

H01: Recursión

Capítulo 11



La recursión es definir la solución a un problema mediante la solución de una versión más pequeña del mismo problema.

Ejemplo

Definamos un algoritmo para encontrar el camino para llegar a tu casa. El algoritmo debe poder comenzar en cualquiera de las 5 casas.

Llamaremos nuestro algoritmo `getHomeFrom()`.



house4



house3



house2



house1



myHouse

#1: `getHomeFrom(myHouse)`

- i. Print "I'm home!"



house4



house3



house2



house1



myHouse

#2: `getHomeFrom(house1)`

- i. Move to next house
- ii. `getHomeFrom(myHouse)`



house4



house3



house2



house1



myHouse

#3: `getHomeFrom(house2)`

- i. Move to next house
- ii. `getHomeFrom(house1)`



house4



house3



house2



house1



myHouse

#3: `getHomeFrom(house3)`

- i. Move to next house
- ii. `getHomeFrom(house2)`



house4



house3



house2



house1



myHouse

#4: `getHomeFrom(house4)`

- i. Move to next house
- ii. `getHomeFrom(house3)`



house4



house3



house2



house1



myHouse

Recursión

Un algoritmo recursivo SIEMPRE debe tener por lo menos dos partes:

1. Un caso base.
2. Un caso recursivo.

Modelemos el ejemplo anterior utilizando esta lógica:

Clase GoHome

```
public class GoHome {  
    public static final int MY_HOUSE = 0;  
  
    public static void getHomeFrom(int houseNumber) {  
        //Base case  
        if (houseNumber == MY_HOUSE) {  
            System.out.println("I'm home!");  
        } else {  
            //Recursive case  
            System.out.println("I'm at house" + houseNumber);  
            //move forward to next house  
            int currentHouse = houseNumber - 1;  
            GoHome.getHomeFrom(currentHouse);  
        }  
    }  
  
    public static void main(String[] args) {  
        int house3 = 3;  
        GoHome.getHomeFrom(house3);  
    }  
}
```

Ejemplo:

```
public static void main(String[] args) {  
    int house3 = 3;  
    GoHome.getHomeFrom(house3);  
}
```

```
public static void getHomeFrom(int houseNumber) {  
    if (houseNumber == MY_HOUSE) {  
        System.out.println("I'm home!");  
    } else {  
        System.out.println("I'm at house" + houseNumber);  
        int currentHouse = houseNumber - 1;  
        GoHome.getHomeFrom(currentHouse);  
    }  
}
```

```
public static void getHomeFrom(int houseNumber) {  
    if (houseNumber == MY_HOUSE) {  
        System.out.println("I'm home!");  
    } else {  
        System.out.println("I'm at house" + houseNumber);  
        int currentHouse = houseNumber - 1;  
        GoHome.getHomeFrom(currentHouse);  
    }  
}
```

```
public static void getHomeFrom(int houseNumber) {  
    if (houseNumber == MY_HOUSE) {  
        System.out.println("I'm home!");  
    } else {  
        System.out.println("I'm at house" + houseNumber);  
        int currentHouse = houseNumber - 1;  
        GoHome.getHomeFrom(currentHouse);  
    }  
}
```

```
public static void getHomeFrom(int houseNumber) {  
    if (houseNumber == MY_HOUSE) {  
        System.out.println("I'm home!");  
    } else {  
        System.out.println("I'm at house" + houseNumber);  
        int currentHouse = houseNumber - 1;  
        GoHome.getHomeFrom(currentHouse);  
    }  
}
```

Output

I'm at house3
I'm at house2
I'm at house1
I'm home!

getHomeFrom(2)

getHomeFrom(1)

getHomeFrom(0)

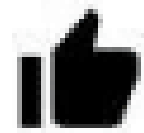
GetHomeFrom(3)

- `getHomeFrom(3)` → Imprimir en la consola “I’m at house 3” e invocar `getHomeFrom(2)`.
- `getHomeFrom(2)` → Imprimir en la consola “I’m at house 2” e invocar `getHomeFrom(1)`.
- `getHomeFrom(1)` → Imprimir en la consola “I’m at house 1” e invocar `getHomeFrom(0)`.
- `getHomeFrom(0)` → Imprimir en la consola “I’m home!”

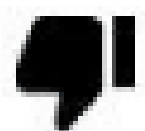
recursion

See recursion.

by **Anonymous** December 05, 2002



916



42

Diseñar recursión eficiente

Un algoritmo recursivo SIEMPRE debe tener por lo menos dos partes:

1. **Un caso base.** Debe contener los escenarios que ya no pueden ser reducidos a un caso menor.
2. **Un caso recursivo.** El argumento del caso recursivo debe ser un caso reducido del argumento original.

Modelemos el ejemplo anterior utilizando esta lógica:

Clase GoHome

Recursión infinita

Supongamos que dejemos fuera la condición de salida:



```
public static void getHomeFrom(int houseNumber) {  
    System.out.println("I'm at house" + houseNumber);  
    //move forward to next house  
    int currentHouse = houseNumber - 1;  
    GoHome.getHomeFrom(currentHouse);  
}
```

```
public static void getHomeFrom(int houseNumber) {  
    System.out.println("I'm at house" + houseNumber);  
    //move forward to next house  
    int currentHouse = houseNumber - 1;  
    GoHome.getHomeFrom(currentHouse);  
}
```



ERROR! Ciclo Infinito

I'm at house3
I'm at house2
I'm at house1
I'm at house0
I'm at house-1
I'm at house-2
...
I'm at house-8611
I'm at house-8612
I'm at house-8613



ERROR! Ciclo Infinito

```
I'm at house-8614Exception in thread "main" java.lang.StackOverflowError
  at java.io.FileOutputStream.write(Unknown Source)
  at java.io.BufferedOutputStream.flushBuffer(Unknown Source)
  at java.io.BufferedOutputStream.flush(Unknown Source)
  at java.io.PrintStream.write(Unknown Source)
  at sun.nio.cs.StreamEncoder.writeBytes(Unknown Source)
  at sun.nio.cs.StreamEncoder.implFlushBuffer(Unknown Source)
  at sun.nio.cs.StreamEncoder.flushBuffer(Unknown Source)
  at java.io.OutputStreamWriter.flushBuffer(Unknown Source)
  at java.io.PrintStream.newLine(Unknown Source)
  at java.io.PrintStream.println(Unknown Source)
  at pkg1.GoHome.goHome(GoHome.java:7)
  at pkg1.GoHome.goHome(GoHome.java:9)
```


Caso de Estudio

Diseña un método que reciba un número entero positivo y retorne la cantidad de ceros que contenga.

Ejemplos: `getNumberOfZeros(10320)` → 2

```
public static int getNumberOfZeros(int n) {  
  
}
```

1. ¿Cuáles son los casos base?
2. ¿En qué casos podemos reducir aún más el problema?

Caso de Estudio

Caso base:

1. Si el número recibido es igual a 0, entonces no podemos reducir el problema. Retornamos 1.
2. Si el número recibido está entre 1 y 9, no podemos reducir el problema. Retornamos 0.

Ejemplo:

- `getNumberOfZeros(0) → 1`
- `getNumberOfZeros(1) → 0`
- `getNumberOfZeros(7) → 0`

Caso de Estudio

Caso recursivo:

1. Si el número recibido es mayor o igual a 10, revisaremos el dígito menos significativo y revisamos si este es igual a 0.
 1. Si es igual a 0, retornamos $1 + \text{getNumberOfZeros}(\text{number}/10)$.
 2. Si es diferente a 0, retornamos $0 + \text{getNumberOfZeros}(\text{number}/10)$.

Ejemplo:

- $\text{getNumberOfZeros}(123) \rightarrow 0 + \text{getNumberOfZeros}(12)$
- $\text{getNumberOfZeros}(100) \rightarrow 1 + \text{getNumberOfZeros}(10)$
- $\text{getNumberOfZeros}(607) \rightarrow 0 + \text{getNumberOfZeros}(60)$

Ejemplo: Ejecución de `countNumberOfZeros(104020)`

`countNumberOfZeros(104020)`

↳ `1 + countNumberOfZeros(10402)`

↳ `0 + countNumberOfZeros(1040)`

↳ `1 + countNumberOfZeros(104)`

↳ `0 + countNumberOfZeros(10)`

↳ `1 + countNumberOfZeros(1)`

↳ `0`

Caso recursivo

Caso base

```
public static int getNumberOfZeros(int number) {  
    // Base case #1: 0 is exactly 1 zero  
    if (number == 0)  
        return 1;  
    // Base case #2: Numbers between 1 and 9 contain exactly 0 zeros  
    if (number <= 9)  
        return 0;  
    //Calculate newNumber by dividing number by 10, to remove least significant digit  
    int newNumber = number / 10;  
    //Recursive case #1: Least significant digit is 1 zero  
    if (number % 10 == 0) {  
        return 1 + getNumberOfZeros(newNumber);  
    }  
    //Recursive case #2: Least significant digit is not a zero  
    } else {  
        return 0 + getNumberOfZeros(newNumber);  
    }  
}
```