

Robótica

Ejercicio 3. Distribución normal bidimensional

En esta sesión vamos a repetir conceptos de los ejercicios anteriores pero referidos a gaussianas bidimensionales. El material de teoría asociado a estos ejercicios está en Lecture 2.

1.- Suma de variables aleatorias bidimensionales

- Generar y dibujar $n_samples$ números aleatorios de dos distribuciones bidimensionales $N1=N(\text{mean1}, \text{sigma1})$ y $N2=N(\text{mean2}, \text{sigma2})$, siendo mean y sigma el vector de medias (2x1) y la matriz de covarianzas (2x2) de cada distribución, respectivamente. Emplear el comando `mvnrnd()` para generar las muestras.
- Dibujar las respectivas elipses asociadas a cada distribución. Emplear la función **PlotEllipse()** disponible en el Campus Virtual.
- Dibujar los puntos $x3 = x1+x2$ y dibujar la elipse $x3 \sim N(\text{mean1}+\text{mean2}, \text{sigma1}+\text{sigma2})$

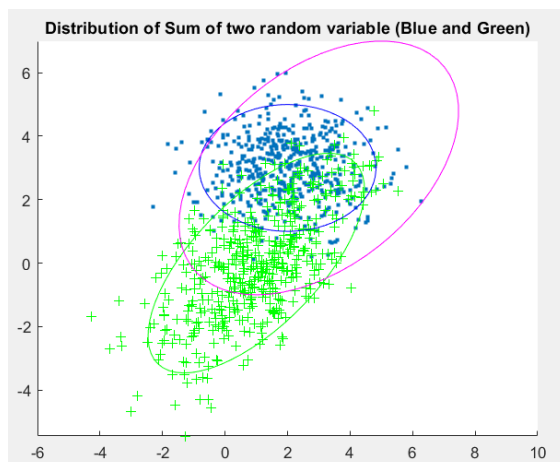


Image 1

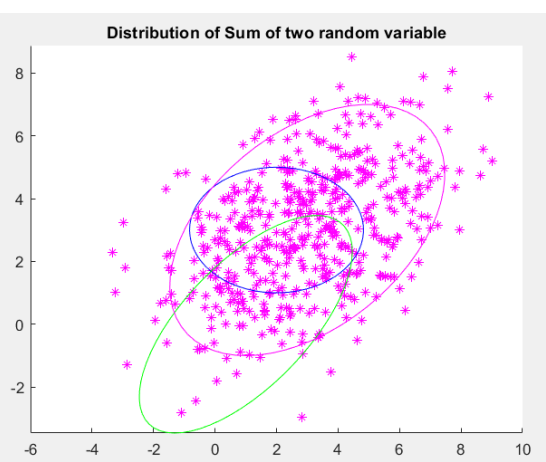


Image 2

As we see in both images, the sum of the two bidimensional normal distributions follow another bidimensional normal distribution which can also be calculated as $N(\text{mean1}+\text{mean2}, \text{sigma1}+\text{sigma2})$.

2.- Producto de gaussianas

Con las mismas muestras x_1 y x_2 de antes, dibujar la elipse (gaussiana) correspondiente a la media ponderada de ambas, dada por la expresión

$$\bar{X} = (\Sigma_1^{-1} + \Sigma_2^{-1})^{-1} (\Sigma_2^{-1} X_1 + \Sigma_1^{-1} X_2)$$

Dibuje sólo la elipse de la gaussiana resultante.

$$N(\bar{X}, (\Sigma_1^{-1} + \Sigma_2^{-1})^{-1})$$

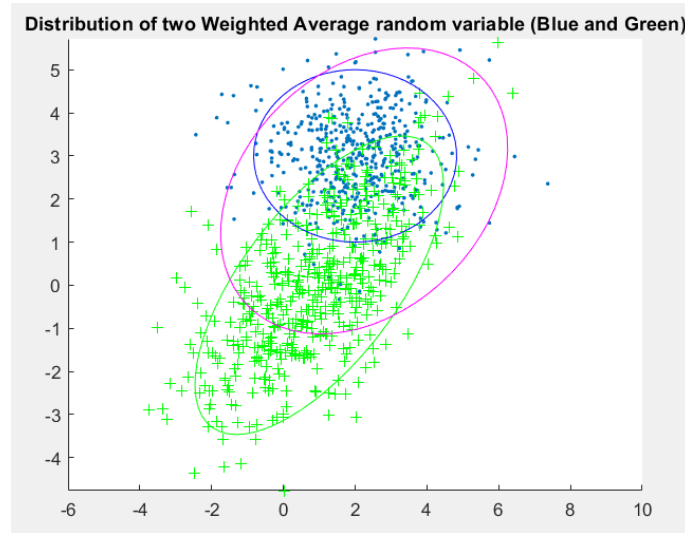


Image 3

In this one we see that the product of two bidimensional normal distributions is another bidimensional normal distribution. Also, we can appreciate that the centre of the result is in the intersection of the two.

3.- Transformación lineal de v.a. normales

Con las mismas muestras x_1 de antes, comprobar que la transformación $x_5 = A \cdot x_1 + b$ da lugar a una dispersión normal: $N(A \cdot \text{mean}_1 + b, A \cdot \text{sigma}_1 \cdot A')$

Resultado para:

$$A = \begin{bmatrix} -1 & 2 \\ 2 & 1.5 \end{bmatrix};$$

$$b = \begin{bmatrix} 3 \\ 0 \end{bmatrix};$$

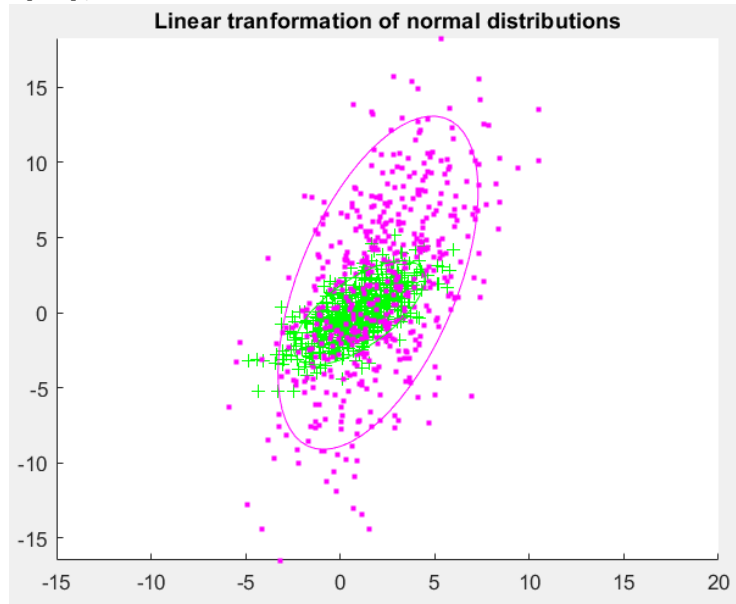


Image 4

In this one we see that the linear transformation of a bidimensional normal distribution is another bidimensional normal distribution. In this case, we can appreciate that the resultant has been its centre displaced and its x and y coordinates replaced.