ТРЕБОВАНИЯ К ПРОГРАММАМ

(многопоточная версия)

- 1. Программа должна получать все параметры в качестве аргументов командной строки. Аргументы командной строки:
 - 1) n размерность матрицы,
 - 2) m размер блока,
 - 3) p количество использованных потоков,
 - 4) r количество выводимых значений в матрице,
 - 5) s задает номер формулы для инициализации матрицы, должен быть равен 0 при вводе матрицы из файла
 - 6) filename имя файла, откуда надо прочитать матрицу. Этот аргумент **отсутствует**, если s!=0.

Например, запуск

означает, что матрицу 4x4 надо прочитать из файла a.txt, использовать блочный алгоритм с размером блока 3 и 2 потока, и выводить не более 4-х строк и столбцов матрицы, а запуск

означает, что матрицу 2000 x 2000 надо инициализировать по формуле номер 1, использовать блочный алгоритм с размером блока 90 и 8 потоков, и выводить не более 10-ти строк и столбцов матрицы.

2. В задачах, где требуется правая часть b, этот вектор строится после инициализации матрицы $A = (a_{i,j})_{i,j=1,...,n}$ по формуле:

$$b = (b_i)_{i=1,\dots,n}, \quad b_i = \sum_{k=0}^{(n+1)/2} a_{i,2k+1}$$

- 3. Ввод матрицы должен быть оформлен в виде подпрограммы, находящейся в отдельном файле.
- 4. Ввод матрицы из файла. В указанном файле находится матрица в формате:

$$a_{1,1}$$
 ... $a_{1,n}$
 $a_{2,1}$... $a_{2,n}$
... ... $a_{n,1}$... $a_{n,n}$

где n - указанный размер матрицы, $A=(a_{i,j})$ - матрица. Программа должна выводить сообщение об ошибке, если указанный файл не может быть прочитан, содержит меньшее количество данных или данные неверного формата.

5. Ввод матрицы и правой части по формуле. Элемент $a_{i,j}$ матрицы A полагается равным

$$a_{i,j} = f(s, n, i, j), \quad i, j = 1, \dots, n,$$

где f(s,n,i,j) - функция, которая возвращает значение (i,j)-го элемента $n \times n$ матрицы по формуле номер s (аргумент командной строки). Функция f(s,n,i,j) должна быть оформлена в виде отдельной подпрограммы.

$$f(s,n,i,j) = \begin{cases} n - \max\{i,j\} + 1 & \text{при} \quad s = 1 \\ \max\{i,j\} & \text{при} \quad s = 2 \\ |i-j| & \text{при} \quad s = 3 \\ \frac{1}{i+j-1} & \text{при} \quad s = 4 \end{cases}$$

- 6. Решение системы должно быть оформлено в виде подпрограммы, находящейся в отдельном файле и получающей в качестве аргументов
 - (a) размерность n матрицы A,
 - (b) размер блока m,
 - (c) номер потока k, где работает этот "экземпляр" функции,
 - (d) число потоков p,
 - (e) матрицу A,
 - (f) правую часть b (если стоит задача решить линейную систему)
 - (g) вектор x, в который будет помещено решение системы, если стоит задача решить линейную систему, или матрицу X, в которую будет помещена обратная матрица, если стоит задача обратить матрицу,
 - (h) дополнительные вектора, если алгоритму требуется дополнительная память.

Получать в этой подпрограмме дополнительную информацию извне через глобальные переменные и т.п. запрещается.

- 7. Функция, реализующая задачу, возвращает ненулевое значение, если алгоритм решения неприменим к поданной на вход матрице А.
- 8. Функция, реализующая задачу, не должна выделять или использовать дополнительную память.
- 9. Сложность работы функции, реализующая задачу, не должна превышать $O(n^3)$.
- 10. Суммарный объем оперативной памяти, требуемой программе, не должен превышать:
 - при вычислении решения системы: $n^2 + O(n)$,
 - при вычислении обратной матрицы: $2n^2 + O(n)$.

Для выполнения этого требования после завершения алгоритма решения (нахождения обратной матрицы) вызывается подпрограмма инициализации матрицы (из файла или по формуле) и вычисления вектора b (в задачах решения линейной системы).

- 11. Программа должна содержать подпрограмму вывода на экран прямоугольной матрицы $l \times n$ матрицы. Эта подпрограмма используется для вывода исходной $n \times n$ матрицы после ее инициализации, а также для вывода на экран решения системы $(1 \times n)$ матрицы) или обратной $n \times n$ матрицы, если стоит задача обратить матрицу. Подпрограмма выводит на экран не более, чем n строк и столбцов n0 матрицы, где n0 параметр этой подпрограммы (аргумент командной строки). Каждая строка матрицы должна печататься на новой строке, каждый элемент матрицы выводится в строке по формату " n10.3e" (один пробел между элементами и экспоненциальный формат n10.3e).
- 12. Результатами работы программы являются 3 элемента:
 - Собственно вектор решения x (в задачах нахождения решения линейной системы) или обратная матрица A^{-1} (в задачах нахождения обратной матрицы).
 - Два вещественных числа r_1 и r_2 , вычисляемых после вызова функции, реализующей задачу:
 - В задачах нахождения решения линейной системы

$$r_1 = \|Ax - b\|_1 / \|b\|_1, \quad r_2 = \sum_{i=1}^n |x_i - (i \bmod 2)|, \quad \text{где } \|y\|_1 = \sum_{i=1}^n |y_i|, \ \ y = (y_i)_{i=1,\dots,n}$$

- В задачах нахождения обратной матрицы

$$r_1 = \begin{cases} \|AA^{-1} - E\|_1, & N \le 11000, \\ 0, & N > 11000 \end{cases} \qquad r_2 = \begin{cases} \|A^{-1}A - E\|_1, & N \le 11000, \\ 0, & N > 11000 \end{cases}$$

где

$$||Y||_1 = \max_{1 \le j \le n} \sum_{i=1}^n |y_{ij}|, \ Y = (y_{ij})_{i,j=1,\dots,n}$$

Вычисление r_1 и r_2 должно быть оформлено в виде подпрограммы, вызываемой из функции main. Эта подпрограмма не должна выделять или использовать дополнительную память.

- 13. Вывод результата работы функции в функции main должен производиться по формату:
 - Непосредственно вывод вектора решения x или обратной матрицы A^{-1} :
 - в задачах нахождения решения линейной системы вывод вектора решения x производится вызовом подпрограммы печати матрицы (см. пункт 11) размера $1 \times n$ (т.е. в строку и **по указанному там формату**)
 - в задачах нахождения обратной матрицы вывод обратной матрицы A^{-1} производится вызовом подпрограммы печати матрицы (см. пункт 11) размера $n \times n$ (по указанному там формату)

Вывод не производится, если алгоритм решения неприменим к поданной на вход матрице А.

• Отчет о результате и времени работы:

```
printf ( "%s : Task = %d Res1 = %e Res2 = %e T1 = %.2f T2 = %.2f S = %d N = %d M = %d P = %d\n", argv[0], task, r1, r2, t1, t2, s, n, m, p);
```

где

- argv[0] первый аргумент командной строки (имя образа программы),
- task номер задачи,

- r1 = r_1 вычисленное значение r_1 (см. пункт 12), выводится $r_1 = -1$, если алгоритм решения неприменим к поданной на вход матрице A,
- r2 = r_2 вычисленное значение r2 (см. пункт 12), выводится $r_2 = -1$, если алгоритм решения неприменим к поданной на вход матрице A,
- t1 время работы функции, реализующей решение этой задачи, в секундах (с точностью до сотых долей),
- t2 время работы функции, вычисляющей невязки решения (см. пункт 12), в секундах (с точностью до сотых долей), выводится t2 = 0, если алгоритм решения неприменим к поданной на вход матрице A,
- s, n, m, p аргументы командной строки.

Вывод должен производиться в точности в таком формате, чтобы можно было автоматизировать обработку запуска многих тестов. **Вывод отчета о результате и времени работы должен производится всегда**, даже если алгоритм решения неприменим к поданной на вход матрице A.

МЕТОДЫ РЕШЕНИЯ СИСТЕМ ЛИНЕЙНЫХ УРАВНЕНИЙ

- 1. Метод Гаусса решения линейной системы.
- 2. Метод Гаусса нахождения обратной матрицы.
- 3. LU-разложение для решения линейной системы.
- 4. LU-разложение для нахождения обратной матрицы.
- 5. Метод Холецкого решения линейной системы с симметричной матрицей.
- 6. Метод Холецкого нахождения обратной матрицы для симметричной матрицы.
- 7. Метод Жордана решения линейной системы.
- 8. Метод Жордана нахождения обратной матрицы.
- 9. Метод Гаусса решения линейной системы с выбором главного элемента по столбцу.
- 10. Метод Гаусса решения линейной системы с выбором главного элемента по строке.
- 11. Метод Гаусса решения линейной системы с выбором главного элемента по всей матрице.
- 12. Метод Гаусса нахождения обратной матрицы с выбором главного элемента по столбцу.
- 13. Метод Гаусса нахождения обратной матрицы с выбором главного элемента по строке.
- 14. Метод Гаусса нахождения обратной матрицы с выбором главного элемента по всей матрице.
- 15. Метод Жордана решения линейной системы с выбором главного элемента по столбцу.
- 16. Метод Жордана решения линейной системы с выбором главного элемента по строке.
- 17. Метод Жордана решения линейной системы с выбором главного элемента по всей матрице.
- 18. Метод Жордана нахождения обратной матрицы с выбором главного элемента по столбцу.

- 19. Метод Жордана нахождения обратной матрицы с выбором главного элемента по строке.
- 20. Метод Жордана нахождения обратной матрицы с выбором главного элемента по всей матрице.
- 21. Метод вращений решения линейной системы.
- 22. Метод вращений нахождения обратной матрицы.
- 23. Метод отражений решения линейной системы.
- 24. Метод отражений нахождения обратной матрицы.