浙江大学实验报告

专业:	信息工程
姓名:	
学号:	
日期:	2023年6月4日
栅占.	

课程名称:	数字信号处理	指导老师:	徐元欣	成绩:
实验名称:	DFT/FFT 的应用之一——确定性信号谱分析	实验类型:	验证	同组学生姓名:

一、 实验目的和要求

谱分析即求信号的频谱。本实验采用 DFT/FFT 技术对周期性信号进行谱分析。通过实验,了解用 X(k) 近似地表示频谱 $X(ej\omega)$ 带来的栅栏效应、混叠现象和频谱泄漏,了解如何正确地选择参数(抽样间隔 T、抽样点数 N)。

二、 实验内容和步骤

- 2-1 选用最简单的周期信号:单频正弦信号、频率 f=50 赫兹,进行谱分析。

信号频率 f (赫兹)	谱分析参数	抽样间隔 T	截断长度 N
		(秒)	(抽样个数)
50	第一组参数	0.000625	32
50	第二组参数	0.005	32
50	第三组参数	0.0046875	32
50	第四组参数	0.004	32
50	第五组参数	0.0025	16

- 2-3 对以上几个正弦序列,依次进行以下过程。
- 2-3-1 观察并记录一个正弦序列的图形(时域)、频谱(幅度谱、频谱实部、频谱虚部)形状、幅度谱的第一个峰的坐标(U, V)。
- 2-3-2 分析抽样间隔 T、截断长度 N(抽样个数)对谱分析结果的影响; 2-3-3 思考 X(k) 与 $X(ej\omega)$ 的关系;
 - 2-3-4 讨论用 X(k) 近似表示 $X(ej\omega)$ 时的栅栏效应、混叠现象、频谱泄漏。

三、 主要仪器设备

MATLAB 编程。

四、 操作方法和实验步骤

(参见"二、实验内容和步骤")

五、 实验数据记录和处理

MATLAB 程序清单

1. 主函数

主函数

```
1 % 传递不同组的参数到绘图函数

2 myPlot2(0.000625,32,'exp2_1');

3 myPlot2(0.005,32,'exp2_2');

4 myPlot2(0.0046875,32,'exp2_3');

5 myPlot2(0.004,32,'exp2_4');

6 myPlot2(0.0025,16,'exp2_5');
```

2. 绘图函数

绘图函数

```
1 % 生成序列并绘图
   function y = myPlot2(T, N, Name)
       f = 50;
3
       t = 0:0.001:0.1;
 4
 5
       n = 0:1:N-1;
       xt = sin(2*pi*f*t);
 6
       xn = sin(2*pi*f*T*n);
 7
8
       h1 = figure(1);
9
       set(gcf, 'outerposition', get(0, 'screensize'));
10
           subplot(2, 1, 1);
11
               plot(t, xt);
12
                  title('原序列', 'FontSize', 20);
13
                  xlabel('t');
14
                  set(gca,'FontSize',16);
           subplot(2, 1, 2);
15
16
               stem(n, xn, 'filled');
                  title('采样后的序列','FontSize',20);
17
18
                  xlabel('n');
19
                  set(gca,'FontSize',16);
       saveas(h1, [Name, '_1'], 'png');
20
21
       % 绘制实部、虚部、模、相角图
22
       h2 = figure(2);
       set(gcf, 'outerposition', get(0, 'screensize'));
23
24
       % 实部
       subplot(2, 2, 1);
25
           stem(n, real(xn), 'filled');
26
```

```
title('实部','FontSize',20);
27
28
           xlabel('n');
29
       set(gca, 'FontSize', 16);
30
       % 虚部
31
       subplot(2, 2, 2);
           stem(n, imag(xn), 'filled');
32
33
           title('虚部','FontSize',20);
34
           xlabel('n');
       set(gca, 'FontSize', 16);
35
36
       % 模
37
       subplot(2, 2, 3);
           stem(n, abs(xn), 'filled');
38
           title('模','FontSize',20);
39
40
           xlabel('n');
41
       set(gca, 'FontSize', 16);
42
       % 相角
       subplot(2, 2, 4);
43
44
           stem(n, (180/pi)*angle(xn), 'filled');
45
           title('相角','FontSize',20);
           xlabel('n');
46
47
        set(gca, 'FontSize', 16);
48
        saveas(h2, [Name, '_2'], 'png');
       % 绘制幅度谱、频谱实部、频谱虚部图
49
       % 求DFT
50
51
       % Xk = myDFT(x, N);
       Xk = fft(xn);
52
53
       h3 = figure(3);
54
       set(gcf, 'outerposition', get(0, 'screensize'));
55
       % 幅度谱
       subplot(3, 1, 1);
56
           stem(n, abs(Xk), 'filled');
57
58
           title('DFT幅度谱','FontSize',20);
59
           xlabel('k');
       set(gca, 'FontSize', 16);
60
       % 频谱实部
61
62
       subplot(3, 1, 2);
63
           stem(n, real(Xk), 'filled');
64
           title('DFT实部','FontSize',20);
           xlabel('k');
65
66
       set(gca, 'FontSize', 16);
       % 频谱虚部
67
68
       subplot(3, 1, 3);
           stem(n, imag(Xk), 'filled');
69
70
           title('DFT虚部','FontSize',20);
71
           xlabel('k');
72
        set(gca,'FontSize',16);
73
        saveas(h3, [Name, '_3'], 'png');
74 end
```

3. DFT 函数

DFT 函数

```
function Xk = myDFT(xn , N)
n = [0:1:N-1];
k = [0:1:N-1];
WN = exp(-j*2*pi/N);
Wnk = WN.^(n'*k);
Xk = xn*Wnk;
end
```

六、 实验结果与分析

1. 情况预测

实验前预习有关概念,并根据上列参数来推测相应频谱的形状、谱峰所在频率(U)和谱峰的数值(V)、混叠现象和频谱泄漏的有无。

信号频率 f	谱分析参数	抽样间隔 T	截断长度 N	谱峰所在频率	谱峰的数值
(赫兹)		(秒)	(抽样个数)	(U)	(V)
50	第一组参数	0.000625	32	1	16
50	第二组参数	0.005	32	8	16
50	第三组参数	0.0046875	32	7	10.25
50	第四组参数	0.004	32	6	12
50	第五组参数	0.0025	16	2	8

满足内奎斯特定律时不会产出混叠现象,即采样频类需要大于或等于信号最高频率的两倍。实验中也即采样周期小于等于 0.01s 则可满足奈奎斯特定律。所以五组实验中,都满足奈奎斯特定律。

信号频率 f	谱分析参数	抽样间隔 T	{截断长度 N}	区间包括正弦周期个数
(赫兹)		(秒)	(抽样个数)	
50	第一组参数	0.000625	32	1
50	第二组参数	0.005	32	8
50	第三组参数	0.004688	32	7.5
50	第四组参数	0.004	32	6.4
50	第五组参数	0.0025	16	2

如上表,当采样长度也就是窗函数长度为采样周期的整数倍,则不会出现频谱泄露,所以推测出第三、四组会出现频谱泄露。

2. 实验结果记录

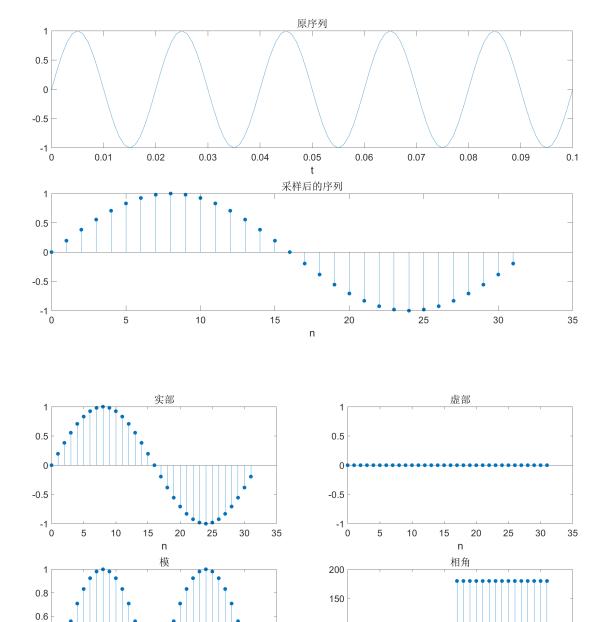
观察实验结果(数据及图形)的特征,做必要的记录。

2.1 第一组参数

0.4

0.2

n



n

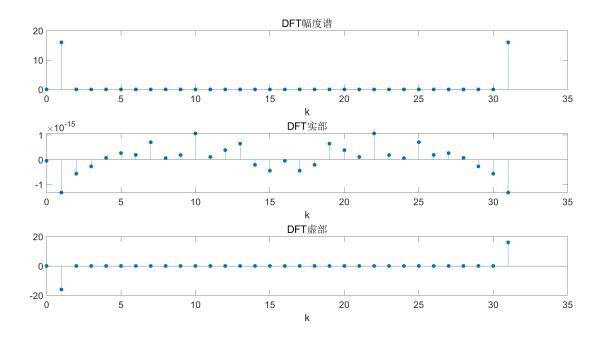
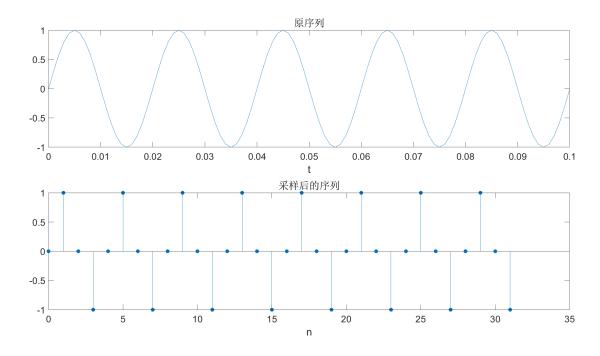


图 1: 第一组: f = 50Hz, T = 0.000625s, N = 32

2.2 第二组参数



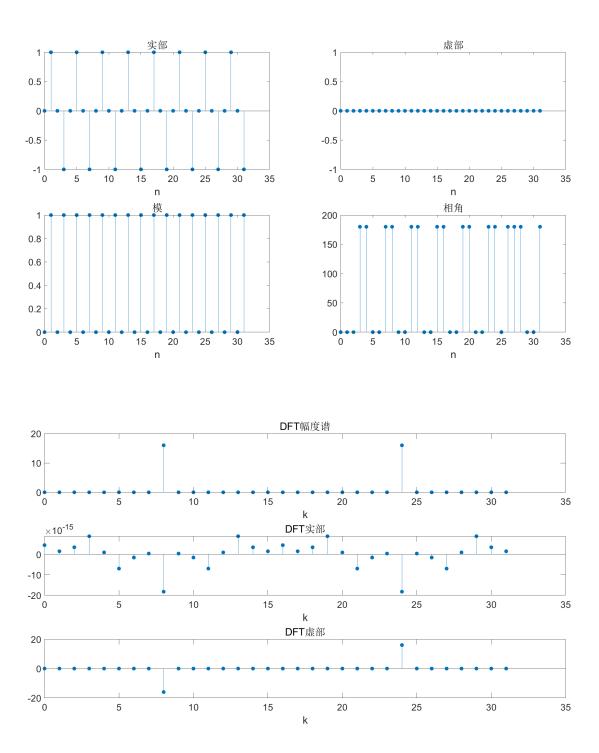
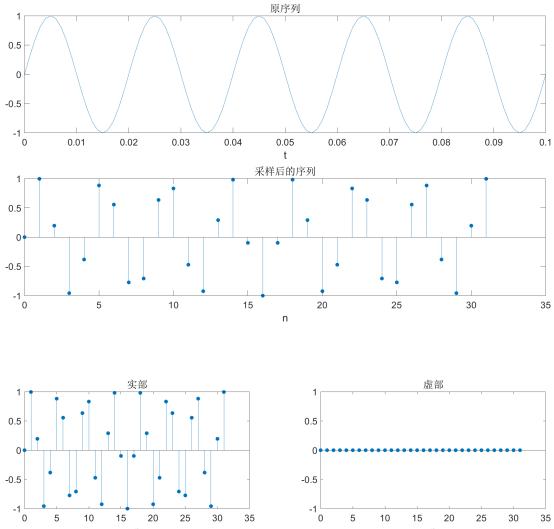
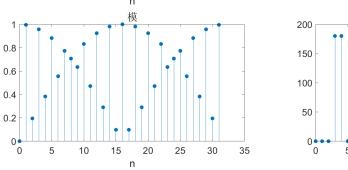
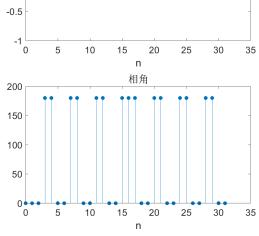


图 2: 第二组: f = 50Hz, T = 0.005s, N = 32

2.3 第三组参数







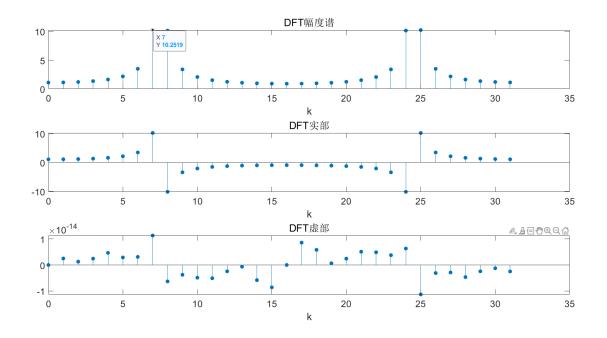
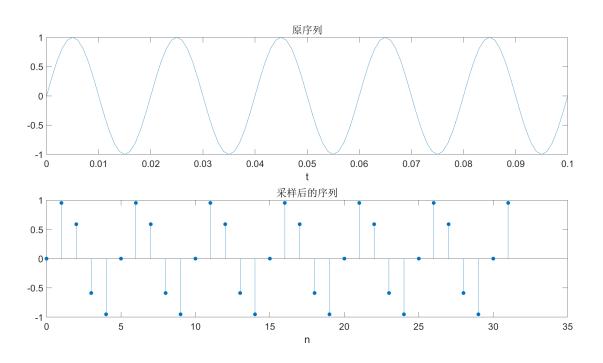


图 3: 第三组: f = 50Hz, T = 0.0046875s, N = 32

可以看见,此组出现了频谱泄露的现象。

2.4 第四组参数



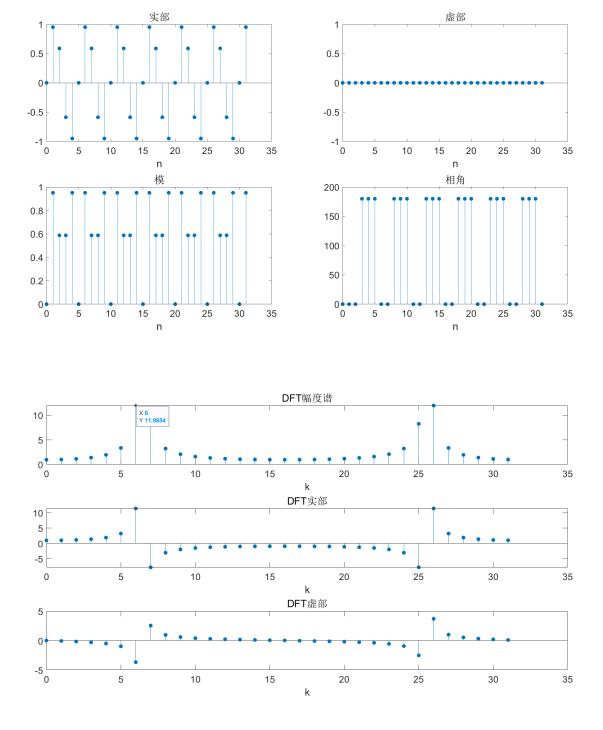
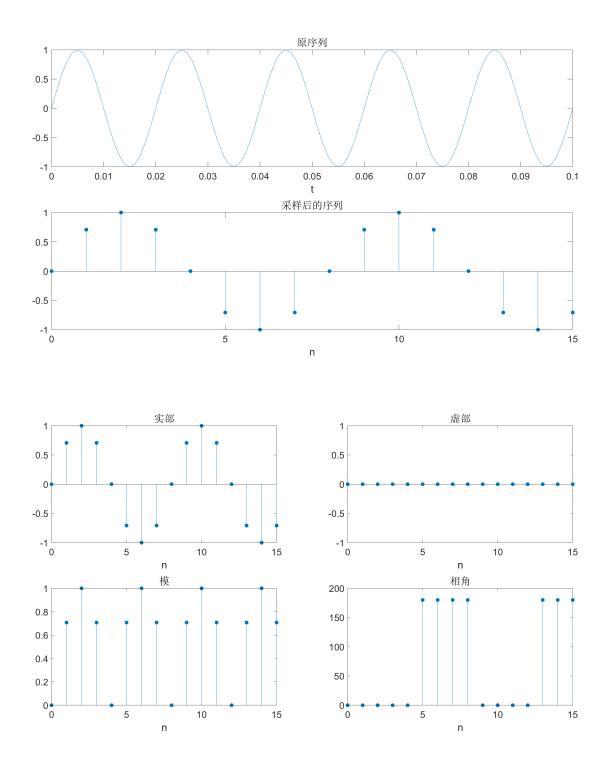


图 4: 第四组: f = 50Hz, T = 0.004s, N = 32

可以看见, 此组出现了频谱泄露的现象。

2.5 第五组参数



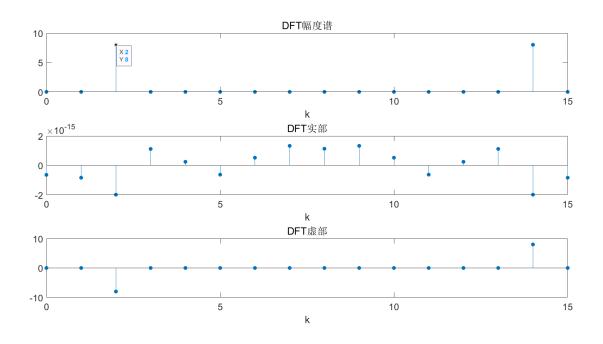


图 5: 第五组: f = 50Hz, T = 0.0025s, N = 16

结果分析

组别	抽样间隔 T	截断长度 N	谱峰所在频率	谱峰的数值	是否混叠	是否频谱泄露
	(秒)	(抽样个数)	(U)	(V)		
第一组参数	0.000625	32	1	16	否	否
第二组参数	0.005	32	8	16	否	否
第三组参数	0.0046875	32	7	10.2519	否	是
第四组参数	0.004	32	6	11.965	否	是
第五组参数	0.0025	16	2	8	否	否

3. 现象解释

用基本理论、基本概念来解释各种现象。

3.1 频域混叠

序列的频谱是被采样信号频谱的周期延拓,当采样频率不满足奈奎斯特定律时,也就是不能满足采样频率大于等于两倍的信号最高频率时,就会发生频谱混叠,使得采样后的信号序列频谱不能真实的反映原信号的频谱。

3.2 频谱泄露

采样后,对序列进行了截断,等同于于乘上了一个窗函数,在频谱上,相当于频域上与 sinc 函数进行卷积,因此采样后的信号总是存在高频分量,因此总是存在频域混叠的现象,也会存在频域泄露的现象。

而如果 DFT 采集时间窗口内的信号的周期延拓与实际信号完全吻合,那么就不会出现泄漏现象。换句话说,对于周期信号,如果采集时间窗口内正好包含整数个信号周期,就能避免频谱泄漏。

所以第一、二、五组不会出现频谱泄露的现象,第三、四组会出现频谱泄漏。