Equations-Fonctionelles

Exercice 1 Trouver $f: \mathbb{R}_+^* \to \mathbb{R}$ continue telle que

$$\forall x > 0 \quad \forall n \in \mathbb{N}^* \quad f(nx) = f(x)$$

Exercice 2 On donne a, b, c trois réels strictement positifs distincts. Déterminer toutes les fonctions $f \in C^{\infty}(\mathbb{R}, \mathbb{R})$ telles que

$$\forall x \in \mathbb{R} \quad f(ax) + f(bx) + f(cx) = 0$$