Architecture des ordinateurs

Circuits logiques séquentiels

Pr. Zaynab EL KHATTABI

Plan du cours

- ✓ Introduction
- ✓ Rappels
- ✓ Circuits séquentiels
 - **✓** Définitions
 - ✓ Les bascules
 - ✓ Bi-stable
 - ✓ RS-Latch
 - **✓** RST
 - ✓ D-Latch
 - ✓ D-flip flop
 - ✓ Autres types de bascules
- ✓ Les registres
- ✓ Mémoire
- ✓ Compteur/Décompteur

Introduction

- Tout ordinateur est conçu à partir de circuits intégrés qui ont tous une fonction spécialisée (ALU, mémoire, circuit décodant les instructions etc.)
- Ces circuits sont fait à partir de circuits logiques dont le but est d'exécuter des opérations sur des variables logiques (binaires).
- Les circuits logiques sont élaborés à partir de composants électroniques transistors
- Types de circuits logiques:
 - Combinatoires
 - Séquentiels

Rappels: Circuits combinatoires

- Les fonctions de sortie s'expriment selon des expressions logiques des variables
- d'entrée seulement.
- Un circuit combinatoire est défini par une ou plusieurs fonctions logiques
- Le circuit combinatoire est défini lorsque son nombre d'entrées, son nombre de sorties ainsi que l'état de chaque sortie en fonction des entrées ont été précisés.
- Ces informations sont fournies grâce à une table de vérité
- La table de vérité d'une fonction de n variables à 2ⁿ lignes états d'entrée
- Algèbre de Boole et les fonctions logiques sont le support théorique des circuits combinatoires



Rappels: Variables booléennes

- Un système binaire est un système qui ne peut exister que dans deux états autorisés.
- Diverses notations peuvent être utilisées pour représenter ces deux états :
 - **numérique** : 1 et 0
 - **logique** : vrai et faux
 - électronique : ON et OFF, haut et bas
- Une variable logique est une variable qui peut prendre deux états ou valeurs: vrai (V) ou faux (F)
- En faisant correspondre V avec le chiffre binaire 1 et F avec 0, ce type de variable devient une variable booléenne ou binaire.

Rappel: Portes logiques

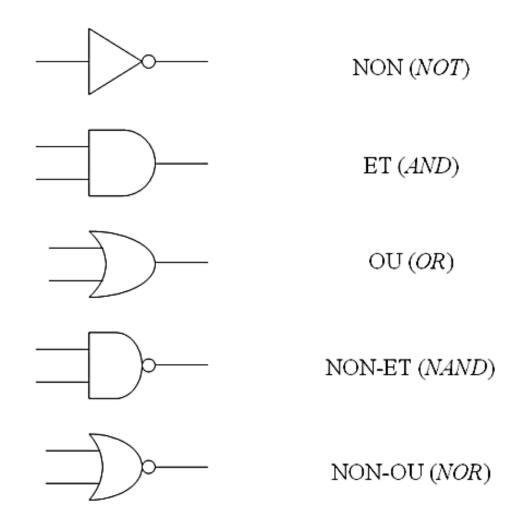
- En électronique les deux états d'une variable booléenne sont associés à deux niveaux de tension: V(0) et V(1) pour les états 0 et 1 respectivement.
- On distingue les logiques positive et négative selon que V(1) > V(0) ou V(1) < V(0)

Niveau	Logique positive	Logique négative
Haut	1	0
Bas	0	1

- Toute fonction logique peut être réalisée à l'aide d'un nombre de fonctions logiques de base appelées portes.
- Un circuit se représente par un logigramme.

Rappel : Réalisation des fonctions booléennes

- Toute fonction logique peut être réalisée à l'aide des portes
- Réalisation d'une fonction booléenne
 - 1. Écrire l'équation de la fonction à partir de sa table de vérité
 - 2. Simplifier l'équation
 - 3. Réaliser l'équation à l'aide des portes disponibles



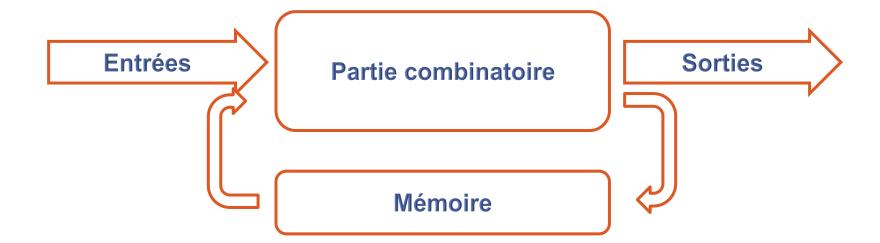
Rappels : Relation d'équivalence des circuits

Soucis majeurs des concepteurs

- Réduire le nombre de portes nécessaires à la réalisation des systèmes
 - Minimiser le coût en nombre de boîtiers
 - La consommation électrique
- Minimiser la complexité
 - Créer un système équivalent avec certains paramètres optimisés
 - Recherche d'équivalence
 - Utiliser les lois et théorèmes de l'algèbre de Boole

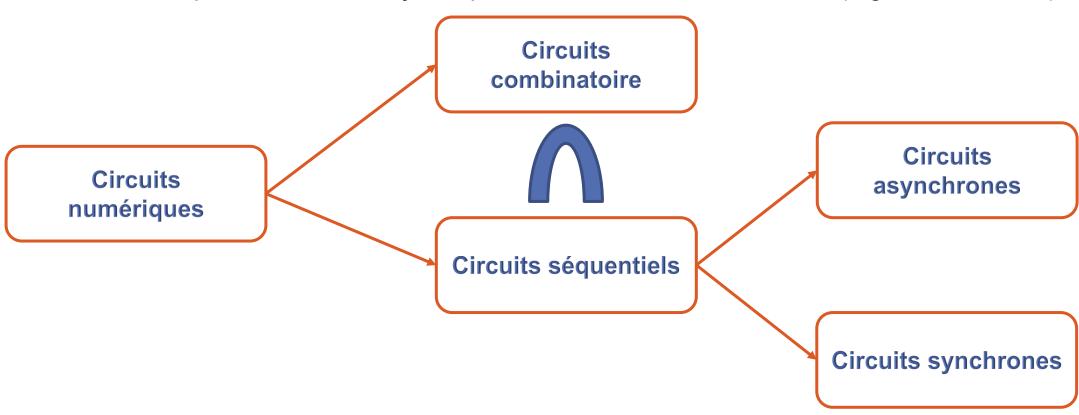
Circuits séquentiels

- Circuits séquentiels ou à mémoire
- Les fonctions de sortie dépendent non seulement de l'état des variables d'entrée mais également de l'état antérieur de certaines variables de sortie (propriétés de mémorisation)



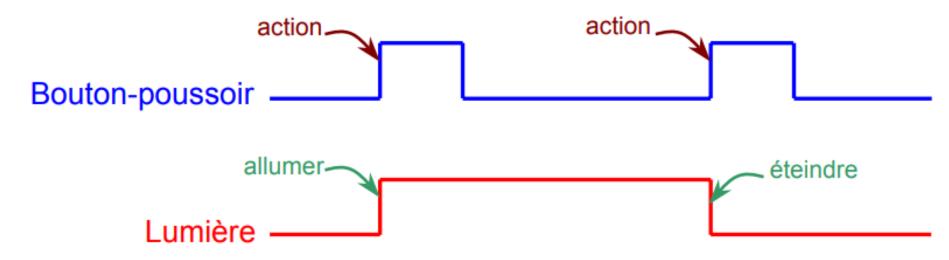
Circuits séquentiels

Les circuits séquentiels sont conçus à partir de circuits combinatoires (algèbre de Boole)



Circuits séquentiels Exemple 1

Lampe électrique commandée par un bouton poussoir



- → L'évolution du système dépend non seulement de la position du bouton poussoir à un instant donné, mais aussi du fait que la lampe soit allumée ou non.
- → Le système dépend donc de l'état précédent car il conserve la mémoire de l'action précédente; c'est la caractéristique essentielle d'un système séquentiel.

Circuits séquentiels Exemple 2

Cadenas électronique E Cadenas Cadenas Code d'ouverture: 101 1ère entrée: 1 2ème entrée: 0 3ème entrée: 1 Temps Cadenas Temps Temps

- Le Circuit Séquentiel a une mémoire pour se rappeler de la séquence précédente.
- Le terme Séquentiel viens en rapport à ce comportement.

Circuits séquentiels Caractéristiques des Circuits Séquentiels

Dynamiques:

Evolution dans le temps

Boucles:

Le retour d'une partie des sorties vers une partie des entrées

Mémoire:

Mémorisation des séquences d'entrées précédentes.

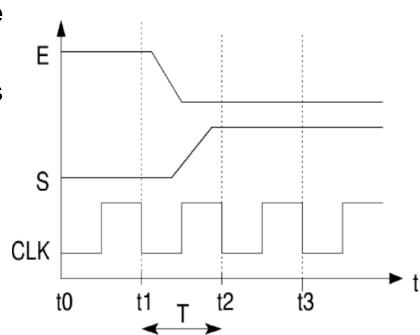
Horloge:

 généralement une itération (boucle) est effectuée pour chaque impulsion d'horloge.

Circuits séquentiels Définitions

Horloge: Définition

- un signal numérique périodique à base de 0 et de 1, se caractérisant par une **Période** et une **Fréquence**
- Système logique qui émet régulièrement une suite d'impulsions calibrées
- L'intervalle de temps entre 2 impulsions représente le temps de cycle ou la période de l'horloge
- L'horloge est notée par h ou ck (clock).



Circuits séquentiels Définitions

Circuit synchrone

- Un circuit séquentiel est dit synchrone lorsque la variable horloge est utilisée comme entrée parmi les entrées de ce circuit.
- Tout Circuit Séquentiel doit avoir une entrée d'horloge, souvent nommé Clock(clk).
- Contrairement aux autres entrées, l'entrée du signal d'horloge n'est pas une entrée d'informations ou de données

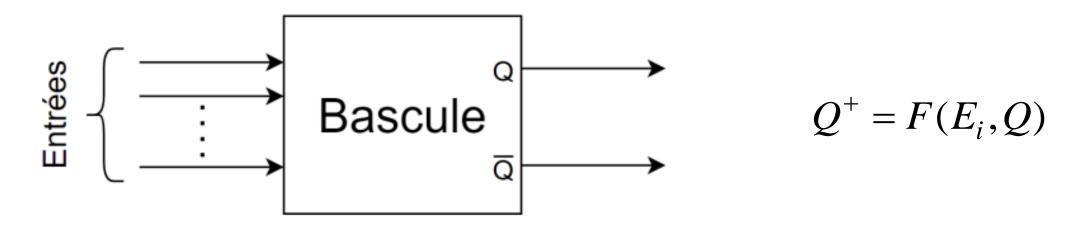
Circuits séquentiels Notations

Un circuit séquentiel est un circuit logique dont la sortie à l'instant t+1 (notée S_{t+1} ou S^+) est une fonction des entrées en même instant t+1 et de la sortie précédente à l'instant t (notée S_t ou S).

$$S_{t+1} = F(E, S_t)$$
$$S^+ = F(E, S)$$

Circuits séquentiels Les Bascules

- Technologie de mémoire utilisée dans les Circuits Numériques
- Les bascules sont des circuits à base de la logique séquentielle .
- Une bascule peut posséder une horloge (synchrone) ou non (asynchrone).
- Chaque bascule possède des entrées et deux sorties $\mathcal Q$ et $\mathcal Q$
- Une bascule possède la fonction de mémorisation et de basculement.

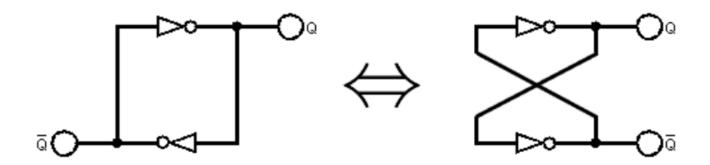


Circuits séquentiels Les Bascules

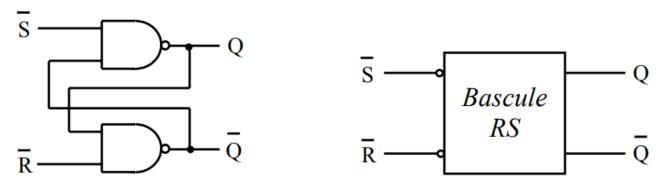
- Il existe plusieurs types de bascules:
 - Bi-stables
 - RS-Latch
 - D-Latch
 - D-FlipFlop
 - ...
- Ces 4 circuits sont des circuits élémentaires appelés cellule-mémoire,
- Ils représentent des circuits pour sauvegarder ou mémoriser 1 seul bit, ils peuvent mémoriser la valeur 0 ou 1.
- Les sorties des cellules-mémoires indiquent la valeur sauvegardée à l'intérieur de la cellule, la valeur est dans Q ($\overline{\mathbf{Q}}$ est toujours l'inverse de Q).
- Les entrées permettent d'entrer une nouvelle valeur à mémoriser ou de commander la cellule de mémoriser la valeur actuelle.

Circuits séquentiels Les Bascules : Bi-stable

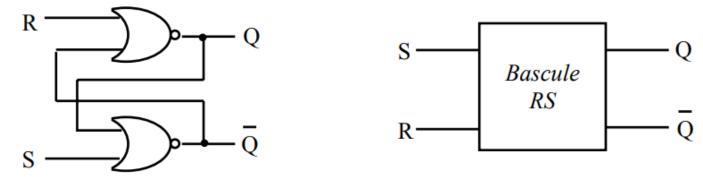
- Le circuit forme un cycle dans lequel la sortie de la 1ère porte NOT arrive à l'entrée de la 2ème porte NOT, et la sortie du 2-ième NOT arrive à l'entrée de la 1ère.
- Le circuit Bi-stable ne contient pas d'entrées, et contient 2 sorties Q et \overline{Q} .
- Le circuit peut suivre 2 scénarios possibles, sur le schéma en bas, le circuit peut se stabiliser sur le Cas 1 : Q = 0 et $\overline{Q} = 1$, ou le Cas 2 : Q = 1 et $\overline{Q} = 0$, et le signal boucle infiniment d'une façon stable sur l'un des 2 Cas. D'où le nom Bi-stable.
- Ce phénomène de stabilité permanente incarne le comportement de la mémoire.



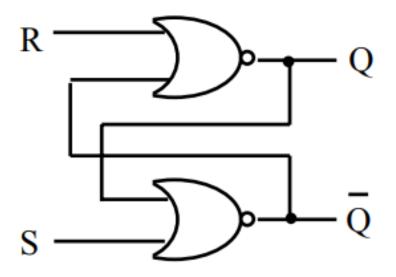
 Le circuit est formé de 2 portes NOR croisées, tel que la sortie de l'une est l'entrée de l'autre et vice-versa, et former ainsi un cycle.



Bascule RS à portes NAND

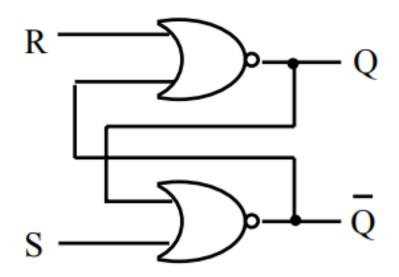


- La bascule RS dispose de deux entrées R et S et de deux sorties Q et Q
- Table de vérité : (cas de Q=0 initialement)



R	S	Q	Q ⁺
0	0	0	0
0	1	0	1
1	0	0	0
1	1	0	X

■ Table de vérité : (cas de **Q=1 initialement**)



R	S	Q	Q ⁺
0	0	1	1
0	1	1	1
1	0	1	0
1	1	1	X

Etat incohérent!!

R	S	Q	Q ⁺
0	0	1	1
0	1	1	1
1	0	1	0
1	1	1	Х

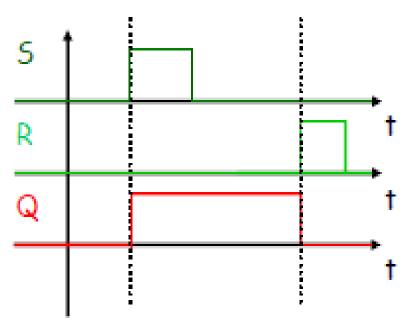
R	S	Q	Q ⁺
0	0	0	0
0	1	0	1
1	0	0	0
1	1	0	X

R	S	Q+	$\overline{m{Q}}$
0	0	Q	$ar{m{Q}}$
0	1	1	0
1	0	0	1
1	1	Х	X

- L'entrée Mémoriser (00) conserve Q
- > L'entrée mode Set remet Q à 1
- ➤ L'entrée mode Reset remet Q à 0
- > L'entrée (11) est interdite

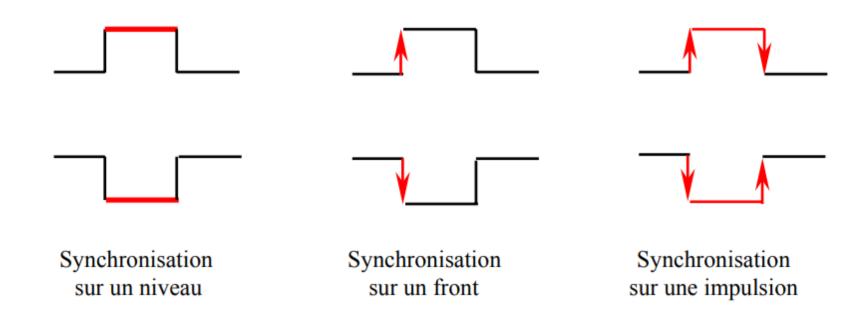
Chronogramme:

Représente la succession des états logiques en fonction du temps.



- L'entrée R (**Reset**) est le signal d'effacement de la mémoire (Q = 0).
- L'entrée S (**Set**) reçoit l'information à mémoriser (Q = 1).

- Dans le cas de la bascule asynchrones RS, le changement d'état de la sortie se produit immédiatement quand les valeurs d'entrée sont changées.
- Il existe d'autres bascules, dites synchrones, pour lesquelles le changement d'état de la sortie est cadencé au rythme d'un signal appelé horloge "clock".
- Les bascules synchrones fonctionnent selon l'un des trois modes de synchronisation:

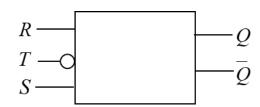


- La bascule RST est la synchronisation de la bascule RS par l'adjonction d'un signal T (ou H ou Clk).
- La bascule RST dispose de trois entrées R, S et T de deux sorties Q et Q
 - Si T=0 l'état de la mémoire est conservée (mémorisée).
 - Si T=1 la bascule RST est équivalente à la bascule RS

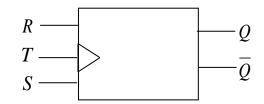
T	R	S	Q^+
0	X	X	Q
1	0	0	Q
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	Х



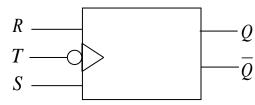




Synchronisation sur niveau bas



Synchronisation sur front montant



Synchronisation sur front descendant

- La D-Latch est une amélioration de la RS-Latch, dans le sens où une seule entrée est dédiée pour le changement de valeur de la cellule-mémoire, au-lieu de 2 pour la RS-Latch.
- La 2ème entrée est dédiée pour l'horloge (clk : Clock), entrée indispensable pour tout Circuit Séquentiel Synchrone.
- D-Latch utilise une RS-Latch pour son fonctionnement.

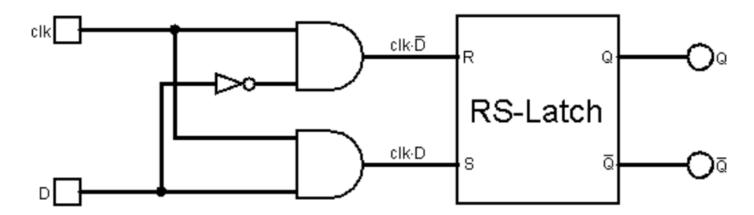
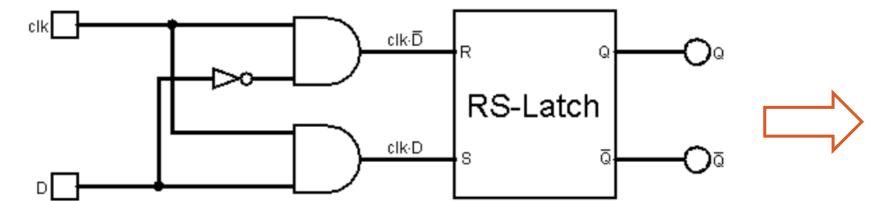


Table de vérité:



clk	D	Q ⁺
0	0	Q
0	1	Q
1	0	0
1	1	1

- Si **T=0** l'état de la sortie est conservée (**Q+ = Q**).
- Si T=1 la valeur de D est copiée sur la sortie (Q+ = D).

D-Latch

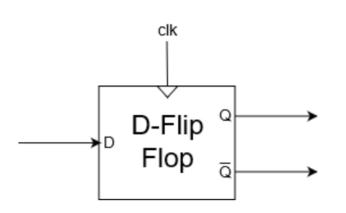
- L'horloge permet de contrôler les 2 modes:
 - Mémoriser si l'horloge est à 0
 - Changement de la valeur de la cellule si l'horloge est à 1, dans ce dernier cas c'est l'entrée D qui change directement la valeur de la cellule.
- Lors du mode Mémoriser, la D-Latch est parfois dite fermée (ou opaque) en raison que la valeur D ne peut pas changer l'intérieur de la cellule.
- Lors du mode Changement, la bascule est dite ouverte (ou transparente), la valeur de D peut entrer et modifier l'intérieur de la cellule.
- L'avantage de la D-Latch par rapport à la RS-Latch c'est qu'il n'y a pas de risque de tomber dans le cas interdit 11 comme dans la bascule RS-Latch.

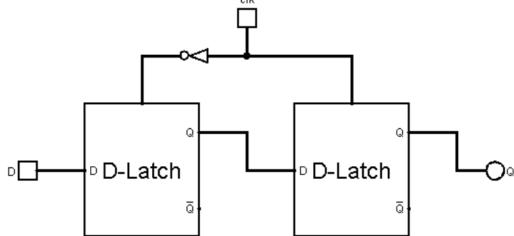
Circuits séquentiels Les Bascules : D-Flip-flop

Bascules D sur front:

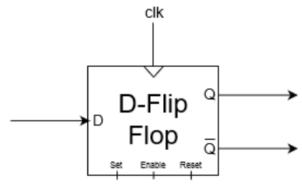
- Une D-FlipFlop est une Bascule constituée internement par 2 D-Latch mises en série l'une après l'autre, l'une des 2 est rythmée par l'horloge inversée.
- La D-FlipFlop fonctionne d'une manière similaire à la D-Latch, la seule différence c'est que le temps de transparence, de modification de la valeur de la cellule et très réduit, c'est lors du front montant de l'horloge.

Sur chaque front montant de T, la bascule mémorise l'état qu'elle voit sur l'entrée D
à cet instant (juste avant le front montant).





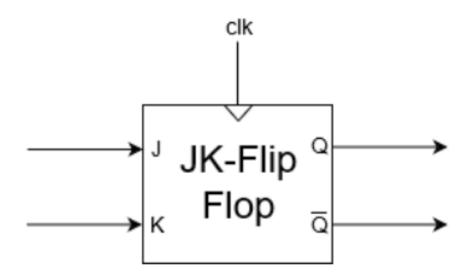
Circuits séquentiels Les Bascules : D-Flip-flop



- Les D-FlipFlop peuvent disposer des entrées de commandes additionnelles:
 - Set
 - Reset
 - Enable
- Enable: permet avec 1 d'activer ou avec 0 de désactiver une FlipFlop.
 - Si la FlipFlop est activée elle fonctionne normalement, dans le cas contraire, la désactiver implique la conservation de la donnée.
- Set et Reset s'ils sont mis à 1, permettent respectivement de modifier la valeur interne de la cellule à 1 et à 0 (Set à 1 et Reset à 0).

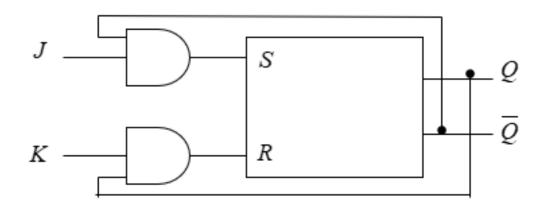
JK-FlipFlop:

 Semblable à l'RS-FlipFlop dans sa logique d'utilisation, mais en plus elle offre une correction du cas interdit (11) en inversion le contenu sauvegardé de la cellule.



JK-FlipFlop:

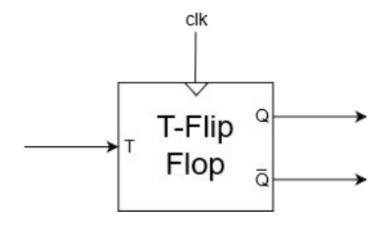
La bascule JK peut être obtenu à partir de la bascule RS tel que S = J.Q et R = K.Q.
 Donc on a éliminé le cas S=R=1.



J	K	Q^+
0	0	Q
0	1	0
1	0	1
1	1	\overline{Q}

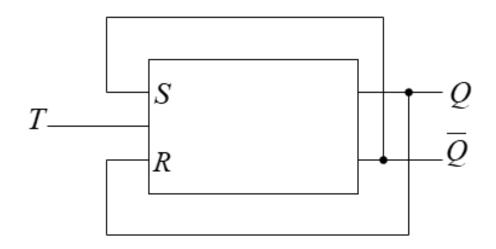
T-FlipFlop:

- T pour Trigger (déclencheur).
- Elle a une seule entrée, si elle est mise à 1 elle va inverser la valeur sauvegardée.
- Pour contrôler le contenu initial de la T-FlipFlip, les entrées Set et Reset sont généralement utilisées.



T-FlipFlop:

- Si T=0 l'état de la mémoire est conservée (mémorisée).
- Si T=1 le complément de l'état de la mémoire est conservée.
- La table de vérité n'est applicable que lors du front montant de l'horloge, le reste de la période la FlipFlop sauvegarde sa valeur.

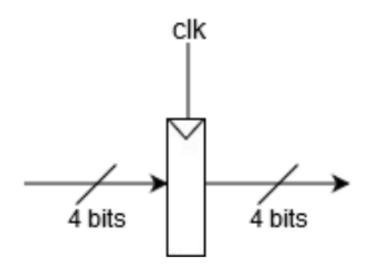


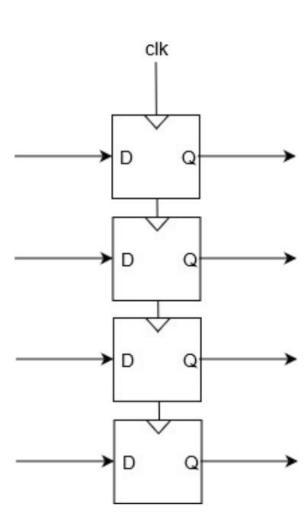
Т	Q^+
0	Q
1	$\overline{m{Q}}$

Circuits séquentiels Les registres

- Les Registres représentent un moyen de mémoriser un mot d'information (ou mot mémoire) sur n bits; 4 bits, 8 bits, 16 bits, 32 bits...etc, en en utilisant un tableau de plusieurs D-FlipFlop synchronisées avec le même signal d'horloge.
- Les registres sont situés dans le processeur (sont regroupés sur un banc de registres) et constituent donc une mémoire locale au processeur.
- Les registres permettent à mémoriser les informations manipulées directement par l'UAL.

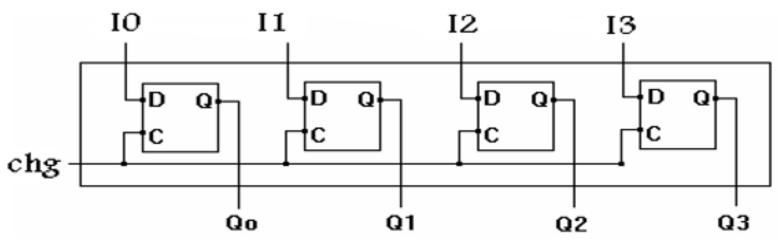
Exemple : un Registre de 4 bits





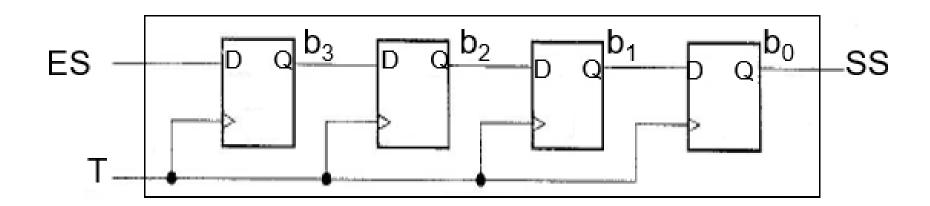
Registre à entrées parallèles et sorties parallèles

- Permet de charger une information sur n bits en même temps.
- Les n bascules changent d'état en même temps.
- Chaque bascule Bi prend la valeur de l'information li.
- chg est l'entrée de chargement:
 - chg=0 → état mémoire,
 - chg=1 → chargement

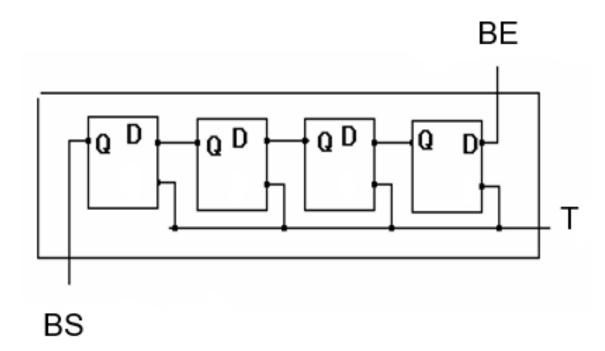


Registre à décalage: (entrée série à gauche)

- L'information est introduite bit par bit (en série).
- Après 4 activations d'horloge, les 4 bits sont entrées dans le registre (mémorisation).
- À chaque nouvelle entrée ES, les bits mémorisés dans le registre sont décalés d'une position b_i à b_{i-1} et le bit b₀ sera décalé vers la sortie SS (décalage à droite)



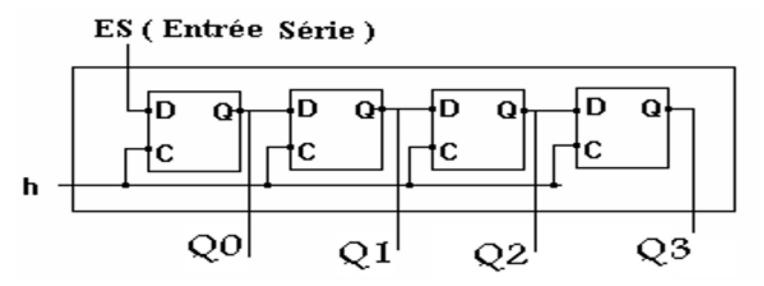
Registre à décalage: (entrée série à droite)



Registre à décalage sorties parallèles:

Lorsque l'entrée est stockée, chaque bit apparaît simultanément sur les lignes de sortie.

Le registre à décalage est utilisé comme convertisseur série/parallèle. Il est nécessaire à la réception lors d'une transmission série.

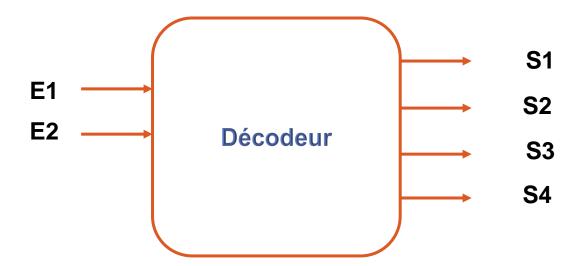


- Le registre à décalage est intégré dans les Unités Arithmétiques et Logiques (UAL), dans lesquelles, outre le stockage des données, il permet de réaliser la multiplication et la division par 2.
- Ces registres sont également utilisés pour réaliser des compteurs circulaires, des diviseurs de fréquence, des générateurs de fonctions, des convertisseurs de données série/parallèle ou parallèle/série que l'on retrouve surtout dans les systèmes de transmissions de données.

Définition

- Un mot de m bits est mémorisé dans un ensemble de m bascules.
- Une mémoire de n mots de m bits est réalisée à l'aide de nxm bascules.
- Étant donné une adresse, un décodeur sélectionne un mot dans la mémoire, c'està-dire les bascules constituant les bits du mot à accéder.
- Un signal d'écriture indique si le contenu du mot-mémoire est modifié (opération d'écriture en mémoire) ou consulté (opération de lecture).

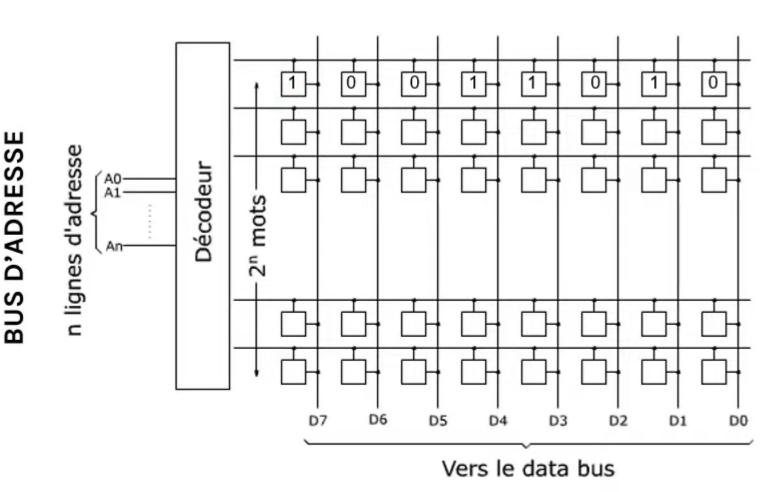
Décodeur:



- 2 bits permettant 2⁴ combinaisons
- Une seule sortie parmi les 4 est activée à la fois pour chaque combinaison d'entrée

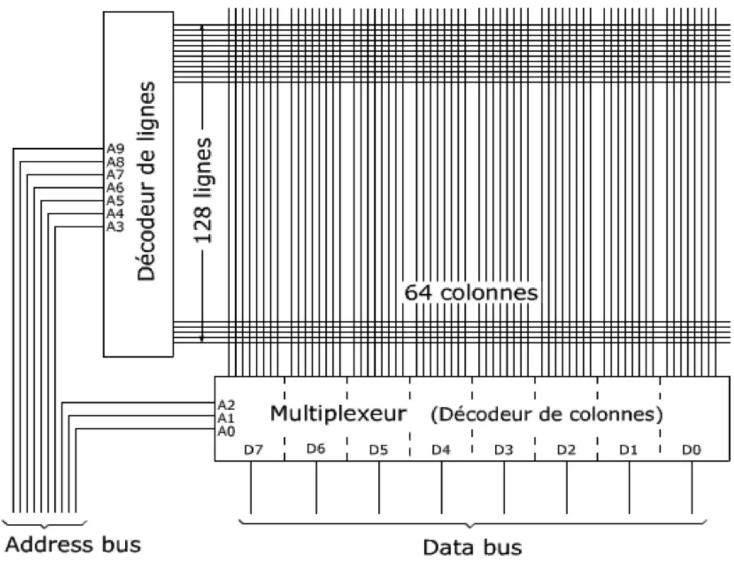
Adressage linéaire:

- Les lignes d'adresses sont connectées aux n entrées d'un décodeur qui sélectionne une seule des 2ⁿ lignes du composant mémoire.
- Les bits qui appartiennent à la ligne sélectionnée sont connectés au bus des données.



BUS DE DONNEES

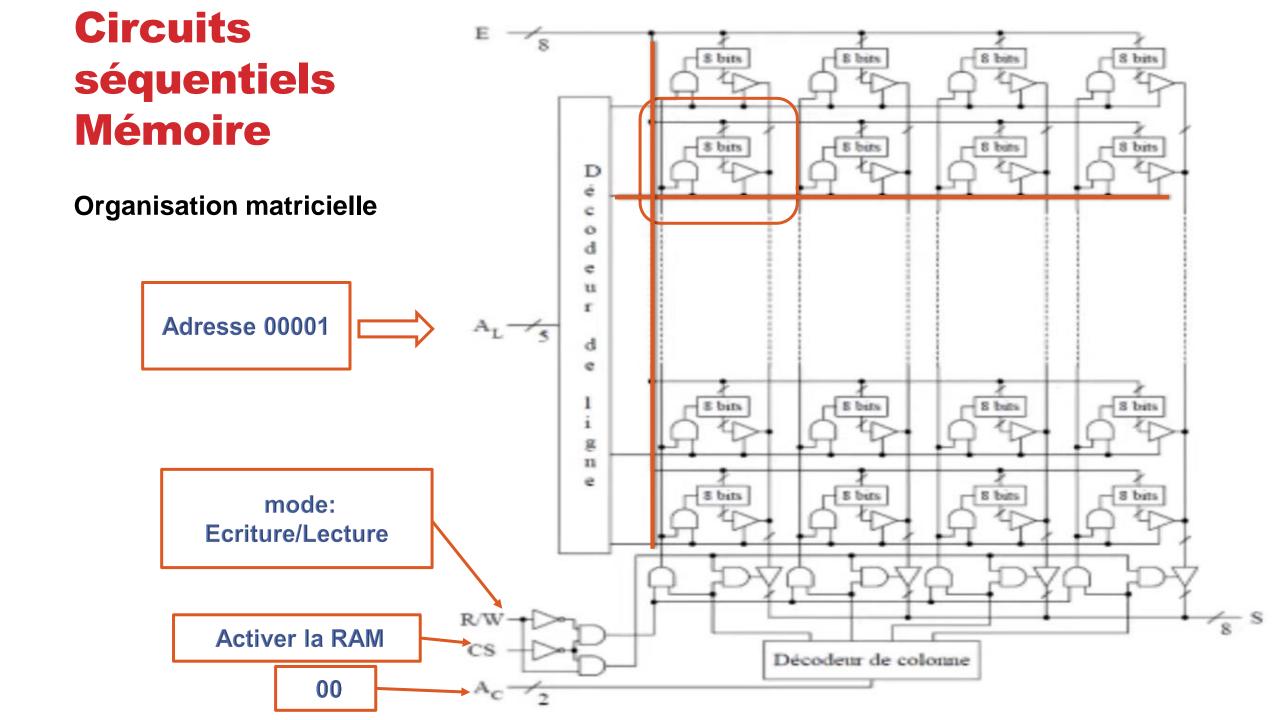
Organisation matricielle:



Une organisation matricielle des cellules mémoires est utilisée avec une matrice aussi carrée que possible.

Exemple: Une mémoire de 1 Ko = 2^{10} octet

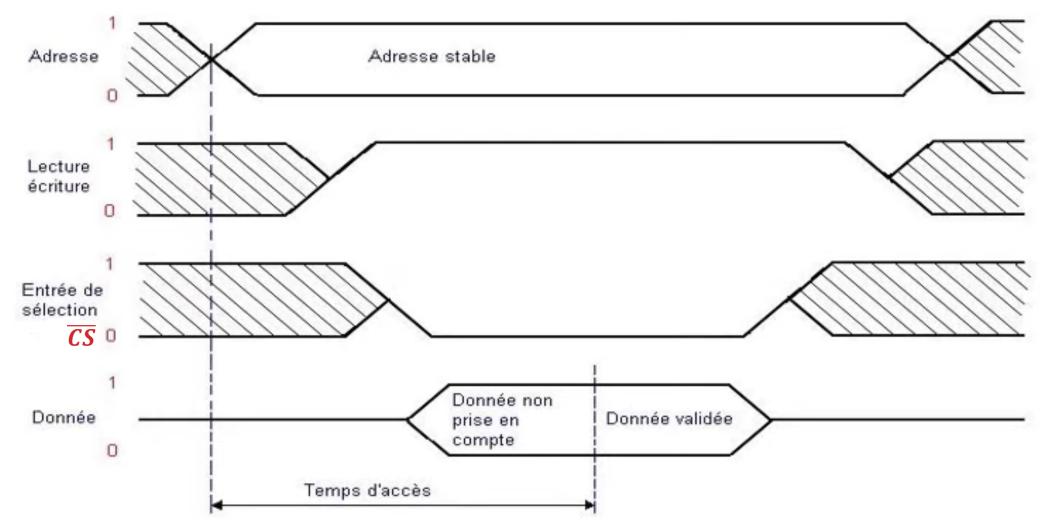
- Les 10 lignes d'adresse de cet exemple (1024) pourraient être réparties comme suit:
 - Les 7 bits d'adresse les plus significatifs (A9 à A3) sont connectés à un décodeur qui n'a plus que 2⁷=128 sorties (au lieu de 1024)
 - Les 3 bits les moins significatifs de l'adresse (A2,A1 et A0) commandent un multiplexeur qui sélectionne 8 signaux (1 octet).
- L'adressage se fait en 2 dimensions: lignes et colonnes
- L'adressage se fait en deux temps: sélection d'une ligne et puis sélection du numéro de colonne.



Procédure de lecture:

- 1. Sélectionner l'adresse
- Choisir l'opération à effectuer(R/W)
- 3. Activer la mémoire
- 4. L'information est obtenu sur le bus de sortie après un délai

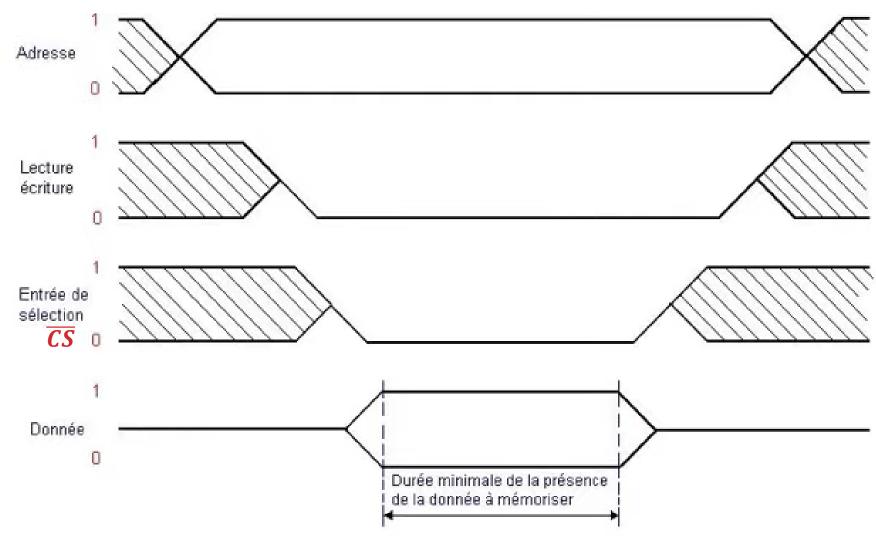
Organigramme de lecture de la mémoire:



Procédure d'écriture:

- 1. Sélectionner l'adresse
- 2. Choisir l'opération à effectuer(R/W)
- 3. Activer la mémoire
- 4. Effectuer une impulsion d'écriture

Organigramme d'écriture en mémoire



Exemples:

- 1. Sachant que le bus d'adresse du processeur est de 16 bits, avec un alignement à l'octet, quelle est la taille de l'espace mémoire maximum que celui-ci peut adresser?
- 2. Sachant que la taille de la mémoire est de 4Go, et que chaque ligne contient 4 octets, calculer la longueur du bus d'adresse.

Conversion de l'octet en Ko, Mo, Go:

1 Ko=2¹⁰ octets

1 Mo= 2^{10} Ko= 2^{20} octets

1 Go= 2^{10} Mo= 2^{30} octets

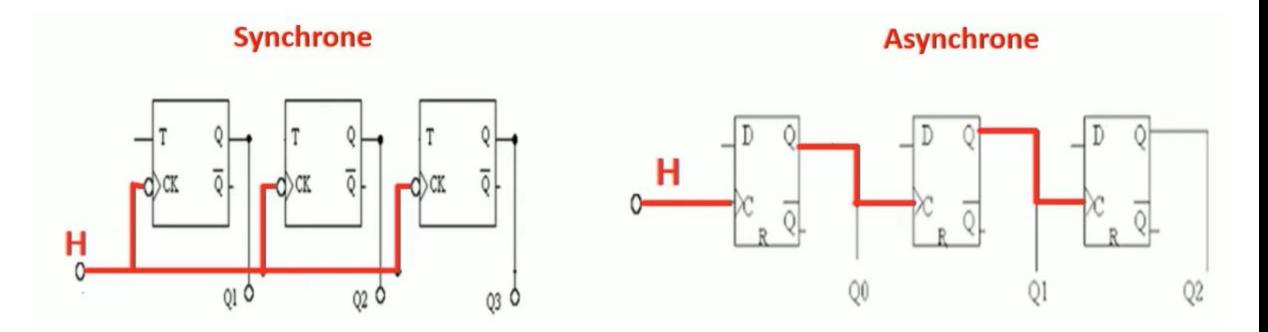
- Mode Compteur: Evolution croissante de la valeur de sortie dans le temps
- Mode Décompteur: Evolution décroissante de la valeur de sortie dans le temps
- Mode de comptage:
 - Les compteurs à cycle complet :compter tous les nombres
 - Les compteurs à cycle incomplet: compter jusqu'à un nombre inférieur à la valeur maximale.

Définition:

- Un compteur (ou décompteur) est un circuit séquentiel comportant n bascules décrivant au rythme d'une horloge, sur front descendant (ou montant), un cycle de comptage régulier ou quelconque d'un maximum de 2ⁿ combinaisons.
- La combinaison de sortie d'un compteur est appelé état, et le nombre d'états possibles d'un compteur est appelé modulo.

Il existe deux types de structures:

- Synchrone: toutes les bascules possèdent une horloge commune de commande
- Asynchrone: Pas d'horloge commune, Le signal d'horloge des autres bascules est fourni par la sortie de la bascule précédente.



Modulo:

- Un compteur modulo N permet de compter jusqu'à la valeur N-1
- Un compteur modulo 7 compte de 0 à 6
- Un compteur possède 16 états distincts (compte de 0000 à 1111)

Nombre de bascules:

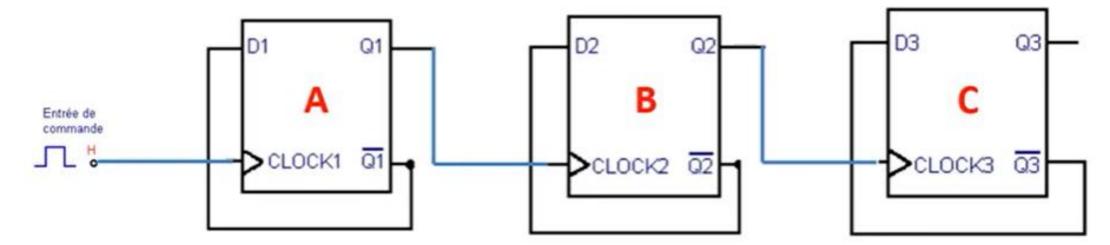
- Avec n bascules, on a 2ⁿ états
- Pour un modulo 8, on compte de 0 à 7
- Le nombre 7 le plus grand $2^2 \le 7 \le 2^3$

==> On a besoin de 3 bascules.

Exemple 1: Décompteur modulo 8

- Constitué de 3 bascules D fonctionnant en front montant.
- Le signal d'horloge n'est reçu que par la première bascule.

Montage:



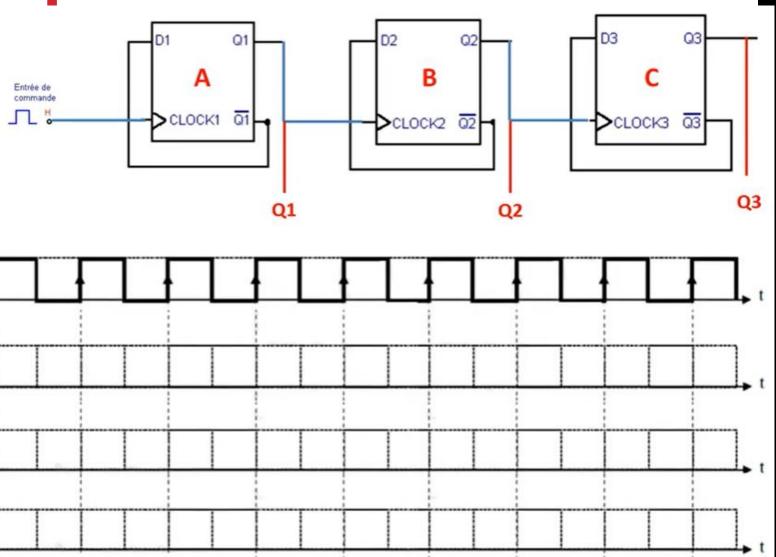
Q1

Q2

Q3

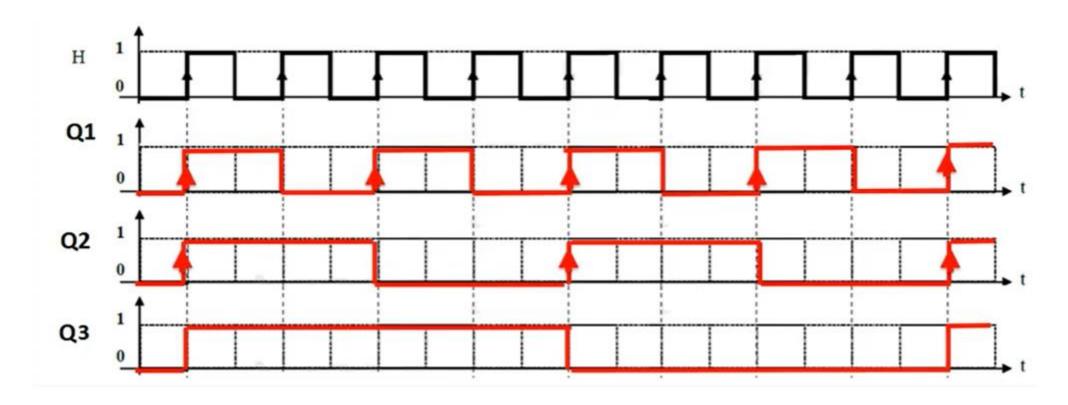
Exemple 1: Décompteur modulo 8

Les sorties QC.QB.QA



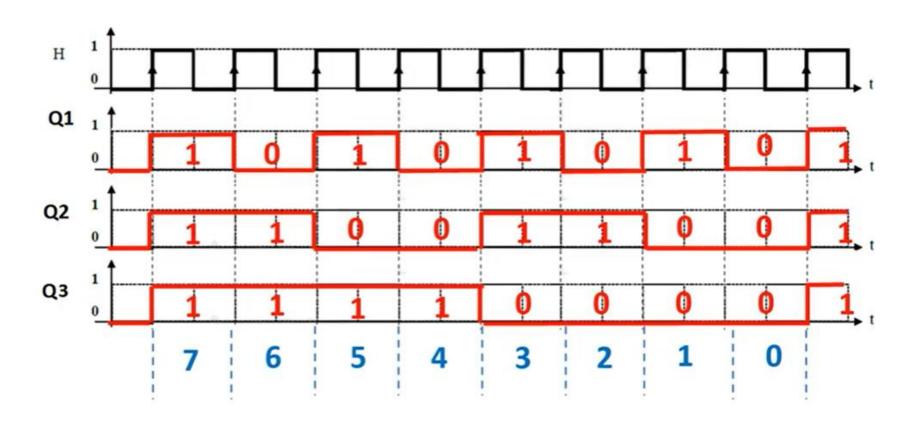
Exemple 1: Décompteur modulo 8

Chronogramme:



Exemple 1: Décompteur modulo 8

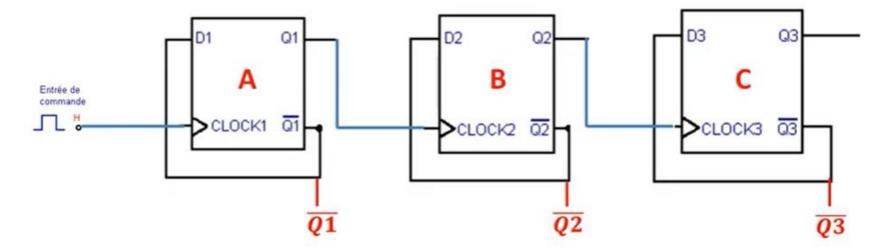
Chronogramme:



Exemple 2: Compteur modulo 8

- Constitué de 3 bascules D fonctionnant en front montant.
- Le signal d'horloge n'est reçu que par la première bascule.

Montage:



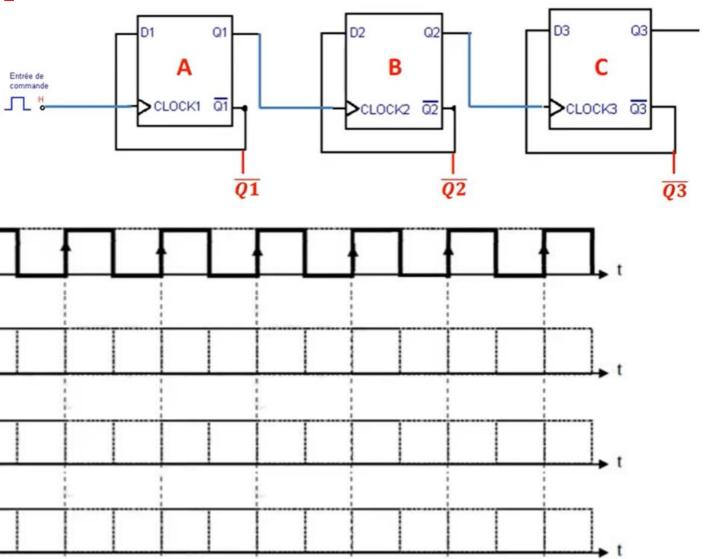
Les sorties: \overline{QC} . \overline{QB} . \overline{QA}

Exemple 2: Compteur modulo 8

Q1

Q2

Qз



Exemple 2: Compteur modulo 8

Chronogramme

