

urk.fei.stuba.sk február 2024

KUT₀₀₁

O numerických riešeniach obyčajných diferenciálnych rovníc

1 Eulerova metóda

$$\dot{\mathbf{x}} = \frac{d\mathbf{x}}{dt} = \mathbf{f}(\mathbf{x}, \mathbf{u}) \tag{1}$$

$$\frac{\Delta \mathbf{x}}{\Delta t} = \mathbf{f}(\mathbf{x}_n, \mathbf{u}_n) \tag{2}$$

$$\Delta \mathbf{x} = \mathbf{f}(\mathbf{x}_n, \mathbf{u}_n) \, \Delta t \tag{3}$$

$$\Delta \mathbf{x} = \mathbf{x}_{n+1} - \mathbf{x}_n$$

$$\mathbf{x}_{n+1} = \mathbf{x}_n + \mathbf{f}(\mathbf{x}, \mathbf{u}) \, \Delta t \tag{4}$$

Algoritmus 1 Eulerova metóda

Inicializácia premenných

1:
$$t_{sim}$$
, $t = t_0$, Δt ,

$$\mathbf{z} \colon \mathbf{x} = \mathbf{x}_0, \quad \mathbf{u} = \mathbf{u}_0,$$

$$n = 0$$

4: while
$$t + \Delta t \leq t_{sim}$$
 do

Meranie

5:
$$\mathbf{x} = \mathbf{x}$$

Výpočet vstupu

6:
$$u = u_0$$

Logovanie premenných

7:
$$\mathbf{t}_{log}[n+1] \leftarrow \mathbf{t}$$

8:
$$\mathbf{x}_{log}[n+1] \leftarrow \mathbf{x}$$

9:
$$\mathbf{u}_{log}[n+1] \leftarrow \mathbf{u}$$

Simulácia

10:
$$\mathbf{x} = \mathbf{x} + \mathbf{f}(\mathbf{x}, \mathbf{u}) \, \Delta t$$

Posunutie sa do ďalšieho kroku

11:
$$t = t + \Delta t$$

12:
$$n = n + 1$$