

apríl 2024

github.com/PracovnyBod/KUT



## O základných vlastnostiach lineárnych systémov

## 1 Cayleyho-Hamiltonov teorém

**Veta 1.1.** Štvorcová matica je riešením svojho charakteristického polynómu. Predpokladajme, že existuje štvorcová matica **A** s charakteristickou rovnicou:

$$\det\left\{\mathbf{A} - \lambda \mathbf{I}\right\} = 0\tag{1}$$

Túto rovnicu je možné rozpísať do tvaru:

$$\lambda^n + \alpha_{n-1}\lambda^{n-1} + \dots + \alpha_1\lambda + \alpha_0 = 0 \tag{2}$$

Po dosadení matice  ${\bf A}$  za vlastné čísla  $\lambda$ :

$$\mathbf{A}^{n} + \alpha_{n-1}\mathbf{A}^{n-1} + \dots + \alpha_{1}\mathbf{A} + \alpha_{0}\mathbf{I} = 0$$
(3)

Z toho vidíme, že n-tú mocninu matice  ${\bf A}$  môžeme zapísať ako lineárnu kombináciu jej nižších mocnín:

$$\mathbf{A}^n = \sum_{i=0}^{n-1} \alpha_i \mathbf{A}^i \tag{4}$$