Расчетная работы №3

Дано: E := 145 R1 := 70 R3 := 75

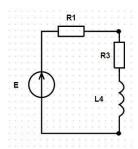
$$E := 145$$
 R.

$$C6 := 5 \cdot 10^{-6}$$

Ключ расположен параллельно С6, до коммутации ключ разомкнут

Найти: uc(t), uR3(t)

Схема после коммутации:

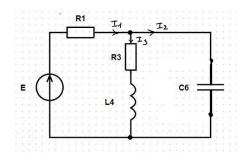


$$IL0 := I0$$

$$I0 := \frac{E}{R1 + R3} = 1$$

$$Uc := I0 \cdot R3 = 75$$

Схема до коммутации



Распишем законы Кирхгофа:

$$I1(p) - I2(p) - I3(p) = 0$$

$$I1(p) \cdot R1 + I2(p) \cdot (R3 + p \cdot L4) = (-IL0) \cdot L4 + \frac{E}{p}$$

$$I3\left(p\right)\cdot\frac{1}{C6\cdot p}-I2\cdot\left(R3+p\cdot L4\right)=\frac{Uc}{p}+IL0\cdot L4$$

Далее составляем матрицы:

$$M := \begin{bmatrix} 1 & -1 & -1 \\ R1 & R3 + p \cdot L4 & 0 \\ 0 & -R3 - p \cdot L4 & \frac{1}{C6 \cdot p} \end{bmatrix}$$

$$B := \begin{bmatrix} 0 \\ (-IL0) \cdot L4 + \frac{E}{p} \\ \frac{Uc(0)}{p} + IL0 \cdot L4 \end{bmatrix}$$

Находим IR3 = I2:

$$I2 := \frac{|M2|}{|M|} = \frac{5 \cdot |M2| \cdot p}{20000 \cdot (3 \cdot (1250 + p) + 3500) + 21 \cdot (1250 + p) \cdot p}$$

$$M2 := \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 \\ R1 & (-IL0) \cdot L4 + \frac{E}{p} & 0 \\ 0 & \frac{Uc}{p} + IL0 \cdot L4 & \frac{1}{C6 \cdot p} \end{bmatrix}$$

 $N2 := 20000 \cdot (7250 + 3 \cdot p) - 21 \cdot (1250 - p) \cdot p$

$$D2(p) := p \cdot (20000 \cdot (3 \cdot (1250 + p) + 3500) + 21 \cdot (1250 + p) \cdot p)$$

Maclaurin (f(x); n):=
$$\begin{vmatrix} v & := f(x) \\ for & i \in [1..n] \end{vmatrix}$$

 $\begin{cases} v & := \frac{d}{dx} & v \\ i+1 & := 0 \end{cases}$
 $\begin{cases} v & := 0 \\ v & := 0 \end{cases}$

Maclaurin (D2 (p); 2) =
$$\begin{bmatrix} 0 \\ 1,45 \cdot 10 \\ 86250 \end{bmatrix}$$

polyroots
$$\begin{bmatrix} 0 \\ 1,45 \cdot 10 \\ 86250 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ -1681,1594 \end{bmatrix}$$

$$p2 := -1681, 1594$$

$$\tau := \frac{1}{|p2|} = 0,0006$$

$$p1 := 0$$

$$5 \cdot \tau = 0,003$$

Нахождение производной

$$D2d := \frac{d}{dp} D2(p) = 2 \cdot (10000 \cdot (3500 + 3 \cdot (1250 + p)) + 3 \cdot (10000 + 7 \cdot (625 + p)) \cdot p) + 21 \cdot (1250 + p) \cdot p$$

Подстановка корней p := p2

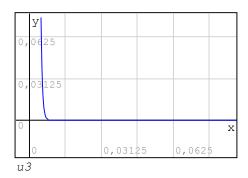
$$X2 := \frac{N2}{D2d} \cdot \exp\left(p \cdot t\right) = \frac{699236133254884 \cdot \exp\left(-\frac{8405797 \cdot t}{5000}\right)}{156588034282505}$$

Результат:

$$i2 := X2$$

$$t := x$$

$$u3 := R3 \cdot i2$$



Далее находим uc(t):

Для этого сначала определим I3:

p := s (используем присвоение переменной р, так как значение р уже использовалось (в нем уже есть значение))

$$M3 := \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 \\ R1 & R3 + p \cdot L4 & (-IL0) \cdot L4 + \frac{E}{p} \\ 0 & -R3 - p \cdot L4 & \frac{Uc}{p} + IL0 \cdot L4 \end{bmatrix}$$

$$I3 := \frac{|M3|}{|M|} = \frac{3 \cdot (1250 + s) \cdot (3500 + 3 \cdot (1250 + s) + 7250 - 3 \cdot s)}{500 \cdot (20000 \cdot (3 \cdot (1250 + s) + 3500) + 21 \cdot (1250 + s) \cdot s)}$$

$$N3 := 3 \cdot (1250 + s) \cdot (3500 + 3 \cdot (1250 + s) + 7250 - 3 \cdot s)$$

$$D3 (p) := 500 \cdot (20000 \cdot (3 \cdot (1250 + s) + 3500) + 21 \cdot (1250 + s) \cdot s)$$

$$Uc6 := \left(\frac{I3}{p \cdot C6} - \frac{Uc}{p}\right) = -\frac{75 \cdot (20000 \cdot (3500 + 3 \cdot (1250 + s)) + 21 \cdot (1250 + s) \cdot s - 232000 \cdot (1250 + s))}{s \cdot (20000 \cdot (3 \cdot (1250 + s) + 3500) + 21 \cdot (1250 + s) \cdot s)}$$

$$N := (-75) \cdot (20000 \cdot (3500 + 3 \cdot (1250 + s)) + 21 \cdot (1250 + s) \cdot s - 232000 \cdot (1250 + s))$$

$$D(s) := s \cdot (20000 \cdot (3 \cdot (1250 + s) + 3500) + 21 \cdot (1250 + s) \cdot s)$$

$$Maclaurin(D(s); 3) = \begin{bmatrix} 0 \\ 1, 45 \cdot 10 \\ 86250 \\ 21 \end{bmatrix}$$

Нахождение корней:

Производная от D(s) по s:

$$uc6 := X1 + X2 + X3 \qquad \qquad s := x$$

