

# RAPPORT DE STAGE

Titre du rapport de stage

Sous-titre

**Étudiant :** Alexandre EDELINE  
**École :** ENSTA Paris - IP Paris  
**Période :** du 14/04/2025 au 15/09/2025

**Laboratoire :** CMAP - École Polytechnique  
**Lieu :** Palaiseau, France  
**Maîtres de stages :** Marc MASSOT et Christian TENAUD  
**Tuteur académique :** Patrick CIARLET

24 juillet 2025



## Remerciements

Je tiens à remercier...

## Résumé

### Résumé

Résumé du rapport de stage en français (150-300 mots). Présenter brièvement le contexte, les objectifs, la méthodologie, les principaux résultats et conclusions.

English abstract of the internship report (150-300 words). Briefly present the context, objectives, methodology, main results and conclusions.

**Mots-clés :** mot-clé 1, mot-clé 2, mot-clé 3, mot-clé 4, mot-clé 5

**Keywords :** keyword 1, keyword 2, keyword 3, keyword 4, keyword 5

## Abstract

# Table des matières

<b>Remerciements</b>	<b>2</b>
<b>Résumé</b>	<b>3</b>
<b>Abstract</b>	<b>3</b>
<b>Liste des figures</b>	<b>5</b>
<b>Liste des tableaux</b>	<b>6</b>
<b>1 Introduction</b>	<b>7</b>
1.1 Contexte du stage . . . . .	7
1.2 Problématique et objectifs . . . . .	7
1.3 Organisation du rapport . . . . .	7
<b>2 Présentation du laboratoire</b>	<b>8</b>
2.1 Historique et activités . . . . .	8
2.2 La recherche au CMAP . . . . .	8
2.3 L'équipe HPC@Math et l'environnement de travail . . . . .	9
<b>3 Description du travail objectifs et état de l'art</b>	<b>10</b>
<b>4 Contribution</b>	<b>10</b>
<b>5 Contributions</b>	<b>10</b>
<b>6 Conclusion</b>	<b>10</b>
<b>A Annexe A : Titre de l'annexe</b>	<b>11</b>
<b>B Annexe B : Titre de l'annexe</b>	<b>11</b>

## Table des figures

## Liste des tableaux

# **1 Introduction**

## **1.1 Contexte du stage**

Présentation de l'entreprise/laboratoire d'accueil, du contexte général du stage.

## **1.2 Problématique et objectifs**

Description de la problématique abordée et des objectifs fixés pour le stage.

## **1.3 Organisation du rapport**

Brève description de la structure du rapport.



## 2 Présentation du laboratoire

### 2.1 Historique et activités

Le Centre de Mathématiques Appliquées de l'École Polytechnique<sup>1</sup> (CMAP) a été créé en 1974 lors du déménagement de l'École Polytechnique vers Palaiseau. Cette création répond au besoin émergent de mathématiques appliquées face au développement des méthodes de conception et de simulation par calcul numérique dans de nombreuses applications industrielles de l'époque (nucléaire, aéronautique, recherche pétrolière, spatial, automobile). Le laboratoire fut fondé grâce à l'impulsion de trois professeurs : Laurent SCHWARTZ, Jacques-Louis LIONS et Jacques NEVEU. Jean-Claude NÉDÉLEC en fut le premier directeur, et la première équipe de chercheurs associés comprenait P.A. RAVIART, P. CIARLET, R. GLOWINSKI, R. TEMAM, J.M. THOMAS et J.L. LIONS. Les premières recherches se concentraient principalement sur l'analyse numérique des équations aux dérivées partielles. Le CMAP s'est diversifié au fil des décennies, intégrant notamment les probabilités dès 1976, puis le traitement d'images dans les années 1990 et les mathématiques financières à partir de 1997. Le laboratoire a formé plus de 230 docteurs depuis sa création et a donné naissance à plusieurs startups spécialisées dans les applications industrielles des mathématiques appliquées.

### 2.2 La recherche au CMAP

Le CMAP comprend trois pôles de recherche : le pôle analyse, le pôle probabilités et le pôle décision et données. Chaque pôle accueille en son sein plusieurs équipes :

#### 1. Analyse

- ◇ EDP pour la physique.
- ◇ Mécanique, Matériaux, Optimisation de Formes.
- ◇ HPC@Maths (calcul haute performance).
- ◇ PLATON (quantification des incertitudes en calcul scientifique), avec l'INRIA.

#### 2. Probabilités

- ◇ Mathématiques financières.
- ◇ Population, système particules en interaction.
- ◇ ASCII (interactions stochastiques coopératives), avec l'INRIA.
- ◇ MERGE (évolution, reproduction, croissance et émergence), avec l'INRIA.

#### 3. Décision et données

- ◇ Statistiques, apprentissage, simulation, image.
- ◇ RandOpt (optimisation aléatoire).
- ◇ Tropical (algèbre  $(\max, +)$ ), avec l'INRIA.

J'ai intégré l'équipe **HPC@Maths pôle analyse**. De nombreuses équipes sont partagées entre le CMAP et l'INRIA ce qui démontre l'aspect appliqué du laboratoire.

---

1. <https://cmap.ip-paris.fr>

### 2.3 L'équipe HPC@Math et l'environnement de travail

**L'équipe HPC@Math** L'équipe HPC@Math<sup>2</sup> travaille à l'interface des mathématiques de la physique (mécanique des fluides, thermodynamique) et de l'informatique pour développer des méthodes numériques complètes (schéma, analyse d'erreur, implémentation) pour la simulation des EDP. L'équipe se centre sur les problèmes multi-échelles ; les EDPs cibles qui typiquement étudiées sont les équations d'advection-réaction-diffusion qui représente de manière générale le couplage entre la mécanique des fluides, la thermodynamique et la chimie (typiquement un problème de combustion). Tout cela se fait dans le contexte HPC (high performance computing) Le HPC désigne l'usage optimal des ressources informatiques disponibles cela peut être développer une simulation efficace sur une petite machine comme des schéma hautement parallélisable dans des paradigmes de calculs hybrides ou dans des contextes hexascale<sup>3</sup>. Ainsi l'application des méthodes développées est au coeur des réflexions de l'équipe.

#### Environnement de travail

---

2. <https://initiative-hpc-maths.gitlab.labos.polytechnique.fr/site/index.html>

3. Plateformes de calculs ayant une capacité de calcul théorique de  $10^{16}$  opérations par seconde (hexaflops).

### **3 Description du travail objectifs et état de l'art**

...

### **4 Contribution**

...

### **5 Contributions**

### **6 Conclusion**

## **A Annexe A : Titre de l'annexe**

Contenu de la première annexe.

## **B Annexe B : Titre de l'annexe**

Contenu de la deuxième annexe.