

=====

B*-Tree の挿入アルゴリズム

=====

```
1. proc insert_record(P,record)
2. Input:
3.     P : 対象ノードへのポインタ(最初は root)
4.     record: 挿入するレコード
5. output
6.     newEnt: 親ノードに挿入するエントリ (なければ NULL)
7.     N = P のさすノード
8.     if N が non-leaf ノードである :
9.          $K_i < \text{entry の key 値} \leq K_{i+1}$  となる i を探す
10.    newEnt_fromchild = insert( $P_i$ , entry) //再帰
11.    if N に空きがある :
12.        newEnt_fromchild を挿入して return null;
13.    else : //N に空きがない場合
14.        newEnt = divide_nonleaf(N)
15.        if ノード N が root ノードである :
16.            新しい root ノード R を作成
17.            add_entry(R, newEnt)
18.            return null
19.        else:
20.            return newEnt
21.    else : //N が leaf ノードである
22.        if N に空きがある
23.            add_entry(N, record)
24.            return null
25.        else
26.            return divide_leaf(N)
```

=====

B*-Tree のノード分割アルゴリズム

=====

proc divide_nonleaf (N)

input

N : 分割する non-leaf ノード

output

newEnt : 親ノードに挿入するエントリ

process:

ノード M を作る

N の $d+2$ 番目から $2d+1$ 番目までの key 値を M へ移動

N の $d+2$ 番目から $2d+2$ 番目までのポインタを M へ移動

N から M へ兄弟ポインタを張る

newEnt = <N の $d+1$ 番目の key 値, M へのポインタ>

N の $d+1$ 番目の key 値を削除

return newEnt;

proc divide_leaf (N)

input :

N : 分割する leaf

output

newEnt : 親ノードに挿入するエントリ

process :

ノード M を作る

N の $d+1$ 番目から $2d+1$ 番目までのエントリを M へ移動

N から M へ兄弟ポインタを張る

newEnt = <M の 0 番目の key 値, M へのポインタ>

return entEnt;

=====

B*-Tree のエントリ追加アルゴリズム (non-leaf)

=====

add_entry (newEnt)

input:

newEnt : 挿入するエントリ。key 値とポインタを持つ。

process:

$K_i \leq \text{newEnt の key 値} < K_{i+1}$ となる i を探す

i 番目と $i+1$ 番目の間に空のエントリを追加する

($i+1$ 番目以降は 1 つずつ順番がずれる)

$i+1$ 番目のポインタに $i+2$ 番目のポインタを代入する

$i+2$ 番目のポインタに newEnt のポインタを代入する

$i+1$ 番目の key 値に newEnt の key 値を代入する

B*-tree: ノードのデータ構造

ノード (non-leaf) P_i : $K_{i-1} < \text{value} < K_{i+2}$ へのポインタ
 K_i : key値

P_0	K_0	P_1	K_1	P_2	K_2	...	P_n	K_n	P_{n+1}
-------	-------	-------	-------	-------	-------	-----	-------	-------	-----------

ノード (leaf)

E_1	E_2	E_3	E_4	E_n
-------	-------	-------	-------	-----	-----	-----	----	-----	-------

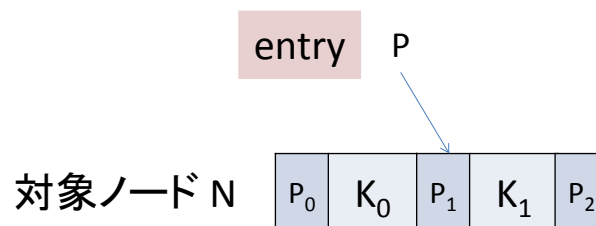
B*-tree : 挿入アルゴリズム

proc insert(P, entry)

Input: P : 対象ノードへのポインタ

entry : 挿入するエントリ

output newEnt : 親ノードに挿入するエントリ



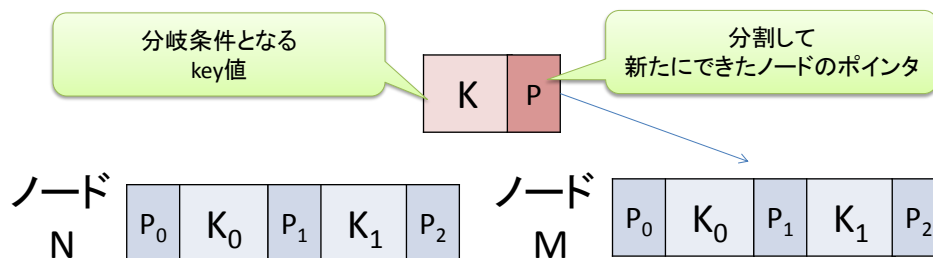
B*-tree : 挿入アルゴリズム

proc insert(P, entry)

Input: P : 対象ノードへのポインタ

entry : 挿入するエントリ

output newEnt : 親ノードに挿入するエントリ



B*-tree: 挿入アルゴリズム (その1: 全体の流れ)

N = Pのさすノード

if Nがnon-leafノードである:

$K_i < \text{entryのkey値} \leq K_{i+1}$ となるiを探す

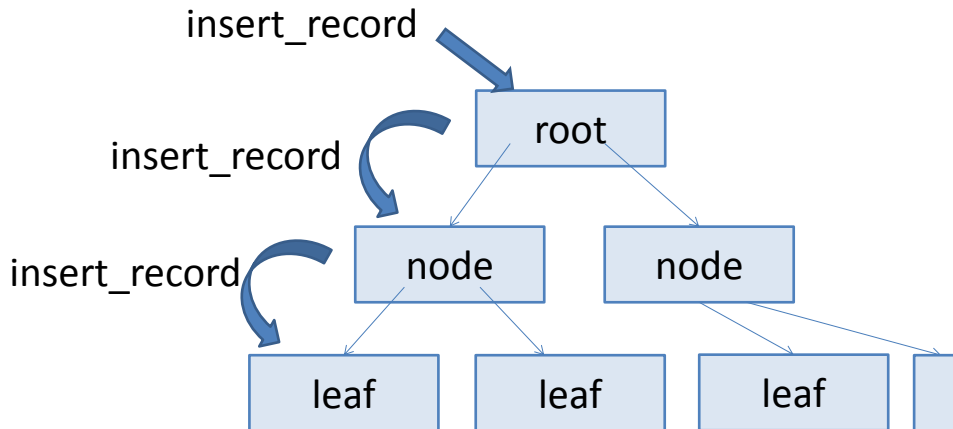
newEnt_fromchild = **insert**(P_i , entry) //再帰

if Nに空きがある:

newEnt_fromchildを挿入して return null;

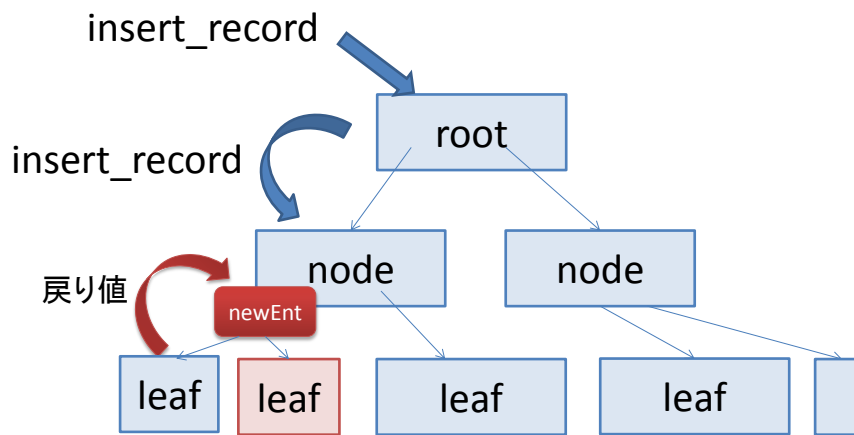
B*-tree: 挿入アルゴリズム (その1: 全体の流れ)

- 再帰的に実行



B*-tree: 挿入アルゴリズム (その1: 全体の流れ)

- 再帰的に実行



B*-tree: 挿入アルゴリズム (その1: 全体の流れ(再掲))

$N = P$ のさすノード

if N がnon-leafノードである:

$K_i < \text{entryのkey値} \leq K_{i+1}$ となる i を探す

$\text{newEnt_fromchild} = \text{insert}(P_i, \text{entry})$ //再帰

if N に空きがある:

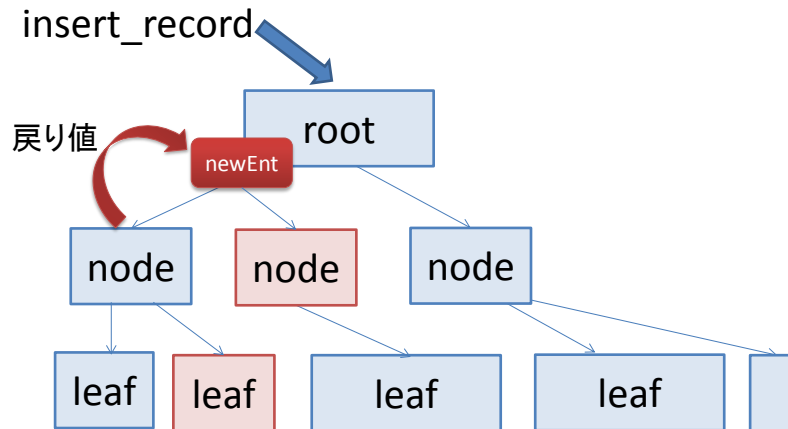
newEnt_fromchild を挿入して return null;

B*-tree : 挿入アルゴリズム (その2: ノードの分割)

11. else : // N に空きがない場合
12. $\text{newEnt} = \text{divide_nonleaf}(N)$
13. if ノード N がrootノードである:
14. 新しいrootノード R を作成
15. $\text{add_entry}(R, \text{newEnt})$
16. return null
17. else:
18. return newEnt

B*-tree: 挿入アルゴリズム (その2: ノードの分割)

- 再帰的に実行

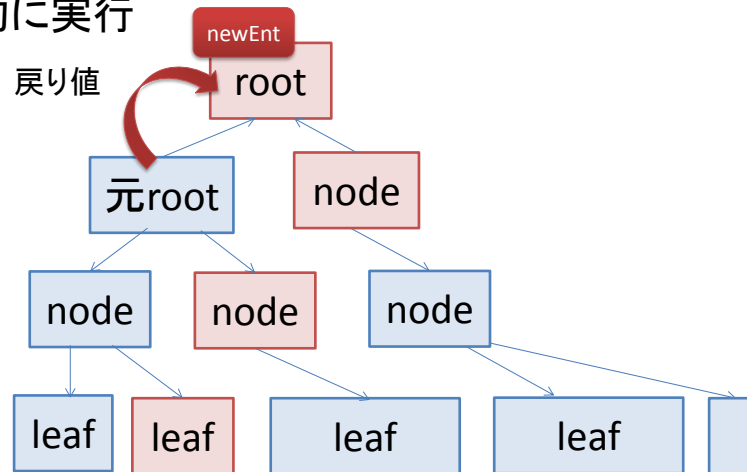


B*-tree : 挿入アルゴリズム (その2: ノードの分割)

11. else : //Nに空きがない場合
12. newEnt = divide_nonleaf(N)
13. if ノードNがrootノードである:
14. 新しいrootノードRを作成
15. add_entry(R, newEnt)
16. return null
17. else:
18. return newEnt

B*-tree: 挿入アルゴリズム (その2: ノードの分割)

- 再帰的に実行

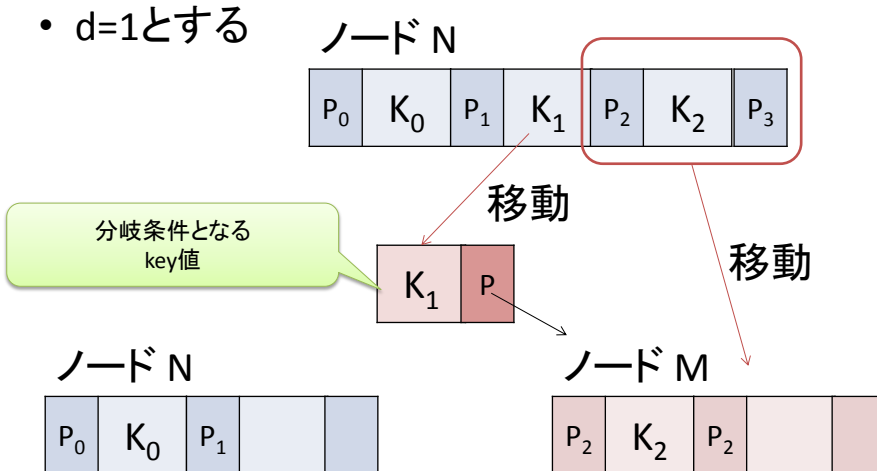


B*-tree: 分割アルゴリズム (nonleafノードの場合)

```

proc divide_nonleaf ( N )
  input
    N : 分割する non-leaf ノード
  output
    newEnt : 親ノードに挿入するエントリ
  process:
    ノード M を作る
      N の d+2 番目から 2d+1 番目までの key 値を M へ移動
      N の d+2 番目から 2d+2 番目までのポインタを M へ移動
      N から M へ兄弟ポインタを張る
    newEnt = <N の d+1 番目の key 値, M へのポインタ>
    N の d+1 番目の key 値を削除
    return newEnt;
  
```

B*-tree : ノード分割アルゴリズム



B*-tree : ノードエントリ追加 アルゴリズム (non-leaf)

add_entry (newEnt)

input:

newEnt : 挿入するエントリ。key 値とポインタを持つ。

process:

$K_i \leq \text{newEnt の key 値} < K_{i+1}$ となる i を探す

i 番目と $i+1$ 番目の間に空のエントリを追加する

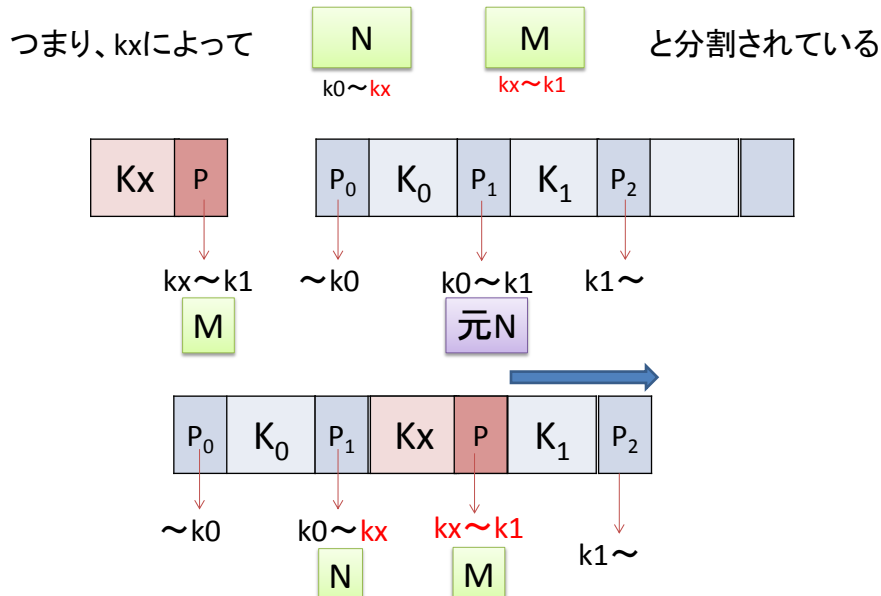
($i+1$ 番目以降は 1 つずつ順番がずれる)

$i+1$ 番目のポインタに $i+2$ 番目のポインタを代入する

$i+2$ 番目のポインタに newEnt のポインタを代入する

$i+1$ 番目の key 値に newEnt の key 値を代入する

- $K_0 < K_x < K_1$ となる以下のエントリを挿入する場合



B*-tree: 分割アルゴリズム (leafノードの場合)

proc divide_leaf (N)

input :

N : 分割する leaf

output

newEnt : 親ノードに挿入するエントリ

process :

ノード M を作る

N の $d+1$ 番目から $2d+1$ 番目までのエントリを M へ移動

N から M へ兄弟ポインタを張る

newEnt = \langle M の 0 番目の key 値, M へのポインタ \rangle

return entEnt;

B*-tree : 分割アルゴリズム (leafノードの場合)

- $d=1$ とする

