

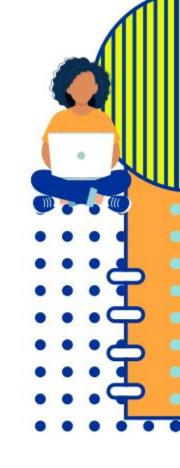
## Estatística e Probabilidade

Prof. Dr. Rogers Barros de Paula





# Módulo 2 - Cálculo de probabilidades







# Cálculo de probabilidades

- Importância da probabilidade para medir a incerteza.
- Conceitos introdutórios para estudo.
- Cálculo de probabilidades e probabilidades condicionais.





#### Nosso dia a dia está cheio de incertezas

"Será que vai chover amanhã?"

"Quanto tempo levarei de casa até a universidade hoje?"



## Na área científica-investigativa...\*

 "Em um grupo de 100 eleitores, quantos devem emitir opini\u00e3o favor\u00e1vel ao projeto de lei X?"

 "Se um exame anti-doping aponta que um atleta usou determinada substância proibida, qual é a probabilidade de que ele realmente tenha feito uso dessa substância?"





## Cálculo de probabilidades

- Certeza e incerteza: probabilidade da verificação de suas conclusões.
- Uma das maneiras de lidar com a incerteza acerca de um evento é expressá-la em números.
- Por exemplo: todos nós temos uma intuição acerca de ir a um evento. Mas como podemos quantificá-la?





#### **Probabilidades**

- Probabilidade é uma medida da incerteza acerca de um evento.
- Também conhecida como a chance de ocorrência de um evento.
- Diferentes visões de probabilidade: clássica, frequentista e subjetiva.





#### Nosso dia a dia está cheio de incertezas

"Será que vai chover amanhã?"

"Segundo o centro de meteorologia, a probabilidade de chover amanhã é de 0,6."

"Quanto tempo levarei de casa até a universidade hoje?"

"A probabilidade de gastar mais de 20 minutos de casa ao trabalho é de 75%"





### Conceitos essenciais

- **Experimento:** qualquer processo que gera resultados bem definidos. Em qualquer repetição de um experimento, um e somente um dos resultados experimentais possíveis ocorrerá;
- Experimento aleatório: todo experimento que, quando sob condições idênticas, produz resultados diferentes;
- As variações dos resultados, de experimento a experimento, são devidas a uma multiplicidade de causas que não podemos controlar, as quais denominamos acaso.





#### Conceitos essenciais

- Espaço amostral (Ω): todos os resultados possíveis de um experimento. (casos possíveis)
- Evento (E): Todo subconjunto do espaço amostral. (casos favoráveis)





## Exemplos

- Sexo feminino e masculino em uma turma;
- Sair cara (K) no lançamento de uma moeda não-viciada;
- Tirar 4 no lançamento de um dado honesto;
- Retirar uma carta de ouros aleatoriamente de um baralho padrão;
- PROBABILIDADE =  $n(E) / n(\Omega)$
- PROBABILIDADE = n(casos favoráveis)/n(casos possíveis)





## Exemplos

 Lance uma moeda e um dado ao mesmo tempo. Qual é a probabilidade de cair coroa (C) e 4?

- $\Omega = \{(C,1); (C,2); ...; (C,6); (K,1); (K,2); ...; (K,6)\} n(\Omega) = 12$
- $E = \{(C,4)\} n(E) = 1$
- $P(E) = n(E) / n(\Omega) = 1/12$

PROBLEMAS DE CONTAGENS





- A probabilidade de ocorrência de um evento, dado que outro evento ocorreu. P(A|B) = P(A ∩ B) / P(B)
- Suponha que eu lance um dado, olhe para ele (para que você não o veja) e lhe diga que tirei um número ímpar. Qual a probabilidade de eu ter tirado um 5?
- Espaço amostral reduzido de 6 possibilidades para 3, dos quais, apenas um deles é o caso favorável. Logo  $P = \frac{1}{3}$ .





 Suponha que eu lance um dado, olhe para ele (para que você não o veja) e lhe diga que tirei um número ímpar. Qual a probabilidade de eu ter tirado um 5?

- Evento A = ocorrer número 5
- Evento B = ocorrer número ímpar P(B) = ½
- Evento  $A \cap B = \{5\} P(A \cap B) = \%$
- $P(A|B) = P(A \cap B) / P(B) = \frac{1}{6} / \frac{1}{2} = \frac{1}{3}$



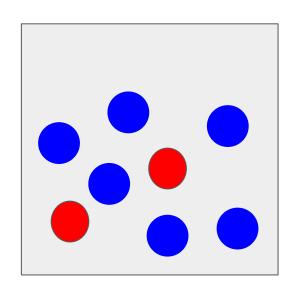


- $P(A|B) = P(A \cap B) / P(B)$
- $P(B).P(A|B) = P(A \cap B)$

Numa urna existem duas bolas vermelhas e seis azuis.
Sorteando-se duas bolas SEM REPOSIÇÃO, qual a probabilidade de ambas serem vermelhas?

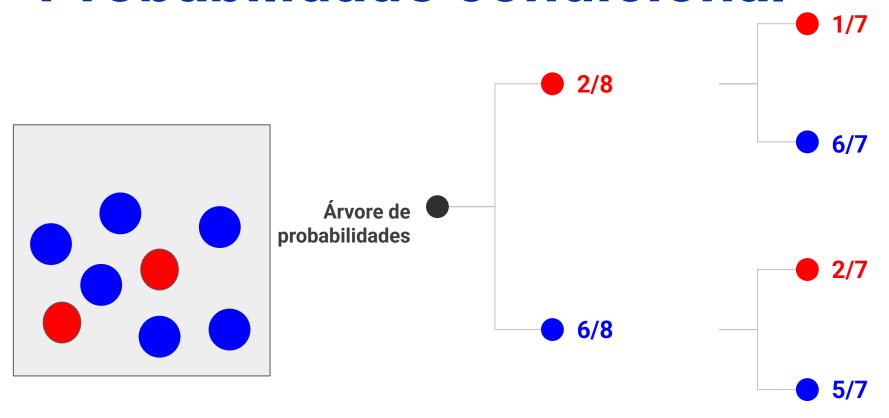






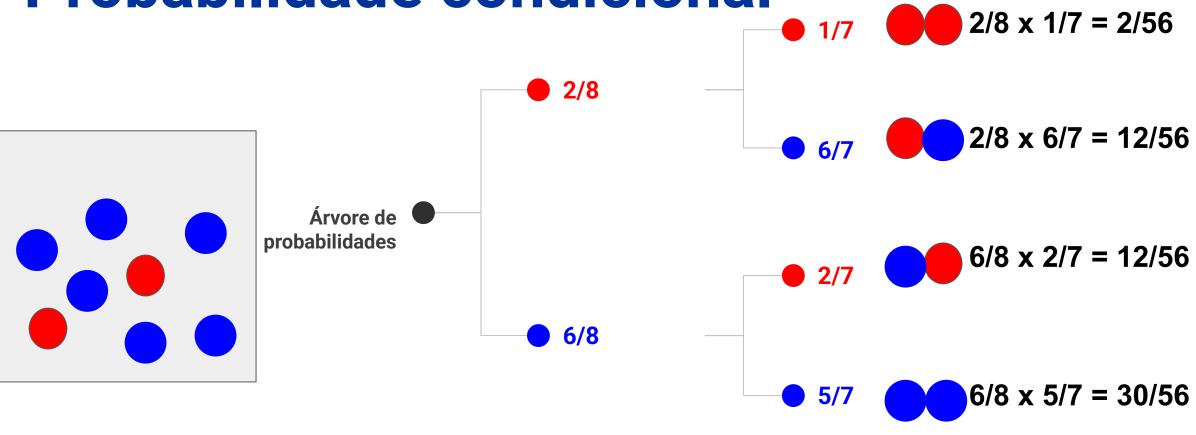






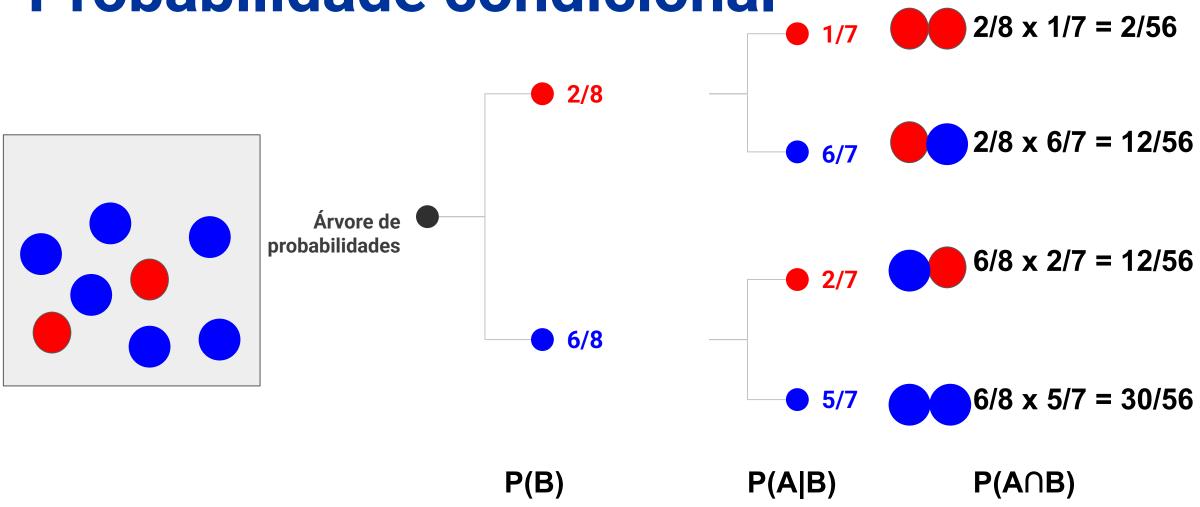
















Numa urna existem duas bolas vermelhas e seis azuis. Sorteando-se duas bolas **SEM REPOSIÇÃO**, qual a probabilidade de ambas serem vermelhas?

$$P(A \cap B) = P(B).P(A|B)$$

P(vermelho) = P(vermelho).P(vermelho|vermelho)

$$P(vermelhas) = (2/8) x (1/7) = 2/56$$





# Considerações finais

- Probabilidade em situações do cotidiano e na prática científica;
- Probabilidade na estatística como forma de medir a incerteza;
- Probabilidade frequentista como forma de mensurar a possibilidade de ocorrência de um fenômeno a partir de contagens de casos possíveis e casos favoráveis;
- Probabilidade condicional como conhecimento probabilístico necessário à inferência estatística.

#### Licenciamento









Respeitadas as formas de citação formal de autores de acordo com as normas da ABNT NBR 6023 (2018), a não ser que esteja indicado de outra forma, todo material desta apresentação está licenciado sob uma <u>Licença Creative Commons</u> - <u>Atribuição 4.0 Internacional.</u>