



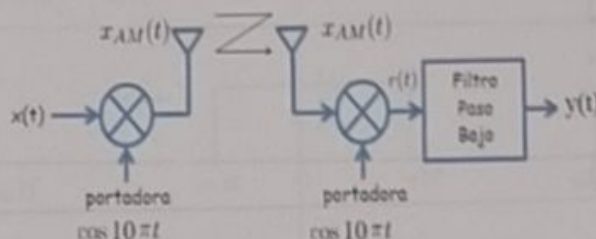
Examen resuelto 2018

Xestión de Infraestruturas (Universidade da Coruña)

1. Sea $x(t)=u(t+1)-2u(t)+u(t-2)$

- Dibujar $x(t)$.
- Determine la energía y la potencia media de $x(t)$.
- Determine y dibuje la derivada de $x(t)$ respecto al tiempo.

2. Considere un filtro paso bajo ideal de frecuencia de corte $W=6\pi$ y una señal $x(t)=\frac{\sin(4\pi t)}{\pi t}$:



- Dibujar la transformada de Fourier $X_{AM}(w)$.
- Dibujar la transformada de Fourier $R(w)$.
- Hallar $y(t)$.

3. Sea $x(t)=e^{-at}u(t)$.

- Demostrar que su TF es $\frac{1}{a+jw}$.
- Con la TF anterior calcular la transformada de $e^{-2t}u(t-1)$.

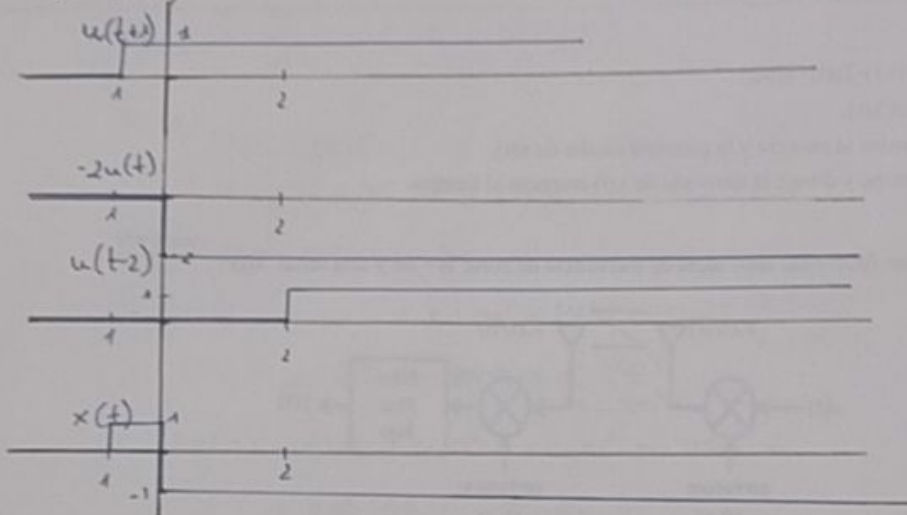
4. Considere la señal continua $x(t)=\cos 14\pi t+\cos 20\pi t$. Esta señal se muestrea a una frecuencia W_s .

- Determine el periodo de muestreo máximo para que la señal reconstruida sea igual a la señal original.
- Determine la señal reconstruida, $x_c(t)$, si $W_s=50\pi$.
- Determine la señal reconstruida, $x_c(t)$, si $W_s=30\pi$.

5. Sea una señal analógica con ancho de banda de 100KHz.

- Cual será el tamaño del fichero para almacenar 8 segundos de información si se muestrea a frecuencia de Nyquist, cuantificandose a 256 niveles con codificación PCM.
- Cuanto tiempo se tardará en enviar el fichero a través de un canal de 1MHz utilizando 16-PAM.

1) 1.a)

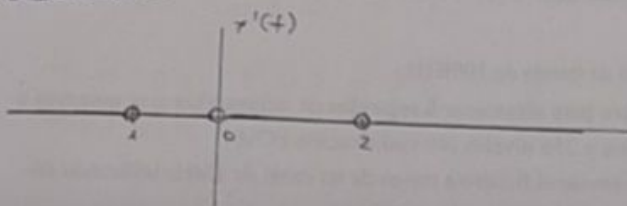


1.b)

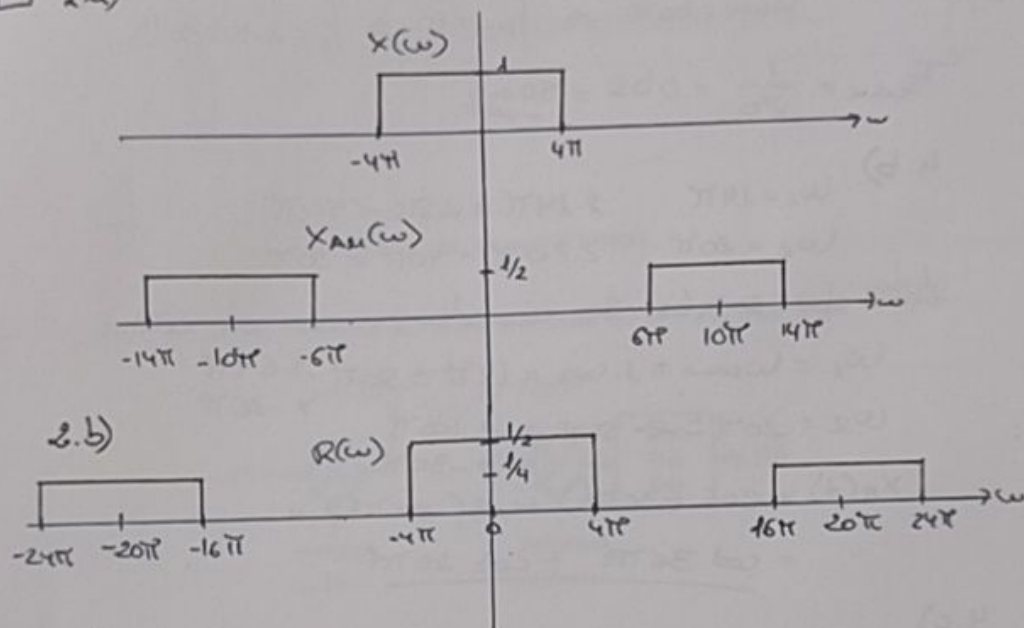
$$E = \int_1^0 x^2 dt + \int_0^2 (t)^2 dt = t \Big|_1^0 + t \Big|_0^2 = 1 + 2 = 3 \text{ Julios}$$

$$\begin{aligned} P_{ot} &= \lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} x^2(t) dt = \lim_{T \rightarrow \infty} \int_{-T/2}^0 1^2 dt + \int_0^{T/2} (-t)^2 dt = \\ &= \lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1}{T} \left(t \Big|_{-T/2}^0 + t \Big|_0^{T/2} \right) = \lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1}{T} \left(\frac{T}{2} + \frac{T}{2} \right) = \lim_{T \rightarrow \infty} 1 = 1 \text{ watt} \end{aligned}$$

1.c) Como la derivada de una constante es 0 sea 0. En los puntos 1, 0 y 2 no es continua y por tanto no es derivable.



2. a)



2. b)

$$y(\omega) = \begin{cases} 1/2 & |\omega| < 4\pi \\ 0 & |\omega| > 4\pi \end{cases} \Rightarrow y(t) = \frac{1}{2} \frac{\sin 4\pi t}{\pi t}$$

2. c)

$$\begin{aligned} \text{3. a) } \mathcal{TF}(x(t)) &= \int_{-\infty}^{\infty} x(t) e^{-j\omega t} dt = \int_0^{\infty} e^{-at} e^{j\omega t} dt = \\ &= \frac{e^{-(a+j\omega)t}}{-(a+j\omega)} \Big|_0^{\infty} = 0 + \frac{1}{a+j\omega} = \frac{1}{a+j\omega} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{3. b) } \mathcal{TF}(e^{-2(t-1)} u(t-1)) &= \mathcal{TF}(e^{-2} e^{-2(t-1)} u(t-1)) = \\ &= e^{-2} \frac{1}{2+j\omega} e^{-j\omega} = \frac{e^{-(j\omega+2)}}{2+j\omega} \end{aligned}$$

4) 4.a) $\omega_{max} = 20\pi \Rightarrow f_{max} = 10 \Rightarrow f_s = 2 \cdot 10 = 20 \text{ Hz}$

$$T_{sax} = \frac{1}{20} = 0.05 = \underline{50 \text{ ms}}$$

4.b) $\omega_1 = 14\pi$ $2 \cdot 14\pi = 28\pi < 50\pi$
 $\omega_2 = 20\pi$ $2 \cdot 20\pi = 40\pi < 50\pi$

Las dos señales se reconstituyen con un alias.

$$\omega_1 = \omega_{max} \pm 1 \cdot \omega_s = 14\pi \pm 50\pi \rightarrow 64\pi$$

$$\rightarrow -36\pi$$

$$\omega_2 = 20\pi \pm 2 \cdot 50\pi \rightarrow 120\pi$$

$$\rightarrow -80\pi$$

$$x_2(t) = \cos(36\pi t) + \cos(80\pi t) =$$

$$= \underline{\cos 36\pi t + \cos 80\pi t}$$

4.c)

$$2 \cdot 14\pi = 28\pi < 30\pi \text{ Preciso alias}$$

$$2 \cdot 20\pi = 40\pi > 30\pi \text{ No preciso alias}$$

$$\omega_1 = 14\pi \pm 1 \cdot 30\pi = \rightarrow 44\pi$$

$$\rightarrow -16\pi$$

$$x_2(t) = \cos(-16\pi t) + \cos(20\pi t) =$$

$$= \underline{\cos(16\pi t) + \cos(20\pi t)}$$

5) 5.a) $t = 8 \text{ s}$

$$B = 100 \text{ kHz} = 100 \cdot 10^3 \text{ Hz}$$

$$256 \text{ niveles} \Rightarrow b = 8 \text{ bits}$$

$$R_b = b \cdot B = 2^3 \cdot 2 \cdot 100 \cdot 10^3 \text{ Hz} = 1.6 \cdot 10^6 \text{ bits/s}$$

$$t_{an} = n_b = R_b t = 1.6 \cdot 10^6 \cdot 8 = \underline{1.6 \text{ MB}}$$

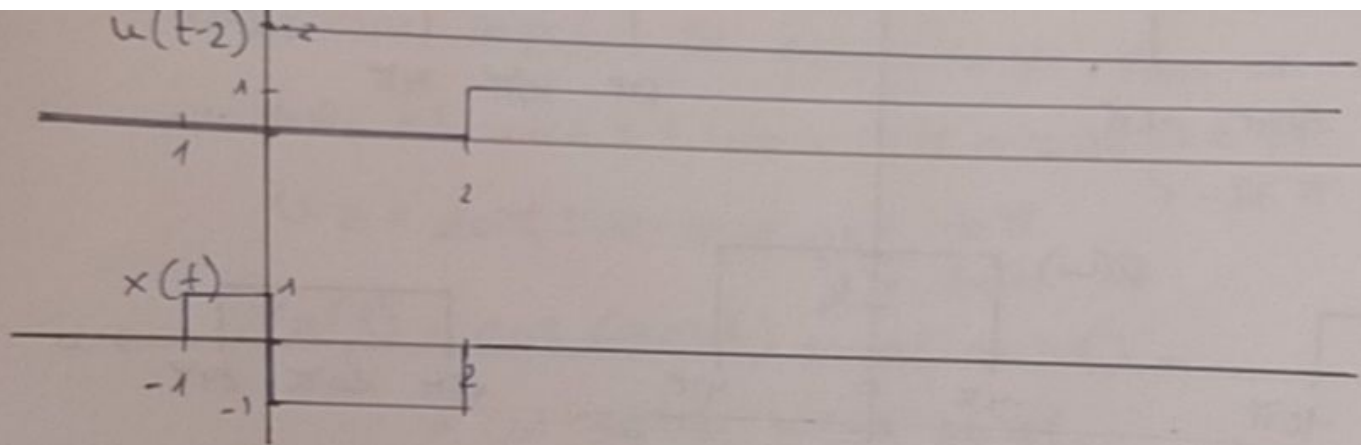
5.b) $b = 4$

$$t_{an} = 1.6 \text{ MB}$$

$$B = 1 \text{ MHz} = 1 \cdot 10^6 \text{ Hz}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} 1.6 \cdot 10^6 \cdot 8 = R_b \cdot t \\ R_b = 2 \cdot B \cdot b = 2 \cdot 10^6 \cdot 4 = 8 \cdot 10^6 \end{array} \right\}$$

$$\Rightarrow t = \underline{1.6 \text{ s}}$$



1.b)

$$E = \int_1^0 x^2 dt + \int_0^2 (1)^2 dt = t \Big|_1^0 + t \Big|_0^2 = +1 + 2 = 3 \text{ Julios}$$

$$P_{ot} = \lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} x^2(t) dt = \lim_{T \rightarrow \infty} \int_{-1}^0 1^2 dt + \int_0^2 (-1)^2 dt =$$

$$= \lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1}{T} \left(t \Big|_{-1}^0 + t \Big|_0^2 \right) = \lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1 + 2}{T} = \frac{3}{\infty} = 0 \text{ Watt}$$

1.c) ~~es~~ ^{tambien} poderíamos decir que la potencia con energía finita es 0. Pero la derivada de una constante es 0. Sin embargo los puntos 1, 0 y 2 no es continua y por tanto