# Δομές Δεδομένων και Αλγόριθμοι - Εργαστήριο 7 Κατακερματισμός, δομές κατακερματισμού στην STL

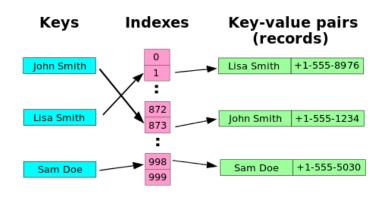
Πανεπιστήμιο Ιωαννίνων, Τμήμα Πληροφορικής και Τηλεπικοινωνιών Χρήστος Γκόγκος - Αναπληρωτής Καθηγητής

# 1 Εισαγωγή

Ο κατακερματισμός (hashing) αποτελεί μια από τις βασικές τεχνικές στη επιστήμη των υπολογιστών. Χρησιμοποιείται στις δομές δεδομένων αλλά και σε άλλα πεδία της πληροφορικής όπως η κρυπτογραφία. Στο εργαστήριο αυτό θα παρουσιαστεί η δομή δεδομένων πίνακας κατακερματισμού χρησιμοποιώντας δύο διαδεδομένες υλοποιήσεις: την ανοικτή διευθυνσιοδότηση και την υλοποίηση με αλυσίδες. Επιπλέον, θα παρουσιαστούν δομές της STL όπως η unordered\_set και η unordered\_map οι οποίες στηρίζονται στην τεχνική του κατακερματισμού. Ο κώδικας όλων των παραδειγμάτων, όπως και στα προηγούμενα εργαστήρια, βρίσκεται στο https://github.com/chgogos/ceteiep\_dsa.

## 2 Τι είναι ο κατακερματισμός;

Ο κατακερματισμός είναι μια μέθοδος που επιτυγχάνει ταχύτατη αποθήκευση, αναζήτηση και διαγραφή δεδομένων. Σε ένα σύστημα κατακερματισμού τα δεδομένα αποθηκεύονται σε έναν πίνακα που ονομάζεται πίνακας κατακερματισμού (hash table). Θεωρώντας ότι τα δεδομένα είναι εγγραφές που αποτελούνται από ζεύγη τιμών της μορφής κλειδί-τιμή, η βασική ιδέα είναι, ότι εφαρμόζοντας στο κλειδί κάθε εγγραφής που πρόκειται να αποθηκευτεί ή να αναζητηθεί τη λεγόμενη συνάρτηση κατακερματισμού (hash function), προσδιορίζεται μονοσήμαντα η θέση του πίνακα στην οποία τοποθετούνται τα δεδομένα της εγγραφής. Η συνάρτηση κατακερματισμού αναλαμβάνει να αντιστοιχήσει έναν μεγάλο αριθμό ή ένα λεκτικό σε ένα μικρό ακέραιο που χρησιμοποιείται ως δείκτης στον πίνακα κατακερματισμού.



Σχήμα 1: Κατακερματισμός εγγραφών σε πίνακα κατακερματισμού [1]

Μια καλή συνάρτηση κατακερματισμού θα πρέπει να κατανέμει τα κλειδιά στα κελιά του πίνακα κατακερματισμού όσο πιο ομοιόμορφα γίνεται και να είναι εύκολο να υπολογιστεί. Επίσης, είναι επιθυμητό το παραγόμενο αποτέλεσμα από τη συνάρτηση κατακερματισμού να εξαρτάται από το κλειδί στο σύνολό του.

Στον κώδικα που ακολουθεί παρουσιάζονται τέσσερις συναρτήσεις κατακερματισμού κάθε μία από τις οποίες δέγεται ένα λεκτικό και επιστρέφει έναν ακέραιο αριθμό. Στις συναρτήσεις hash2 και hash3 γίνεται χρήση τελεστών που εφαρμόζονται σε δυαδικές τιμές (bitwise operators). Ειδικότερα χρησιμοποιούνται οι τελεστές << (αριστερή ολίσθηση), >> (δεξιά ολίσθηση) και (xor - αποκλειστικό ή).

```
for (char c : key) {
                                                                   -22
1 #include <string>
                                                                           h += c:
                                                                   23
2
                                                                           h += (h << 10):
                                                                   24
  using namespace std;
3
                                                                           h = (h >> 6):
                                                                   25
4
                                                                   26
5
  size_t hash0(string &key) {
                                                                         h += (h << 3);
                                                                   27
6
    size th = 0;
                                                                         h = (h >> 11);
                                                                   28
    for (char c: key)
                                                                         h += (h << 15);
                                                                   29
      h += c;
                                                                         return h;
    return h:
9
                                                                   31 }
10
                                                                   32
11
                                                                   33 // FNV (—FowlerNollVo) hash
12 size t hash1(string &key) {
                                                                   34 size t hash3(string &key) {
    size th = 0;
13
                                                                         size th = 0x811c9dc5;
                                                                   35
    for (char c: key)
14
                                                                         for (char c : key)
                                                                   36
      h = 37 * h + c;
15
                                                                   37
                                                                           h = (h \land c) * 0x01000193;
16
    return h;
                                                                        return h;
                                                                   38
17
  }
18
  // Jenkins One-at-a-time hash
                                                                      Κώδικας 1: Διάφορες συναρτήσεις κατακερματισμού
  size t hash2(string &key) {
```

12

13

14

15

16

17

(hashes.cpp)

```
1 #include "hashes.cpp"
  #include <iostream>
3
  using namespace std;
5
  int main() {
    constexpr int HT_SIZE = 101;
    string keys[] = {"nikos", "maria", "petros", "kostas"};
    for (string key: keys) {
9
    size_t h0 = hash0(key) % HT_SIZE;
10
```

 $size_t h = 0;$ 

```
size t h1 = hash1(key) % HT SIZE;
size t h2 = hash2(key) \% HT SIZE;
size t h3 = hash3(key) \% HT SIZE;
cout << "string " << key << " hash0=" << h0 << " hash1="
     <<", hash2=" << h2 << ", hash3=" << h3 << endl;
```

Κώδικας 2: Παραδείγματα κλήσεων συναρτήσεων κατακερματισμού (hashes ex1.cpp)

```
1 string nikos hash0=43 hash1=64, hash2=40, hash3=27
2 string maria hash0=17 hash1=98, hash2=71, hash3=33
3 string petros hash0=63 hash1=89, hash2=85, hash3=82
  string kostas hash0=55 hash1=69, hash2=17, hash3=47
```

Οι πίνακες κατακερματισμού είναι ιδιαίτερα κατάλληλοι για εφαρμογές στις οποίες πραγματοποιούνται συχνές αναζητήσεις εγγραφών με δεδομένες τιμές κλειδιών. Οι βασικές λειτουργίες που υποστηρίζονται σε έναν πίνακα κατακερματισμού είναι η εισαγωγή (insert), η αναζήτηση (get) και η διαγραφή (erase). Και οι τρεις αυτές λειτουργίες παρέχονται σε χρόνο O(1) κατά μέσο όρο προσφέροντας ταχύτερη υλοποίηση σε σχέση με άλλες υλοποιήσεις όπως για παράδειγμα τα ισοζυγισμένα δυαδικά δένδρα αναζήτησης που παρέχουν τις ίδιες λειτουργίες σε χρόνο O(logn).

Ωστόσο, οι πίνακες κατακερματισμού έχουν και μειονεκτήματα καθώς είναι δύσκολο να επεκταθούν από τη στιγμή που έχουν δημιουργηθεί και μετά. Επίσης, η απόδοση των πινάκων κατακερματισμού υποβαθμίζεται καθώς οι θέσεις τους γεμίζουν με στοιχεία. Συνεπώς, εφόσον ο προγραμματιστής προχωρήσει στη δική του υλοποίηση ενός πίνακα κατακερματισμού είτε θα πρέπει να γνωρίζει εκ των προτέρων το πλήθος των στοιχείων που πρόκειται να αποθηκευτούν είτε όταν αυτό απαιτηθεί να υπάρχει πρόβλεψη έτσι ώστε τα δεδομένα να μεταφέρονται σε μεγαλύτερο πίνακα κατακερματισμού.

Στις περισσότερες εφαρμογές υπάρχουν πολύ περισσότερα πιθανά κλειδιά εγγραφών από ότι θέσεις στο πίνακα κατακερματισμού. Αν για δύο ή περισσότερα κλειδιά η εφαρμογή της συνάρτησης κατακερματισμού επιστρέφει το ίδιο αποτέλεσμα τότε λέμε ότι συμβαίνει σύγκρουση (collision) η οποία θα πρέπει να διευθετηθεί με κάποιο τρόπο. Ο ακόλουθος κώδικας μετρά το πλήθος των συγκρούσεων που συμβαίνουν καθώς δημιουργούνται hashes για ένα σύνολο 2.000 κλειδιών αλφαριθμητικού τύπου.

```
const string letters en = "
  #include <random>
                                                                             ABCDEFGHIJKLMNOPORSTUVWXYZ";
  using namespace std;
                                                                       for (int i = 0; i < k; i++)
                                                                  10
                                                                  11
                                                                         s += letters en[uni(mt)];
  mt19937 mt(1821);
                                                                  12
                                                                       return s;
  uniform int distribution<int> uni(0, 25);
                                                                     Κώδικας
                                                                                   3:
                                                                                          Δημιουργία
                                                                                                            τυχαίων
                                                                                                                          λεκτικών
  string generate random string(int k) {
                                                                     (random strings.cpp)
   string s{};
                                                                         size t h = hash0(key) % HT SIZE; // 1863 collisions
  #include "hashes.cpp"
                                                                         // size_t h = hash1(key) % HT SIZE; // 172 collisions
                                                                  15
  #include "random strings.cpp"
                                                                         // size_t h = hash2(key) % HT_SIZE; // 188 collisions
                                                                  16
  #include <iostream>
                                                                         // size t h = hash3(key) % HT SIZE; // 196 collisions
                                                                  17
  #include <set>
                                                                         if (aset.find(h) != aset.end())
                                                                  18
                                                                           collisions++;
                                                                  19
  using namespace std;
                                                                  20
  constexpr int HT SIZE = 10001;
                                                                  21
                                                                           aset.insert(h);
                                                                  22
  int main() {
                                                                       cout << "number of collisions " << collisions << endl;</pre>
                                                                  23
    set<int> aset;
10
                                                                  24
11
    int collisions = 0;
    for (int i = 0; i < 2000; i++) {
12
                                                                           Κώδικας 4: Συγκρούσεις (hashes ex2.cpp)
      string key = generate random string(10);
13
```

1 number of collisions 1863

Γενικότερα, σε έναν πίνακα κατακερματισμού, η εύρεση μιας εγγραφής με κλειδί key είναι μια διαδικασία δύο βημάτων:

- Εφαρμογή της συνάρτησης κατακερματισμού στο κλειδί της εγγραφής.
- Ξεκινώντας από την θέση που υποδεικνύει η συνάρτηση κατακερματισμού στον πίνακα κατακερματισμού, εντοπισμός της εγγραφής που περιέχει το ζητούμενο κλειδί (ενδεχόμενα θα χρειαστεί να εφαρμοστεί κάποιος μηχανισμός διευθέτησης συγκρούσεων).

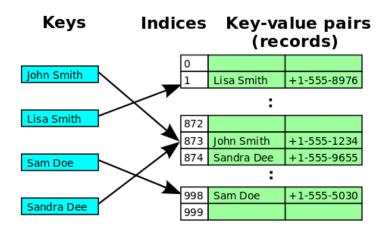
Οι βασικοί μηχανισμοί επίλυσης των συγκρούσεων είναι η ανοικτή διευθυνσιοδότηση και ο κατακερματισμός με αλυσίδες.

### 2.1 Ανοικτή διευθυνσιοδότηση

Στην ανοικτή διευθυνσιοδότηση (open addressing, closed hashing) όλα τα δεδομένα αποθηκεύονται απευθείας στον πίνακα κατακερματισμού. Αν συμβεί σύγκρουση τότε ελέγχεται αν κάποιο από τα υπόλοιπα κελιά είναι διαθέσιμο και η εγγραφή τοποθετείται εκεί. Συνεπώς, θα πρέπει το μέγεθος του hashtable να είναι μεγαλύτερο ή ίσο από το πλήθος των στοιχείων που πρόκειται να αποθηκευτούν σε αυτό. Θα πρέπει να σημειωθεί ότι η απόδοση της ανοικτής διευθυνσιοδότησης μειώνεται κατακόρυφα σε περίπτωση που το hashtable είναι σχεδόν γεμάτο.

Αν το πλήθος των κελιών είναι m και το πλήθος των εγγραφών είναι n τότε το πηλίκο  $a=\frac{n}{m}$  που ονομάζεται παράγοντας φόρτωσης (load factor) καθορίζει σημαντικά την απόδοση του hashtable. Ο παράγοντας φόρτωσης στην περίπτωση της ανοικτής διευθυνσιοδότησης δεν μπορεί να είναι μεγαλύτερος της μονάδας.

Υπάρχουν πολλές παραλλαγές της ανοικτής διευθυνσιοδότησης που σχετίζονται με τον τρόπο που σε περίπτωση σύγκρουσης επιλέγεται το επόμενο κελί που εξετάζεται αν είναι ελεύθερο προκειμένου να τοποθετηθούν εκεί τα δεδομένα της εγγραφής. Αν εξετάζεται το αμέσως επόμενο στη σειρά κελί και μέχρι να βρεθεί το πρώτο διαθέσιμο, ξεκινώντας από την αρχή του πίνακα αν βρεθεί στο τέλος, τότε η μέθοδος ονομάζεται γραμμική ανίχνευση (linear probing). Άλλες διαδεδομένες μέθοδοι είναι η τετραγωνική ανίχνευση (quadratic probing) και ο διπλός κατακερματισμός (double hashing) [?].



Σχήμα 2: Κατακερματισμός εγγραφών με ανοικτή διευθυνσιοδότηση και γραμμική ανίχνευση [1]

Στη συνέχεια ακολουθεί μια υλοποίηση ενός πίνακα κατακερματισμού με ανοικτή διευθυνσιοδότηση και γραμμική ανίχνευση. Στον πίνακα κατακερματισμού τοποθετούνται εγγραφές με κλειδιά και τιμές αλφαριθμητικού τύπου.

```
for (int i = 0; i < \text{capacity}; i++)
  #include <iostream>
                                                                                   data[i] = nullptr;
                                                                        29
                                                                        30
   using namespace std;
                                                                        31
                                                                              ~oa hashtable() {
                                                                        32
   struct record {
                                                                                 for (size t i = 0; i < capacity; i++)
                                                                        33
     string key;
                                                                                   if (data[i] != nullptr)
                                                                        34
     string value;
                                                                                     delete data[i];
                                                                        35
8
                                                                                 delete[] data;
                                                                        36
9
                                                                        37
10 class oa_hashtable {
                                                                        38
11 private:
                                                                              record *get(string &key) {
                                                                        39
     int capacity;
12
                                                                                 size t hash code = hash(key);
                                                                        40
     int size;
13
                                                                                 while (data[hash code] != nullptr) {
                                                                        41
     record **data; // array of pointers to records
14
                                                                                   if (data[hash code]—>key == key)
                                                                        42
15
                                                                                     return data[hash code];
                                                                        43
     size_t hash(string &key) {
16
                                                                                   hash code = (hash code + 1) \% capacity;
                                                                        44
        size t value = 0;
17
                                                                        45
        for (size_t i = 0; i < \text{key.length}(); i++)
18
                                                                                 return nullptr;
                                                                        46
          value = 37 * value + key[i];
19
                                                                        47
       return value % capacity;
20
                                                                        48
     }
21
                                                                              void put(record *arecord) {
                                                                        49
22
                                                                                 if (size == capacity) {
                                                                        50
  public:
23
                                                                                   cerr << "The hashtable is full" << endl:
                                                                        51
     oa hashtable(int capacity) {
24
                                                                                   return:
                                                                        52
25
        this—>capacity = capacity;
                                                                        53
26
        size = 0;
                                                                                size t hash code = hash(arecord->key);
                                                                        54
        data = new record *[capacity];
                                                                                while (data[hash code] != nullptr && data[hash code] ->
```

```
cout << "Load factor: " << (double)size / (double)capacity
             key != "ERASED") {
         if (data[hash code] -> key == arecord -> key) {
                                                                                 << endl;
56
57
            delete data[hash code];
                                                                    86
            data[hash code] = arecord; // update existing key
58
                                                                    87
                                                                       };
            return:
59
                                                                    88
                                                                       int main() {
60
                                                                    89
         hash code = (hash code + 1) \% capacity;
                                                                         oa hashtable hashtable(101); // hashtable with maximum
61
                                                                               capacity 101 items
62
63
       data[hash code] = arecord;
                                                                         record *precord1 = new record{"John Smith", "
                                                                    91
                                                                               +1-555-1234"};
       size++;
64
                                                                         record *precord2 = new record{"Lisa Smith", "+1-555-8976
65
66
                                                                         record *precord3 = new record{"Sam Doe", "+1-555-5030"
     void erase(string &key) {
67
       size t hash code = hash(key);
68
       while (data[hash code] != nullptr) {
                                                                         hashtable.put(precord1);
69
          if (data[hash code] -> key == key) {
                                                                         hashtable.put(precord2);
70
                                                                    95
                                                                         hashtable.put(precord3);
            delete data[hash code];
71
            data[hash_code] = new record{"ERASED", "ERASED"97
                                                                         hashtable.print all();
72
                 }; // insert dummy record
                                                                         string key = "Sam Doe";
                                                                    98
                                                                         record *precord = hashtable.get(key);
            size--:
                                                                    99
73
74
            return;
                                                                         if (precord == nullptr)
                                                                   100
75
                                                                   101
                                                                           cout << "Key not found" << endl;
76
         hash code = (hash code + 1) \% capacity;
                                                                   102
                                                                           cout << "Key found: " << precord -> key << " " << precord
77
                                                                                 ->value << endl;
78
                                                                           hashtable.erase(key);
79
                                                                   104
     void print all() {
80
                                                                   105
       for (int i = 0; i < \text{capacity}; i++)
                                                                         hashtable.print_all();
81
                                                                   106
         if (data[i] != nullptr && data[i] -> key != "ERASED")
                                                                   107
82
            cout << "#(" << i << ") " << data[i] -> key << " " <<
83
                                                                       Κώδικας
                                                                                         5:
                                                                                                                  διευθυνσιοδότηση
                                                                                                  Ανοικτή
                 data[i]->value
                                                                       (open addressing.cpp)
                 << endl;
84
```

```
1 #(1) Sam Doe +1-555-5030

2 #(46) John Smith +1-555-1234

3 #(57) Lisa Smith +1-555-8976

4 Load factor: 0.029703

5 Key found: Sam Doe +1-555-5030

6 #(46) John Smith +1-555-1234

7 #(57) Lisa Smith +1-555-8976

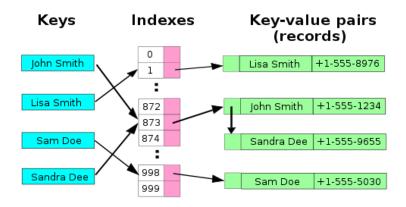
8 Load factor: 0.019802
```

## 2.2 Κατακερματισμός με αλυσίδες

Στον κατακερματισμό με αλυσίδες (separate chaining) οι εγγραφές αποθηκεύονται σε συνδεδεμένες λίστες κάθε μια από τις οποίες είναι προσαρτημένες στα κελιά ενός hashtable. Συνεπώς, η απόδοση των αναζητήσεων εξαρτάται από τα μήκη των συνδεδεμένων λιστών. Αν η συνάρτηση κατακερματισμού κατανέμει τα n κλειδιά ανάμεσα στα m κελιά ομοιόμορφα τότε κάθε λίστα θα έχει μήκος  $\frac{n}{m}$ . Ο παράγοντας φόρτωσης,  $a=\frac{n}{m}$ , στον κατακερματισμό με αλυσίδες δεν θα πρέπει να απέχει πολύ από την μονάδα. Πολύ μικρό load factor σημαίνει ότι υπάρχουν πολλές κενές λίστες και συνεπώς δεν γίνεται αποδοτική χρήση του χώρου ενώ μεγάλο load factor σημαίνει μακριές συνδεδεμένες λίστες και μεγαλύτεροι χρόνοι αναζήτησης.

Στη συνέχεια ακολουθεί μια υλοποίηση ενός πίνακα κατακερματισμού με κατακερματισμό με αλυσίδες. Για τις συνδεδεμένες λίστες χρησιμοποιείται η λίστα std::list.

```
#include <iostream>
#include <l
```



Σχήμα 3: Κατακερματισμός εγγραφών με αλυσίδες [1]

```
string key;
                                                                       50
     string value;
                                                                       51
                                                                             void erase(string &key) {
9
   };
                                                                       52
                                                                               size t hash code = hash(key);
10
                                                                       53
11 class sc hashtable {
                                                                               list<record *>::iterator itr = buckets[hash code].begin();
                                                                       54
12 private:
                                                                               while (itr != buckets[hash code].end())
                                                                       55
     int size;
                                                                                 if((*itr)->key == key)
13
                                                                       56
     list<record *> *buckets;
                                                                       57
                                                                                    itr = buckets[hash code].erase(itr);
14
15
                                                                       58
                                                                                 else
16
     size t hash(string &key) {
                                                                       59
                                                                                    ++itr;
        size t value = 0;
17
                                                                       60
        for (size_t i = 0; i < \text{key.length}(); i++)
18
                                                                       61
          value = 37 * value + key[i];
                                                                             void print all() {
19
                                                                       62
        return value % size;
                                                                               int m = 0;
20
                                                                       63
                                                                               for (size t i = 0; i < size; i++)
     }
21
                                                                       64
                                                                                 if (!buckets[i].empty())
22
                                                                       65
   public:
                                                                                    for (record *rec : buckets[i]) {
23
                                                                       66
     sc hashtable(int size) {
                                                                                      cout << "#(" << i << ") " << rec -> key << " " << rec
24
                                                                       67
       this->size = size;
                                                                                             ->value << endl;</pre>
25
        buckets = new list<record *>[size];
26
                                                                       68
27
                                                                       69
                                                                               cout << "Load factor: " << (double)m / (double)size << endl
28
                                                                       70
29
     ~sc hashtable() {
        for (size t i = 0; i < size; i++)
30
                                                                       71
          for (record *rec : buckets[i])
31
                                                                       72
                                                                          };
            delete rec:
32
                                                                       73
        delete[] buckets;
                                                                          int main() {
33
                                                                       74
                                                                             sc hashtable hashtable(101);
34
                                                                       75
                                                                             record *precord1 = new record{"John Smith", "
35
                                                                       76
     record *get(string &key) {
                                                                                   +1-555-1234"};
36
        size t hash code = hash(key);
                                                                             record *precord2 = new record{"Lisa Smith", "+1-555-8976
37
        if (buckets[hash_code].empty())
38
                                                                             record *precord3 = new record{"Sam Doe", "+1-555-5030"
          return nullptr;
39
        else
40
          for (record *rec : buckets[hash_code])
                                                                             hashtable.put(precord1);
41
                                                                       79
            if(rec->key == key)
                                                                             hashtable.put(precord2);
42
                                                                       80
                                                                             hashtable.put(precord3);
               return rec;
43
                                                                       81
                                                                             hashtable.print all();
        return nullptr;
44
                                                                       82
                                                                             string key = "Sam Doe";
45
                                                                       83
                                                                             record *precord = hashtable.get(key);
46
      void put(record *arecord) {
                                                                             if (precord == nullptr)
47
                                                                       85
                                                                               cout << "Key not found" << endl;</pre>
        size t hash code = hash(arecord->key);
48
        buckets[hash_code].push_back(arecord);
```

```
cout << "Key found: " << precord -> key << " " << precord 92
88
            ->value << endl;
      hashtable.erase(key);
                                                                   Κώδικας
                                                                                 6:
                                                                                       Κατακερματισμός
                                                                                                                       αλυσίδες
89
                                                                   (separate chaining.cpp)
90
    hashtable.print all();
91
1 #(1) Sam Doe +1-555-5030
  \#(46) John Smith +1-555-1234
3 #(57) Lisa Smith +1-555-8976
4 Load factor: 0.029703
5 Key found: Sam Doe +1-555-5030
6 #(46) John Smith +1-555-1234
  #(57) Lisa Smith +1-555-8976
  Load factor: 0.019802
```

Περισσότερες πληροφορίες σχετικά με τον κατακερματισμό και την υλοποίηση πινάκων κατακερματισμού μπορούν να βρεθούν στις αναφορές [2], [3].

# 3 Κατακερματισμός με την STL

Η STL διαθέτει την κλάση std::hash που μπορεί να χρησιμοποιηθεί για την επιστροφή hash τιμών για διάφορους τύπους δεδομένων. Στον ακόλουθο κώδικα παρουσιάζεται η χρήση της std::hash.

```
cout << "The hash value for: " << c1 << " is " << c strhash(c1
  #include <iostream>
                                                                           ) << " -> #"
  #include <string>
                                                                            << c strhash(c1) % HT SIZE << endl;
  using namespace std;
                                                                      cout << "The hash value for: " << c2 << " is " << c strhash(c2
                                                                           ) << " -> #"
  int main() {
                                                                            << c_strhash(c2) % HT_SIZE << endl;
    constexpr int HT SIZE = 101; // hypothetical hashtable size
    double d1 = 1000.1;
7
                                                                      string s1 = "This is a test";
    double d2 = 1000.2;
8
                                                                      string s2 = "This is a test.";
                                                                 24
    hash<double> d hash;
                                                                      hash<string> strhash;
    cout << "The hash value for: " << d1 << " is " << d hash(d1)
10
                                                                      cout << "The hash value for: " << s1 << " is " << strhash(s1)
          << " -> #"
                                                                           <<" -> #"
          << d_hash(d1) % HT_SIZE << endl;
11
                                                                           << strhash(s1) % HT SIZE << endl;
    cout << "The hash value for: " << d2 << " is " << d hash(d2)
12
                                                                      cout << "The hash value for: " << s2 << " is " << strhash(s2)
          << " _> #"
                                                                           << " _> #"
          << d_hash(d2) % HT_SIZE << endl;
13
                                                                 29
                                                                            << strhash(s2) % HT SIZE << endl;
14
                                                                 30
    char c1[15] = "This is a test";
15
                                                                    Κώδικας 7: Παράδειγμα χρήσης της
    char c2[16] = "This is a test.";
16
    hash<char *> c strhash;
                                                                    (stl hash.cpp)
17
```

```
The hash value for: 1000.1 is 18248755989755706217 -> #44

The hash value for: 1000.2 is 2007414553616229599 -> #30

The hash value for: This is a test is 2293264 -> #59

The hash value for: This is a test. is 2293248 -> #43

The hash value for: This is a test is 5122661464562453635 -> #23

The hash value for: This is a test is 5122661464562453635 -> #46
```

Επιπλέον, η STL υποστηρίζει δύο βασικές δομές κατακερματισμού το std::unordered\_set και το std::unordered\_map. Το std::unordered\_set υλοποιείται ως ένας πίνακας κατακερματισμού και μπορεί να περιέχει τιμές (κλειδιά) οποιουδήποτε τύπου οι οποίες γίνονται hash σε διάφορες θέσεις του πίνακα κατακερματισμού. Κατά μέσο όρο, οι λειτουργίες σε ένα std::unordered\_set (εύρεση, εισαγωγή και διαγραφή κλειδιού) πραγματοποιούνται σε σταθερό χρόνο O(1). Ένα std::unordered\_set δεν περιέχει διπλότυπα, ενώ αν υπάρχει αυτή η ανάγκη τότε μπορεί να χρησιμοποιηθεί το std::unordered\_multiset.

Στον κώδικα που ακολουθεί οι χαρακτήρες ενός λεκτικού εισάγονται ένας προς ένας σε ένα std::unordered\_set έτσι ώστε να υπολογιστεί το πλήθος των διακριτών χαρακτήρων ενός λεκτικού.

```
uset.insert(tolower(c));
                                                                   12
1 #include <cctype> // tolower
                                                                       cout << "Number of discrete characters=" << uset.size() <<
                                                                  13
  #include <iostream>
  #include <unordered set>
                                                                       for (unordered set<char>::iterator itr = uset.begin(); itr != uset.
                                                                             end();
  using namespace std;
5
                                                                             itr++)
                                                                  15
6
                                                                          cout << *itr << "":
                                                                  16
  int main() {
7
                                                                       cout << endl:
                                                                  17
    string text = "You can do anything but not everything";
                                                                  18
    unordered set<char> uset;
                                                                     Κώδικας
                                                                                      8:
                                                                                              Παράδειγμα
                                                                                                                   χρήσης
10
    for (char c: text)
                                                                                                                                 του
      if (c!='')
                                                                     std::unordered set (stl unordered set.cpp)
```

- 1 Number of discrete characters=15
- 2 rvegcbynuodatih

To std::unordered map αποθηκεύει ζεύγη (κλειδί-τιμή). Το κλειδί αναγνωριζει με μοναδικό τρόπο το κάθε ζεύγος και γίνεται hash σε συγκεκριμένη θέση του πίνακα κατακερματισμού. Όπως και στο std::unordered set. κατά μέσο όρο, οι λειτουργίες σε ένα std::unordered map πραγματοποιούνται σε σταθερό χρόνο O(1). Η ανάθεση τιμής σε κλειδί μπορεί να γίνει με τους τελεστές = και [], ενώ το πέρασμα από τις τιμές ενός std::unordered map μπορεί να γίνει με iterator ή με range for.

```
cout << endl:
                                                                  16
  #include <iostream>
                                                                  17
  #include <unordered map>
                                                                       for (const std::pair<string, double> &kv : atomic mass)
                                                                  18
                                                                         cout << kv.first << ":" << kv.second << " ":
                                                                  19
  using namespace std;
                                                                       cout << endl;
                                                                  20
5
                                                                       string element = "Fe";
    unordered_map<string, double> atomic mass{{"H", 1.008}, //
                                                                       // string element = "Ti"; // Titanium
          Hydrogen
                                                                       if (atomic mass.find(element) == atomic mass.end())
                                                   {"C", 12.011}};<sub>25</sub>
                                                                         cout << "Element" << element << " is not in the map" <<
                                                        // Carbon
    atomic mass["O"] = 15.999; // Oxygen
9
                                                                  26
                                                                       else
    atomic mass["Fe"] = 55.845; // Iron
10
                                                                         cout << "Element " << element << " has atomic mass " <<
    atomic mass.insert(make pair("Al", 26.982)); // Aluminium
11
                                                                              atomic mass[element]
12
                                                                              << "" << endl;
                                                                  28
    for (unordered map<string, double>::iterator itr =
13
                                                                  29
          atomic_mass.begin();
                                                                     Κώδικας
                                                                                     9:
                                                                                             Παράδειγμα
                                                                                                                 χρήσης
          itr != atomic_mass.end(); itr++)
                                                                                                                                του
14
       cout << itr->first << ":" << itr->second << " ";
                                                                     std::unordered map (stl_unordered_map.cpp)
1 Al:26.982 H:1.008 C:12.011 O:15.999 Fe:55.845
```

- 2 Al:26.982 H:1.008 C:12.011 O:15.999 Fe:55.845
- Element Fe has atomic mass 55.845

# Παραδείγματα

#### 4.1 Παράδειγμα 1

Έστω μια επιχείρηση η οποία επιθυμεί να αποθηκεύσει τα στοιχεία των υπαλλήλων της (όνομα, διεύθυνση) σε μια δομή έτσι ώστε με βάση το όνομα του υπαλλήλου να επιτυγχάνει τη γρήγορη ανάκληση των υπόλοιπων στοιχείων των υπαλλήλων. Στη συνέχεια παρουσιάζεται η υλοποίηση ενός πίνακα κατακερματισμού στον οποίο κλειδί θεωρείται το όνομα του υπαλλήλου και η επίλυση των συγκρούσεων πραγματοποιείται με ανοικτή διευθυνσιοδότηση (open addressing) και γραμμική ανίχνευση (linear probing). Καθώς δεν υπάρχει η ανάγκη

διαγραφής τιμών από τον πίνακα κατακερματισμού παρουσιάζεται μια απλούστερη υλοποίηση σε σχέση με αυτή που παρουσιάστηκε στον κώδικα ??. Ο πίνακας κατακερματισμού μπορεί να δεχθεί το πολύ 100.000 εγγραφές υπαλλήλων. Στο παράδειγμα χρονομετρείται η εκτέλεση για 20.000, 30.000 και 80.000 υπαλλήλους. Παρατηρείται ότι λόγω των συγκρούσεων καθώς ο συντελεστής φόρτωσης του πίνακα κατακερματισμού αυξάνεται η απόδοση της δομής υποβαθμίζεται.

```
-43 int main() {
1 #include "hashes.cpp"
                                                                         vector<int> SIZES{20000, 30000, 80000};
                                                                    44
2 #include "random strings.cpp"
                                                                         for (int x : SIZES) {
                                                                    45
  #include <chrono>
                                                                           struct employee *hash table = new struct employee[N];
                                                                    46
4 #include <iomanip>
                                                                    47
                                                                           // generate x random employees, insert them at the hashtable
5 #include <iostream>
                                                                            vector<string> names;
                                                                    48
  #include <string>
                                                                            for (int i = 0; i < x; i++) {
                                                                    49
  #include <vector>
                                                                    50
                                                                              employee ypa;
                                                                              ypa.name = generate random string(3);
                                                                    51
   using namespace std::chrono;
                                                                              ypa.address = generate random string(20);
                                                                    52
10
                                                                              insert(hash table, ypa);
                                                                    53
  const int N = 100000; // HashTable size
11
                                                                              names.push back(ypa.name);
                                                                    54
12
                                                                    55
  struct employee {
13
                                                                           // generate x more names
                                                                    56
     string name;
14
                                                                            for (int i = 0; i < x; i++)
                                                                    57
     string address;
15
                                                                              names.push back(generate random string(3));
                                                                    58
16
                                                                           // time execution of 2*x searches in the HashTable
                                                                    59
17
                                                                           auto t1 = high resolution clock::now();
                                                                    60
   void insert(employee hash table[], employee &ypa) {
                                                                            employee ypa;
                                                                    61
     int pos = hash1(ypa.name) % N;
19
                                                                            int c = 0;
     while (hash_table[pos].name != "") {
20
                                                                    63
                                                                            for (string name : names)
21
       pos++;
                                                                              if (search(hash table, name, ypa)) {
                                                                    64
       pos %= N;
22
                                                                                // cout << "Employee" << ypa.name << "" << ypa.
                                                                    65
23
                                                                                     address << endl:
     hash_table[pos] = ypa;
24
                                                                                c++:
                                                                    66
25
                                                                    67
26
                                                                           auto t2 = high resolution clock::now();
   bool search(employee hash_table[], string &name, employee &
27
                                                                           std::chrono::duration\leqdouble, std::micro\geq duration = t2 - t1
     int pos = hash1(name) % N;
28
                                                                            cout << "Load factor: " << setprecision(2) << (double)x / (
     int c = 0;
29
                                                                                 double)N
     while (hash table[pos].name != name) {
30
                                                                                 < " employees found: " << c << ", employees not
                                                                    71
       if (hash_table[pos].name == "")
31
                                                                                       found: " << 2 * x - c
         return false;
32
                                                                                 << " time elapsed: " << std::fixed << duration.count() /</pre>
                                                                    72
       pos++;
33
       pos %= N;
34
                                                                                 << " seconds" << endl:
                                                                    73
35
       c++:
                                                                           delete[] hash table;
                                                                    74
       if(c > N)
36
                                                                    75
                                                                         }
         return false;
37
                                                                    76
38
     ypa = hash table[pos];
39
                                                                       Κώδικας 10: Υλοποίηση πίνακα κατακερματισμού
40
     return true;
41
```

για γρήγορη αποθήκευση και αναζήτηση εγγραφών (lab07 ex1.cpp)

```
1 Load factor: 0.2 employees found: 33565, employees not found: 6435 time elapsed: 0.01 seconds
  Load factor: 0.30 employees found: 54478, employees not found: 5522 time elapsed: 0.13 seconds
  Load factor: 0.80 employees found: 159172, employees not found: 828 time elapsed: 12.50 seconds
```

#### Παράδειγμα 2 4.2

42

Στο παράδειγμα αυτό παρουσιάζεται η λύση του ίδιου προβλήματος με το παράδειγμα 1 με τη διαφορά ότι πλέον χρησιμοποιείται η δομή std::unordered map της STL.

```
// generate x more names
1 #include "random strings.cpp"
                                                                          for (int i = 0; i < x; i++)
                                                                  30
  #include <chrono>
                                                                            names.push back(generate random string(3));
                                                                  31
  #include <iomanip>
                                                                  32
4 #include <iostream>
                                                                          // time execution of 2*x searches in the HashTable
                                                                  33
  #include <string>
                                                                          auto t1 = high resolution clock::now();
                                                                  34
6 #include <unordered map>
                                                                          int c = 0;
                                                                  35
  #include <vector>
                                                                          for (string name: names)
                                                                  36
                                                                  37
                                                                            if (umap.find(name) != umap.end()) {
9
  using namespace std::chrono;
                                                                              // cout << "Employee" << name << "" << umap[name
                                                                  38
10
                                                                                    ].address << endl;
11
  struct employee {
                                                                  39
12
     string name;
                                                                   40
     string address;
13
                                                                          auto t2 = high resolution clock::now();
                                                                  41
14
                                                                          std::chrono::duration\leqdouble, std::micro\geq duration = t2 - t1
                                                                  42
15
  int main() {
16
                                                                          cout << "Load factor: " << setprecision(2) << umap.
                                                                  43
     vector<int> SIZES{20000, 30000, 80000};
17
                                                                               load factor()
     for (int x : SIZES) {
18
                                                                               <= " employees found: " << c << ", employees not
                                                                  44
       unordered map<string, employee> umap;
19
                                                                                     found: " << 2 * x - c
       // generate x random employees, insert them at the hashtable 45
20
                                                                               << " time elapsed: " << std::fixed << duration.count() /</pre>
       vector<string> names;
21
       for (int i = 0; i < x; i++) {
22
                                                                               << " seconds" << endl;</pre>
                                                                  46
23
         employee ypa;
                                                                  47
                                                                       }
24
         ypa.name = generate_random_string(3);
                                                                  48
         ypa.address = generate_random_string(20);
25
                                                                     Κώδικας 11: Γρήγορη αποθήκευση και αναζήτηση
         umap[ypa.name] = ypa;
26
                                                                     εγγραφών με τη χρήση της std::unordered map
         names.push back(ypa.name);
27
                                                                     (lab07 ex2.cpp)
28
```

```
1 Load factor: 0.79 employees found: 33565, employees not found: 6435 time elapsed: 0.01 seconds
```

### 4.3 Παράδειγμα 3

Στο παράδειγμα αυτό εξετάζονται τέσσερις διαφορετικοί τρόποι με τους οποίους ελέγχεται για ένα μεγάλο πλήθος τιμών (5.000.000) πόσες από αυτές περιέχονται σε ένα δεδομένο σύνολο 1.000 τιμών. Οι τιμές είναι ακέραιες και επιλέγονται με τυχαίο τρόπο στο διάστημα [0,100.000]. Ο χρόνος που απαιτεί η κάθε προσέγγιση χρονομετρείται.

- Η πρώτη προσέγγιση (scenario1) χρησιμοποιεί ένα vector για να αποθηκεύσει το σύνολο των 1.000 τυχαίων ακεραίων τιμών και αναζητά σειριακά κάθε τιμή στο vector.
- Η δεύτερη προσέγγιση (scenario2) χρησιμοποιεί επίσης ένα vector για να αποθηκεύσει το σύνολο των 1.000 τυχαίων ακεραίων τιμών, τις ταξινομεί και αναζητά κάθε τιμή στο ταξινομημένο vector.
- Η τρίτη προσέγγιση (scenario3) αποθηκεύει τις 1.000 τυχαίες ακεραίες τιμές σε ένα std::set (υλοποιείται στην STL ως δυαδικό δένδρο αναζήτησης) και αναζητά κάθε τιμή σε αυτό.
- Η τέταρτη προσέγγιση (scenario4) αποθηκεύει τις 1.000 τυχαίες ακεραίες τιμές σε ένα std::unordered set (υλοποιείται στην STL ως πίνακας κατακερματισμού) και αναζητά κάθε τιμή σε αυτό.

```
6 #include <set>
1 #include <algorithm>
                                                                7 #include <unordered set>
 #include <bitset>
                                                                8 #include <vector>
 #include <chrono>
 #include <iostream>
                                                               10 using namespace std;
 #include <random>
                                                                11 using namespace std::chrono;
```

Load factor: 0.95 employees found: 54478, employees not found: 5522 time elapsed: 0.01 seconds

Load factor: 0.57 employees found: 159172, employees not found: 828 time elapsed: 0.02 seconds

```
12
                                                                     59
  // number of items in the set
13
                                                                     60
  constexpr int N = 1000;
                                                                        int main() {
                                                                           long seed = 1821;
  // number of values checked whether they exist in the set
                                                                     62
  constexpr int M = 5E6;
                                                                           mt19937 mt(seed);
16
                                                                     63
                                                                           high resolution clock::time point t1, t2;
17
   uniform int distribution<uint32 t> dist(0, 1E5);
                                                                           duration < double, std::micro > duration micro;
18
                                                                     65
                                                                           vector<uint32 t> avector(N);
                                                                     66
19
   void scenario1(vector<uint32 t> &avector) {
                                                                           // fill vector with random values using std::generate and
20
                                                                     67
     long seed = 1940;
                                                                                 lambda function
21
     mt19937 mt(seed);
                                                                           std::generate(avector.begin(), avector.end(), [&mt]() { return
22
                                                                     68
     int c = 0;
                                                                                dist(mt); });
23
     for (int i = 0; i < M; i++)
24
       if (find(avector.begin(), avector.end(), dist(mt)) != avector.
                                                                           t1 = high resolution clock::now();
25
                                                                           scenario1(avector);
             end())
                                                                     71
         c++:
                                                                           t2 = high resolution clock::now();
26
     cout << "Values in the set (using unsorted vector): " << c << " 73
                                                                           duration micro = t^2 - t^2;
27
                                                                           cout << "elapsed time: " << duration micro.count() / 1E6 << "
                                                                                 seconds"
28
                                                                                 << endl;
29
                                                                     75
   void scenario2(vector<uint32 t> &avector) {
                                                                     76
30
31
     sort(avector.begin(), avector.end());
                                                                     77
                                                                           t1 = high resolution clock::now();
32
     long seed = 1940;
                                                                     78
                                                                           scenario2(avector);
33
     mt19937 mt(seed);
                                                                           t2 = high resolution clock::now();
                                                                           duration micro = t^2 - t^2;
34
     int c = 0;
     for (int i = 0; i < M; i++)
                                                                           cout << "elapsed time: " << duration micro.count() / 1E6 << "
35
       if (binary search(avector.begin(), avector.end(), dist(mt)))
                                                                                 seconds"
36
                                                                                << endl;
37
     cout << "Values in the set (using sorted vector): " << c << "; 83
38
                                                                           set<uint32 t> aset(avector.begin(), avector.end());
39
                                                                     84
                                                                           t1 = high resolution clock::now();
40
                                                                     85
   void scenario3(set<uint32 t> &aset) {
                                                                           scenario3(aset);
41
                                                                     86
     long seed = 1940;
                                                                           t2 = high resolution clock::now();
42
                                                                     87
     mt19937 mt(seed);
                                                                           duration micro = t^2 - t^2;
43
                                                                           cout << "elapsed time: " << duration micro.count() / 1E6 << "
     int c = 0;
44
45
     for (int i = 0; i < M; i++)
                                                                                 seconds"
       if (aset.find(dist(mt)) != aset.end())
46
                                                                                 << endl:
         c++;
47
                                                                     91
     cout << "Values in the set (using std::set): " << c << "";
                                                                           unordered set<uint32 t> auset(avector.begin(), avector.end());
48
                                                                     92
                                                                           t1 = high resolution clock::now();
49
                                                                     93
                                                                           scenario4(auset);
50
                                                                     94
   void scenario4(unordered set<uint32 t> &auset) {
                                                                           t2 = high resolution clock::now();
                                                                     95
51
     long seed = 1940;
                                                                           duration micro = t^2 - t^2;
52
                                                                     96
                                                                           cout << "elapsed time: " << duration micro.count() / 1E6 << "
     mt19937 mt(seed);
53
     int c = 0;
                                                                                 seconds"
54
     for (int i = 0; i < M; i++)
                                                                                 << endl;
55
                                                                     98
       if (auset.find(dist(mt)) != auset.end())
56
                                                                     99
57
                                                                         Κώδικας 12: Έλεγχος ύπαρξης τιμών σε ένα σύνολο
     cout << "Values in the set (using std::unordered_set): " << c</pre>
58
                                                                         τιμών (lab07_ex3.cpp)
```

Values in the set (using unsorted vector): 49807 elapsed time: 34.8646 seconds

Values in the set (using sorted vector): 49807 elapsed time: 1.7819 seconds

<sup>3</sup> Values in the set (using std::set): 49807 elapsed time: 1.7591 seconds

Values in the set (using std::unordered\_set): 49807 elapsed time: 0.921053 seconds

# 5 Ασκήσεις

- 1. Γράψτε μια συνάρτηση που να δέχεται έναν πίνακα ακεραίων Α και έναν ακέραιο αριθμό sum και να βρίσκει το πλήθος από όλα τα ζεύγη τιμών του Α που το άθροισμά τους είναι ίσο με sum.
- 2. Γράψτε ένα πρόγραμμα που για ένα λεκτικό που θα δέχεται ως είσοδο, να επιστρέφει το χαρακτήρα (γράμματα κεφαλαία, γράμματα πεζά, ψηφία, σύμβολα) που εμφανίζεται περισσότερες φορές καθώς και πόσες φορές εμφανίζεται στο λεκτικό.
- 3. Γράψτε μια συνάρτηση που να δέχεται έναν πίνακα ακεραίων Α και έναν ακέραιο αριθμό Κ και να βρίσκει τη μεγαλύτερη σε μήκος υποακολουθία στοιχείων του Α που έχει άθροισμα ίσο με Κ.
- 4. Γράψτε ένα πρόγραμμα που να δέχεται μια λέξη και να βρίσκει γρήγορα όλες τις άλλες έγκυρες λέξεις που είναι αναγραμματισμοί της λέξης που δόθηκε. Θεωρείστε ότι έχετε δεδομένο ένα αρχείο κειμένου με όλες τις έγκυρες λέξεις (words.txt), μια ανά γραμμή.

# Αναφορές

- [1] Wikibooks, Data Structures Hash Tables, https://en.wikibooks.org/wiki/Data Structures/Hash Tables
- [2] C++ tutorial: Intro to Hash Tables, https://pumpkinprogrammerdotcom4.wordpress.com/2014/06/21/c-tutorial-intro-to-hash-tables/
- [3] HackerEarth, Basics of Hash Tables, https://www.hackerearth.com/practice/data-structures/hash-tables/basics-of-hash-tables/tutorial/
- [4] VisualAlgo.net Open Addressing (LP, QP, DH) and Separate Chaining Visualization, https://visualgo.net/en/hashtable