Δομές Δεδομένων και Αλγόριθμοι - Εργαστήριο 4 Γραμμικές λίστες (στατικές λίστες και συνδεδεμένες λίστες), λίστες της STL

Πανεπιστήμιο Ιωαννίνων, Τμήμα Πληροφορικής και Τηλεπικοινωνιών Χρήστος Γκόγκος - Αναπληρωτής Καθηγητής

1 Εισαγωγή

Οι γραμμικές λίστες είναι δομές δεδομένων που επιτρέπουν την αποθήκευση και την προσπέλαση στοιχείων έτσι ώστε τα στοιχεία να βρίσκονται σε μια σειρά με σαφώς ορισμένη την έννοια της θέσης καθώς και το ποιο στοιχείο προηγείται και ποιο έπεται καθενός. Σε χαμηλού επιπέδου γλώσσες προγραμματισμού όπως η C η υλοποίηση γραμμικών λιστών είναι ευθύνη του προγραμματιστή. Από την άλλη μεριά, γλώσσες υψηλού επιπέδου όπως η C++, η Java, η Python κ.α. προσφέρουν έτοιμες υλοποιήσεις γραμμικών λιστών. Ωστόσο, η γνώση υλοποίησης των συγκεκριμένων δομών (όπως και άλλων) αποτελεί βασική ικανότητα η οποία αποκτά ιδιαίτερη χρησιμότητα όταν ζητούνται εξειδικευμένες υλοποιήσεις. Στο συγκεκριμένο εργαστήριο θα παρουσιαστούν δύο πιθανές υλοποιήσεις γραμμικών λιστών (στατικής λίστας και απλά συνδεδεμένης λίστας) καθώς και οι ενσωματωμένες δυνατότητες της C++ μέσω containers της STL όπως το vector, το list και άλλα.

2 Γραμμικές λίστες

Υπάρχουν δύο βασικοί τρόποι αναπαράστασης γραμμικών λιστών, η στατική αναπαράσταση η οποία γίνεται με τη χρήση πινάκων και η αναπαράσταση με συνδεδεμένη λίστα η οποία γίνεται με τη χρήση δεικτών.

2.1 Στατικές γραμμικές λίστες

Στη στατική γραμμική λίστα τα δεδομένα αποθηκεύονται σε ένα πίνακα. Κάθε στοιχείο της στατικής λίστας μπορεί να προσπελαστεί με βάση τη θέση του στον ίδιο σταθερό χρόνο με όλα τα άλλα στοιχεία άσχετα με τη θέση στην οποία βρίσκεται (τυχαία προσπέλαση). Ο κώδικας υλοποίησης μιας στατικής λίστας με μέγιστη χωρητικότητα 50.000 στοιχείων παρουσιάζεται στη συνέχεια.

```
#include <iostream>
                                                                        17
                                                                                 return static list.elements[i];
  #include <stdexcept>
  using namespace std;
                                                                           // get the position of item x
                                                                           template <class T> int search(static list<T> &static list, T x) {
  const int MAX = 50000;
                                                                              for (int i = 0; i < \text{static list.size}; i++)
   template <class T> struct static list {
                                                                                 if (static list.elements[i] == x)
                                                                        23
     T elements[MAX];
                                                                                   return i;
                                                                        24
     int size = 0;
                                                                        25
                                                                              return -1;
10
                                                                        26
  // get item at position i
                                                                           // append item x at the end of the list
  template <class T> T access(static list<T> &static list, int i) {
13
                                                                           template <class T> void push_back(static_list<T> &static_list, T
     if (i < 0 \parallel i >= static \ list.size)
14
       throw out_of_range("the index is out of range");
```

```
if (static list.size == MAX)
                                                                           48 // delete item at position i, shift the rest to the left
        throw "full list exception";
                                                                              template <class T> void delete item(static list<T> &static list,
31
     static list.elements[static list.size] = x;
                                                                                     int i) {
32
                                                                                 if (i < 0 \parallel i >= static \ list.size)
     static list.size++;
33
                                                                           50
                                                                                    throw out of range("the index is out of range");
34
                                                                           51
                                                                                 for (int k = i; k < static_list.size; k++)</pre>
35
                                                                           52
   // append item x at position i, shift the rest to the right
                                                                                    static list.elements[k] = static list.elements[k + 1];
36
                                                                           53
   template <class T> void insert(static list<T> &static list, int i, T 54
                                                                                 static list.size--;
37
          x) {
                                                                           55
     if (static list.size == MAX)
38
                                                                           56
        throw "full list exception";
                                                                              template <class T> void print list(static list<T> &static list) {
39
     if (i < 0 \parallel i >= static \ list.size)
40
        throw out_of_range("the index is out of range");
                                                                                 for (int i = 0; i < \text{static list.size}; i++)
41
                                                                                   cout << static_list.elements[i] << " ";</pre>
     for (int k = \text{static list.size}; k > i; k--)
42
        static list.elements[k] = static list.elements[k - 1];
                                                                                 cout << endl;
43
     static list.elements[i] = x;
44
                                                                           62 }
     static list.size++;
45
                                                                              Κώδικας 1: Υλοποίηση στατικής γραμμικής λίστας
46
```

20

22

25

28

30

32

(static list.cpp)

```
#include "static list.cpp"
  #include <iostream>
  using namespace std;
  int main(void) {
     static list<int> alist;
     cout << "#1. Add items 10, 20 and 30" << endl;
     push back(alist, 10);
     push back(alist, 20);
10
     push back(alist, 30);
     print list(alist);
     cout << "#2. Insert at position 1 item 15" << endl;
13
     insert(alist, 1, 15);
14
     print list(alist);
15
     cout << "#3. Delete item at position 0" << endl;
16
     delete item(alist, 0);
17
     print list(alist);
18
     cout << "#4. Item at position 2: " << access(alist, 2) << endl;
19
```

47

```
cout \ll "#5. Item at position -1" \ll access(alist, -1) \ll
     } catch (out_of_range oor) {
       cerr << "Exception: " << oor.what() << endl;</pre>
23
24
     cout << "#6. Search for item 20: " << search(alist, 20) << endl;
     cout << "#7. Search for item 21: " << search(alist, 21) << endl;
26
     cout << "#8. Append item 99 until full list exception occurs"
           << endl;
     try {
29
       while (true)
         push back(alist, 99);
     } catch (const char *msg) {
       cerr << "Exception: " << msg << endl;
33
34
```

Κώδικας 2: Παράδειγμα με στατική γραμμική λίστα (list1.cpp)

```
1 #1. Add items 10, 20 and 30
2 List: 10 20 30
3 #2. Insert at position 1 item 15
4 List: 10 15 20 30
5 #3. Delete item at position 0
6 List: 15 20 30
7 #4. Item at position 2: 30
8 Exception: the index is out of range
9 #6. Search for item 20: 1
10 #7. Search for item 21:-1
11 #8. Append item 99 until full list exception occurs
12 Exception: full list exception
```

Εξαιρέσεις στη C++ Στους κώδικες που προηγήθηκαν καθώς και σε επόμενους γίνεται χρήση εξαιρέσεων (exceptions) για να σηματοδοτηθούν γεγονότα τα οποία αφορούν έκτακτες καταστάσεις που το πρόγραμμα θα πρέπει να διαχειρίζεται. Για παράδειγμα, όταν επιχειρηθεί η προσπέλαση ενός στοιχείου σε μια θέση εκτός των ορίων της λίστας (π.χ. ενέργεια 5 στον κώδικα 2) τότε γίνεται throw ένα exception out of range το οποίο θα πρέπει να συλληφθεί (να γίνει catch) από τον κώδικα που καλεί τη συνάρτηση που προκάλεσε το throw

exception. Περισσότερες πληροφορίες για τα exceptions και τον χειρισμό τους μπορούν να αναζητηθούν στην αναφορά [1].

Σχετικά με τις στατικές γραμμικές λίστες ισχύει ότι έχουν τα ακόλουθα πλεονεκτήματα:

- Εύκολη υλοποίηση.
- Σταθερός χρόνος, O(1), εντοπισμού στοιχείου με βάση τη θέση του.
- Γραμμικός χρόνος, O(n), για αναζήτηση ενός στοιχείου ή λογαριθμικός χρόνος, O(log(n)), αν τα στοιχεία είναι ταξινομημένα.

Ωστόσο, οι στατικές γραμμικές λίστες έχουν και μειονεκτήματα τα οποία παρατίθενται στη συνέχεια:

- Δέσμευση μεγάλου τμήματος μνήμης ακόμη και όταν η λίστα είναι άδεια ή περιέχει λίγα στοιχεία.
- Επιβολή άνω ορίου στα δεδομένα τα οποία μπορεί να δεχθεί (ο περιορισμός αυτός μπορεί να ξεπεραστεί με συνθετότερη υλοποίηση που αυξομειώνει το μέγεθος του πίνακα υποδοχής όταν αυτό απαιτείται).
- Γραμμικός χρόνος O(n) για εισαγωγή και διαγραφή στοιχείων του πίνακα.

2.2 Συνδεδεμένες γραμμικές λίστες

Η συνδεδεμένη γραμμική λίστα αποτελείται από μηδέν ή περισσότερους κόμβους. Κάθε κόμβος περιέχει δεδομένα και έναν ή περισσότερους δείκτες σε άλλους κόμβους της συνδεδεμένης λίστας. Συχνά χρησιμοποιείται ένας πρόσθετος κόμβος με όνομα head (κόμβος κεφαλής) που δείχνει στο πρώτο στοιχείο της λίστας και μπορεί να περιέχει επιπλέον πληροφορίες όπως το μήκος της. Στη συνέχεια παρουσιάζεται ο κώδικας που υλοποιεί μια απλά συνδεδεμένη λίστα.

```
-33
  #include <iostream>
                                                                     34 // get the position of item x
  #include <stdexcept>
                                                                     35 template <class T> int search(linked list<T> &linked list, T x) {
                                                                           struct node<T> *current = linked list.head;
                                                                     36
  using namespace std;
                                                                     37
                                                                           int i = 0:
                                                                           while (current != NULL) {
                                                                     38
  template <class T> struct node {
                                                                             if (current -> data == x)
                                                                     39
     T data:
                                                                               return i;
                                                                     40
     struct node<T> *next = NULL:
8
                                                                     41
9
  };
                                                                             current = current->next;
                                                                     42
10
                                                                     43
11 template <class T> struct linked list {
                                                                           return -1;
                                                                     44
     struct node<T> *head = NULL;
12
                                                                     45 }
13
     int size = 0;
                                                                     46
14
                                                                     47 // append item x at the end of the list
15
                                                                     48 template <class T> void push back(linked list<T> &l, T x) {
  // get node item at position i
                                                                           struct node<T> *new_node, *current;
  template <class T>
17
                                                                           new node = new node < T > ();
18 struct node<T> *access node(linked list<T> &linked list, int i)
                                                                           new_node \rightarrow data = x;
                                                                           new node->next = NULL;
     if (i < 0 \parallel i >= linked list.size)
19
                                                                           current = 1.head;
       throw out of range("the index is out of range");
20
                                                                          if (current == NULL) {
                                                                     54
     struct node<T> *current = linked list.head;
21
                                                                     55
                                                                             1.head = new node;
     for (int k = 0; k < i; k++)
22
                                                                     56
                                                                             l.size++;
       current = current->next;
23
                                                                     57
                                                                          } else {
     return current;
24
                                                                     58
                                                                             while (current->next != NULL)
25
                                                                               current = current -> next;
26
                                                                             current->next = new node;
                                                                     60
27 // get node item at position i
                                                                             1.size++;
                                                                     61
28 template <class T>
                                                                     62
29 T access(linked list<T> &linked list, int i) {
                                                                        }
                                                                     63
     struct node<T> *item = access_node(linked_list, i);
                                                                     64
     return item->data;
31
                                                                        // append item x after position i
32
                                                                     66 template <class T> void insert after(linked list<T> &linked list,
```

```
int i, T x) {
                                                                    94 // delete item at position i
                                                                       template <class T> void delete item(linked list<T> &l, int i) {
     if (i < 0 \parallel i >= linked list.size)
67
       throw out of range("the index is out of range");
                                                                         if (i < 0 || i >= 1.size)
68
     struct node<T> *ptr = access node(linked list, i);
                                                                            throw out_of_range("the index is out of range");
                                                                    97
69
     struct node<T> *new node = new node<T>();
                                                                         if(i == 0) {
70
                                                                    98
     new node->data = x;
                                                                            struct node<T> *ptr = l.head;
71
                                                                    99
     new node->next = ptr->next;
                                                                            l.head = ptr—>next;
72
                                                                    100
     ptr->next = new node;
                                                                            delete ptr;
73
                                                                   101
74
     linked list.size++;
                                                                          } else {
                                                                   102
75
                                                                            struct node<T>*ptr = access node(1, i - 1);
                                                                   103
                                                                            struct node<T> *to be deleted = ptr->next;
76
                                                                   104
   // append item at the head
                                                                            ptr->next = to be deleted->next;
77
   template <class T> void insert head(linked list<T> &linked list,06
                                                                            delete to be deleted;
     struct node<T>*new node= new node<T>();
                                                                   108
                                                                         1.size--;
79
     new node->data = x;
80
                                                                   109 }
     new node->next = linked list.head;
81
                                                                   110
     linked list.head = new node;
                                                                   template <class T> void print list(linked list<T> &l) {
82
     linked list.size++;
                                                                         cout << "List: ";
83
                                                                   112
                                                                         struct node<T> *current = 1.head;
84
                                                                   113
                                                                         while (current != NULL) {
85
                                                                   114
   // append item x at position i
                                                                            cout << current->data << "";
86
   template <class T> void insert(linked list<T> &linked list, int i,116
                                                                            current = current->next;
87
     if(i == 0)
                                                                    118
                                                                         cout << endl;
       insert head(linked list, x);
89
                                                                   119
90
       insert after(linked list, i - 1, x);
                                                                       Κώδικας 3: Υλοποίηση συνδεδεμένης γραμμικής
91
                                                                       λίστας (linked list.cpp)
92
93
```

18

21

22

25

28

29

```
#include "linked list.cpp"
  #include <iostream>
4
  using namespace std;
  int main(int argc, char *argv[]) {
     linked list<int> alist;
     cout << "#1. Add items 10, 20 and 30" << endl;
     push back(alist, 10);
q
                                                                       26
     push back(alist, 20);
10
                                                                       27
     push back(alist, 30);
11
     print list(alist);
12
     cout << "#2. Insert at position 1 item 15" << endl;
13
     insert(alist, 1, 15);
15
     print list(alist):
     cout << "#3. Delete item at position 0" << endl;
16
     delete_item(alist, 0);
17
```

```
print list(alist);
     cout << "#4. Item at position 2: " << access(alist, 2) << endl;
19
20
       cout \ll "#5. Item at position -1" \ll access(alist, -1) \ll
     } catch (out of range oor) {
       cerr << "Exception: " << oor.what() << endl;</pre>
23
24
     cout << "#6. Search for item 20: " << search(alist, 20) << endl;
     cout << "#7. Search for item 21: " << search(alist, 21) << endl;
     cout << "#8. Delete allocated memory " << endl;
     for (int i = 0; i < alist.size; i++)
       delete item(alist, i);
```

Κώδικας 4: Παράδειγμα με συνδεδεμένη γραμμική λίστα (list2.cpp)

```
1 #1. Add items 10, 20 and 30
2 List: 10 20 30
3 #2. Insert at position 1 item 15
4 List: 10 15 20 30
5 #3. Delete item at position 0
6 List: 15 20 30
7 #4. Item at position 2: 30
8 Exception: the index is out of range
9 #6. Search for item 20: 1
10 #7. Search for item 21:-1
11 #8. Delete allocated memory
```

Οι συνδεδεμένες γραμμικές λίστες έχουν τα ακόλουθα πλεονεκτήματα:

- Καλή χρήση του αποθηκευτικού χώρου (αν και απαιτείται περισσότερος χώρος για την αποθήκευση κάθε κόμβου λόγω των δεικτών).
- Σταθερός χρόνος, O(1), για την εισαγωγή και διαγραφή στοιχείων.

Από την άλλη μεριά τα μειονεκτήματα των συνδεδεμένων λιστών είναι τα ακόλουθα:

- Συνθετότερη υλοποίηση.
- Δεν επιτρέπουν την απευθείας μετάβαση σε κάποιο στοιχείο με βάση τη θέση του.

Οι αναφορές [2] και [3] παρέχουν χρήσιμες πληροφορίες και ασκήσεις σχετικά με τις συνδεδεμένες λίστες και το ρόλο των δεικτών στην υλοποίησή τους.

2.3 Γραμμικές λίστες της STL

Τα containers της STL που μπορούν να λειτουργήσουν ως διατεταγμένες συλλογές (ordered collections) είναι τα ακόλουθα: vector, deque, arrays, list, forward list και bitset.

2.3.1 Vectors

Τα vectors αλλάζουν αυτόματα μέγεθος καθώς προστίθενται ή αφαιρούνται στοιχεία σε αυτά. Τα δεδομένα τους τοποθετούνται σε συνεχόμενες θέσεις μνήμης. Περισσότερες πληροφορίες για τα vectors μπορούν να βρεθούν στις αναφορές [4] και [5]. Στο ακόλουθο παράδειγμα παρουσιάζονται 4 διαφορετικοί τρόποι με τους οποίους μπορεί να προσπελαστεί το πρώτο και το τελευταίο στοιχείο του διανύσματος καθώς και η δυνατότητα ελέγχου με τον τελεστή της ισότητας σχετικά με το αν δύο διανύσματα είναι ίσα.

```
cout << "1. The last element is " << v1.back() << endl;
1 #include <iostream>
                                                                         cout << "2. The last element is " << v1[3] << endl;
                                                                   12
2 #include <vector>
                                                                         cout << "3. The last element is " << v1.at(3) << endl;
                                                                   13
                                                                         cout << "4. The last element is " << *(v1.end() - 1) << endl;
                                                                   14
4 using namespace std;
                                                                   15
5 int main() {
                                                                        vector<int> v2{10, 20, 30, 40};
                                                                   16
    vector<int> v1{10, 20, 30, 40};
                                                                        if(v1 == v2)
                                                                   17
    cout << "1. The first element is " << v1.front() << endl;
                                                                           cout << "equal vectors" << endl;</pre>
                                                                   18
    cout << "2. The first element is " << v1[0] << endl;
                                                                   19 }
    cout << "3. The first element is " << v1.at(0) << endl;
    cout << "4. The first element is " << *(v1.begin()) << endl;</pre>
                                                                          Κώδικας 5: Παράδειγμα με vectors (vector.cpp)
```

1 1. The first element is 10
2 2. The first element is 10
3 3. The first element is 10
4 4. The first element is 10
5 1. The last element is 40
6 2. The last element is 40
7 3. The last element is 40
8 4. The last element is 40
9 equal vectors

2.3.2 Deques

Τα deques (double ended queues = ουρές με δύο άκρα) είναι παρόμοια με τα vectors αλλά μπορούν να προστεθούν ή να διαγραφούν στοιχεία τόσο από την αρχή όσο και από το τέλος τους. Περισσότερες πληροφορίες για τα deques μπορούν να βρεθούν στην αναφορά [6]. Στο παράδειγμα που ακολουθεί εισάγονται σε ένα deque εναλλάξ στο αριστερό και στο δεξί άκρο οι άρτιοι και οι περιττοί ακέραιοι αριθμοί στο διάστημα [1,20].

```
de.push front(i);
                                                                      10
1 #include <deque>
                                                                              else
                                                                      11
  #include <iostream>
                                                                      12
                                                                                de.push back(i);
                                                                      13
  using namespace std;
4
                                                                           for (int x : de)
                                                                      14
                                                                              cout << x << "";
                                                                      15
  int main() {
                                                                           cout << endl:
                                                                      16
    deque<int> de;
                                                                      17
    for (int i = 1; i \le 20; i++)
      if (i \% 2 == 0)
```

Κώδικας 6: Παράδειγμα με deque (deque.cpp)

1 20 18 16 14 12 10 8 6 4 2 1 3 5 7 9 11 13 15 17 19

2.3.3 Arrays

Τα arrays εισήχθησαν στη C++11 με στόχο να αντικαταστήσουν τους απλούς πίνακες της C. Κατά τη δήλωση ενός array προσδιορίζεται και το μέγεθός του. Περισσότερες πληροφορίες για τα arrays μπορούν να βρεθούν στην αναφορά [7]. Στο ακόλουθο παράδειγμα δημιουργείται ένα array με 5 πραγματικές τιμές, ταξινομείται και εμφανίζεται.

```
array<double, 5> a {6.5, 2.1, 7.2, 8.1, 1.9};
1 #include <algorithm>
                                                                          sort(a.begin(), a.end());
                                                                     9
 #include <array>
                                                                          for (double x : a)
                                                                    10
  #include <iostream>
                                                                    11
                                                                            cout << x << "";
                                                                    12
                                                                          cout << endl;
  using namespace std;
                                                                    13
 int main() {
```

Κώδικας 7: Παράδειγμα με array (array.cpp)

1 1.9 2.1 6.5 7.2 8.1

2.3.4 Lists

Οι lists είναι διπλά συνδεδεμένες λίστες. Δηλαδή κάθε κόμβος της λίστας διαθέτει έναν δείκτη προς το επόμενο και έναν δείκτη προς το προηγούμενο στοιχείο στη λίστα. Περισσότερες πληροφορίες για τις lists μπορούν να βρεθούν στην αναφορά [8]. Στο παράδειγμα που ακολουθεί μια διπλά συνδεδεμένη λίστα διανύεται από δεξιά προς τα αριστερά και από αριστερά προς τα δεξιά στην ίδια επανάληψη.

```
#include <iostream>
                                                                   11
                                                                        while (it != alist.end()) {
#include <list>
                                                                          cout << "Forwards:" << *it << endl;</pre>
                                                                   12
                                                                          cout << "Backwards:" << *rit << endl;
                                                                   13
using namespace std;
                                                                           it++:
                                                                   14
                                                                          rit++;
                                                                   15
int main() {
                                                                   16
  list<int> alist{10, 20, 30, 40};
                                                                   17
  list<int>::iterator it = alist.begin();
                                                                         Κώδικας 8: Παράδειγμα με list (forward list.cpp)
  list<int>::reverse iterator rit = alist.rbegin();
```

```
1 Forwards:10
```

² Backwards:40

³ Forwards:20

⁴ Backwards:30

⁵ Forwards:30

⁶ Backwards:20

- 7 Forwards:40
- 8 Backwards:10

2.3.5 Forward Lists

Οι forward lists (λίστες προς τα εμπρός) είναι απλά συνδεδεμένες λίστες με κάθε κόμβο να διαθέτει έναν δείκτη προς το επόμενο στοιχείο της λίστας. Περισσότερες πληροφορίες για τις forward lists μπορούν να βρεθούν στις αναφορές [9] και [10]. Ακολουθεί ένα παράδειγμα που αντιστρέφει μια απλά συνδεδεμένη λίστα στην οποία έχουν πριν προστεθεί στοιχεία.

```
cout << endl;
  #include <forward list>
                                                                       fl.reverse();
  #include <iostream>
                                                                       for (int x : fl)
                                                                  11
                                                                         cout << x << " ";
                                                                  12
4 using namespace std;
                                                                       cout << endl;
                                                                  13
5 int main() {
                                                                  14
    forward list<int> f1{10, 20, 30, 40, 50};
                                                                                                                       forward list
    for (int x : fl)
                                                                     Κώδικας
                                                                                            Παράδειγμα
                                                                                                               με
                                                                     (forward list.cpp)
      cout << x << "";
1 10 20 30 40 50
2 50 40 30 20 10
```

2.3.6 Bitset

Τα bitsets είναι πίνακες με λογικές τιμές τις οποίες αποθηκεύουν με αποδοτικό τρόπο καθώς για κάθε λογική τιμή απαιτείται μόνο 1 bit. Το μέγεθος ενός bitset πρέπει να είναι γνωστό κατά τη μεταγλώττιση. Μια ιδιαιτερότητά του είναι ότι οι δείκτες θέσης που χρησιμοποιούνται για την αναφορά στα στοιχεία του ξεκινούν την αρίθμησή τους με το μηδέν από δεξιά και αυξάνονται προς τα αριστερά. Για παράδειγμα ένα bitset με τιμές 101011 έχει την τιμή 1 στις θέσεις 0,1,3,5 και 0 στις θέσεις 2 και 4. Περισσότερες πληροφορίες για τα bitsets μπορούν να βρεθούν στις αναφορές [11] και [12]. Ακολουθεί ένα παράδειγμα που εμφανίζει χρησιμοποιώντας 5 δυαδικά ψηφία τους ακέραιους αριθμούς από το 0 μέχρι το 7.

```
#include <bitset>
#include <iostream>

using namespace std;

int main() {
    for (int x = 0; x < 8; x++) {
        bitset < 5 > b(x);
        cout << x << "==> " << b << " bits set " << b.count() << endl;
}

}
```

Κώδικας 10: Παράδειγμα με bitset (bitset.cpp)

```
1 0 => 00000 bits set 0
2 1 => 00001 bits set 1
3 2 => 00010 bits set 1
4 3 => 00011 bits set 2
5 4 => 00100 bits set 1
6 5 => 00101 bits set 2
7 6 => 00110 bits set 2
8 7 => 00111 bits set 3
```

3 Παραδείγματα

3.1 Παράδειγμα 1

Γράψτε ένα πρόγραμμα που να ελέγχεται από το ακόλουθο μενού και να πραγματοποιεί τις λειτουργίες που περιγράφονται σε μια απλά συνδεδεμένη λίστα με ακεραίους.

- 1. Εμφάνιση στοιχείων λίστας. (Show list)
- 2. Εισαγωγή στοιχείου στο πίσω άκρο της λίστας. (Insert item (back))
- 3. Εισαγωγή στοιχείου σε συγκεκριμένη θέση. (Insert item (at position))
- 4. Διαγραφή στοιχείου σε συγκεκριμένη θέση. (Delete item (from position))
- 5. Διαγραφή όλων των στοιχείων που έχουν την τιμή. (Delete all items having value)
- 6. Έξοδος. (Exit)

31

32

case 2:

```
cout << "Enter value:";
1 #include "linked list.cpp"
                                                                                    cin >> value;
                                                                       34
   #include <iostream>
                                                                        35
                                                                                    push back(alist, value);
                                                                        36
                                                                                    break:
   using namespace std;
4
                                                                                  case 3:
                                                                        37
                                                                                    cout << "Enter position and value:";
  int main(int argc, char **argv) {
                                                                                    cin >> position >> value;
                                                                        39
     linked list<int> alist;
                                                                                    insert(alist, position, value);
                                                                        40
     int choice, position, value;
                                                                                    break;
                                                                       41
     do {
                                                                                  case 4:
                                                                       42
       cout << "1.Show list"
10
                                                                                    cout << "Enter position:";</pre>
                                                                       43
             << "-";
11
                                                                                    cin >> position;
                                                                       44
       cout << "2.Insert item (back)"
12
                                                                                    delete item(alist, position);
                                                                       45
             << "-";
13
                                                                                    break:
                                                                        46
       cout << "3.Insert item (at position)"
                                                                        47
                                                                                  case 5:
            << "-";
15
                                                                        48
                                                                                    cout << "Enter value:";
       cout << "4.Delete item (from position)"</pre>
16
                                                                                    cin >> value;
            << "-":
17
                                                                                    int i = 0;
                                                                        50
       cout << "5.Delete all items having value"
18
                                                                                    while (i < alist.size)
                                                                        51
19
                                                                                      if (access(alist, i) == value)
                                                                        52
       cout << "6.Exit" << endl;
20
                                                                                         delete item(alist, i);
                                                                        53
       cout << "Enter choice:";</pre>
21
                                                                                      else
                                                                        54
22
       cin >> choice;
                                                                        55
                                                                                         i++:
       if (choice < 1 \parallel choice > 6) {
23
                                                                        56
          cerr << "Choice should be 1 to 6" << endl;
24
                                                                                } catch (out of range oor) {
                                                                        57
25
          continue;
                                                                                  cerr << "Out of range, try again" << endl;
26
                                                                        59
       try {
27
                                                                             \} while (choice != 6);
          switch (choice) {
28
          case 1:
29
            print list(alist);
30
                                                                           Κώδικας 11: Έλεγχος συνδεδεμένης λίστας ακεραίων
            break;
```

μέσω μενού (lab04 ex1.cpp)

```
1 1.Show list-2.Insert item (back)-3.Insert item (at position)-4.Delete item (from position)-5.Delete all items having value-6.Exit
3 Enter value:10
4 1.Show list-2.Insert item (back)-3.Insert item (at position)-4.Delete item (from position)-5.Delete all items having value-6.Exit
6 Enter value:20
7 1.Show list-2.Insert item (back)-3.Insert item (at position)-4.Delete item (from position)-5.Delete all items having value-6.Exit
8 Enter choice:2
9 Enter value: 20
1. Show list - 2. Insert item (back) - 3. Insert item (at position) - 4. Delete item (from position) - 5. Delete all items having value - 6. Exit
11 Enter choice:3
12 Enter position and value:1 15
1. Show list - 2. Insert item (back) - 3. Insert item (at position) - 4. Delete item (from position) - 5. Delete all items having value - 6. Exit
```

```
    14 Enter choice:1
    15 List: 10 15 20 20
    16 1.Show list-2.Insert item (back)-3.Insert item (at position)-4.Delete item (from position)-5.Delete all items having value-6.Exit
    17 Enter choice:4
    18 Enter position:0
    19 1.Show list-2.Insert item (back)-3.Insert item (at position)-4.Delete item (from position)-5.Delete all items having value-6.Exit
    20 Enter choice:1
    21 List: 15 20 20
    22 1.Show list-2.Insert item (back)-3.Insert item (at position)-4.Delete item (from position)-5.Delete all items having value-6.Exit
    23 Enter choice:5
    24 Enter value:20
    25 1.Show list-2.Insert item (back)-3.Insert item (at position)-4.Delete item (from position)-5.Delete all items having value-6.Exit
    26 Enter choice:1
    27 List: 15
    28 1.Show list-2.Insert item (back)-3.Insert item (at position)-4.Delete item (from position)-5.Delete all items having value-6.Exit
    29 Enter choice:6
```

3.2 Παράδειγμα 2

Έστω μια τράπεζα που διατηρεί για κάθε πελάτη της τον κωδικό του και το υπόλοιπο του λογαριασμού του. Για τις ανάγκες του παραδείγματος θα δημιουργηθούν τυχαίοι πελάτες ως εξής: ο κωδικός κάθε πελάτη θα αποτελείται από 10 σύμβολα που θα επιλέγονται με τυχαίο τρόπο από τα γράμματα της αγγλικής αλφαβήτου και το υπόλοιπο κάθε πελάτη θα είναι ένας τυχαίος ακέραιος αριθμός από το 0 μέχρι το 5.000. Το πρόγραμμα θα πραγματοποιεί τις ακόλουθες λειτουργίες:

- Α΄ Θα δημιουργεί μια λίστα με 40.000 τυχαίους πελάτες.
- Β΄ Θα υπολογίζει το άθροισμα των υπολοίπων από όλους τους πελάτες που ο κωδικός τους ξεκινά με το χαρακτήρα Α.
- Γ΄ Θα προσθέτει για κάθε πελάτη που ο κωδικός του ξεκινά με το χαρακτήρα G στην αμέσως επόμενη θέση έναν πελάτη με κωδικό το αντίστροφο κωδικό του πελάτη και το ίδιο υπόλοιπο λογαριασμού.
- Δ΄ Θα διαγράφει όλους τους πελάτες που ο κωδικός τους ξεκινά με το χαρακτήρα Β.

Τα δεδομένα θα αποθηκεύονται σε μια συνδεδεμένη λίστα πραγματοποιώντας χρήση του κώδικα 3 καθώς και άλλων συναρτήσεων που επιτρέπουν την αποδοτικότερη υλοποίηση των παραπάνω ερωτημάτων.

```
string letters en("ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ")
 1 #include "linked list.cpp"
  #include <algorithm>
                                                                        for (int j = 0; j < k; j++) {
                                                                  25
  #include <chrono>
                                                                         char c{letters en[uni2(*mt)]};
4 #include <iomanip>
                                                                         code += c;
                                                                  27
5 #include <iostream>
6 #include <list>
                                                                  29
                                                                       return code:
7 #include <random>
                                                                  30
8 #include <string>
                                                                  31
                                                                     void generate data linked list(linked list<customer> &
                                                                  32
10 using namespace std;
                                                                           linked list, int N) {
11 using namespace std::chrono;
                                                                       struct node<customer> *current, *next customer;
                                                                  33
12
                                                                       current = new node<customer>();
                                                                  34
13 mt19937 *mt;
                                                                       current->data.code = generate random code(10);
                                                                  35
  uniform int distribution<int> uni1(0, 5000), uni2(0, 25);
                                                                       current—>data.balance = uni1(*mt);
15
                                                                       current -> next = NULL;
                                                                  37
16 struct customer {
                                                                       linked list.head = current;
                                                                  38
     string code:
17
                                                                       linked list.size++;
                                                                  39
     int balance:
18
                                                                       for (int i = 1; i < N; i++) {
                                                                  40
     bool operator (customer other) { return code < other.code; }
19
                                                                  41
                                                                         next customer = new node < customer > ();
20
                                                                         next customer—>data.code = generate random code(10);
                                                                  42
21
                                                                          next customer->data.balance = uni1(*mt);
                                                                  43
22 string generate random code(int k) {
                                                                          next customer—>next = NULL;
                                                                  44
     string code{};
                                                                  45
                                                                         current—>next = next customer;
```

```
current = next customer;
                                                                             if(cu.code.at(0) == c) {
        linked list.size++;
                                                                               ptr1 = linked list.head;
47
                                                                    102
48
                                                                               linked list.head = ptr1->next;
                                                                     103
49
                                                                               delete ptr1;
                                                                    104
                                                                               linked list.size--;
50
                                                                    105
   void print customers linked list(linked list<customer> &
51
                                                                    106
                                                                             } else
         linked list, int k) {
                                                                               break;
                                                                     107
      cout << "LIST SIZE=" << linked list.size << ": ";
52
                                                                    108
                                                                          if (linked list.size == 0)
     for (int i = 0; i < k; i++) {
53
                                                                    109
        customer cu = access(linked list, i);
                                                                             return;
54
                                                                    110
        cout << cu.code << " - " << cu.balance << " ";
                                                                          ptr1 = linked list.head;
55
                                                                     111
                                                                           struct node<customer> *ptr2 = ptr1->next;
56
                                                                    112
57
     cout << endl;
                                                                           while (ptr2 != NULL) {
                                                                    113
58
                                                                             customer cu = ptr2 -> data;
                                                                    114
                                                                             if(cu.code.at(0) == c) {
59
                                                                    115
    void total balance linked list(linked list<customer> &
                                                                               ptr1 -> next = ptr2 -> next;
60
                                                                    116
         linked list, char c) {
                                                                               delete (ptr2);
                                                                    117
     struct node<customer> *ptr;
                                                                               ptr2 = ptr1 -> next;
61
                                                                    118
     ptr = linked list.head;
                                                                               linked list.size--;
62
                                                                    119
     int i = 0;
                                                                             } else {
63
                                                                    120
64
     int sum = 0;
                                                                     121
                                                                               ptr1 = ptr2;
     while (ptr != NULL) {
                                                                    122
                                                                               ptr2 = ptr2 -> next;
65
        customer cu = ptr->data;
                                                                    123
66
67
        if(cu.code.at(0) == c)
                                                                     124
68
          sum += cu.balance;
                                                                    125
69
        ptr = ptr -> next;
                                                                    126
        i++;
                                                                        int main(int argc, char **argv) {
70
                                                                    127
                                                                          long seed = 1940;
71
                                                                    128
     cout << "Total balance for customers having code starting with29
                                                                          mt = new mt19937(seed);
72
                                                                          cout << "Testing linked list" << endl;
            character"
           << c << " is " << sum << endl;
                                                                          struct linked list<customer> linked list;
73
                                                                    131
                                                                          string msgs[] = {"A(random customers generation)",
74
                                                                    132
                                                                                              "B(total balance for customers having code
75
    void add_extra_customers_linked_list(linked_list<customer> &
                                                                                                    starting with A)",
         linked list,
                                                                                              "C(insert new customers)", "D(remove
77
                                             char c) {
                                                                                                    customers)"};
     struct node<customer> *ptr = linked list.head;
                                                                          for (int i = 0; i < 4; i++) {
78
                                                                    135
                                                                             cout << "
     while (ptr != NULL) {
79
                                                                    136
                                                                                  customer cu = ptr->data;
80
        if(cu.code.at(0) == c) {
81
          customer ncu;
                                                                             auto t1 = high resolution clock::now();
82
                                                                    137
          ncu.code = cu.code;
                                                                             if (i == 0) 
83
                                                                    138
          reverse(ncu.code.begin(), ncu.code.end());
                                                                               generate data linked list(linked list, 40000);
                                                                    139
84
          ncu.balance = cu.balance;
                                                                             else if (i == 1)
85
                                                                     140
          struct node<customer> *new node = new node<customen41
                                                                               total balance linked list(linked list, 'A');
                >();
                                                                             else if (i == 2) {
          new node->data = ncu;
                                                                               add extra customers linked list(linked list, 'G');
87
                                                                    143
          new node->next = ptr->next;
                                                                             else if (i == 3) {
                                                                    144
88
          ptr->next = new node;
                                                                               remove_customers_linked_list(linked_list, 'B');
89
                                                                    145
          linked list.size++;
90
                                                                    146
          ptr = new node->next;
                                                                             auto t2 = high resolution clock::now();
91
                                                                    147
                                                                             auto duration = duration cast<microseconds>(t2 - t1).count
92
        } else
                                                                    148
93
          ptr = ptr -> next;
                                                                             print customers linked list(linked list, 5);
94
                                                                    149
                                                                             cout << msgs[i] << ". Time elapsed: " << duration << "
95
                                                                     150
                                                                                  microseconds"
96
    void remove customers linked list(linked list<customer> &
                                                                                  << setprecision(3) << duration / 1000000.0 << "
97
         linked list, char c) {
                                                                                        seconds" << endl;</pre>
      struct node<customer> *ptr1;
98
                                                                    152
     while (linked list.size > 0) {
                                                                          delete mt;
                                                                    153
99
        customer cu = linked list.head->data;
                                                                    154
100
```

(lab04 ex2.cpp)

Κώδικας 12: Λίστα πελατών για το ίδιο πρόβλημα

- 1 Testing linked list
- 3 LIST SIZE=40000: GGFSICRZWW 2722 UBKZNBPWLH 4019 UPIHSBIIBS 3896 JRQVGHLTNM 395 LUWYTFTNFJ 784
- 4 A(random customers generation). Time elapsed: 39002 microseconds 0.039 seconds
- 6 Total balance for customers having code starting with character A is 3871562
- 7 LIST SIZE=40000: GGFSICRZWW 2722 UBKZNBPWLH 4019 UPIHSBIIBS 3896 JRQVGHLTNM 395 LUWYTFTNFJ 784
- 8 B(total balance for customers having code starting with A). Time elapsed: 1000 microseconds 0.001 seconds
- $10 \quad LIST \; SIZE = 41548: \; GGFSICRZWW 2722 \; WWZRCISFGG 2722 \; UBKZNBPWLH 4019 \; UPIHSBIBS 3896 \; JRQVGHLTNM 395 \; URRED + 2019 \; URRED + 2019$
- 11 C(insert new customers). Time elapsed: 2000 microseconds 0.002 seconds
- 13 LIST SIZE=39928: GGFSICRZWW 2722 WWZRCISFGG 2722 UBKZNBPWLH 4019 UPIHSBIIBS 3896 JRQVGHLTNM 395
- 14 D(remove customers). Time elapsed: 1000 microseconds 0.001 seconds

Αν στη θέση της συνδεδεμένης λίστας του κώδικα 3 χρησιμοποιηθεί η στατική λίστα του κώδικα 1 ή ένα vector ή ένα list της STL τα αποτελέσματα θα είναι τα ίδια αλλά η απόδοση στα επιμέρους ερωτήματα του παραδείγματος θα διαφέρει όπως φαίνεται στον πίνακα 1. Ο κώδικας που παράγει τα αποτελέσματα βρίσκεται στο αρχείο lab04/lab04 ex2 x4.cpp.

	Ερώτημα Α	Ερώτημα Β	Ερώτημα Γ	Ερώτημα Δ
Συνδεδεμένη λίστα	0.030	0.001	0.002	0.001
Στατική λίστα	0.034	0.003	0.642	0.671
std::vector	0.033	0.002	0.543	0.519
std::list	0.033	0.002	0.002	0.001

Πίνακας 1: Χρόνοι εκτέλεσης σε δευτερόλεπτα των ερωτημάτων του παραδείγματος 2 ανάλογα με τον τρόπο υλοποίησης της λίστας

4 Ασκήσεις

- 1. Έστω η συνδεδεμένη λίστα που παρουσιάστηκε στον κώδικα 3. Προσθέστε μια συνάρτηση έτσι ώστε για μια λίστα ταξινομημένων στοιχείων από το μικρότερο προς το μεγαλύτερο, να προσθέτει ένα ακόμα στοιχείο στην κατάλληλη θέση έτσι ώστε η λίστα να παραμένει ταξινομημένη.
- 2. Έστω η συνδεδεμένη λίστα που παρουσιάστηκε στον κώδικα 3. Προσθέστε μια συνάρτηση που να αντιστρέφει τη λίστα.
- 3. Υλοποιήστε τη στατική λίστα (κώδικας 1) και τη συνδεδεμένη λίστα (κώδικας 3) με κλάσεις. Τροποποιήστε το παράδειγμα 1 έτσι ώστε να δίνεται επιλογή στο χρήστη να χρησιμοποιήσει είτε τη στατική είτε τη συνδεδεμένη λίστα προκειμένου να εκτελέσει τις ίδιες λειτουργίες πάνω σε μια λίστα.
- 4. Υλοποιήστε μια κυκλικά συνδεδεμένη λίστα. Η κυκλική λίστα είναι μια απλά συνδεδεμένη λίστα στην οποία το τελευταίο στοιχείο της λίστας δείχνει στο πρώτο στοιχείο της λίστας. Η υλοποίηση θα πρέπει να συμπεριλαμβάνει και δύο δείκτες, έναν που να δείχνει στο πρώτο στοιχείο της λίστας και έναν που να δείχνει στο τελευταίο στοιχείο της λίστας. Προσθέστε τις απαιτούμενες λειτουργίες έτσι ώστε η λίστα να παρέχει τις ακόλουθες λειτουργίες: εμφάνιση λίστας, εισαγωγή στοιχείου, διαγραφή στοιχείου, εμφάνιση πλήθους στοιχείων, εύρεση στοιχείου. Γράψτε πρόγραμμα που να δοκιμάζει τις λειτουργίες της λίστας.

Αναφορές

[1] C++ Tutorial-exceptions-2017 by K. Hong, http://www.bogotobogo.com/cplusplus/exceptions.php.

- [2] Linked List Basics by N. Parlante, http://cslibrary.stanford.edu/103/.
- [3] Linked List Problems by N. Parlante, http://cslibrary.stanford.edu/105/.
- [4] Geeks for Geeks, Vector in C++ STL, http://www.geeksforgeeks.org/vector-in-cpp-stl/.
- [5] Codecogs, Vector, a random access dynamic container, http://www.codecogs.com/library/computing.
- [6] Geeks for Geeks, Deque in C++ STL, http://www.geeksforgeeks.org/deque-cpp-stl/.
- [7] Geeks for Geeks, Array class in C++ STL http://www.geeksforgeeks.org/array-class-c/.
- [8] Geeks for Geeks, List in C++ STL http://www.geeksforgeeks.org/list-cpp-stl/
- [9] Geeks for Geeks, Forward List in C++ (Set 1) http://www.geeksforgeeks.org/forward-list-c-set-1-introduction-important-functions/
- [10] Geeks for Geeks, Forward List in C++ (Set 2) http://www.geeksforgeeks.org/forward-list-c-set-2-manipulating-functions/
- [11] Geeks for Geeks, C++ bitset and its application, http://www.geeksforgeeks.org/c-bitset-and-its-application/
- [12] Geeks for Geeks, C++ bitset interesting facts, http://www.geeksforgeeks.org/c-bitset-interesting-facts/