

Studium - Analysis

V: 1.0

Inhalt

1	Allgemein	2
2	Elementare Grundlagen	2
2.1	Mengen	2
2.1.1	Menge der natürlichen Zahlen	2
2.1.2	Menge der rationalen Zahlen	2
2.1.3	Keine Rationale Zahlen	3

1 Allgemein

2 Elementare Grundlagen

2.1 Mengen

2.1.1 Menge der natürlichen Zahlen

$$\mathbb{N} = \{ 1, 2, 3, 4, \dots \}$$

Eigenschaften

1. Jede natürliche Zahl $n \in \mathbb{N}$ hat genau einen Nachfolger, nämlich $n + 1$
2. Jede von 1 verschiedene natürliche Zahl n hat genau einen Vorgänger $n - 1$. Die Zahl 1 hat keinen Vorgänger.

Rechenoperationen

- $n_1 + n_2 \in \mathbb{N}$
- $n_1 \cdot n_2 \in \mathbb{N}$

2.1.2 Menge der rationalen Zahlen

$$\mathbb{Q} = \left\{ \frac{a}{b} \mid a, b \in \mathbb{Z} \text{ mit } b \neq 0 \right\}$$

$\mid \rightarrow$ mit der Eigenschaft

Rechenoperationen

- +
- -
- ·
- /

$$\frac{a_1}{b_1} = \frac{a_2}{b_2} \Leftrightarrow a_1 \cdot b_2 = a_2 \cdot b_1$$

$$\frac{a_1}{b_1} + \frac{a_2}{b_2} \Leftrightarrow \frac{a_1 \cdot b_2 + a_2 \cdot b_1}{b_1 \cdot b_2}$$

$$\frac{a_1}{b_1} \cdot \frac{a_2}{b_2} \Leftrightarrow \frac{a_1 \cdot a_2}{b_1 \cdot b_2}$$

Rationale Zahlen lassen sich als periodische Dezimalzahlen darstellen:

$$\frac{6}{11} = 0.45454545 = 0.\overline{45}$$

2.1.3 Keine Rationale Zahlen

- $\sqrt{2} = 1.41421$
- $\pi = 3.141592$

\Rightarrow Menge der reellen Zahlen \mathbb{R}

Rechenoperationen

- $+$
- $-$
- \cdot
- $/$

$$\mathbb{N} \subset \mathbb{Z} \subset \mathbb{Q} \subset \mathbb{R}$$

\rightarrow Alle \mathbb{N} sind in \mathbb{Z} enthalten, ...

2.2 Ungleichungen, Beträge, Intervalle