

# Arboles

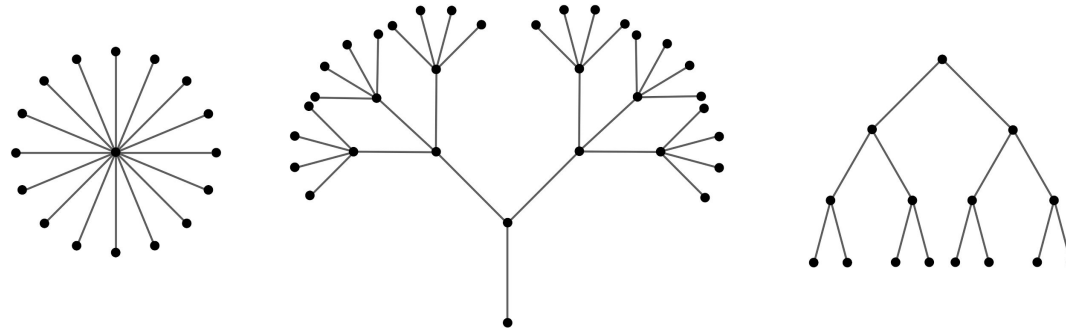
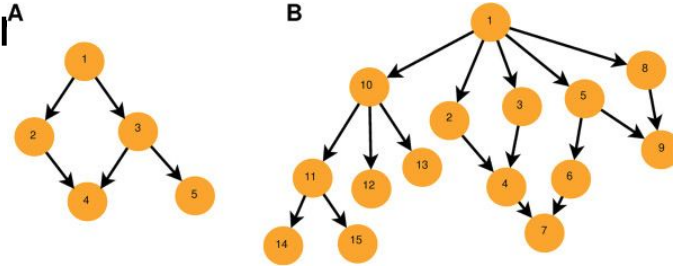
**Arbol:** = Grafo no dirigido, conectado, y sin ciclos

**Arbol binario:** = Cada nodo tiene 2 hijos

**Arbol binario de busqueda:** = order<sup>A</sup>

BST = binary search tree

No confundir con DAG = directed acyclic graph = sin  
ciclos dirigidos



Sea  $G$  un grafo de  $n$  nodos, los siguientes son equivalentes:

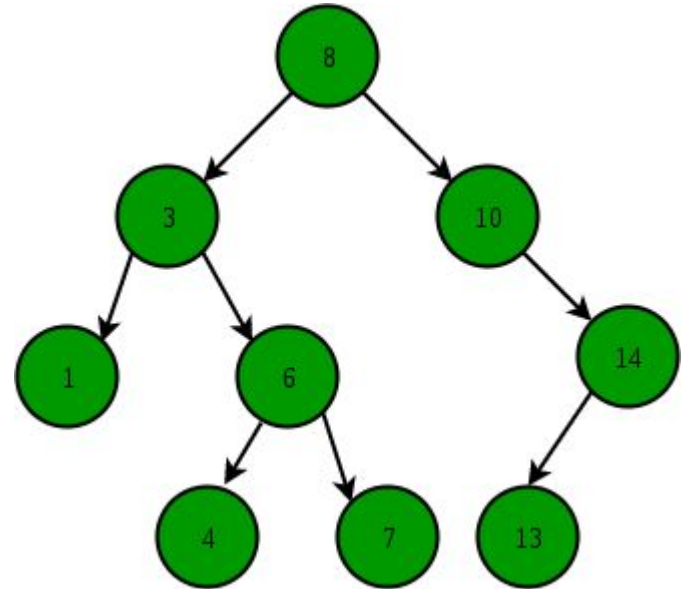
- $G$  es un árbol
- Entre cada par de nodos de  $G$  hay camino único
- $G$  es conectado, si quita un arista  $G$  se desconecta
- $G$  no tiene ciclos, si anade un arista, tendria ciclo
- $G$  es conectado y tiene exactament  $n-1$  aristas
- $G$  no tiene ciclos y tiene exactamente  $n-1$  ciclos

# BST

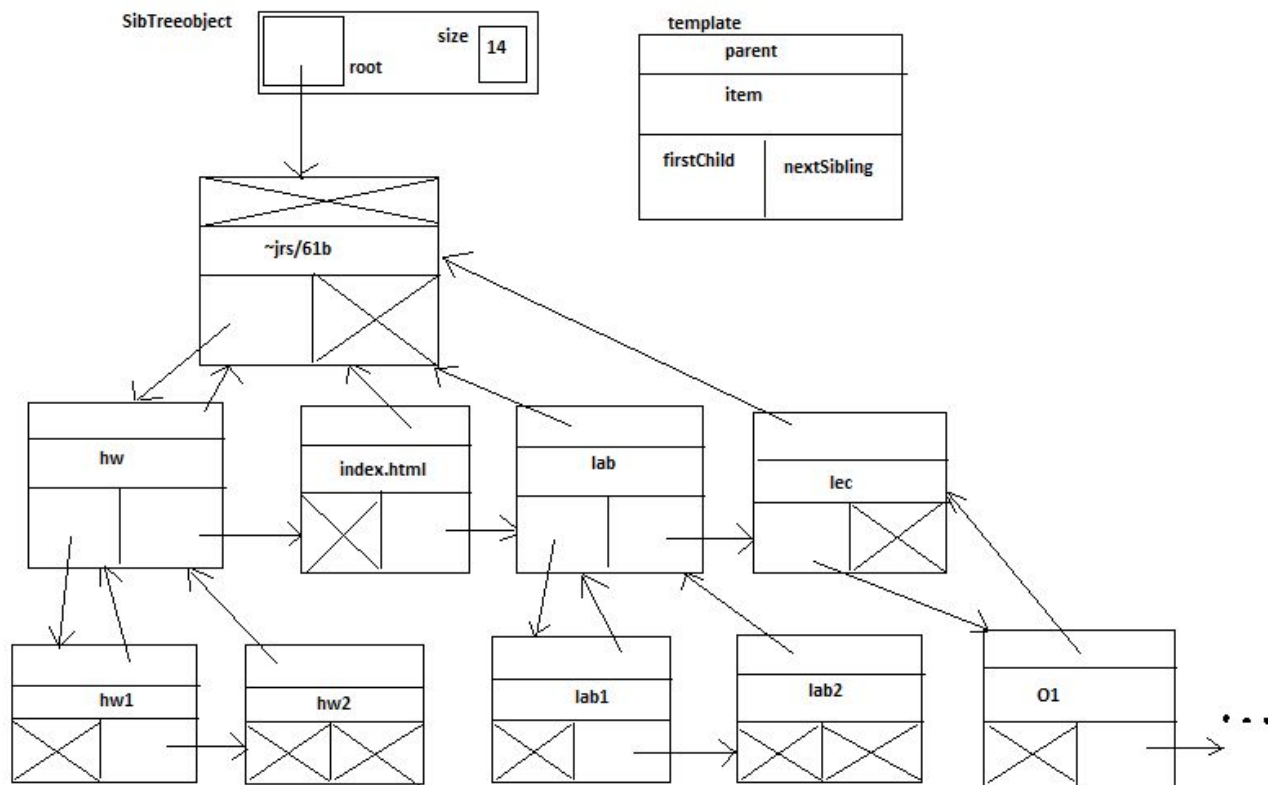
```
Struct Tree {  
    Int key;  
    Tree* left;  
    Tree* right;  
};
```

NOTA: no hay arbol sin nodo

Terminos: raiz, hoja, hijo / padre

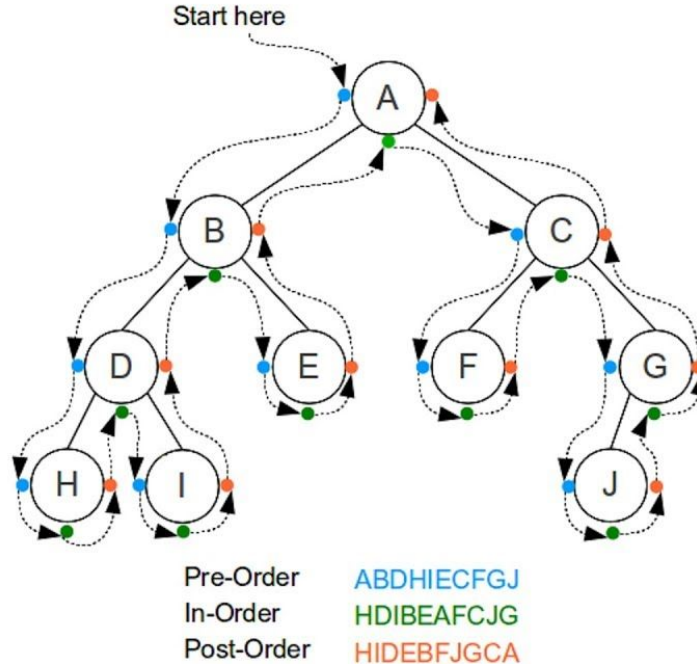


## Otras representaciones



# BST Recorido

Simplest **Trick**  
to find  
**PreOrder**  
**InOrder**  
**PostOrder**



```
Void visit(Tree* tree) {  
    // base case omitido  
    visit(tree->left);  
    visit(tree->right);  
    print(tree->key);  
}
```

## Recursiones

Si resuelvo el problema para los hijos, como resuelvo mi problema?

- Altura:  $a(r) = 1 + \max(a(l), a(r))$
- Numeros de nodos:  $n(r) = 1 + n(l) + n(r)$



# Implementar map con BST

- Insertar
- Eliminar
- encontrar

# Arboles aumentados

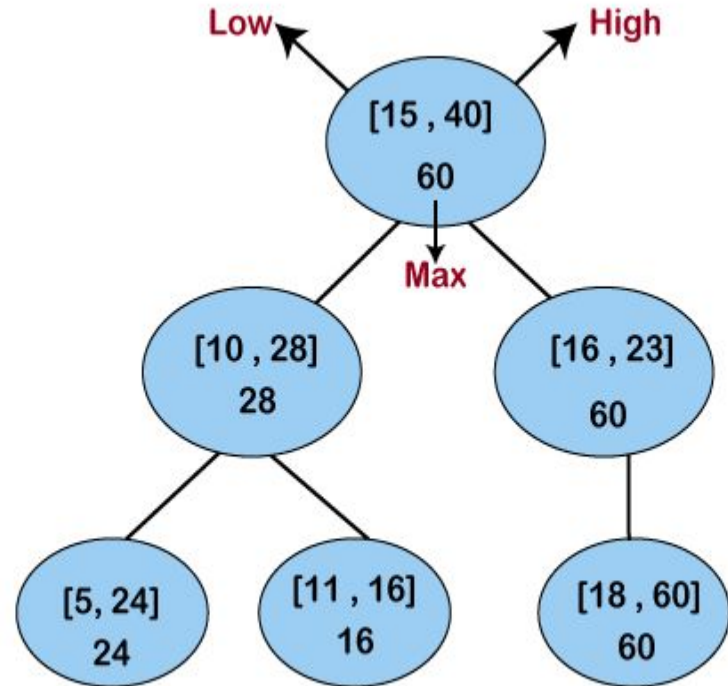
- Datos extra en los nodos:
  - Datos extra en el node solo depende de sus hijos.
- Operaciones normales: insertar, eliminar =  $O(\log n)$
- + Operacion especial dependiendo del dato adicional

# k-estadística

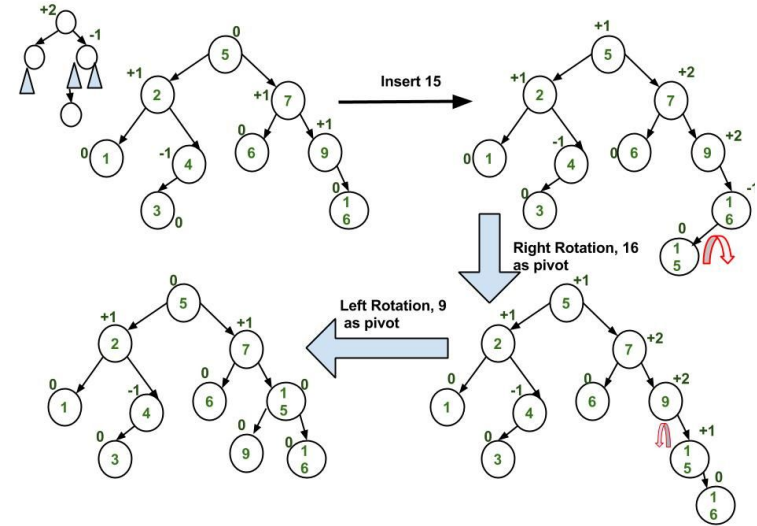
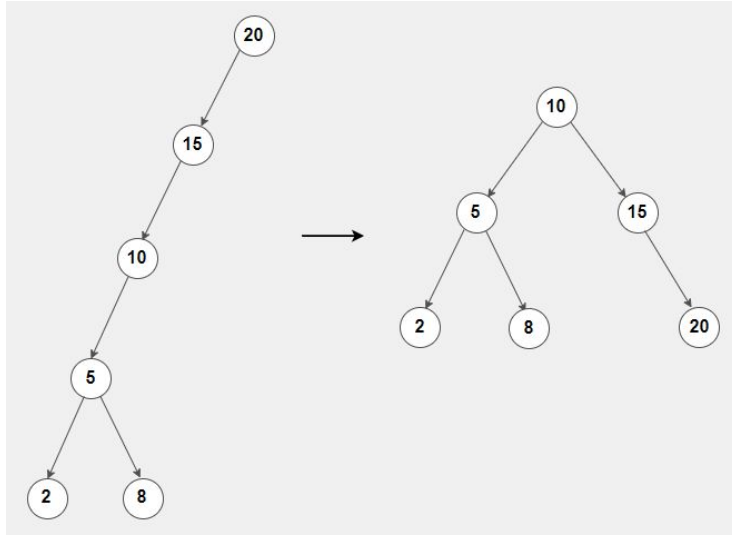
- Retornar k-grande del arbol
- Datos a aumentar: numeros de elementos en el arbol

# Arboles de intervalo

- Intervalos cerrados
- Ordenado por el limite menor
- Datos extra: maximo del subarbol.
- Operaciones extra: dado un intervalo, retornar si algun intervalo en el arbol intersecta con el dado.

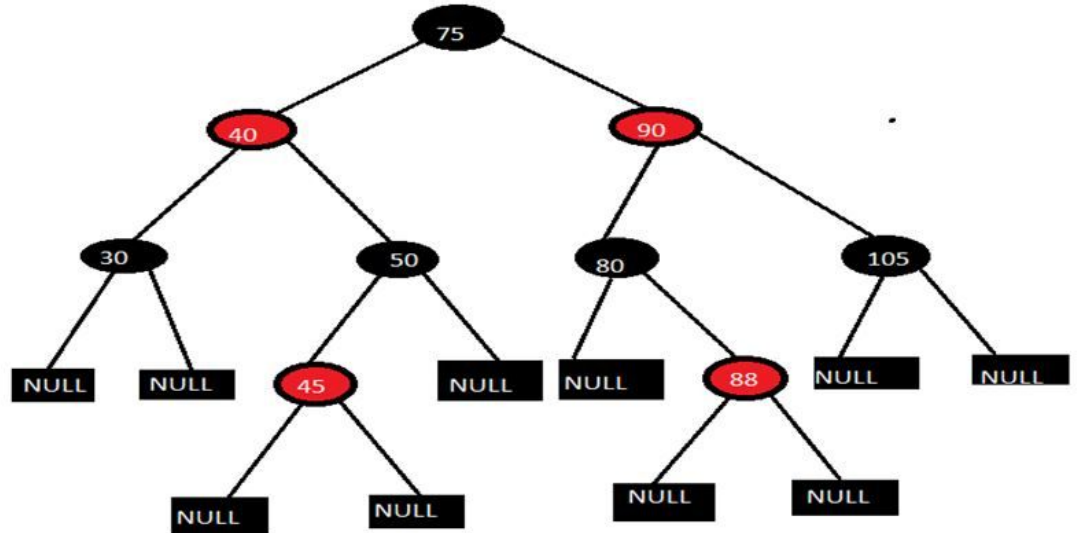


# Balancear arbol



[https://en.wikipedia.org/wiki/AVL\\_tree#/media/File:AVL\\_Tree\\_Example.gif](https://en.wikipedia.org/wiki/AVL_tree#/media/File:AVL_Tree_Example.gif)

- AVL :
  - Aumentar numero de altura
  - Diferencia = 1
- Red - Black:
  - Diferencia = 2x
  - Aumentar boolean (red/black)





# Ordenamiento Rápidos

- Ordenamiento de conteo (counting sort)
  - $O(n)$
  - rango debe ser pequeño
- Ordenamiento de radix
  - $O(kn)$  -  $k$  = número de dígitos
  - Solo enteros

Input:

4	8	4	2	9	9	6	2	9
---	---	---	---	---	---	---	---	---

Counts:

0	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0
0's	1's	2's	3's	4's	5's	6's	7's	8's	9's	10's

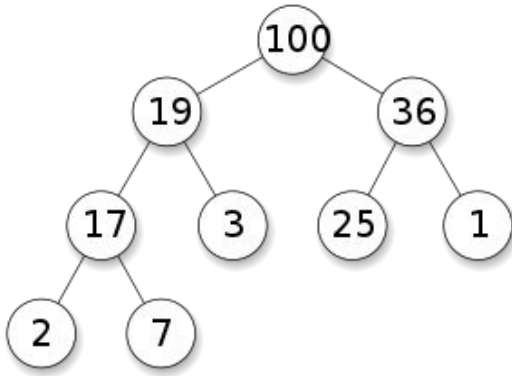
1 2 1	0 0 1	0 0 1
0 0 1	1 2 1	0 2 3
4 3 2	0 2 3	0 4 5
0 2 3	4 3 2	1 2 1
5 6 4	0 4 5	4 3 2
0 4 5	5 6 4	5 6 4
7 8 8	7 8 8	7 8 8

sorting the integers according to units, tens and hundreds place digits

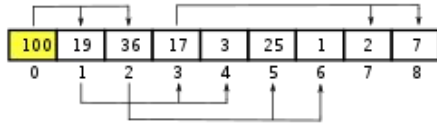


# Monticulos

Tree representation



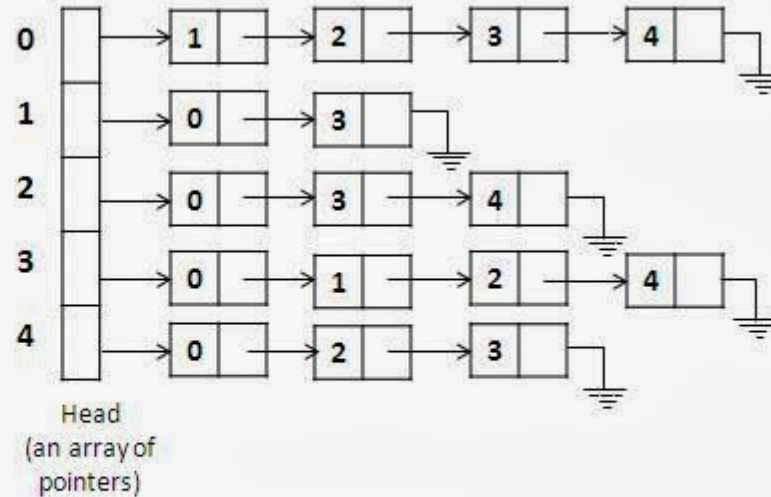
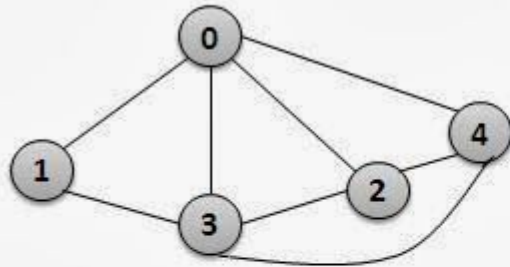
Array representation



- Stdlib: make\_heap / push\_heap / pop\_heap
-



# Lista de adjacencia / lista de punteros



**Adjacency List Representation of Graph**

