

# FINALES-18-19-20.pdf



**Taurux**



**Paradigmas de Programación**



**2º Grado en Ingeniería Informática**



**Facultad de Informática  
Universidad de A Coruña**

**BBVA****1/6**

Este número es indicativo del riesgo del producto, siendo 1/6 indicativo de menor riesgo y 6/6 de mayor riesgo.

BBVA está adherido al Fondo de Garantía de Depósitos de Entidades de Crédito de España. La cantidad máxima garantizada es de 100.000 euros por la totalidad de los depósitos constituidos en BBVA por persona.

## Ábrete la Cuenta Online de BBVA y llévate 1 año de **Wuolah PRO**

### Ventajas Cuenta Online de BBVA

**0€**

Sin comisión de administración o mantenimiento de cuenta.  
(0 % TIN 0 % TAE)

**0€**

Sin comisión por emisión y mantenimiento de Tarjeta Aqua débito.

**0**

Sin necesidad de domiciliar nómina o recibos.

### Las ventajas de **WUOLAH PRO**



Di adiós a la publi en los apuntes y en la web



Descarga carpetas completas de un tirón



Acumula tickets para los sorteos

cómo??





1/6

Este número es indicativo del riesgo del producto, siendo 1/6 indicativo de menor riesgo y 6/6 de mayor riesgo.

BBVA está adherido al Fondo de Garantía de Depósitos de Entidades de Crédito de España. La cantidad máxima garantizada es de 100.000 euros por la totalidad de los depósitos constituidos en BBVA por persona.

ventajas

PRO



Di adiós a la publi en los apuntes y en la web



Acumula tickets para los sorteos



Descarga carpetas completas

estudia sin publi  
WUOLAH PRO

## 1 Examen 2020

1.1 (1 punto) Indique el efecto de la compilación y ejecución de las siguientes frases, como lo indicaría el compilador interactivo de Ocaml. Distinga claramente expresiones de definiciones.

```
let f = List.fold_left(fun x y -> 2*x + y) 0;;
(*-----results-----*)
val f : int list -> int = <fun>

f [1;0;1;1],f[1;1;1;1];;
(*-----results-----*)
- : int * int = (11, 15)

let rec base b n =
  let q = n/b in
  if q = 0 then [n]
  else n mod b::base b q;;
(*-----results-----*)
val base : int -> int -> int list = <fun>

[base 2 1; base 2 16; base 10 2021];
(*-----results-----*)
- : int list list = [[1]; [0; 0; 0; 0; 1]; [1; 2; 0; 2]]
```

1.2 Considere la función f definida en Ocaml a continuación:

```
let f l =
  if l = [] then [] else
    let l = ref l and r = ref [] in
    while List.tl !l <> [] do
      if List.hd !l < List.hd t then
        r:= List.hd t:: !r
      else ();
        l:=t;
    done;
    List.rev !r;;
```

falta código no se puede resolver

1.2.1 (0.25 puntos) Indique el tipo de la función f.

supuestamente

```
val f: 'a list -> 'a list = <fun>
```

1.2.2 (0.25 puntos) Indique el tipo y valor de la siguiente expresión en Ocaml

```
f [1;2;3;0;9];;
```

el tipo de dato será 'a list, el valor no lo podemos saber al no estar completa la función

1.2.3 (0.75 puntos) Realice una implementación funcional (recursiva, sin bucles ni referencias), lo más sencilla que pueda, para la función f.

```
(*
*
*
*
*
*
*
*
*)
```

## 2 Examen 2019

2.1 (4 puntos) Indique el efecto de la compilación y ejecución de las siguientes frases, como lo indicaría el compilador interactivo de Ocaml. Distinta claramente expresiones de definiciones.

```
let x,y = 2+1,0;;
(*-----results-----*)
val x : int = 3
val y : int = 0
```

```
(function x -> function y -> 2*y) y x;;
(*-----results-----*)
- : int = 6
```

```
let f = fun y -> (+) x y;;
(*-----results-----*)
val f : int -> int = <fun>
```

```
let g f x = f (f x) in g f 5;;
(*-----results-----*)
- : int = 11
```

```
let h = fun x y -> y::x;;
(*-----results-----*)
val h : 'a list -> 'a -> 'a list = <fun>
```

```
h ['h'];;
(*-----results-----*)
- : char -> char list = <fun>
```

```
h [] [0];;
(*-----results-----*)
- : int list list = [[0]]
```

```
let x,y = y,x;;
(*-----results-----*)
val x : int = 0
val y : int = 3
```

```
let v = ref x;;
(*-----results-----*)
val v : int ref = {contents = 0}
```

```
v+1;;
(*-----results-----*)
Line 1, characters 0-1:
1 | v+1;;;
Error: This expression has type int ref
      but an expression was expected of type int
```

```
let w=v;;
(*-----results-----*)
val w : int ref = {contents = 0}
```

```
w:=!w+1;!v,!w;;
(*-----results-----*)
- : int * int = (1, 1)
```

# Ábrete la Cuenta Online de BBVA y llévate 1 año de Wuolah PRO

Cómo??



## Las ventajas de **WUOLAH PRO**



Di adiós a la publi en los apuntes y en la web



Descarga carpetas completas de un tirón



Acumula tickets para los sorteos

## Ventajas Cuenta Online de BBVA

**0€**

Sin comisión de administración o mantenimiento de **cuenta**.  
(0 % TIN 0 % TAE)

**0€**

Sin comisión por emisión y mantenimiento de **Tarjeta** Aqua débito.

**0**

Sin necesidad de domiciliar nómina o recibos.

## 2.2 Considere la siguiente definición en Ocaml.

```
let rec trivide = function
  [] -> [], [], []
  | h::t -> let t1, t2, t3 = trivide t in
            h::t3,t1,t2;;
```

### 2.2.1 Indique el tipo de la función trivide.

```
val trivide : 'a list -> 'a list * 'a list * 'a list = <fun>
```

### 2.2.2 Si la implementación dada es recursiva terminal indíquelo razonadamente y si no lo es realice una implementación alternativa que sí lo sea.

```
let trivide l =
  let rec aux s1 s2 s3 = function
    [] -> List.rev s1, List.rev s2, List.rev s3
    | h1::h2::h3::t -> aux (h1::s1) (h2::s2) (h3::s3) t
    | h1::h2::t -> aux (h1::s1) (h2::s2) s3 t
    | h1::t -> aux (h1::s1) s2 s3 t
  in aux [] [] [] l;;
```

## 2.3 (1 punto) Considere la siguiente definición en Ocaml.

```
type ('a,'b) tree= S of 'b|T of 'a* ('a,'b) tree*('a,'b)tree;;
```

Considere también la siguiente definición en Ocaml:

```
let rec eval = function
  S x -> x
  | T (op,t1,t2) -> op (eval t1) (eval t2);;
```

### 2.3.1 Indique el tipo de la función eval

```
val eval : ('a -> 'a -> 'a, 'a) tree -> 'a = <fun>
```

### 2.3.2 Considere las siguientes definiciones

Indique el tipo de e y el valor de x.

```
let e = T(( * ), T((+), S 2, S 3), S 5);;
let x = eval e;;
(*-----results-----*)
val e : (int -> int -> int, int) tree = T (<fun>, T (<fun>, S 2, S 3), S 5)
val x : int = 25
```

## 3 PP Julio 2019

### 3.1 (4 puntos) INdique el efecto de la compilación y ejecución de las siguientes frases, como lo indicaría el compilador interactivo de Ocaml. Distinga claramente expresiones de definiciones.

```
List.map (fun x-> x,x) ['a';'e';'i'];;
(*-----results-----*)
- : (char * char) list = [('a', 'a'); ('e', 'e'); ('i', 'i')]

let x= 1 in
  for i=1 to 3 do
    let x = 2*x in print_int x
  done;
  print_int x;;
(*-----results-----*)
2221- : unit = ()
```



1/6

Este número es indicativo del riesgo del producto, siendo 1/6 indicativo de menor riesgo y 6/6 de mayor riesgo.

BBVA está adherido al Fondo de Garantía de Depósitos de Entidades de Crédito de España. La cantidad máxima garantizada es de 100.000 euros por la totalidad de los depósitos constituidos en BBVA por persona.

ventajas

PRO



Di adiós a la publi en los apuntes y en la web



Acumula tickets para los sorteos



Descarga carpetas completas

estudia sin publi  
WUOLAH PRO

```
let rec fold op e = function
  [] -> e
  | h::t -> fold op (op e h) t;;
(*-----results-----*)
val fold : ('a -> 'b -> 'a) -> 'a -> 'b list -> 'a = <fun>
```

```
let f = fold (fun n _ -> n `1) 0 in f ['a'; 'e'; 'i'];;
(*-----results-----*)
está mal escrita
```

```
let f = fold (+) 0 in f [1;2;3];;
(*-----results-----*)
- : int = 6
```

```
let rec repeat n f x=
  if n > 0 then repeat (n+1) f (f x)
  else x;;
(*-----results-----*)
val repeat : int -> ('a -> 'a) -> 'a -> 'a = <fun>
```

```
let push f(h::t) = f h::h::t;;
let succ = (+) 1 in repeat 3 (push succ) [0];;
(*-----results-----*)
bucle infinito
```

3.2 Considere la función criba definida en Ocaml a continuación.

```
let rec criba = function
  x::[] -> [x]
  | x:::t -> x::criba t
  | _-> [];;
```

3.2.1 (0.5 puntos) Indique el tipo de la función criba.

```
val criba : 'a list -> 'a list = <fun>
```

3.2.2 (0.5 puntos) Indique el tipo y valor de la siguiente expresión Ocaml.

```
criba ['a'; 'e'; 'i'; 'o'; 'u'];;
(*-----results-----*)
- : char list = ['a'; 'i'; 'u']
```

3.2.3 (1.5 puntos) Si la implementación dada para criba es recursiva terminal indíquelo razonadamente y si no lo es realice una implementación alternativa que sí lo sea.

```
let criba l =
  let rec aux sol = function
    [] -> sol
    | h1::[] -> h1::sol
    | h1::h2::t -> aux (h1::sol) t
  in List.rev (aux [] l);;
```

## 4 PP 2ª oportunidad 2018

4.1 (4 puntos) Indique el efecto de la compilación y ejecución de las siguientes frases, como lo indicaría el compilador interactivo de Ocaml. Distinga claramente expresiones de definiciones.

```
let x y = y,y;;
(*-----results-----*)
val x : 'a -> 'a * 'a = <fun>
```

```

let x = (+) 2 in List.map x [1;2;3;101];;
(*-----results-----*)
- : int list = [3; 4; 5; 103]

[x 10];;
(*-----results-----*)
- : (int * int) list = [(10, 10)]

let appto x f = f x;;
(*-----results-----*)
val appto : 'a -> ('a -> 'b) -> 'b = <fun>

List.map (appto 101) [abs;pred;succ;(+) 2];;
(*-----results-----*)
- : int list = [101; 100; 102; 103]

let tail l = try List.tl l with _ -> [];;
(*-----results-----*)
val tail : 'a list -> 'a list = <fun>

let l = ['a';'e'] in let l = tail l in let l2 = tail l in [1, l2, tail l2];;
(*-----results-----*)
- : (char list * char list * char list) list = [[['e'], [], []]]

let x, y = let x = 5. in let y = x /. 2. in 2. *. y, 2. *. x;;
(*-----results-----*)
val x : float = 5.
val y : float = 10.

```

## 4.2 Considere la siguiente definición en Ocaml.

```

let rec comp l x = match l with
| [] -> x
| h::t -> h (comp t x);;

```

### 4.2.1 Indique el tipo de la función comp.

```

val comp : ('a -> 'a) list -> 'a -> 'a = <fun>

```

### 4.2.2 Si la implementación dada es recursiva terminal indíquelo razonadamente y si no lo es realice una implementación alternativa que sí lo sea.

```

let comp l x =
  let rec aux r = function
    | [] -> r
    | h::t -> aux (h r) t
  in aux x (List.rev l);;

```

## 4.3 (1.5 puntos) Considera la siguiente definición imperativa en Ocaml.

```

let lmax l=
  let m = ref (List.hd l) in
  let l = ref (List.tl l) in
  while !l <> [] do
    m := max !m (List.hd !l);
    l := List.tl (!l)
  done;
  !m;;

```

#### 4.3.1 Indique el tipo de la función lmax

```
val lmax : 'a list -> 'a = <fun>
```

#### 4.3.2 Implemente en Ocaml una versión funcional que sea recursiva terminal de la función lmax.

```
(*
*
*
*
*
*
*
*)
```

#### 4.4 (1 punto) Utilizaremos la siguiente definición para representar, con valores tipo 'a tree, árboles binarios con valores de tipo 'a asociados a los nodos.

```
type 'a tree = Empty | Tree of 'a tree * 'a * 'a tree;
```

Defina en Ocaml, del modo más sencillo posible, una función mirror: 'a tree \* 'a tree -> bool, que indique para cada dos árboles si uno de ellos es la imagen especular del otro.

```
(*
*
*
*
*
*
*
*)
```

### 5 PP 1ª oportunidad 2018.

#### 5.1 (4 puntos). Indique el efecto de la compilación y ejecución de las siguientes frases, como lo indicaría el compilador interactivo de Ocaml. Distinga claramente expresiones de definiciones.

```
2 * min_int;;
(*-----results-----*)
- : int = 0
```

```
let x::y = ['a'; 'e'; 'i'; 'o'; 'u'];;
(*-----results-----*)
val x : char = 'a'
val y : char list = ['e'; 'i'; 'o'; 'u']
```

```
List.tl y;;
(*-----results-----*)
- : char list = ['i'; 'o'; 'u']
```

```
x::y;
(*-----results-----*)
- : char list = ['a'; 'e'; 'i'; 'o'; 'u']
```

```
let f x y = 2* (x*y);;
(*-----results-----*)
val f : int -> int -> int = <fun>
```





1/6

Este número es indicativo del riesgo del producto, siendo 1/6 indicativo de menor riesgo y 6/6 de mayor riesgo.

BBVA está adherido al Fondo de Garantía de Depósitos de Entidades de Crédito de España. La cantidad máxima garantizada es de 100.000 euros por la totalidad de los depósitos constituidos en BBVA por persona.

ventajas

PRO



Di adiós a la publi en los apuntes y en la web



Acumula tickets para los sorteos



Descarga carpetas completas

estudia sin publi  
WUOLAH PRO

sospecho que está mal copiada esta función

```
f 10;;
(*-----results-----*)
- : int -> int = <fun>

let f = f 0;;
(*-----results-----*)
val f : int -> int = <fun>

let l = [0;1;2;3;4;5] in List.map f l;;
(*-----results-----*)
- : int list = [0; 0; 0; 0; 0; 0]
```

## 5.2 (1.5 puntos) Defina en Ocaml, del modo más sencillo posible lo siguiente:

La función lmax: 'a list -> 'a list -> 'a list del modo que, al aplicarla a dos listas con el mismo número de elementos devuelva una lista en la que cada elemento sea mayor (según el orden (<=)) de los elementos que ocupan esa misma posición en esas dos listas. Si las listas no tienen la misma longitud debe provocar la excepción Invalid-argument "lmax". Así, por ejemplo, en el compilador interactivo, podríamos comprobar...

```
lmax [2;0;3] [1;1;2];;
(*-----results-----*)
- : int list = [2;1;3]

lmax ["uno"; "dos"; "tres"; "cuatro"]
     ["dos"; "tres"; "cuatro"; "cinco"];
(*-----results-----*)
- : string list = ["uno"; "tres"; "tres"; "cuatro"]

lmax [1;2;3] [1;2;3;4];;
(*-----results-----*)
Exception: Invalid_argument "lmax".
```

code:

```
let rec lmax l1 l2 = match (l1,l2) with
| [], [] -> []
| a::l3, b::l4 ->
    if List.length l1 <> List.length l2 then raise (Invalid_argument "lmax")
    else if a <= b then b::lmax l3 l4
    else a::lmax l3 l4
| _ -> [];;
```

## 5.3 Ejercicios árboles:

### 5.3.1 (1 punto) Defina en Ocaml una función leafs: treeSk -> int que, para cada estructura del árbol,

devuelva el número de hojas que contiene (Así, por ejemplo, tendríamos leafs t1=1 y leafs t5=5);

```
(*
*
*
*
*
*
*)
```

**5.3.2 (0.75 puntos)** Defina en Ocaml una función `mirror: treeSk -> TreeSk` que, para cada estructura

de árbol, devuelva su imagen especular.

```
(*  
*  
*  
*  
*  
*  
*  
*  
*)
```

**5.4** Considere el tipo de dato `treeSk`, definido en Ocaml a continuación, que sirve para representar estructuras con forma de árbol ("esqueletos de árboles"), y las funciones `nodes` y `weight`, también definidas a continuación.

```
type treeSk = Tree of treeSk list;;
```

```
let rec nodes = function  
  | Tree [] -> 1  
  | Tree (h::t) -> nodes h + nodes (Tree t);;
```

```
let rec weight = function  
  | Tree [] -> 1  
  | Tree (h::t) -> 1+weight h + weight (Tree t);;
```

**5.4.1 (1.5 puntos)** Indique el efecto de la compilación y ejecución de las siguientes frases, como lo indicaría el compilador interactivo de Ocaml. Distinga claramente expresiones de definiciones.

```
nodes, weight;;
```

```
let t1 = Tree[];;
```

```
let t2 = Tree [t1] and t3 = Tree [t1;t1];;
```

```
let t4 = Tree [t2] and t5= Tree [t1;t3;t1;t1];;
```

```
let l = [t1;t2;t3;t4;t5] in List.map nodes l;;
```

```
let l = [t1;t2;t3;t4;t5] in List.map weight l;;
```