Dans chaque cas, étudier les variations de la fonction f.

1.
$$f: x \longmapsto x^3 - 3x + 1 \text{ sur } \mathbb{R}$$

2.
$$f: x \longmapsto x^4 - 2x^2 + 5 \text{ sur } \mathbb{R}$$

3.
$$f: x \longmapsto \frac{x-3}{x-1} \text{ sur } \mathbb{R} \setminus \{1\}$$

4.
$$f: x \longmapsto \frac{1-x}{x^2} \text{ sur } \mathbb{R}^*$$