen = 2*x;
                                                            30
                                                                      for (int j = 0; j < numCities; j++) {
                                                                          if (!visited[j] && (u == -1 || dist[j] <</pre>
28
              1 = i - x + 1;
                                                            31
29
               r = i + x;
                                                                               dist[u])) {
          }
30
                                                            32
                                                                               u = j;
      }
                                                                          }
31
                                                            33
32
      cout << maxlen << '\n';</pre>
                                                            34
                                                                      }
      cout << 1+1 << ' ' << r+1 << '\n';
                                                            35
33
34
                                                            36
                                                                      visited[u] = true;
35 }
                                                            37
                                                                      for (int v = 0; v < numCities; v++) {</pre>
                                                            38
                                                            39
                                                                          if (!visited[v] && graph[u][v] != INF) {
                                                                              dist[v] = min(dist[v], dist[u] +
                                                            40
  4.9
        Pairty
                                                                                   graph[u][v]);
                                                                          }
                                                            41
                                                            42
                                                                      }
1 | #include <iostream>
                                                                  }
                                                            43
  #include <algorithm>
                                                            44
3 using namespace std;
                                                                  // 輸出最短路徑結果
                                                            45
                                                                  cout << "從城市 " << startCity << "
                                                            46
5
  int main() {
                                                                       出發到其他城市的最短路徑如下: " << endl;
6
      int I, n;
      while (cin >> I) {
                                                                  for (int i = 0; i < numCities; i++) {</pre>
7
                                                            47
                                                                      if (i != startCity) {
          if (I == 0) break;
8
                                                            48
          string B = "";
                                                                          cout << "到城市 " << i << " 的最短距離為
                                                            49
10
          n = I;
                                                                               " << dist[i] << endl;
          int cnt = 0;
11
                                                            50
                                                                      }
12
           while (n){
                                                            51
                                                                  }
               cnt += (n & 1);
13
                                                            52
                                                              }
               B += '0' + (n & 1);
14
                                                            53
15
               n >>= 1;
16
          }
                                                                  // 讀取城市數量和道路數量
                                                            55
17
           reverse(B.begin(), B.end());
                                                            56
                                                                  cin >> numCities >> numRoads;
          cout << "The parity of " << B << " is " <<
18
                                                            57
               cnt << " (mod 2).\n";</pre>
                                                                  // 初始化圖的鄰接矩陣
                                                            58
      }
19
                                                            59
                                                                  for (int i = 0; i < numRoads; i++) {</pre>
20
      return 0;
                                                            60
                                                                      int city1, city2, distance;
21 | }
                                                            61
                                                                      cin >> city1 >> city2 >> distance;
                                                                      graph[city1][city2] = distance;
                                                            62
                                                            63
                                                                      graph[city2][city1] = distance; //
                                                                           因為是雙向道路
       圖論
                                                                  }
                                                            64
                                                            65
                                                                  // 選擇起始城市,這裡以城市@為例
                                                            66
         最短路徑 dijkstra
                                                            67
                                                                  int startCity = 0;
                                                            68
                                                                  // 執行Dijkstra演算法
1 // 邊權重皆為正數時使用
                                                            69
                                                            70
                                                                  dijkstra(startCity);
2 // 1.
                                                            71
       輸入有總點、總邊,接著輸入點,點,距離(權重)時使用
                                                            72
                                                                  return 0;
3 #include <iostream>
                                                            73 }
4 #include <vector>
5 #include <climits>
  using namespace std;
7
                                                              5.2 DFS
8
9 // 定義城市數量的上限
10 #define MAX_CITIES 100
                                                            1 // 印出最快路徑 (座標)
                                                            2 #include <bits/stdc++.h>
12 // 定義無限大的距離
                                                              #define N 100
13 #define INF INT_MAX
                                                              using namespace std;
14
15 // 城市數量、道路數量
                                                              int map[N][N], visited[N][N]={0};
16
  int numCities, numRoads;
                                                              typedef pair<int, int> p;
17
                                                              int n,m,found=0;
                                                            8
18 // 圖的鄰接矩陣表示法
                                                              deque path;
  vector<vector<int> > graph(MAX_CITIES,
                                                            10
       vector<int>(MAX_CITIES, INF));
                                                              void dfs(int x, int y){
20
                                                                if (found==1) return;
                                                            12
21
                                                            13
                                                                visited[x][y]=1;
       Dijkstra演算法,計算從指定城市出發到其他城市的最短路徑
                                                                path.push_back(make_pair(x,y));
                                                                if (x==n-1 && y==m-1){
  void dijkstra(int startCity) {
22
                                                            15
      vector<int> dist(numCities, INF);
                                                                  found=1;
23
                                                            16
                                                                  cout << "Path: ";</pre>
24
      vector<bool> visited(numCities, false);
                                                            17
25
                                                            18
                                                                  while(!path.empty()){
                                                                    cout<< "("<<path.front().first<<", "<<path.front().second<</pre>
26
       dist[startCity] = 0;
                                                            19
```

20

path.pop_front();

27

```
21
          cout <<((path.empty())?"\n":"→");</pre>
                                                                     98 }
       }
22
                                                                     99
23
       cout << endl;
                                                                    100 int main(){
24
       return;
                                                                    101
                                                                          cin >> n >> m;
25
                                                                    102
                                                                          for (int i=0; i<n; i++)</pre>
26
     if (x+1<n && visited[x+1][y]==0 && map[x+1][y]==0){</pre>
                                                                    103
                                                                            for (int j=0; j<m; j++)</pre>
                                                                              cin>>map[i][j];
27
       dfs(x+1.v):
                                                                    104
28
       path.pop_back();
                                                                    105
                                                                          dfs(0,0);
                                                                          if (dis==-2)
29
                                                                    106
30
     if (y+1<m && visited[x][y+1]==0 && map[x][y+1]==0){</pre>
                                                                    107
                                                                            cout << "No routes accessible.\n";</pre>
31
       dfs(x,y+1);
                                                                    108
                                                                            cout<< "Shortest distance: "<<dis<<endl;</pre>
       path.pop_back();
                                                                    109
32
33
                                                                    110
                                                                          return 0;
     if (x-1)=0 \& visited[x-1][y]==0 \& map[x-1][y]==0){ 111|}
34
35
       dfs(x-1,y);
36
       path.pop_back();
37
                                                                        5.3
38
     if (y-1>=0 \&\& visited[x][y-1]==0 \&\& map[x][y-1]==0){
39
       dfs(x,y-1);
40
       path.pop_back();
     }
41
                                                                     2
42 }
43
44 int main(){
                                                                     5
45
     cin>>n>>m;
                                                                     6
                                                                        {
     for (int i=0; i<n; i++)</pre>
46
47
       for (int j=0; j<m; j++)</pre>
                                                                     8
48
          cin>>map[i][j];
                                                                     9
49
     dfs(0,0);
                                                                     10
50
     if (found==0){
                                                                     11
       cout << "No routes accessible.\n";</pre>
51
                                                                     12
52
     }
                                                                     13
53
     return 0;
                                                                     14
54 }
                                                                     15
55 // 顯示最短距離
                                                                     16
56 #include <iostream>
                                                                     17
57 #include <utility>
                                                                     18
58 #include <deque>
                                                                     19
59 #define N 100
                                                                     20
60 using namespace std;
                                                                     21
61
                                                                     22
62 int map[N][N], visited[N][N]={0};
                                                                     23
63 typedef pair<int, int> p;
                                                                     24
64 int n,m,dis=-2;
                                                                     25
                                                                            }
  deque path;
65
                                                                     26
66
67
   void dfs(int x, int y){
                                                                     27
68
     visited[x][y]=1;
                                                                     28
     path.push_back(make_pair(x,y));
69
                                                                     29
70
     if (x==n-1 \&\& y==m-1){
                                                                     30
       if (dis==-1){
71
                                                                     31
72
          dis=path.size()-1;
                                                                     32
       }
73
                                                                     33
74
       else {
75
          if (path.size()-1<dis) dis=path.size()-1;</pre>
                                                                     34
76
                                                                     35
77
                                                                     36
78
     if (x+1<n && visited[x+1][y]==0 && map[x+1][y]==0){</pre>
                                                                     37
79
       dfs(x+1.v):
                                                                     38
                                                                            }
80
       visited[x+1][y]=0;
                                                                     39
       path.pop_back();
81
                                                                     40
82
                                                                     41
     if (y+1<m && visited[x][y+1]==0 && map[x][y+1]==0){</pre>
83
                                                                     42
84
                                                                     43
                                                                            }
       dfs(x,y+1);
85
       visited[x][y+1]=0;
                                                                     44
                                                                       }
86
       path.pop_back();
                                                                     45
87
                                                                     46
     if (x-1>=0 && visited[x-1][y]==0 && map[x-1][y]==0){
88
                                                                     47
89
       dfs(x-1,y);
                                                                     48
                                                                        {
       visited[x-1][y]=0;
90
                                                                     49
91
       path.pop_back();
                                                                     50
92
                                                                     51
     if (y-1>=0 \&\& visited[x][y-1]==0 \&\& map[x][y-1]==0){
93
                                                                     52
       dfs(x,y-1);
94
                                                                     53
95
       visited[x][y-1]=0;
                                                                     54
       path.pop_back();
96
                                                                     55
97
     }
                                                                     56
```

merge sort

```
1 #include <iostream>
 using namespace std;
4 //做比較大小的部分
 void merge(int arr[], int 1, int m, int r, int size)
     int i = 1:
     int j = m + 1;
     int k = 1;
     /* create temp array */
     int temp[size];
     while (i <= m && j <= r) {</pre>
         if (arr[i] <= arr[j]) {</pre>
             temp[k] = arr[i];
             i++;
             k++;
         }
         else {
             temp[k] = arr[j];
             j++;
             k++;
         }
     / Copy the remaining elements of first half, if
          there are any /
     while (i <= m) {</pre>
         temp[k] = arr[i];
         i++;
         k++;
     / Copy the remaining elements of second half, if
         there are any /
     while (j <= r) {</pre>
         temp[k] = arr[j];
         j++;
         k++;
     / Copy the temp array to original array /
     for (int p = 1; p <= r; p++) {</pre>
         arr[p] = temp[p];
 //做分開陣列的部分
 void mergeSort(int arr[], int l, int r, int size)
     if (1 < r) {
         // 找中間點 ex:陣列五個元素0-4 2是中間點
         //陣列分成兩組 0-2/3-4兩個部分
         //舉0-2陣列來說 中間點是1
         //陣列再分成 0-1/2兩個部分
         int m = (1 + r) / 2;
         / 遞迴第一和第二部分*/
```

```
57
            //(也就是不斷的分)
            mergeSort(arr, 1, m, size);
58
59
            mergeSort(arr, m + 1, r, size);
60
61
            // merge
            //當我分到不能再分 比較陣列內數值 小的放前面
62
63
            merge(arr, 1, m, r, size);
64
65 }
66
   int main()
67
68 {
       cout << "Enter size of array: " << endl;</pre>
69
70
       int size;
71
       cin >> size:
72
       int myarray[size];
73
       cout << "Enter " << size << " integers in any</pre>
74
            order: " << endl;</pre>
75
       for (int i = 0; i < size; i++) {</pre>
76
            cin >> myarray[i];
77
       cout << "Before Sorting" << endl;</pre>
78
79
       for (int i = 0; i < size; i++) {</pre>
            cout << myarray[i] << " ";</pre>
80
81
82
       cout << endl:
       mergeSort(myarray, 0, (size - 1), size); //
83
            mergesort(arr,left,right) called
84
       cout << "After Sorting" << endl;</pre>
85
       for (int i = 0; i < size; i++) {</pre>
86
            cout << myarray[i] << " ";</pre>
87
88
89
90
       return 0;
91 | }
```

5.4 quick sort

```
1 include <iostream>
2 using namespace std;
3 // quick sort sorting algorithm
4 int Partition(int arr[], int s, int e)
6
   int pivot = arr[e];
   int pIndex = s;
   for(int i = s;i<e;i++)</pre>
9
10
11
       if(arr[i]<pivot)</pre>
12
13
       int temp = arr[i];
       arr[i] = arr[pIndex];
14
15
       arr[pIndex] = temp;
      //swapping 也就是說如果當前數值比指標小
16
          他就移到最前面
      //也就是陣列@的位置
17
       pIndex++:
18
      //下一個比指標小的數值放進陣列1的位置
19
20
   }
21
22
23
   int temp = arr[e];
   arr[e] = arr[pIndex];
24
25
   arr[pIndex] = temp;
   //比指標數值小的都去前面了
27
   //將指標放到目前計數到的陣列位置
   //那指標前都比她小 指標後都比他大
  return pIndex; //回傳給p值
29
30 }
31
32 void QuickSort(int arr[], int s, int e)
33 //s stand for start index
```

```
34 //e stand for end index also (size-1)
35 {
  if(s<e)</pre>
36
37
38
   int p = Partition(arr,s, e);
39
   QuickSort(arr, s, (p-1));
40 // recursive QS call for left partition
41 //做陣列前半部分 因為都比指標小 去進行內部排序
   QuickSort(arr, (p+1), e);
42
43
  // recursive QS call for right partition
   }
44
45 }
46
47
  int main()
48
  {
49
50
   int size=0;
51
   cout << "Enter Size of array: "<<endl;</pre>
52
   cin>>size;
53
   int myarray[size];
    cout<<"Enter "<<size<<" integers in any order:</pre>
55
         "<<endl:
56
   for(int i=0;i<size;i++)</pre>
57
58
   cin>>myarray[i];
59
   cout << "Before Sorting" << endl;</pre>
60
   for(int i=0;i<size;i++)</pre>
61
62
63
   cout << myarray[i] << " ";</pre>
64
65
   cout << end1;
66
67
    QuickSort(myarray,0,(size-1)); // quick sort called
68
69
   cout << "After Sorting" << endl;</pre>
70
   for(int i=0;i<size;i++)</pre>
71
   cout << myarray[i] << " ";</pre>
72
73
74
75
   return 0;
76 }
```

5.5 二分搜

```
1 #include < iostream >
 2
   using namespace std;
   int binarySearch(int arr[], int left, int right, int
 4
       x) {
     while (left <= right) {</pre>
 5
       int mid = left + (right - left) / 2;
 6
 7
       if (arr[mid] == x) {
8
 9
         return mid;
       }
10
        else if (arr[mid] < x) {</pre>
11
12
         left = mid + 1;
13
14
        else {
15
         right = mid - 1;
16
17
     }
18
19
     return -1;
20 }
21
22
   int main() {
     int myarr[10];
23
24
     int num;
25
     int output;
26
     cout << "Please enter 10 elements ASCENDING order"</pre>
27
          << end1;
```

```
28
    for (int i = 0; i < 10; i++) {
                                                            14
                                                                       arr[i] = arr[i-1]*(i+1);
                                                                       while (arr[i] % 10 == 0) {
      cin >> myarr[i];
                                                            15
29
    }
                                                            16
                                                                           arr[i] /= 10;
30
    cout << "Please enter an element to search" << endl;</pre>
31
                                                            17
                                                                       arr[i] %= 1000000;
32
    cin >> num:
                                                            18
                                                                  }
33
                                                            19
    output = binarySearch(myarr, 0, 9, num);
                                                            20 }
34
35
    if (output == -1) {
36
      cout << "No Match Found" << endl;</pre>
37
38
    } else {
                                                                     階梯問題
      cout << "Match found at position: " << output <<</pre>
                                                              6.3
39
    }
40
41
                                                            1 /*
42
    return 0;
                                                                  問從左上角走到右下角有幾種解法
43 }
                                                            3 - 此問題可分為(1)往下(2)往右,兩個走法。
44 如果我們超過25頁我還可以再縮減程式區 這是比較完整的
                                                              */
45 Floyd
                                                            5
                                                              const int H = 8, W = 8;
46 void floyd(){
                                                              int f[2][W];
                                                                              //
                                                            6
47
          for(intk=0; k<n; k++){ //中間點
                                                                   兩條陣列,儲存最近算出來的問題答案。
               for(int i=0;i<n;i++){</pre>
48
49
                  for(int j=0;j<n;j++){</pre>
                                                              void staircase_walk()
                      dp[i][j]=min(dp[i][j],dp[i][k]+dp[k][a
50
                                                                    // [Initial States]
                       //經過中間點k的路徑是否小於原始路徑
51
                                                            10
                                                                   for (int j=0; j<W; ++j) f[0][j] = 1;</pre>
52
                       //小於則更新 不小於則不變動
                                                            11
                       //窮舉所有鬆弛的可能
53
                                                            12
                                                                   // [Computation]
                  }
54
                                                                  for (int i=1; i<H; i++)</pre>
                                                            13
55
              }
                                                                      for (int j=1; j<W; j++)</pre>
56
          }
                                                            15
                                                                         // 只是多了 mod 2,
      }
57
                                                                         // 外觀看起來就像兩條陣列輪替使用。
                                                                       f[i \% 2][j] = f[(i-1) \% 2][j] + f[i \%
                                                            17
                                                                            2][j-1];
                                                            18
       dp
                                                                     // 輸出結果
                                                            19
                                                                    cout << "由(0,0)走到(7,7)有" << f[7 % 2][7] <<
                                                            20
                                                                         "種走法";
         階乘 1
  6.1
                                                                    cout << "由(0,0)走到(7,7)有" << f[(H-1) %
                                                            21
                                                                     2][W-1] << "種走法";
1 '''
                                                            22 }
2|!注意! long long 存到21!就會爆掉
3
     要你輸出階乘
4 1.
5 好懶,請你直接用python
                                                                     極值問題 (格子有權重)
6
7 a = 0
8 while True:
9
      try:
                                                            1 \mid \mathbf{const} \quad \mathbf{int} \quad \mathbf{H} = 8, \quad \mathbf{W} = 8;
10
          a = int(input())
                                                              int a[H][W];
          sum = 1
11
                                                            3
                                                              int f[H][W];
12
          for i in range(1,a+1):
13
              sum*=i
                                                            5
                                                              void staircase_walk()
          a = str(a)
14
                                                              {
                                                            6
          print(a+'!')
15
                                                            7
                                                                 // [Initial States]
16
          print(sum)
                                                            8
17
      except EOFError:
```

6.2 階乘 2

break

18

```
1 /*
     要你輸出階乘最後一個非0的數字
2 2.
3|用 dp表格先存1-10000數字的階乘,
4|同時因為我們只關心最後一個非0的數字,
5| 所以可以每次乘完一階就讓他進while迴圈裡%10,
6 | 把 0 都 去 掉 , 到 while 迴 圈 外 後 再 把 arr [ i ] % = 10000 ,
7 只留下剩下可能會影響結果的數值部分。
8 */
9 typedef long long 11;
10 ll arr[10000];
11
 void s(){
12
     arr[0]=1;
     for(ll i = 1; i <= 10000; i++){</pre>
13
```

```
f[0][0] = a[0][0];
    for (int i=1; i<H; i++)
10
      f[i][0] = f[i-1][0] + a[i][0];
    for (int j=1; j<W; j++)</pre>
11
12
      f[0][j] = f[0][j-1] + a[0][j];
13
14
     // [Computation]
15
    for (int i=1; i<H; i++)</pre>
16
      for (int j=1; j<W; j++)</pre>
17
        f[i][j] = max(f[i-1][j], f[i][j-1]) + a[i][j];
18
    // 輸出結果
19
    cout << "由(0,0)走到(7,7)的最小總和" << f[7][7];
20
      cout << "由(0,0)走到(7,7)的最小總和" <<
21
       f[H-1][W-1];
22
23
    int h, w;
24
    while (cin >> h >> w)
      cout << "由(0,0)走到(h,w)的最小總和" << f[h][w];
25
26 }
```

7 數學

7.1 理論

· 三角形邊長定理

- a + b > c
- 三角形形狀判定:
- 直角 $a^2 + b^2 = c^2$
- 鋭角 $a^2 + b^2 > c^2$
- 鈍角 $a^2 + b^2 < c^2$

7.2 公式

· 積

- $-\sum_{i=1}^{n} i = \frac{n(n+1)}{2}$
- $-\sum_{i=1}^{n} i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$
- $\sum_{i=1}^{n} i^3 = \frac{(n^2(n+1)^2)}{4}$
- $-\sum_{i=1}^{n} i^4 = \frac{n(n+1)(2n+1)(3n^2+3n-1)}{30}$
- $-\sum_{i=1}^{n} i^{5} = \frac{n^{2}(n+1)^{2}(2n^{2}+2n-1)}{12}$
- $-\sum_{i=1}^{n} i^{6} = \frac{n(n+1)(2n+1)(3n^{4}+6n^{3}-3n+1)}{42}$
- $-\sum_{k=1}^{n} (k-1)(k-1)! = n! 1$

· log

- $\log \frac{a}{b} = \log a \log b$
- $\log_a b = \frac{\log a}{\log b}$
- $\log ab = \log a + \log b$
- $\log_a 1 = 0$

· 三角形面積

-
$$\sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$$
, $s = \frac{a+b+c}{2}$

圓形面積

- 面積:
- $\pi * r^2$
- 周長:
- $-2\pi * r$

· 圓形方程

- $(x-h)^2 + (y-k)^2 = r^2$, (h,k) = point
- $x^2 + y^2 + Dx + Ey + F = 0$
- point $=\left(-\frac{D}{2},-\frac{E}{2}\right)$
- $r = \sqrt{\left(\frac{D^2}{4} + \frac{E^2}{4} F\right)}$

・ 座標幾何

- 兩點距離:
- $\sqrt{(x_1-x_2)^2+(y_1-y_2)^2}$
- 斜率:
- $-\frac{y_2-y_1}{x_2-x_1}$
- 中點:
- $-\left(\frac{x_1+x_2}{2}, \frac{y_1+y_2}{2}\right)$
- 平行:
- $m_1 = m_2$
- 垂直:
- $m_1 * m_2 = -1$

· 二元方程式

$$-x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

- 判別式:
- $-x = b^2 4ac$
- x>0: 相異根, x=0: 重根, x<0: 無實根
- 根和:
- $-r_1+r_2=-\frac{b}{a}$
- 根積:
- $r_1 * r_2 = \frac{c}{a}$
- 頂點:
- $-\left(-\frac{b}{2a}, -\frac{b^2-4ac}{4a}\right)$

· 等差級數

- $S_n = \frac{(a_1 + a_n)n}{2} = a_1 n + \frac{(n-1)nd}{2}$
- $a_n = a_1 + (n-1)d$
- $\sum_{i=1}^{n} a_n = \frac{(2a_1 + (n-1)d)n}{2}$

· 等比級數

- $S_n = \frac{a_1(1-r^n)}{1-r} = \frac{a_1(r^n-1)}{r-1}, (r \neq 1)$
- $-\frac{a_n}{a_{n-1}} = r$

・ 恆等式

- $a^3 + b^3 = (a+b)(a^2 ab + b^2)$
- $a^3 b^3 = (a b)(a^2 + ab + b^2)$
- $(a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$
- $(a+b)^4 = a^4 + 4a^3b + 6a^2b^2 + 4ab^3 + b^4$
- $(a+b)^5 = a^5 + 5a^4b + 10a^3b^2 + 10a^2b^3 + 5ab^4 + b^5$
- _ .
- 1 1
- 1 2 1
- 1 3 3 1
- 1 4 6 4 1
- 1 5 10 10 5 1
- 1 6 15 20 15 6 1
- 1 7 21 35 35 21 7 1
- 1 8 28 56 70 56 28 8 1 - 1 9 36 84 126 126 84 36 9 1

離散

- $(1+x)^n = \binom{n}{0} + \binom{n}{1}x^1 + \binom{n}{2}x^2 + \dots + \binom{n}{n}x^n$
- $\frac{1}{(1+x)^n} = \sum_{r=0}^{\infty} {n+r-1 \choose r} (-1)^r (x)^r$
- $-\frac{1}{(1+x)^n} = \sum_{r=0}^{\infty} {n+r-1 \choose r} (x)^r$
- $\frac{1}{1-x} = 1 + x + x^2 + x^3 + \dots$
- $\frac{1}{(1-x)^2} = 1 + 2x + 3x^3 + 4x^4 + \dots + nx^{n-1}$

・ 線代

- $A_x = [a_1 a_2 ... a_n] [\binom{x_1}{x_n}] = x_1 * a_1 + x_2 * a_2 + x_n * a_n$
- $u = [], v = [], A(u + v) = A_u + A_v$

・指數

- $a^n a^m = a^{n+m}$
- $-\frac{a^n}{a^m}=a^{n-m}$
- $(a^n)^m = a^{n*m}$

・ 小費馬

- (a+b)%n = (a%n + b%n)%n
- -(a*b)%n = (a%n*b%n)%n
- a * (b%m) = (a * b)%m