תרגיל בית 2

ספי עזמי [saf.azmi@campus.technion.ac.il](mailto:saf.azmi@campus.technion.ac.il) 204511414

אופיר מנור [ofir.manor@campu.technion.ac.il](mailto:ofir.manor@campu.technion.ac.il) 316084623

חלק ב'

שאלה 1)

נוכיח באינדוקציה שעבור דאטה עם תכונות רציפות ותיוגים בינאריים אלגוריתם ID3, בונה את אותו עץ החלטה עם הדאטה בצורתו המקורי ומנורמל דרך minmax, ולכן הנרמול לא משפיע על דיוק המסווג על קבוצת האימון או על קבוצת הבוחן.

למה: עבור קבוצת דאטה עם תכונות רציפות ותיוגים בינארייםותכונה נקבל שהפיצול שייבחר בשיטת אוטו-דיסקרטיזציה יחזיר שתי תת-קבוצות זהות וIG זהה עבור התכונה המקורית, ועבור התכונה אחרי נרמול minmax

הוכחה: נסמן ב  *סידור עולה של נק' הדאטה ב לפי סדר עולה, ואת*

*קבוצת נקודות הגבול כך ש . לפי* ID3 *יבחר כך שפיצול ל ו יחזיר את ה*IG *המקסימלי. נסמן את הנרמול* minmax *של נק' הדאטה. הנרמול אינו משנה את סדר הנק' דאטה ולכן נסמן את הסידור העולה של נק' הדאטה אחרי הנרמול ב ואת כאשר*

*וכלן עבור כל הפיצול שמתקיים עבורו הוא ולכן הערך של* IG *עבור פיצול הדאטה לפי שווה שלערך עבור הפיצול לפי . מכיוון שעבור הדאטה המקורית נבחר פיצול לפי מכיוון שערך ה* IG *היה מקסימלי, אזי עבור הדאטה המנורמל יבחר מכיוון שערכי ה* IG *שווים. לכן הפיצול והערך* IG *המתקבלים ב*ID3 *יהיו זהים*

*בסיס: עבור כלל הדאטה המקורי, בעץ ההחלטה המקורי נבחר התכונה והפיצול אשר ממקסם את ה*IG *ומהלמה נקבל שלכל תכונה עבור הדאטה המנורמל נקבל את הפיצול ו*IG *זהים לדאטה המקורי, לכן עבור הדאטה המנורמל* ID3 *יפצל לפי ו*

*הנחה: נניח ש*ID3 *לפי דאטה מנורמל בחר את אותם תכונות ופיצולים עבור הפיצולים הראשונים.*

*צעד: זהה לבסיס.*

*שאלה 3)*

1. *עבור הדאטה הנתון ה*Majority Classifier *יחזיר תמיד 1 (מכיוון מספר הנק' הדאטה שהתיוג שלהם 1 ומספר הנק' שהתיוג שלהם 0 שווה). ישנם 10 דוגמאות סך הכל ומתוכם 5 התיוג שלהם 1. לכן הדיוק על קבוצת האימון היא*
2. *נחלק מקרים:*
   1. *עבור 5 הנק' השמאליות כקבות אימון נקבל שה*Majority Classifier *מחזיר תמיד 1, ועבור 5 הנק' הנותרות בתור קבוצת מבחן יש אחת שהתיוג שלה 1 והשאר 0, ולכן נקבל דיוק של .*
   2. *עבור 5 הנק' הימניות כקבוצת אימון נקבל שה*Majority Classifier *מחזיר תמיד 0, ועבור 5 הנק' הנותרות בתור קבוצת מבחן יש אחת שהתיוג שלה 0 והשאר 1, לכן נקבלך דיוק של .*