



$$Y_{C_0} = \cos \varphi_1 \left[l_2 \cdot \sin \varphi_2 + l_3 \cdot \sin(\varphi_2 + \varphi_3) \right]$$

$\triangle O C_0 Y_{C_0}$ $\triangle A B S$ $\triangle B C T$

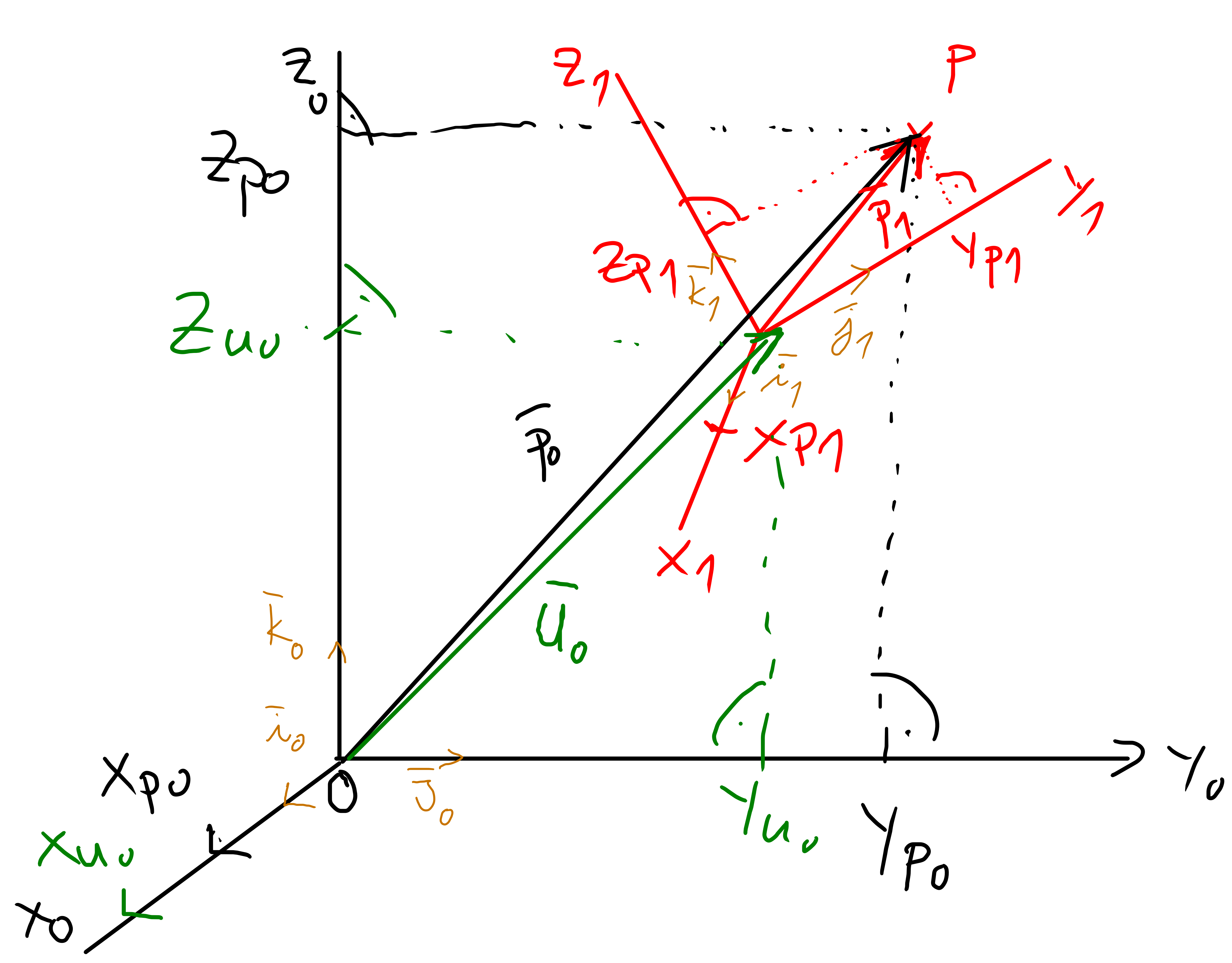
FB.com/mnemotechnickepomocky

Zvolal Sínus na kone: "Proti'ahlá k
prepone!"

Iné riešenie:

Pomocou transformačných matic, tzv. homogénnej transformácie, ktoré obsahujú rotačný aj translačný pohyb medzi dvoma navzájom posunutými a natočeným súradnicovými systémami.

Majme súradnicový systém x_0, y_0, z_0 , ktorý je zviazaný s pevnou základňou robota a vzťažný súradnicový systém x_1, y_1, z_1 , ktorý je zviazaný s pracovným bodom P (bod P je niekde v priestore)

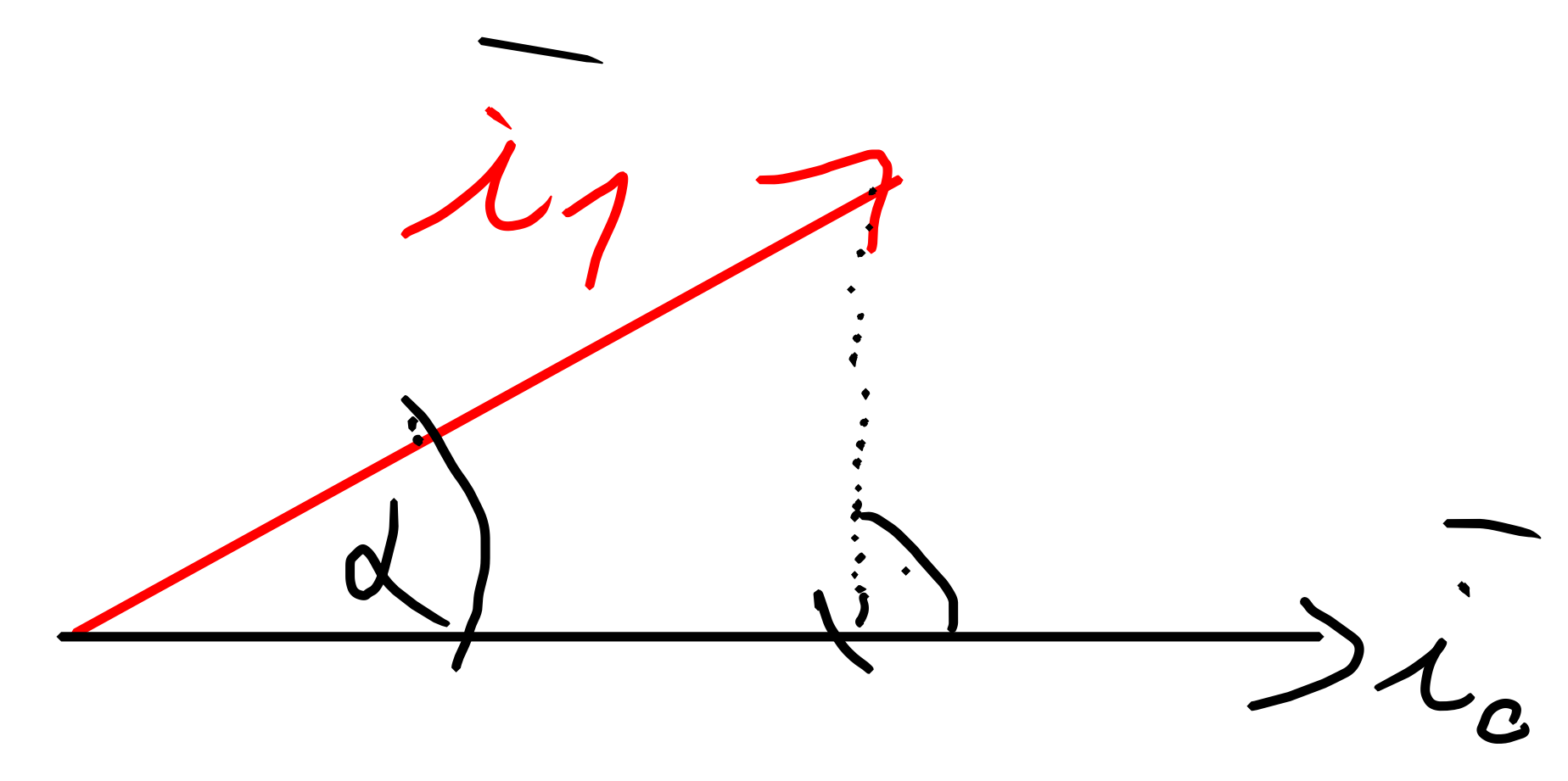


$$\bar{P}_1 = \begin{pmatrix} x_{p1} \\ y_{p1} \\ z_{p1} \end{pmatrix}$$

$$\bar{P}_0 = \begin{pmatrix} x_{p0} \\ y_{p0} \\ z_{p0} \end{pmatrix}$$

$$\bar{U}_0 = \begin{pmatrix} x_{u0} \\ y_{u0} \\ z_{u0} \end{pmatrix}$$

$$\bar{P}_0 = \bar{U}_0 + \bar{P}_1$$



smerové kosínusy

$$\bar{P}_1 = \begin{pmatrix} x_{p1} \\ y_{p1} \\ z_{p1} \end{pmatrix}$$

$$\bar{P}_0 = \begin{pmatrix} x_{p0} \\ y_{p0} \\ z_{p0} \end{pmatrix}$$

$$\bar{U}_0 = x_{u0} \cdot \bar{i}_0 + y_{u0} \cdot \bar{j}_0 + z_{u0} \cdot \bar{k}_0$$

$$\bar{P}_1 = \underline{x_{p1}} \cdot \bar{i}_1 + \underline{y_{p1}} \cdot \bar{j}_1 + \underline{z_{p1}} \cdot \bar{k}_1$$

$$\bar{U}_0 = \begin{pmatrix} x_{u0} \\ y_{u0} \\ z_{u0} \end{pmatrix}$$

$$\bar{P}_0 = \bar{U}_0 + \bar{P}_1$$

$$\bar{P}_0 = x_{p0} \cdot \bar{i}_0 + y_{p0} \cdot \bar{j}_0 + z_{p0} \cdot \bar{k}_0$$

$$\begin{aligned} \bar{P}_0 &= x_{u0} \cdot \bar{i}_0 + y_{u0} \cdot \bar{j}_0 + z_{u0} \cdot \bar{k}_0 + a_{11} \cdot x_{p1} \cdot \bar{i}_0 + a_{21} \cdot x_{p1} \cdot \bar{j}_0 + a_{31} \cdot x_{p1} \cdot \bar{k}_0 + \\ &+ a_{12} \cdot y_{p1} \cdot \bar{i}_0 + a_{22} \cdot y_{p1} \cdot \bar{j}_0 + a_{32} \cdot y_{p1} \cdot \bar{k}_0 + \\ &+ a_{13} \cdot z_{p1} \cdot \bar{i}_0 + a_{23} \cdot z_{p1} \cdot \bar{j}_0 + a_{33} \cdot z_{p1} \cdot \bar{k}_0 \end{aligned}$$

Priemety

$$i_1 \rightarrow i_0 : a_{11}$$

$$j_1 \rightarrow i_0 : a_{12}$$

$$k_1 \rightarrow i_0 : a_{13}$$

$$i_1 \rightarrow j_0 : a_{21}$$

$$j_1 \rightarrow j_0 : a_{22}$$

$$k_1 \rightarrow j_0 : a_{23}$$

$$i_1 \rightarrow k_0 : a_{31}$$

$$j_1 \rightarrow k_0 : a_{32}$$

$$k_1 \rightarrow k_0 : a_{33}$$

$$\bar{P}_0 = x_{u0} \cdot \bar{i}_0 + y_{u0} \cdot \bar{j}_0 + z_{u0} \cdot \bar{k}_0 + a_{11} \cdot x_{p1} \cdot \bar{i}_0 + a_{21} \cdot x_{p1} \cdot \bar{j}_0 + a_{31} \cdot x_{p1} \cdot \bar{k}_0 +$$

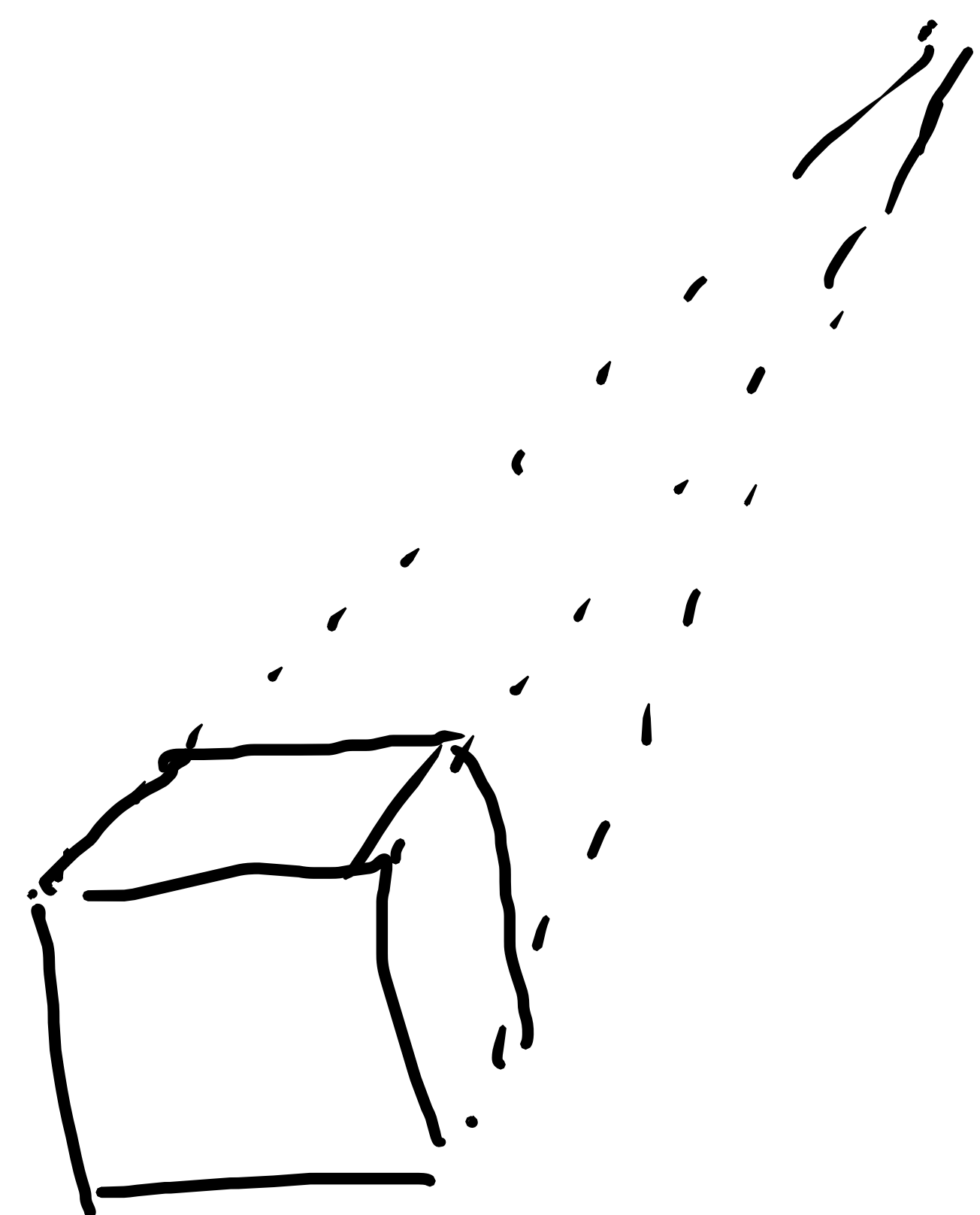
$$+ a_{12} \cdot y_{p1} \cdot \bar{i}_0 + a_{22} \cdot y_{p1} \cdot \bar{j}_0 + a_{32} \cdot y_{p1} \cdot \bar{k}_0 +$$

$$+ a_{13} \cdot z_{p1} \cdot \bar{i}_0 + a_{23} \cdot z_{p1} \cdot \bar{j}_0 + a_{33} \cdot z_{p1} \cdot \bar{k}_0$$

$$\bar{P}_0 = \begin{pmatrix} x_{p0} \\ y_{p0} \\ z_{p0} \end{pmatrix}$$

$$\bar{P}_1 = \begin{pmatrix} x_{p1} \\ y_{p1} \\ z_{p1} \end{pmatrix}$$

$$\bar{P}_0 = \begin{pmatrix} x_{p0} \\ y_{p0} \\ z_{p0} \end{pmatrix} = \begin{matrix} & \begin{matrix} i_1 & j_1 \end{matrix} \\ \begin{matrix} i_0 \\ \\ \\ \end{matrix} & \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & x_{u0} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & y_{u0} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & z_{u0} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \end{matrix} \cdot \begin{pmatrix} x_{p1} \\ y_{p1} \\ z_{p1} \\ 1 \end{pmatrix} = T_0 \cdot \bar{P}_1 = \bar{P}_0$$



Rotacja

Posun

perspektywa

Mierka



dané: X_{p1} , Y_{p1} , Z_{p1} , Φ

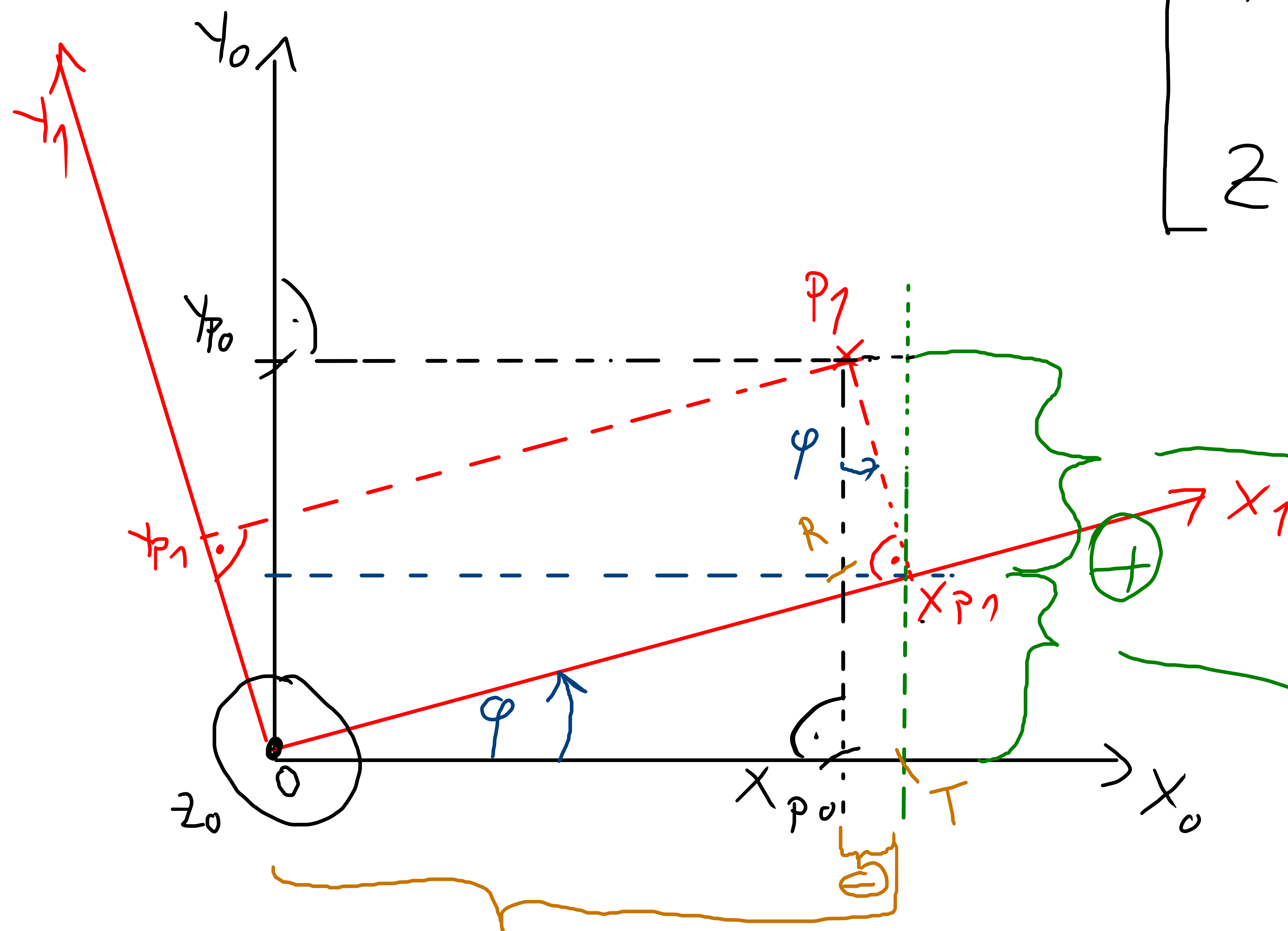
$$\begin{bmatrix} X_{p0} \\ Y_{p0} \\ Z_{p0} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} X_{p1} \cos \varphi - Y_{p1} \sin \varphi \\ X_{p1} \sin \varphi + Y_{p1} \cos \varphi \\ Z_{p1} \end{bmatrix}$$

$$\Delta P_1 R X_{p1}: \frac{|R P_1|}{|P_1 X_{p1}|} = \cos \varphi \Rightarrow$$

$$\Rightarrow |R P_1| = |P_1 X_{p1}| \cdot \cos \varphi$$

$$\Delta O T X_{p1}: \frac{|T X_{p1}|}{|O X_{p1}|} = \sin \varphi \Rightarrow$$

$$\Rightarrow |T X_{p1}| = |O X_{p1}| \cdot \sin \varphi$$



$$\begin{bmatrix} x_{p_0} \\ y_{p_0} \\ z_{p_0} \end{bmatrix} = \begin{matrix} x_{p_1} \cos \varphi - y_{p_1} \sin \varphi \\ x_{p_1} \sin \varphi + y_{p_1} \cos \varphi \\ z_{p_1} \end{matrix}$$

$$\begin{matrix} p_0 \\ \begin{pmatrix} x_{p_0} \\ y_{p_0} \\ z_{p_0} \\ 1 \end{pmatrix} \end{matrix} \begin{matrix} \\ [4 \times 1] \end{matrix} = \begin{pmatrix} \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} \end{pmatrix} \cdot \begin{matrix} p_1 \\ \begin{pmatrix} x_{p_1} \\ y_{p_1} \\ z_{p_1} \\ 1 \end{pmatrix} \end{matrix} \begin{matrix} \\ [4 \times 1] \end{matrix}$$