

EGE UNIVERSITY

FACULTY OF ENGINEERING

COMPUTER ENGINEERING DEPARTMENT

204 DATA STRUCTURES (3+1) 2020–2021 FALL SEMESTER

PROJECT-4 REPORT (GRAPHS, GRAPH ALGORITHMS, TREES and OTHER SUBJECTS)

DELIVERY DATE

16/02/2021

PREPARED BY

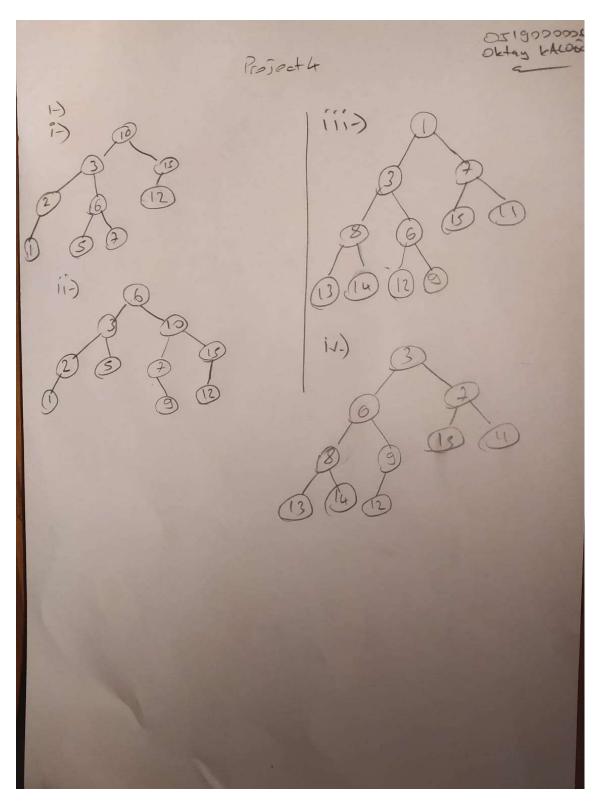
05190000061, Oktay Kaloğlu

İçindekiler

GRAPHS, GRAPH ALGORITHMS, TREES and OTHER SUBJECTS	2
1. AVL Tree Insertions (drawing), Heap Node Insertion and Removing	2
2. B-Tree Insertion Method [Alternatives: AVL-Tree Insertion, Red-Black Trees, Huffman Encod Tree]	•
2.1 Kalemle Yazılan Algoritma Görüntüsü	3
2.2 Yöntemin (ekleme işleminin) anlatımı / açıklaması / adımları	4
2.3 Kaynak Kod	4
2.4 (İşletim + Test) Ekran Görüntüsü	6
3. Huffman Encoding Tree Generation	7
4. Graph Algorithms	8
4.1 Dijkstra's Shortest Path [Source code + Screenshot for test]	8
4.2 Prim's MST [Source code + Screenshot for test]	9
4.3 BFT (Breadth-First Traverse) or DFT (Depth-First Traverse) [Source code + Screenshot for	-
4.4 Big-O Table (Time Complexities)	11
5. Graph Drawing and Finding Shortest Path in Python	11
5.1 Graph Drawing	11
5.2 Finding Shortest Path	12
5.3 Vertex Removing and repeating previous steps (Drawing and Finding SP)	14
6. Comparison of MST Algorithms	15
7. Definitions	16
SELF-ASSESSMENT TABLE	17

GRAPHS, GRAPH ALGORITHMS, TREES and OTHER SUBJECTS

1. AVL Tree Insertions (drawing), Heap Node Insertion and Removing



2. B-Tree Insertion Method [Alternatives: AVL-Tree Insertion, Red-Black Trees, Huffman Encoding Tree]

2.1 Kalemle Yazılan Algoritma Görüntüsü

```
01190000
                                                                         Oblay the
2) HUFFMEN FAMORING Tree //
      Class Karakter &
      String cher;
      int frekens!
     class Node &
      Note Lest Child= n-11;
      Node RightChild=nll;
      Karakter Korak;
     class Haffrentrees
     Node rost;
     List crote > oncelibli Kugrule;
     pulic Hurrman Tree (Karakter [] Karakter len) &// dirilen dizi Frebani cakter
                                                       1/aza sirali kalal edilmisti.
      andillyrek = now List (Node 20);
      for (bitin kerdelerler)
          anceliklikugele. Ade C new Node (kerckterler [i])
       make Rost ();
      Private make Root () & // incelikli knyroktoki disconlerin sonder ilejer ilejer
                             Malirardy bir radeda birtisticlerak agare Matiliael
       portaceliki knych akmen susui >1)s
        Note son Note; Wate;
        11 son iki obnen Usteden gebort
        Note scrivote = new Note (now Kordet: ( son le radio beroklader bittertir, probasit);
oneditaliste. add yen: Note);
        incollidi Liste. sort();
        rost = prediklikuyrak Eat; llagac artik alistu rost again buen assterit.
        public String kookterin kodu (String konokter)
        "String code" Nobe = rod;
        while temp Moder solco Euge box olena Lodo) &
         der tempural solcovario kudleri iserise
          tempWate a tempWate. Lest Child;
          'code +="0";
         tempNote=tempNade. Rightchild;
        retorn code;
                                  -1-
```

Profice Void - decoder (String Code) { // " 10101100110" o'b' o'de o'de obtained obt

2.2 Yöntemin (ekleme işleminin) anlatımı / açıklaması / adımları

//yazım kötü olduğu için kalemle yasmak istemedim.

//girilen karakter dizisi çoktan aza frekansda dizili kabul edilmiştir.

Girilen kelime nesnelerini içeren diziden frekanslara göre bir ağaç yapılarak her harfin kodlanamsıdır.

Giriş verisi bir metin de olabilir ona göre her karakterin frekansı bulunmalıdır. Bu frekanslara göre üretilen karakter nesneleri frekanslarına göre azdan çoğa doğru sıralandıktan sonra nesne içerisinde makeRoot ile öncelikli sırada yalnızda bir eleman kalana kadar sondaki iki düğümümn alınıp karakterlerinin birleştirilip, frekansları toplanarak yeni bir düğüm oluşturulur ve bu düğümün sağ socuğu listenin sondan alınan elemanı, diğeri ise sol çocuktur. Üretilen düğüm tekrardan sıralı şekilde listeye eklenir.Bu şekilde öncelikli kuyrukta 1 node kalana kadar tekrar edilir.

Ağaç oluşturulduktan sonra bir metinin kodlanması: girilen metin karakter karakter ağaçta aranır eğer sol çocuğu içerirse 0, değilse 1 eklenerek karakter aranır. Karakter bulunduğunda ki node dödürülecek stringe eklenir.

Verilen şifrenin çözülmesi : girilen şifrenin herbir rakamı sırası ile kullanılır. Yalnızca bir tane karaktere düşene kadar 0 için son çocuk, 1için sağ çocuk kullanılarak şifre çözülür. Çıkan karakter döndürülecek metine eklenir.

2.3 Kaynak Kod

```
public int frekans = 0;
         public String karakter;
         public string code;
public Karakter(String car)
              this.frekans = 1;
              this.karakter = car.ToString();
         public Karakter(String car, int tekrar)
              this.frekans = tekrar;
              this.karakter = car.ToString();
         public string ToString()
                                                               " + code;
              return karakter + "
                                         " + frekans + "
     class HuffmanEncodingTree
         private Node root;
         private List<Node> öncelikKuyruğu;
         private Karakter[] Karakterler;
         internal class Node
             internal Karakter karak;
              internal Node leftChild;
internal Node rightChild;
              public Node(Karakter kar)
                  this.karak = kar;
                  this.leftChild = null:
                  this.rightChild = null;
             }
         public HuffmanEncodingTree(Karakter[] karakterler)//çok tekrardan az tekrara doğru sıralı karakterler neslelerini içeren dizi
girişi yapıldığı kabul edilmiştir.
              Karakterler = karakterler;
              öncelikKuyruğu = new List<Node>();
for (int i = 0; i < karakterler.Length; i++)</pre>
                  Node node = new Node(karakterler[i]);
                  öncelikKuyruğu.Add(node);
              makeRoot():
         }
         private void makeRoot()
              int nodeSayısı = öncelikKuyruğu.Count; for (int i = nodeSayısı - 1; i > 0; i--)//öncelik kuğruğunda 1 tane item kalana kadar tekrarlanmalı. kkalan item ise bizim
kökümüz olmuştur.
              {
                  Node son = öncelikKuyruğu[i];
Node sondanÖnceki = öncelikKuyruğu[i - 1];
                  öncelikKuyruğu.RemoveAt(i);//son iki itemin listeden çıkartılması
                  öncelikKuyruğu.RemoveAt(i - 1);
                  Karakter geriEklenecek = new Karakter(sondanÖnceki.karak.karakter + son.karak.karakter, son.karak.frekans +
sondanÖnceki.karak.frekans);
Node geriEkelenecekNode = new Node(geriEklenecek);
geriEkelenecekNode.rightChild = son;
                  geriEkelenecekNode.leftChild = sondanÖnceki;
                  bool durum = true;
for (int y = 0; y < öncelikKuyruğu.Count; y++)</pre>
                  {
                       if (öncelikKuyruğu[y].karak.frekans < geriEkelenecekNode.karak.frekans)</pre>
                            öncelikKuyruğu.Insert(y, geriEkelenecekNode);
                            durum = false;
break;
                       }
                  }
if (durum)
                       öncelikKuyruğu.Add(geriEkelenecekNode);
              root = öncelikKuyruğu[0];
         private string findCharCode(string karakter)
{//verilen harfin ağaçtan faydalanarak kodunun üretilmesi
              Node tempNode = root;
string code = "";
              while (tempNode != null && tempNode.leftChild != null)//node boş ise tek karaktere kadar inilmiştir.
```

```
if (tempNode.leftChild.karak.karakter.Contains(karakter))
                    tempNode = tempNode.leftChild;
                 }
else
                    tempNode = tempNode.rightChild;
            return code;
        }
public void harflerinCodeları()
            Console.WriteLine("harf" + " " + "frekans" + " " + "code");
            for (int i = 0; i < Karakterler.Length; i++)</pre>
                 Karakterler[i].code = findCharCode(Karakterler[i].karakter);
                Console.WriteLine(Karakterler[i].ToString()); ;
        public string coder(string cümle)//cümle girilecek "asd ss ad". "010101001111" gibi string döndürücek
            string code = "";
            for (int i = 0; i < cümle.Length; i++)</pre>
                code += findCharCode(cümle.Substring(i, 1));
            }
return code;
        public string decoder(string code)//code girilecek "001101010" gibi
            String cümle = "";
int temp = 0;//her zaman başlanacak yeri gösterir
Node tempNode = root;
            while (temp < code.Length)</pre>
                while (tempNode.leftChild != null)//
                    if (code[temp] != '0')
{ //soldaki node değilse
                        temp++;
tempNode = tempNode.rightChild;
                     else//0 gelmiştir demmeki sol çocuk aranılan harfi içerir.
                        temp++;
                        tempNode = tempNode.leftChild;
                cümle += tempNode.karak.karakter;
tempNode = root;//kodun devamı için tempnodun en başı göstermesi gerekir.
            return cümle;
        }
2.4 (İşletim + Test) Ekran Görüntüsü
char[] car = { ' ', 'a', 'b', 'c', 'd', 'e', 'f', 'g' };
int[] tekrar = { 55, 50, 45, 40, 35, 30, 25, 20 };
Console.WriteLine("abc ab abb : " + ağac.coder("abc ab abb".ToLower()));
Console.WriteLine("0000010111100000111000001001 çözülmüşü : " +
ağac.decoder("0000010111100000111000001001"));
harf frekans code
          55
                     11
          50
                      000
          45
                     001
          40
                     011
          35
                     100
          30
                     101
          25
                     0100
          20
                      0101
abc ab abb : 0000010111100000111000001001
0000010111100000111000001001 çözülmüşü : abc ab abb
```

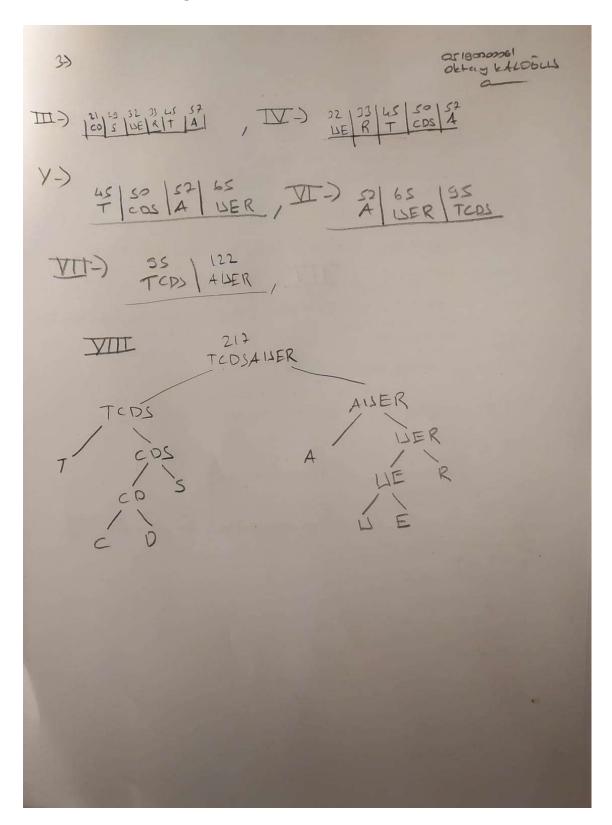
a b

C d

e

g

3. Huffman Encoding Tree Generation



4. Graph Algorithms

4.1 Dijkstra's Shortest Path [Source code + Screenshot for test]

```
class Dijkstra
            // A utility function to find the
            // vertex with minimum distance
// value, from the set of vertices
            // not yet included in shortest
// path tree
static int V = 8;
            int minDistance(int[] dist,
                                    bool[] sptSet)
                  // Initialize min value
int min = int.MaxValue, min_index = -1;
                  for (int v = 0; v < V; v++)
   if (sptSet[v] == false && dist[v] <= min)</pre>
                        {
                              min = dist[v];
min_index = v;
                  return min_index;
            // A utility function to print
            // the constructed distance array
            void printSolution(int[] dist)
                  Console.Write("Vertex \t\t Distance "
                  + "from Source\n");
for (int i = 0; i < V; i++)
Console.Write(i + " \t\t " + dist[i] + "\n");
            }
            // Funtion that implements Dijkstra's
            // single source shortest path algorithm
// for a graph represented using adjacency
            // matrix representation
public void dijkstra(int[,] graph, int src)
                  V = graph.GetLength(0);
                  // distance from src to i
                  // sptSet[i] will true if vertex
// i is included in shortest path
// tree or shortest distance from
// src to i is finalized
                  bool[] sptSet = new bool[V];
                  // Initialize all distances as
// INFINITE and stpSet[] as false
                   for (int i = 0; i < V; i++)
                        dist[i] = int.MaxValue;
sptSet[i] = false;
                  // Distance of source vertex
// from itself is always 0
                  dist[src] = 0;
                   // Find shortest path for all vertices
for (int count = 0; count < V - 1; count++)</pre>
                         // Pick the minimum distance vertex
                        // from the set of vertices not yet
// processed. u is always equal to
// src in first iteration.
                        int u = minDistance(dist, sptSet);
                        // Mark the picked vertex as processed
                        sptSet[u] = true;
                        // Update dist value of the adjacent
// vertices of the picked vertex.
                        for (int v = 0; v < V; v++)
                              // Update dist[v] only if is not in
// sptSet, there is an edge from u
// to v, and total weight of path
// from src to v through u is smaller
// than current value of dist[v]
if (!sptSet[v] && graph[u, v] != 0 && dist[u] != int.MaxValue && dist[u] + graph[u, v] < dist[v])
    dist[v] = dist[u] + graph[u, v];</pre>
                  // print the constructed distance array
                  printSolution(dist);
```

Dijkstra's Shortest Path Vertex Distance from Source 0 0 1 4 2 12 3 19 4 21 5 11 9 6 7 8 8 14

4.2 Prim's MST [Source code + Screenshot for test]

```
class MST//Prim's MST
         // Number of vertices in the graph
         private int V = 9;
         // A utility function to find
// the vertex with minimum key
          // value, from the set of vertices
         // not yet included in MST public MST(int[,] graph)
              this.V = graph.GetLength(0);
primMST(graph);
         private int minKey(int[] key, bool[] mstSet)
{
              // Initialize min value
int min = int.MaxValue, min_index = -1;
              for (int v = 0; v < V; v++)
    if (mstSet[v] == false && key[v] < min)</pre>
                   {
                       min = key[v];
min_index = v;
              return min_index;
         }
         // A utility function to print
         // the constructed MST stored in // parent[]
          private void printMST(int[] parent, int[,] graph)
              }
         // Function to construct and
         // print MST for a graph represented
// using adjacency matrix representation
public void primMST(int[,] graph)
              // Array to store constructed MST
              int[] parent = new int[V];
```

```
// Key values used to pick
                 // key values used to pick
// minimum weight edge in cut
int[] key = new int[V];
                 // To represent set of vertices
// included in MST
bool[] mstSet = new bool[V];
                 // Initialize all keys
                 // as INFINITE
for (int i = 0; i < V; i++)
                         key[i] = int.MaxValue;
mstSet[i] = false;
                // Always include first 1st vertex in MST.
// Make key 0 so that this vertex is
// picked as first vertex
// First node is always root of MST
key[0] = 0;
parent[0] = -1;
                 // The MST will have V vertices
for (int count = 0; count < V - 1; count++)</pre>
                         // Pick thd minimum key vertex
// from the set of vertices
// not yet included in MST
int u = minKey(key, mstSet);
                         // Add the picked vertex
// to the MST Set
mstSet[u] = true;
                         // Update key value and parent
// index of the adjacent vertices
// of the picked vertex. Consider
// only those vertices which are
// not yet included in MST
for (int v = 0; v < V; v++)</pre>
                                  parent[v] = u;
key[v] = graph[u, v];
                 // print the constructed MST
                printMST(parent, graph);
}
```

Edge	Weight	
0 - 1	4	
1 - 2	8	
2 - 3	7	
3 - 4	9	
2 - 5	4	
5 - 6	2	
6 - 7	1	
2 - 8	2	

4.3 BFT (Breadth-First Traverse) or DFT (Depth-First Traverse) [Source code + Screenshot for test]

4.4 Big-O Table (Time Complexities)

	Dijkstra's SP	Prim's MST	BFT	Heap Insertion
Big-O (Zaman Karmaşıklığı	O(V^2),	O(V^2)	O(V+E)	O(LogN)
Big-O Notasyonuna Göre)	V=köşe sayısı		E=kenar	N=node sayısı

// binary heap yardımıyla hem Dijkstra hem de prims in zaman karmaşıklığı O(ELogV) ye düşürülebilir.

5. Graph Drawing and Finding Shortest Path in Python

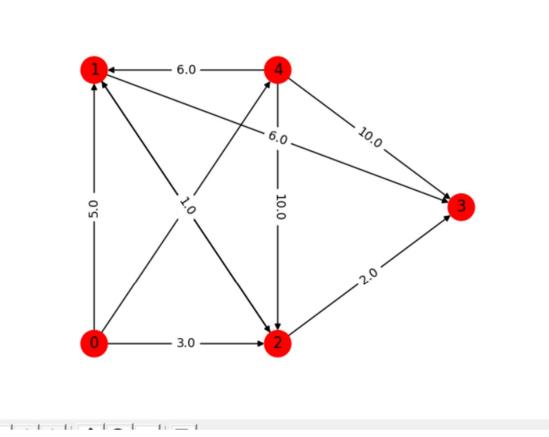
5.1 Graph Drawing

// Kaynak kod burada yer alacak

 $nx.draw_networkx (G, node_pos, node_color=node_col, node_size=450)$

import networks as nx import matplotlib.pyplot as plt G = nx.DiGraph() list_nodes = [0, 1, 2, 3, 4] $G.add_nodes_from(list_nodes)$ $list_arcs = [(0, 1, 5.0), (0, 4, 2.0), (0, 2, 3.0), (4, 1, 6.0), (4, 2, 10.0), (4, 3, 10.0), (2, 3, 2.0), (2, 1, 1.0), (1, 2, 2.0), (1, 3, 6.0)]$ $G.add_weighted_edges_from(list_arcs)$ G.edges() G.nodes[0]['pos'] = (0, 0) G.nodes[1]['pos'] = (0, 2)G.nodes[2]['pos'] = (2, 0)G.nodes[3]['pos'] = (4, 1) G.nodes[4]['pos'] = (2, 2)node_pos = nx.get_node_attributes(G, 'pos') $arc_weight = nx.get_edge_attributes(G, 'weight')$ node_col = ['white' if not node in G else 'red' for node in G.nodes()] edge_col = ['black' if not edge in G else 'red' for edge in G.edges()]

// Çizim burada yer alacak



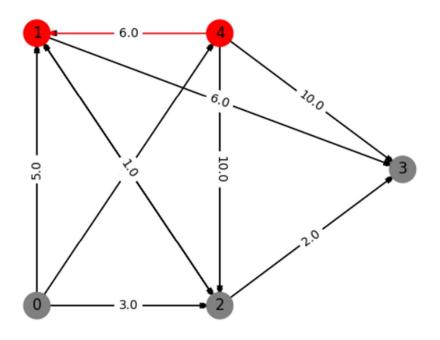
5.2 Finding Shortest Path

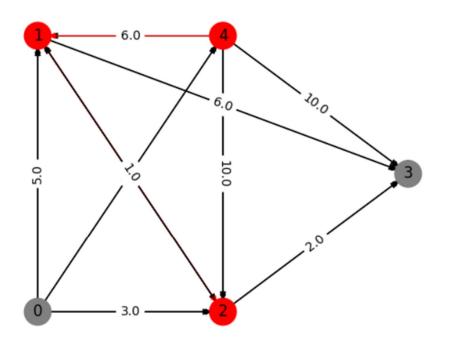
 $sp = nx.dijkstra_path(G, source=4, target=i)$

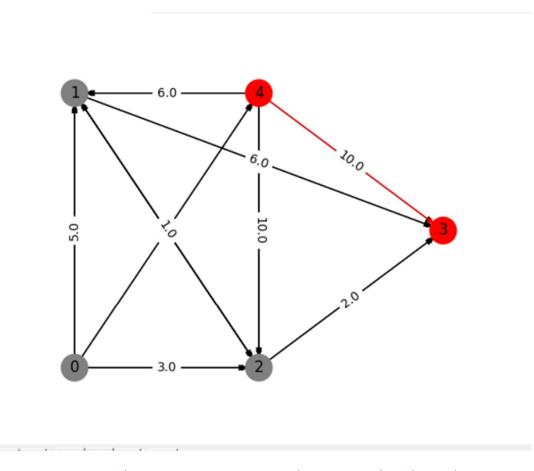
// Kaynak kod burada yer alacak

for i in (1,2,3):

```
print(sp)
 G.nodes[0]['pos'] = (0, 0)
 G.nodes[1]['pos'] = (0, 2)
 G.nodes[2]['pos'] = (2, 0)
 G.nodes[3]['pos'] = (4, 1)
 G.nodes[4]['pos'] = (2, 2)
 node_pos = nx.get_node_attributes(G, 'pos')
 arc\_weight = nx.get\_edge\_attributes(G, 'weight')
 red_edges = list(zip(sp, sp[1:]))
 node_col = ['grey' if not node in sp else 'red' for node in G.nodes()]
 edge_col = ['black' if not edge in red_edges else 'red' for edge in G.edges()]
 nx.draw\_networkx(G, node\_pos, node\_color=node\_col, node\_size=450)
 nx.draw\_networkx\_edges(G, node\_pos, edge\_color=edge\_col)
 nx.draw\_networkx\_edge\_labels(G, node\_pos, edge\_labels=arc\_weight)
 plt.axis('off')
// Konsol / Ekran görüntüsü burada yer alacak
```







5.3 Vertex Removing and repeating previous steps (Drawing and Finding SP)

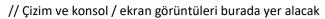
// Kaynak kodlar burada yer alacak

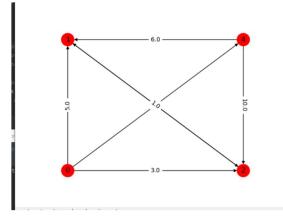
G.remove_node(3)

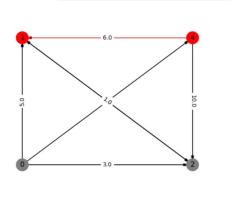
```
plt.show()
G.nodes[0]['pos'] = (0, 0)
G.nodes[1]['pos'] = (0, 2)
G.nodes[2]['pos'] = (2, 0)
G.nodes[4]['pos'] = (2, 2)
node_pos = nx.get_node_attributes(G, 'pos')
arc_weight = nx.get_edge_attributes(G, 'weight')
node_col = ['white' if not node in G else 'red' for node in G.nodes()]
edge_col = ['black' if not edge in G else 'red' for edge in G.edges()]
nx.draw_networkx(G, node_pos, node_color=node_col, node_size=450)
nx.draw_networkx_edge_labels(G, node_pos, edge_labels=arc_weight)
plt.axis('off')
plt.show()
for i in (1,2):
  sp = nx.dijkstra_path(G, source=4, target=i)
  print(sp)
  G.nodes[0]['pos'] = (0, 0)
  G.nodes[1]['pos'] = (0, 2)
  G.nodes[2]['pos'] = (2, 0)
  G.nodes[4]['pos'] = (2, 2)
  node_pos = nx.get_node_attributes(G, 'pos')
  arc_weight = nx.get_edge_attributes(G, 'weight')
  red_edges = list(zip(sp, sp[1:]))
node_col = ['grey' if not node in sp else 'red' for node in G.nodes()]
  edge_col = ['black' if not edge in red_edges else 'red' for edge in G.edges()]
  nx.draw_networkx(G, node_pos, node_color=node_col, node_size=450)
```

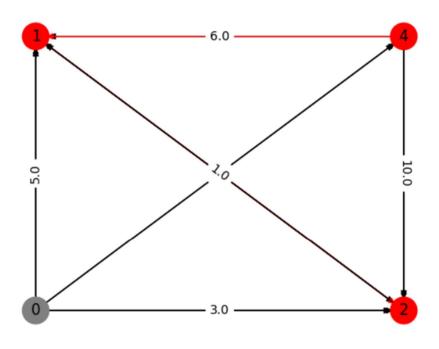
nx.draw_networkx_edges(G, node_pos, edge_color=edge_col)
nx.draw_networkx_edge_labels(G, node_pos, edge_labels=arc_weight)
plt.axis('off')
plt.show()











6. Comparison of MST Algorithms

//yazım kötü olduğu için kalemle yazmak istemedim.

Kruskal's Algorithm: MST yi en düşük fiyatlı olan köşeden başlayarak oluşturur. Herbir düğümden yalnızca bir kere geçer ve sıradaki kenar bulunulan köşede olamasa bile her zaman en ucuz olandır. Birbirinden kopuk elemanlarıda kullanır ve bir orman oluşturur. Daha ayrık graphlarda daha verimlidir.

Prim's Algorithm: MST yi istenilen köşeden başlayarak oluşturur. En ucuz yolu bulmak için aynı köşeyi birden fazla kez gezer. Yalnızca herbir köşe birbirine bağlı ise çalışabilir. Bir sonraki kenar o köşedeki en ucuz kenardır. Yoğun ve fazla kenarlı graphlarda daha hızlı çalışır.

7. Definitions

//yazım kötü olduğu için kalemle yazmak istemedim.

- a-) B+Tree: ikili arama ağacının aksine ebebeyinler ikiden fazla çocuğa sahip olabilirler. Btree kendisini dengeleyen ve elemanlarını sıralı tutan bir ağaç yapısıdır bu nedenle arama, ekleme, çıkartma işlemleri O(LogN) süresiyle yapılabilir. Database gibi büyük verilerin depolama ve okunduğu sistemler için uygundur.
- b-) 2-3-4 Tree: Kendisini dengeleyen ve ağacın her düğümün iki,üç veya dört çocuğu olan bir ağaçtır. bütün çocuklar aynı derinlik seviyesindedir. Arama, ekleme, çıkartma işlemleri O(LogN) süresiyle yapılabilir. Sözlüklerin verilerinin tutulması için kullanılabilir.
- h-) Dynamic Programming: Problemin daha küçük alt paraçalara bölüp, bu küçük problemler için yapılan hesaplamaların bellekte tutulmasıdır(revursive göre bellekte fazladan yer tutar). Büyük problemin recursive çözümü için aynı değerler için birden fazla hesaplamalar yapılabilecektir, dynamic programming matematiksel bir yaklaşım ile recursive çözümü daha lineer hale getirir.
- d. Quadratic Probing: hashing foksiyonları aynı index değerini birden fazla, farklı veri içinde üretebilir bu üretilen indexlere ekleme yapılamayacağı için bu veriler belirli bir düzende hashtable a eklenmelidir. Quadratic probing bu çakışma problemini aşmak için kullanılan bir yöntemdir. Üretilen indexte çakışma gerçekleşirse üretilen index e i² eklenerek boş bir yer aranır. (i =>1, i tamsayıdır.)
- g. Topological Sorting : yölü bir graphın her düğümünün, kendisinin gösterdiği her düğümden daha önce yer aldığı bir dizi haline getirilmesidir. Kullanım amacı genelde birbirini gerektiren uygulama adımlarının sıralanışının belirlenmesidir.s

SELF-ASSESSMENT TABLE

	Points	Estimated Grade	Explanation
1 a) AVL Tree	10	10	Yapıldı
1 b) Heap	10	10	Yapıldı
2) B-Tree Insertion / AVL Tree Insertion /	10	10	Yapıldı
Red-Black Trees / Huffman Encoding Tree			
2) Generating Huffman Encoding Tree	10	10	Yapıldı
4 a) Dijkstra's shortest path code + test	5	5	Yapıldı
4 b) Prim's MST code + test	5	5	Yapıldı
4 c) BFT or DFT code + test	5	5	Yapıldı
4 d) Filling Big-O Table	5	5	Yapıldı
5 i) Graph Drawing	5	5	Yapıldı
5 ii) Finding Shortest Paths with Dijkstra's	5	5	Yapıldı
5 iii) Node deletion and repeating i, ii.	5	5	Yapıldı
6) Comparison (Prim's & Kruskal's	5	5	Yapıldı
Algorithm)			
7) Explanations of 5 terms	10	10	Yapıldı
Demo Video for Source Codes and Tests of	5	5	Yapıldı
Q2, Q4 and Q5			
Self-assessment Table	5	5	Yapıldı
Total	100	100	

Açıklama kısmında yapıldı, yapılmadı bilgisi ve hangi maddelerin nasıl yapıldığı (ve nelerin yapılmadığı / yapılamadığı) yazılmalıdır. Tahmini not kısmına da ilgili maddeden kaç almayı beklediğinizi yazmalısınız.