

演習課題 12 レポート

0500319521

尾崎 凌明

1. 計算

(1)

微分方程式

$$i\hbar \frac{\partial \psi}{\partial t} = \left(-\frac{\hbar^2}{2m} \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{k}{2} x^2 \right) \psi$$

を初期条件

$$\psi(x, 0) = \frac{1}{\pi^{1/4}} \exp\left(-\frac{(x - x_0)^2}{2}\right), (t_0 = 5)$$

について解いた。ここで、刻み幅は $\Delta x = 1/20$ 、 $\Delta t = \pi/3200$ 、として $t = 0$ から $t = 2\pi$ まで解き、確率密度をグラフにプロットした。

(2)

(1)と同じ条件で初期条件を

$$\psi(x, 0) = \frac{\sqrt{2}}{\pi^{1/4}} \exp\left(-\frac{4(x - x_0)^2}{2}\right), (t_0 = 5)$$

として解き、グラフにプロットした。

2. 計算結果

(1)、(2)それぞれの計算結果は以下ようになった。(図 1、2)

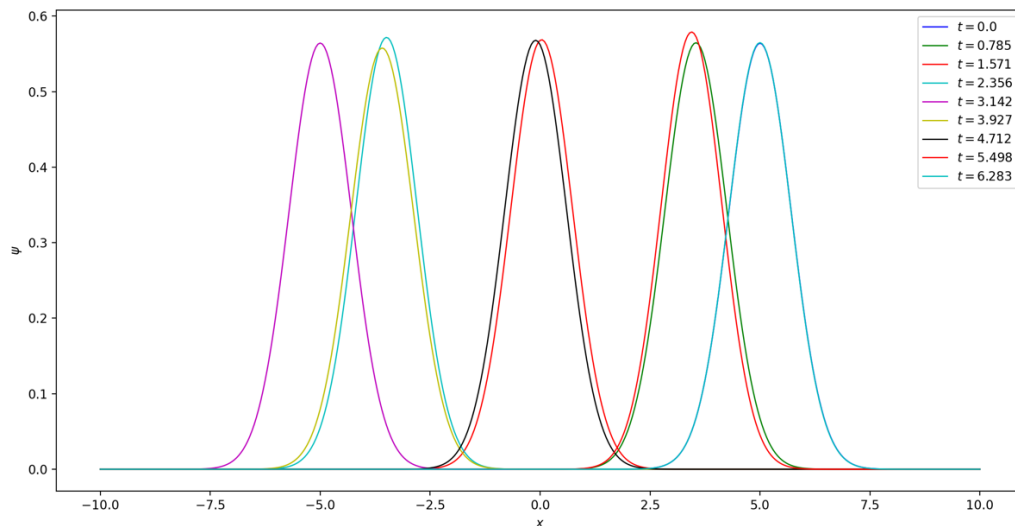


図 1 (1)の場合の確率密度の時間変化

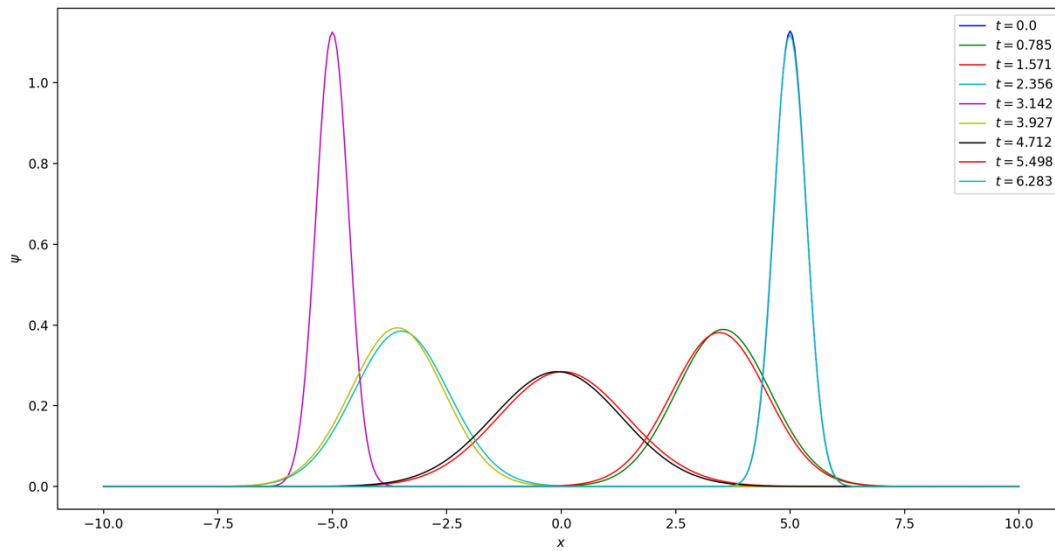


図 2 (2)の場合の確率密度の時間変化

3. 考察

図 1、2 を見ると、どちらも $x = 0$ を中心に分布が振動していることがわかる。

図 1 ではグラフの形状が変化していないのに対して、図 2 では振動中心では分布がなだらかになり、振動の端では分布が集中している。