3元対称式の連立方程式 機構 応用

x+y+z=-a-2, $\overline{xy+yz+zx=2a+1}$

 $\overline{xyz} = -2$

x, y, zが実数である解をもつ

ような実数 a の範囲を求めよ.

3解から3次方程式を作る院開

問. 方程式 $x^3-x+1=0$ の

3つの解を α 、 β 、 γ とするとき、

を3解にもつ

ような3次方程式を1つ作れ.

3次方程式の3解 α , β , γ の対称式 応用

問. 方程式 $x^3 - 3x + 1 = 0$ の

3つの解を α , β , γ とするとき,

 $lpha^3 + eta^3 + \gamma^3$

 $lpha^4+eta^4+\gamma^4$ を求めよ.

$$x^2=1$$
 $x^3=1$ $x^4=1$ $x^5=1$ $x^6=1$

|(1)| 両辺を x^2 で割って, $t=x+rac{2}{-}$ とおくことで

得られる t に関する 2 次方程式を求めよ.

(2) 解をすべて求めよ.

 $x^4 - 4x^3 + 7x^2 - 8x + 4 = 0$

間、次の4次方程式について

複2次方程式 応用 間。方程式

 $z^4 - 6z^2 + 25 = 0$

を解け.

複素数係数の2次方程式機構を対象

問. (1) z = x + yi(x, y) は実数)が,

問、
$$(1)\;z=x+yi(x,\;y\;$$
は実数)が, $z^2=i\;$ を満たすように, $x,\;y\;$ の値を定めよ.

(2) 2 次方程式

 $w^2 + 2(1+i)w + i = 0$

を解け.

複素数係数の方程式の実数解機構と方程式

問、a を実数の定数とする、x の 2 次方程式

 $(1+i) x^2 - (a+1+i) x + (2-ai) = 0$

が実数解をもつのは

aがどんな値のときか.

ただし、i は虚数単位である。

整式の割り算の余り Lv.2 版用
問. 整式
$$P(x)$$
 を $x-1$ で割ったときの余りが 5 , $(x+1)^2$ で割ったときの余りが $x-8$ であるとき,

 $(x-1)(x+1)^2$ \mathcal{T}

割ったときの余り

を求めよ.

重解をもつ3次方程式 Lv.2 機構製と力程式 km 間、3次方程式

 $x^3 - 2x + k = 0$

が重解をもつのは、

kがいかなる値のときか.

3次方程式の虚数解 端端

問. a, bを実数とする. 方程式

 $2x^3 + ax^2 + bx - 6 = 0$

がx = 1 + iを解にもつとき、 残りの解を求めよ.

問.
$$3$$
 次方程式 $ax^3 + bx^2 + cx + d = 0$ の 3 解が $x = \alpha$. β . γ であること 次の条件は同値である

$$x=lpha,\ eta,\ \gamma$$
 であること,次の条件は同値である.
$$\left\{ \begin{array}{l} lpha+eta+\gamma=-rac{b}{a}. \end{array}
ight.$$

$$\left\{\begin{array}{l} \alpha+\beta+\gamma=-\frac{b}{a},\\ \alpha+\beta=0, \end{array}\right.$$

$$\begin{cases} \alpha + \beta + \gamma = -\frac{1}{a}, \\ \alpha \beta + \beta \gamma + \gamma \alpha = \frac{c}{a} \end{cases}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \alpha eta + eta \gamma + \gamma lpha = rac{c}{a}, \end{array}
ight.$$