## שאלה 1

- $X = \{x_1 \ x_2 \dots x_d | x_i \in \{\mathbf{0},\mathbf{1}\}\}$  סט הדוגמאות X הינו מחרוזות בעלות X ביטים של 0 או 1, כלומר  $X = \{y | y \in \{\mathbf{0},\mathbf{1}\}\}$  סט התגיות X הינו ביט בודד 0 או 1, כלומר
  - d = 2 עבור (b

$$\begin{cases}
\emptyset, \\
x_1, \overline{x_1}, x_2, \overline{x_2}, \\
x_1 \land x_2, \overline{x_1} \land x_2, \overline{x_1} \land \overline{x_2}, x_1 \land \overline{x_2}, \\
x_1 \land \overline{x_1} \land x_2 \land \overline{x_2}
\end{cases}$$

- כל ליטרל יכול להתקיים באחד משלושה מצבים : או שהמשתנה מופיע, או שמופיעה שלילתו, או שהוא לא מופיע. כמו כן קיימת (c  $size=3^d+1$ ). בסהייכ הגודל של מחלקת ההיפותזות הוא
  - (d
  - $\overline{\mathbf{1}} \wedge \mathbf{0} \wedge \mathbf{1} = \mathbf{0}$  הדוגמה יכולה להתקיים בסט האימון הבא:  $\mathbf{0} = \mathbf{1} \wedge \mathbf{0} \wedge \mathbf{1}$ .
  - $\overline{\mathbf{0}} \wedge \mathbf{1} \wedge \mathbf{1} = \mathbf{1}$  הדוגמאות יכולות להתקיים בסט האימון הבא:  $\mathbf{1} = \mathbf{1} \wedge \mathbf{1} \wedge \mathbf{1}$ .

## שאלה 2

d+1 הוא

- a) כן. האלגוריתם מממש את עיקרון ה-ERM. עבור כל סט של דוגמאות שאינו מכיל את התיוג 1, האלגוריתם יגיע להיפותזה השלילית ויחזיר 0, וכן גם השגיאה. עבור דוגמה שמכילה את התיוג 1, האלגוריתם יתקן את ההיפותזה בכך שהוא יחזיר 1 לדוגמאות מהן הוא למד.
- תתכן שגיאה אם ההיפותזה תהיה עם תיוג 1 וההיפותזה המקורית עם תיוג 0, אך מצב זה לא ייתכן, שכן אם יקרה זאת אומרת שמספר הליטרים בהיפותזה שלנו קטן ממש ממספר הליטרים בהיפותזה המקורית. כעת נניח שחסר ליטרל  $x_i$  כלשהו, כלומר שמספר הליטרים בחיבותזה המקורית כלל לא תלויה ב-עיבלנו בסט הדוגמאות דוגמה בה  $x_i=1$  עם תיוג 1 ופעם אחת  $x_i=1$  עם תיוג 1. ברור שההיפותזה המקורית כלל לא תלויה במצב כזה, ולכן הוא לא יופיע בהיפותזה המקורית. מכאן האלגוריתם תמיד יביא את ההיפותזה למצב שבו היא מתאימה לכל הדוגמאות.
  - $M(a) \leq 2d$  נתחיל בכך שנוכיח שd+1. נתחיל המקסימלי הינו d+1. נתחיל בכך שנוכיח שd+1. נתחיל המקסימלי הינו d+1. נתחיל מקסימום של ההיפותזה הראשונה מכילה d+1 ליטרלים. אם נתגלתה שגיאה, לפחות משתנה אחד נמחק מההיפותזה. לכן, אחרי מקסימום של d+1 שגיאות, ההיפותזה ריקה והאלגוריתם יעצור בהכרח. בשגיאה הראשונה האלגוריתם מוחק d+1 משתנים, את הליטרל או שלילתו. על כן קיימת השגיאה הראשונה שבה אנו מוחקים d+1 ליטרלים, נקבל שהמקסימום ליטרים ועוד מקסימום של d+1 שגיאות, ובגלל שבכל שגיאה נמחק לפחות ליטרל אחד ונשארו רק d+1 ליטרלים, נקבל שהמקסימום
    - . זמן הריצה של כל איטרציה הוא  $oldsymbol{O}(d)$ . האלגוריתם מבצע איטרציות על d ביטים של הדוגמה. c