Dominó

13 de abril de 2016

Un juego de fichas de dominó consiste en un conjunto de piezas rectangulares de 2×1 , donde cada mitad contiene un número entre 0 y n-1. Llamaremos un n-dominó al juego de fichas donde el valor correspondiente es n. Por ejemplo, el juego de dominó normal es un 7-dominó y sus piezas tienen valores entre 0 y 6. Además, en un n-dominó cada combinación de pares de números está presente exactamente una vez (1-3 y 3-1 son la misma pieza). Por ejemplo, un 7-dominó consiste en 28 piezas.

Un n-dominó es tan versátil como una baraja de cartas, en cuanto a que ambos permiten jugar una gran variedad de juegos. Uno de estos es el del cuadrado¹. En el juego del cuadrado se te entrega un n-dominó y un valor k. El objetivo del juego es formar un cuadrado usando todas las piezas del n-dominó, de forma que para cada lado la suma de todos los valores en él sea k. A un cuadrado con un n-dominó de forma que los lados sumen k lo llamaremos un cuadrado (n, k).

Para formar un cuadrado válido la cantidad de pieza verticales y horizontales debe ser la misma. A continuación se muestra una imagen de un cuadrado inválido y uno válido. Notar que no para cualquier

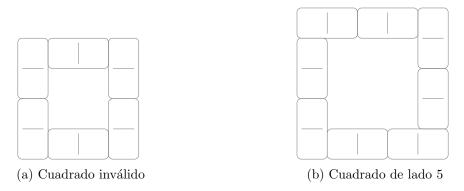


Figura 1: Un cuadrado válido y uno inválido.

valor de n es posible formar un cuadrado con un n-dominó. Por ejemplo, el 2-dominó está formado por 3 piezas (0–0, 0–1 y 1–1) y no es posible armar un cuadrado con ellas. Por otro lado, para un n-dominó donde sí es posible formar un cuadrado no necesariamente es posible armar un cuadrado

 $^{^1 {\}rm Inspirado}$ en ${\it Matemáticas}\ {\it Recreativas}\ {\rm de\ Y.}\ {\rm I.}\ {\rm Perelman}$



(n, k) para cualquier k. Por ejemplo, para el 7-dominó la suma de los lados siempre será menor que 90, y por lo tanto no es posible formar un cuadrado (7, 90).

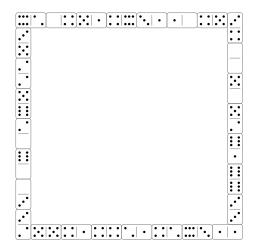


Figura 2: Un cuadrado (7,45). Notar que cada lado suma 45.

Tu objetivo es, entonces, determinar una configuración de piezas para completar el cuadrado (n, k). Para esto, tendrás que implementar algunas funciones que simplificarán enormemente la resolución del problema.

Subtarea 1

La primera subtarea consiste en implementar la función **cuadrado** que determina para un n si es posible formar un cuadrado con un n-dominó. En esta subtarea no importa la suma de los valores de cada lado, sólo se pide determinar si es posible formar un cuadrado válido usando todas las piezas del n-dominó.

- bool cuadrado(int n)
 - n: indica el tamaño del juego de n-dominó.
 - return: un booleano con valor true si se puede formar un cuadrado, y false si no.

Subtarea 2

La subtarea 2 consiste en implementar la función validar que dada la especificación de un cuadrado formado con un n-dominó y un valor k debe verificar que este cumple con la restricción de que todos los lados sumen lo mismo. Esto también implica verificar que las fichas correspondan a las del juego completo de n-dominó. Debes asumir que el cuadrado especificado es válido. En particular para el n-dominó entregado es posible formar un cuadrado válido.

bool validar(int n, int d[])



- n: indica el tamaño del juego de n-dominó.
- d: arreglo de 2f enteros, donde se guardan ordenadas las fichas que forman el cuadrado.
- return: un booleano con valor true si los cuatro lados suman lo mismo, y false si no.

Subtarea 3, 4 y 5

Para las subtareas 3, 4 y 5, debes implementar la función construir que para n y k construye, si es posible, un cuadrado (n, k), y retorna true si es posible o false si no.

- bool construir(int n, int k, int d[])
 - n, k: valores para n, k, que indican el cuadrado (n, k) que se quiere construir.
 - d: arreglo de 2f enteros, donde debes guardar los valores de las fichas de un cuadrado (n, k), partiendo desde alguna esquina. Observa que f es el número de piezas de dominó.
 - return: un booleano con valor true si se puede formar un cuadrado (n,k), y false si no.

Convención sobre el formato del arreglo d Para las funciones validar y construir, respectivamente al revisar y llenar el arreglo d, considera siempre que la posición 0 es una esquina, y que el resto se enumera en un sentido tal que los pares de valores de una misma ficha siempre quedan en posiciones adyacentes en el arreglo. El orden es fundamental para que los códigos puedan ser evaluados correctamente.

Por ejemplo, la figura 2 puede ser guardada en el arreglo de la siguiente manera (partiendo de la esquina superior izquierda):

$$6, 2, 0, 4, 5, 1, 4, 6, 3, 1, 1, 0, 4, 5, 3, 4, 0, 0, \dots, 1, 4, 5, 5, 2, 3, 3, 0, 0, 6, 0, 2, 6, 5, 2, 2, 5, 3$$

Subtareas y Puntaje

25 puntos Implementar la función cuadrado, para $n \leq 1000$.

20 puntos Implementar la función validar, para $n \leq 1000$.

10 puntos Implementar la función construir, con $n \leq 7$.

20 puntos Implementar la función construir, para n < 16.

25 puntos Implementar la función construir, para n < 1000.