The 8th Quiz of Calculus 0521

學號:______ 姓名:____

- 1. (25%) 判斷下列級數是否可用積分審斂法(Integral test)

- (1). $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{n^2 + 1}$ (2). $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n \ln n}$ (3). $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n + 2}$ (4). $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin n}{n^2 + 2}$ (5). $\sum_{n=1}^{\infty} e^{-n^2}$

- 2. (60%) 判斷下列級數是否收斂
- (1). $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin n}{n^2 + 2}$ (2). $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \left(\frac{1}{2}\right)^n$ (3). $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n^2 1}{3n^5 + 2n 1}$ (4). $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{3n^2 + 2n + 15}$

3. (20%)是非題:

(1). If $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ converges, then $\sum_{n=1}^{\infty} |a_n|$ converges.

(2). If $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ and $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$ both converges, then $\sum_{n=1}^{\infty} a_n b_n$ converges.