

# Leksis: Prawf Geirfa Ymaddasol Am Ieithoedd Cyfyngedig eu Hadnoddau

Alan Kersaudy



PRIFYSGOL  
**BANGOR**  
UNIVERSITY

Ysgol Iaith Diwylliant a Chelfyddydau  
Coleg y Celfyddydau, y Dyniaethau a Busnes

Cyflwynwyd i fodloni'n rhannol â'r gofynion ar gyfer y  
Radd Master of Science mewn Technoleg Iaith.

*Arolygwraig Dr. G. Bovolenta*

Medi, 2025

### **Datganiad o Wreiddioldeb**

Mae'r gwaith a gyflwynwyd yn yr adroddiad hwn yn gyfan gwbl o astudiaethau'r myfyriwr unigol, ac eithr na hynny lle nodir. Lle cyflwynir dadleuon a'r tarddiad o'r gwaith yn gyfan neu'n rhannol o ffynonellau eraill, rhoddir cyfeiriad llawn i'r awdur gwreiddiol. Ni chyflwynwyd y gwaith hwn o'r blaen ar gyfer unrhyw radd, ac nid yw ar hyn o bryd o dan ystyriaeth gan unrhyw gorff sy'n dyfarnu graddiau arall.

Student:

Alan Kersaudy

### **Datganiad o Argaeledd**

Adwaen yma bod unrhyw ran o'r adroddiad hwn ar gael i'w weld, ei ffotogopio neu ei chynnwys mewn astudiaethau yn y dyfodol, gan roi cyferiad llawn i'r tarddiad o unrhyw wybodaeth sydd wedi'i gynnwys yma.

Student:

Alan Kersaudy

# Cydnabyddion

Ni ddylid priodoli unrhyw ansawdd a geir yn y draethawd hwn i'w awdur, nad yw'n dwyn ond y cyfrifoldeb bychan o roi ynghyd syniadau, mewnwelediadau, a myfyrdodau eraill. Hyd yn oed cafodd yr ymdrech fechan hon ei chynnal yn uniongyrchol neu'n anuniongyrchol gan bobl a sefydliadau a wnaeth fy arhosiad ym Mangor mor ddymunol, buddiol a chynhyrchiol ag y gallai fod. Yn arbennig, rwy'n ddyledus yn uniongyrchol i Giulia Bovolenta, a'm cyfeiriodd gyntaf tuag at brofi geirfa, ac y bu ei mewnwelediadau niferus yn arwain pob cam drwy'r gwaith hwn. Maria Kolesnichenko yw goleudy'r synnwyr cyffredin caredig a'm cadwodd rhag boddi mewn môr o syniadau gwael drwy'r flwyddyn gyfan. Melanie Jouitteau, a blannodd gyntaf yn fy meddwl y syniad o wneud y gradd Meistr hon ym Mangor. Dysgu Philip Davies yn y cwrs TSI a'm helpodd i wella fy sgiliau Cymraeg, ynghyd â chyd-fyfyrrwyr Cymraeg eu hiaith y gallaf ond bod yn ddiolchgar i'w galw'n ffrindiau: Leena Farhat, Tom Williams, Stephen Russel ac Owen Williams. Mae Preben Vanberg ymhlith llawer o bethau yn berson cyfrifol am y syniad o osod anhawster yr eitemau ar yr un raddfa logistaidd â'r rhai sy'n cymryd y prawf. Tîm cyfan Canolfan Bedwyr, yn eu plith Tegau, Cat, Alun, Steffano a llawer o rai eraill. Ond yn arbennig cyfarwyddwr ei Uned Dechnoleg Gruffydd Prys a'i deulu, na ellir gwneud cyfiawnder â geiriau i'w hymdrech i'm croesawu a chefnogi fy arhosiad ym Mangor. Dau athro arall, Dewi Bryn Jones a Bill Teahan, a'm helpodd, mewn ffordd wahanol iawn ond gyflenol, i feistroli llawer o'r sgiliau a wnaeth y gwaith hwn yn bosibl. Yn olaf, mae'r gefnogaeth ariannol a gefais gan Cymen yn gyfle a'm hysgogodd i gynhyrchu'r teclyn gorau y gallwn ei gynhyrchu'n faterol ar gyfer y Gymraeg. Yn y pen draw, rwy'n cyflwyno'r prawf hwn a'r asiant tiwtiora sy'n gysylltiedig ag ef i Cymen a'i chyfarwyddwyr Manon Cadwaladr ac Aled Jones yn ogystal â Myfyr Prys, am eu rôl yn galluogi ysgoloriaeth Cymen. Boed yn arwydd bach o ddiolchgarwch am yr ymddiriedaeth a'r rhyddid y maent wedi ei roi imi. Rwy'n fendigedig ac yn ddiolchgar am fod wedi croesi llwybr cymaint o bobl ddeallus a da ac mae'r gwaith hwn yn bennaf ffrwyth eu caredigrwydd cyfunol.

# Cynnwysion

<b>Rhestr o Ffigurau</b>	<b>v</b>
<b>Rhestr o Dalfyriadau</b>	<b>vi</b>
<b>1 Rhagymadrodd</b>	<b>1</b>
1.1 Strwythur y Traethawd . . . . .	1
1.2 Nod, Amcanion a Chwestiwn Ymchwil . . . . .	1
1.3 Cefndir a Chymhelliant . . . . .	2
1.3.1 Terminoleg: DAmA ac EdTech . . . . .	2
1.3.2 Ieithoedd Isadnodd mewn Technolegau Addysgol . . . . .	2
1.3.3 Deallusrwydd Artiffisial ac Addysg . . . . .	4
1.3.4 Addasrwydd a Modelau Gwybodaeth . . . . .	5
1.3.5 Casgliad . . . . .	7
<b>2 Adolygiad Llenyddiaeth</b>	<b>8</b>
2.1 Lluniadau'r Hyfedredd a Ble i'w Canfod . . . . .	8
2.1.1 Y Dullau Cyfannol o Brofi (CEFR) . . . . .	9
2.1.2 Natur gymhleth y syniad o Hyfedredd . . . . .	10
2.1.3 Topograffi y Profion Geirfa . . . . .	13
2.1.4 Perthnasedd a Chyfyngiadau Profion Geirfa . . . . .	15
2.1.5 Casgliad . . . . .	16
2.2 Olrhain Gwybodaeth . . . . .	17
2.2.1 Gallu Damcaniaethol Prawf Unddimensiwn Diswn . . . . .	17
2.2.2 Y System Graddio Elo . . . . .	18
2.3 Casgliad . . . . .	21
<b>3 Methodoleg</b>	<b>22</b>
<b>4 Canlyniadau</b>	<b>23</b>
<b>5 Trafodiaeth</b>	<b>24</b>
<b>A Prompt Dadansoddi</b>	<b>25</b>

A.1	Template . . . . .	25
A.2	Example . . . . .	26
	<b>Llyfryddiaeth</b>	<b>29</b>

# Rhestr o Ffigurau

2.1	Fformiwla Rasch . . . . .	19
2.2	System graddio Elo . . . . .	19
A.1	Beginning of a personalized lesson 1/2 . . . . .	27
A.2	Beginning of a personalized lesson 2/2 . . . . .	28

# Rhestr o Dalfyriadau

CAI	Caffael Ail Iaith
CDG	Cynnyrch Domestig Gros
CEFR	Fframwaith Cyfeirio Cyffredin Ewropeaidd ar gyfer ieithoedd (Common European Framework of Reference for languages)
DA	Deallusrwydd Artiffisial
DAmA	Deallusrwydd Artiffisial mewn Addysg (AIED, AIED)
DD	Dysgu Dwfn
EdTech	Technolegau Addysg
GD	Gwyddor Dysgu
GOFAI	Good Old-Fashioned AI (Ddeallusrwydd Artiffisial Da Hen-Ffasiynol)
HAdd	Holiad Amlddewis
IAC	Ieithoedd Adnoddau Cyfyngedig
IUa	Iaith Uwchadnodd
L1	Iaith Gyntaf neu Brifiaith
L2	Ail Iaith (ieithoedd)
LDT	Lexical Decision Task – Tasg Penderfynu Geirfaol
OG	Olrhain Gwybodaeth
PAC	Profi Addasol Cyfrifiadurol (neu CAT am Computerized Adaptive Test)
PIN	Prosesu Iaith Naturiol
SDT	Theori Canfod Signalau
TYE	Theori Ymateb Eitemau (neu IRT am Item Response Theory)

VLT      Vocabulary Level Test – Prawf Lefelau Geirfa

WEIRD   Gorllewinol, Addysgedig, Diwydiannol, Cyfoethog a Democrataidd (o'r Saesneg)



# Pennod 1

## Rhagymadrodd

Mae'r bennod gyntaf hon yn cyflwyno'r cyd-destun, a phwrpas y traethawd hir hwn. Yn benodol, daw'r drydedd adran â'r rôl y sydd gan dechnolegau addysgol i'w chwarae i'r amlwg, naill ai wrth gefnogi neu beryglu ymhellach Ieithoedd Adnoddau Cyfyngedig (IAC), yn dibynnu ar ai yw'r dechnoleg yn cael ei chynllunio i ddysgu ieithoedd sydd eisoes yn bygwth ieithoedd eraill. Gellir darllen yr adran hon fel cyflwyniad cyffredinol i faes technolegau addysgol i'r rhai hynny sy'n pryderu ynghylch tynged ieithoedd adnoddau cyfyngedig, neu fel cyflwyniad i bryderon ieithoedd adnoddau cyfyngedig i'r rhai hynny sy'n gweithio ym maes y technolegau addysgol.

### 1.1 Strwythur y Traethawd

Mae'r traethawd hwn yn cyflwyno Leksis, sydd yn brawf adnabod geirfa newydd wedi ei deilwra ar gyfer ieithoedd adnoddau cyfyngedig. Mae'r bennod gyntaf yn egluro'r rhesymeg tu ôl i brawf o'r fath. Daw'r ail bennod â rhannau o'r llenyddiaeth sydd ar gael o wahanol feysydd at ei gilydd, gan amrywio o ieithyddiaeth gymhwysol i ddamcaniaeth gwybodaeth (information theory), er mwyn gosod y sylfaen ar gyfer profion geirfa graddadwy sydd yn addasedig i gyfyngiadau a chyd-destun yr ieithoedd adnoddau cyfyngedig. Mae'r drydedd bennod yn cyflwyno cynllun prawf cychwynnol ar gyfer y Llydaweg. Y bedwaredd bennod y sydd yn dadansoddi canlyniadau'r brawf i asesu perthnasedd y dewisiadau dylunio. Yn olaf, mae'r bumed bennod yn asesu gwerth a chyfyngiadau'r brawf, yn ogystal â chyflwyno barn wybodus ar yr anghenion penodol i ieithoedd adnoddau cyfyngedig mewn perthynas â thechnolegau addysgol ac ieithyddol.

### 1.2 Nod, Amcanion a Chwestiwn Ymchwil

Mae ieithoedd cyfyngedig eu hadnoddau yn wynebu heriau arbennig mewn byd lle mae gwyddor data wedi troi maint yn fam pob ansawdd. Nod sylfaenol y gwaith presennol yw optimeiddio addysgu ieithoedd hyn. Problem hanfodol unrhyw optimeiddio yw'r metrig y

mae rhywun yn anelu at ei optimeiddio, ac mae hyn yn arwain at ddatblygu profion iaith cyflym, lleiafol a gyflwynir yma. Yn arbennig, yr amcan yw canfod ffyrdd o wneud iawn am broblem prinder adnoddau trwy ddatblygu dulliau a thechnegau wedi'u cynllunio i weithio yn y cyd-destun prinder hwn yn gyntaf, yn hytrach na chludo i ieithoedd prin eu hadnoddau ddulliau a thechnegau sy'n rhy drwm ar adnoddau. Am y rhesymau hyn, rydym yn cynnig y cwestiwn ymchwil canlynol.

*A ellir creu prawf geirfa cyflym, ymaddasol ar gyfer ieithoedd prin eu hadnoddau?*

Mae ymaddasoldeb yn crynhoi dibynadwyedd a manwl gywirdeb, dau agwedd allweddol ar ddilysrwydd seicofetrig. Felly gellir defnyddio dilysu ymaddasoldeb fel procsi i ddilysu'r potensial i brawf olrhain cynnydd dros amser, heb astudiaeth ar raddfa fawr. Astudiaethau a fyddai'n gofyn am ddilyn grwpiau cyfan o ddysgwyr dros sawl mis i gasglu'r canlyniadau angenrheidiol. Trwy astudio'r llenyddiaeth sydd ar gael yn drwyadl ac asesu ymaddasoldeb prawf gwirioneddol o'i ganlyniadau cynnar, y bwriad yw cefnogi dadl gadarn o blaid neu yn erbyn y syniad hwn erbyn diwedd y gwaith hwn.

## **1.3 Cefndir a Chymhelliant**

### **1.3.1 Terminoleg: DAmA ac EdTech**

Mae ymchwil academiaidd fodern ar dechnolegau addysgol yn bennaf yn disgyn dan yr ymbarél “Deallusrwydd Artiffisial mewn Addysg” (DAmA neu AIED am “AI in Education”). Mae'r derminoleg hon yn dominyddu'r maes oherwydd “Cymdeithas y DAmA Ryngwladol” (International AIED Society), a sefydlwyd ym 1993, ac effaith strwythurol rhifynnau ei chyfnodolyn a'i chynadleddau. Yma, defnyddir DAmA ar brydiau bron yn gyfnewidiol ag EdTech, am “Technolegau Addysgol”, sef term mwy o'r maes marchnata, term sy'n perthyn yn agosach at neolegolion eraill fel “FinTech”, “BioTech” ac ati. Gellir ystyried cwmnïau addysgol fel Duolingo neu Rocket Language fel cwmnïau EdTech yn ôl y diwydiant, ond fel DAmA pan siaradir gan ymchwilwyr. Mewn fformiwleiddiad arall, EdTech yw'r DAmA gyda model busnes.

### **1.3.2 Ieithoedd Isadnodd mewn Technolegau Addysgol**

Mae cwestiwn ieithoedd adnoddau cyfyngedig yn y DAmA yn gysylltiedig yn agos â'u sefyllfa gyffredinol ym maes prosesu iath naturiol (PIN). Disgrifir y sefyllfa yn orau yn Magueresse, Carles and Heetderks (2020), wrth i ddulliau ystadegol, cysylltiadol, ddod i

ddominyddu mewn PIN, mae cwestiwn prinder data yn dod yn brif ffactor cyfyngol wrth gymhwyso atebion PIN modern i ieithoedd adnoddau cyfyngedig. Mae'r broblem hon hefyd yn cael ei chymhlethu gan duedd WEIRD (am Wealthy, Educated, Industrialized and Democratic) cyffredinol mewn gwyddor wybyddol (Henrich, Heine and Norenzayan 2010), lle mae ieithoedd o ddiwylliannau sy'n orllewinol, addysgedig, diwydiannol, cyfoethog a democrataidd yn tueddu i gael eu ffafrio ym mhob maes o'r gwyddor gwybyddol. Fodd bynnag, os mai'r ieithoedd adnoddau cyfyngedig sy'n mabwysiadu'r technolegau hyn y lleiaf, yn eironig yr ieithoedd hyn y sydd â'r mwyaf i'w golli o beidio â'u mabwysiadu. Gall peidio â mabwysiadu'r technolegau hyn achosi colli gwelededd, parch a dymunoldeb, sy'n ei dro yn arwain at lai o fabwysiadu a defnydd, gan arwain at gylch cythreulig lle mae llai o adnoddau hyfforddi ar gael i addasu'r technolegau hyn i ieithoedd cyfyngedig eu hadnoddau. Disgrifiwyd y ffenomen hon fel marweidd-dra (*stagnation* yn Saesneg), neu farwolaeth digidol iaith, sef llofnod ar-lein ieithoedd sydd wedi darfod yn gymdeithasol (Kornai 2013).

Ni ellir tanbrisiu'r rôl y gallai technolegau addysgol ei chwarae wrth dorri'r cylch cythreulig hwn, o leiaf ar gyfer rhai o'r ieithoedd dan sylw. Ar y naill law, gall helpu i addasu technolegau addysgol presennol i ieithoedd adnoddau cyfyngedig helpu i gynnal eu perthnasedd fel cyfrwng dysgu. Hynna i'r rieni sy'n dymuno'r safonau addysgol gorau i'w plant yn ogystal a chynnig dewis arall i bobl sy'n ceisio cyflawniad deallusol yn hytrach na gadael eu prifiaith yn syth i allu parhau i ddysgu pethau newydd. Deallir y gall technolegau PIN fel cyfieithu awtomatig helpu i drosglwyddo technolegau i gymunedau ieithyddol na all ddatblygu eu hofferynau addysgol eu hunain fel arall (Haddow et al. 2022). Mae astudiaeth gan Horbach et al. (2024) yn cefnogi'r syniad y gellir cyflawni cydraddoldeb addysgol trwy systemau sgorio traws-ieithog, yn y cyd-destun lle defnyddir cwestiynau agored i asesu sgiliau, a lle gall cefndiroedd ieithyddol gwahanol effeithio ar ruglder atebion myfyrwyr beth bynnag yw eu dealltwriaeth o'r cysyniad a asesir. Ar y llaw arall, o ran technolegau addysgol sy'n gyfeirio at iaith yn benodol, mae'r maes bron i gyd yn dominyddu ymchwil i ddysgu Saesneg, a hyd yn oed yn dod i gystadlu ag ieithoedd sydd eisoes mewn perygl. Mae papur gan Henkel et al. (2025) yn symptomatig o'r peryglau hynny. Yn yr astudiaeth hon, defnyddir technolegau adnabod lleferydd Saesneg mewn system DAmA i wella llythrennedd mewn ysgolion Ghana, gwlad sy'n gartref i fwy na 70 o ieithoedd brodorol (*Ghana Languages, Literacy, Maps, Endangered Languages, Population, Official Use (GH)* 2025).

Hyd y gwyddom, ymddengys mai ychydig o ymdrech a wnaed yn y llenyddiaeth academiaidd i gefnogi datblygu technolegau addysgol wedi'u teilwra'n benodol ar gyfer anghenion ieithoedd adnoddau cyfyngedig a'u cymunedau siaradwyr, er gwaethaf yr holl gynnydd a wnaed yn y blynyddoedd diwethaf i ddatblygu'r ieithoedd hyn mewn PIN. Gallai'r diffyg tystiolaeth hwn fod wedi'i achosi gan rwystr iaith, ond nid yw hyn ond yn atgyfnerthu'r syniad y dylid, os nad oes rhaid, gwneud mwy i gefnogi presenoldeb yr ieithoedd adnoddau cyfyngedig yn y DAmA.

### **1.3.3 Deallusrwydd Artiffisial ac Addysg**

Fel y dangoswyd gan Doroudi (2023), bu rhwng ddeallusrwydd artiffisial (DA) ac ymchwil mewn addysg ddeialetig 70 mlynedd o hyd a fu o fudd i'r ddau faes hyn. Os tynnodd gwaith cynnar ar DA o seicoleg ddatblygiadol yn wreiddiol a hyd yn oed ddatblygu offer addysgol fel rhan o'u hymdrech i efelychu deallusrwydd dynol gyda pheiriannau, maes addysg sydd bellach yn elwa o'r posibiladau a ddatgloir gan dechnolegau DA modern.

Archwiliodd ymchwil gynnar mewn deallusrwydd artiffisial ddau ddull gwahanol i geisio efelychu prosesau gwybyddol. Gelwir y cyntaf yn gyffredin fel Good Old-Fashioned AI (GOFAI), roedd wedi'i ganoli o amgylch dull symbolig a ddeilliodd o waith semenaidd Allen Newell, Herbert A. Simon a Cliff Shaw ar y Logic Theorist (Newell and Simon 1956). Ceisiodd y dull hwn ddeall sut mae arbenigwyr yn datrys problemau gan ddefnyddio systemau sy'n seiliedig ar reolau a haniaethu symbolig. Roedd yr ail ddull, cysylltiadol, wedi'i ganoli o amgylch rhwydweithiau niwral ac yn canolbwyntio ar y prosesau caffael sgiliau gwybyddol dros berfformiad priodol. Yn y byd Cymraeg, mae Cysill (Hicks 2004) yn engraifft o system DA seiliedig ar reolau. Datblygwyd GOFAI gan bobl fel Marvin Minsky, Seymour Papert a llawer o rai eraill (Doroudi 2023). Yn nodedig, daeth Seymour Papert i'r byd DA ar ôl astudio datblygiad gwybyddol plant yn labordy Jean Piaget yn Geneva. Daeth â dylanwad sylweddol o adeiladaeth (constructionism) Piaget i'r paradigm cysylltiadol mewn DA, sy'n ddamcaniaeth a esyd bod dysgwyr yn adeiladu eu sgiliau newydd a'u dealltwriaeth ar ben y wybodaeth a'r sgiliau a gafwyd eisoes.

Arweiniodd y ddau ddull at ymdrechion i greu systemau addysgol rhyngweithiol yn gynnar. Mae enghreifftiau o raglenni meddalwedd addysgol cynnar sy'n seiliedig ar GOFAI yn cynnwys system GUIDON, a oedd yn dibynnu ar beiriant Mycin, system ddiagnoseg haintiau, i ddysgu myfyrwyr i ddiagnosio patholegau (William J. 1983). Cefnogodd y gangen

gysylltiadol ddatblygu “micro-byddydd” addysgol, megis ieithoedd rhaglennu addysgol, lle gallai plant ddysgu sgiliau datrys problemau anniffiniedig. Mae enghreifftiau o’r dull hwn yn cynnwys iaith raglennu Logo, a ddyluniwyd i ddysgu am leoli cymharol a geometreg trwy ddylunio rhaglenni i arwain crwbanod robot (darllunio). Dilynodd llawer o systemau o’r fath, megis iaith raglennu Scratch a chitiau Lego Mindstorms. Ond arweiniodd yr arbenigedd angenrheidiol mewn DA at ymchwil ddiweddarach yn canolbwyntio’n llwyr ar berfformiad systemau cyfrifiadurol, yn enwedig wrth i ddyfodiad yr ôl-ledaeniad (back-propagation) esgor dysgu dwfn (DD) a llwyddo i sefydlu uchafiaeth y paradigm cysylltiadol mewn DA.

Ar y pwynt hwn, symudodd y ffocws yn bendant o ddefnyddio seicoleg ddatblygiadol i gefnogi DA, i integreiddio atebion technegol DA mewn offer addysgol. Mae meta-ddadansoddiad gan Schmid et al. (2023) bellach yn cefnogi manteision dulliau addysgol adeiladol fel Dysgu Cyfun (Blended Learning) a’r Ystafell Ddosbarth Wedi’i Throi (Flipped Classroom), y sy’n rhoi mwy o rôl hyfforddi i’r athrawon, gyda chyfrifoldeb cyfarwyddo yn cael ei drosglwyddo i systemau rhyngweithiol ar-lein, a ddefnyddir tu allan i’r ddosbarth.

Yn yr adran hon, gwelwyd sut y llifodd syniadau adeiladol Piaget ar addysg yn y ddull gysylltiadol at y DA trwy waith Seymour Papert. Yna, pan gymerodd y dull cysylltiadol drosodd gyda dyfodiad y DD, daeth y DA yn ôl i’r addysg ar ffurf platfformau dysgu addasol i gefnogi datblygiad arferion adeiladol mewn ysgolion. Mae dysgu am yr hanes cyfun hwn yn mynd y tu hwnt i ymholiad am straeon hanesyddol yn unig, mae’n rhoi inni’r cwmmpas a’r fframwaith epistemolegol i bennu nodau a dulliau technolegau addysgol, sy’n gam angenrheidiol i sicrhau y gallai systemau addysgol newydd o’r fath gyflawni llwyddiant byd-go-iawn rywbyrd. Hynny yw, nid fel system ynysig sy’n esblygu mewn gwactod, ond fel offer yng ngwasanaeth amgylchedd dysgu cyfannol.

### **1.3.4 Addasrwydd a Modelau Gwybodaeth**

#### **Addewid Addasrwydd**

Y gwahaniaeth allweddol rhwng gwersllyfrau clasurol neu addysg sy’n seiliedig ar ddarlithiau a’r rhan fwyaf o’r technolegau dysgu diweddar yw addewid addasrwydd. Mae hyn yn golygu bod y system yn addasu ei hymddygiad yn seiliedig ar berfformiad y dysgwyr, yn ddelfrydol gyda’r nod o fwyhau eu derbyniad dysgu. Yn y rhan fwyaf o systemau modern (ond nid pob un) gwneir y optimeiddiad hwn gan system argymell, y mae ei ffurfiau mwyaf soffistigedig

yn datrys enghraifftiau o broblem y bandit aml-fraich<sup>1</sup>. Problem y bandit aml-fraich sef fformiwleiddiad mathemategol o sefyllfa lle cynigir gweithredoedd gwahanol, yn ein hachos ni, argymell deunyddiau dysgu gwahanol gyda gwerthoedd pedagogig ansicr, a rhaid i asiant benderfynu pa weithredoedd fydd yn mwyhau enill ar wobr benodol, yma, twf y myfyrwyr mewn gwybodaeth. Gellir ei datrys gan un o sawl algorithm gwahanol (Chen et al. 2017). Rhaid i'r systemau hyn dewis rhwng ecsbloetio gweithredoedd gyda gwobrau hysbys, ond cyfyngedig ac archwilio gweithredoedd gyda gwobrau anhysbys.

Mae'r paradigm hwn yn galluogi dylunwyr systemau i ryddhau eu hunain o'r pen tost a achosir gan yr angen i ddyfarnu'r cwestiwn sy'n ymwneud â dewis y deunydd dysgu. Yn dibynnu ar yr algorithm a ddewiswyd, addewid dysgu addasol yw galluogi adeiladu proffil wedi'i deilwra am sgiliau'r dysgwyr, o bosibl hefyd yn cynnwys disgrifiad o'u gallu neu rhythm dysgu, a chael y system i adeiladu cwricwlwm wedi'i optimeiddio i gyrraedd y nod pedagogig penodedig.

Rhaid nodi bod technolegau addysg seiliedig ar reolau yn dal cael eu gweithredu'n eang, lle mae'r cwricwlwm yn cael ei ddylunio o flaen llaw ar sail model pedagogaidd, ac felly yn cymryd rôl y systemau argymell a gyflwynwyd uchod. Gall y systemau hynny fod yn berthnasol pan mai'r nod yw dysgu setiau penodol, diffiniedig o sgiliau, fel rhaglenni ysgolion cynradd ac uwchradd. Mae Pelánek (2025) yn crybwyll y platfform *Umíme* yng Ngweriniaeth Tsiec, sy'n ymddangos fel ei fod wedi'i fabwysiadu'n helaeth gan ysgolion yr wlad ac yn dibynnu ar bensaernïaeth o'r fath. Efallai bydd gan systemau addysgol eraill priodweddau rhyngweithiol yn unig, heb systemau argymell, fel yr ieithoedd rhaglennu addysgol a grybwyllwyd uchod. Fodd bynnag, nid y rheiny yw ffocws y gwaith presennol.

### **Model Gwybodaeth a Nod Offerynnol**

Lle mae systemau argymell yn gallu gwneud yr addewid i optimeiddio unrhyw fetrig penodedig, o amser gwyllo fideo YouTube i weithgynhyrchu clipiau papur (Bostrom 2003), nid yw systemau DA yn dwyn y cyfrifoldeb i ddiffinio'r metrigau cyfryngol hyn, yr hyn a elwir yn nod offerynnol. Mae'r cwestiwn hwn wrth wraidd pob ystyriaeth aliniad, ac nid yw'r systemau addysgol yn ddieithr i'r broblem hon. Mewn systemau addysgol, mae'r procsi hwn yn seiliedig ar fodelau gwybodaeth, a elwir hefyd yn fodelau myfyriwr, sy'n ddata seicometrig y gellir deillio model dysgu ohono (sef y datblygiad o'r wybodaeth honno ar y amser) ac a

---

<sup>1</sup>Multi-armed bandit, cf. [https://en.wikipedia.org/wiki/Multi-armed\\_bandit](https://en.wikipedia.org/wiki/Multi-armed_bandit)

all yn ei dro gael ei ddefnyddio i ddiffinio gwerth pedagogig deunydd dysgu, y metrig hwn yw'r wobr y byddai algorithmau yn cael eu cyhuddo o'i optimeiddio. Mae diffinio'r model gwybodaeth hwn a natur y lluniad seicometrig y mae'n ei gasglu yn hanfodol i lwyddiant system dysgu addasol. A'r gwaith deffinio hwn sy'n gyfrifoldeb y maes y bwriedir i'r system ei ddysgu, yn ogystal modelau seicolegol, nid y technoleg yn uniongyrchol.

### **1.3.5 Casgliad**

Trwy'r adran hon, dadansoddwyd hanes technolegau addysgol ers y chwyldro gwybyddol yn y 1950au. Gwelwyd y potensial amhrisiadwy'r DAmA sy'n dal i ddatblygu, a'i addewid o addasrwydd, ynghyd â'r risgiau a'r cyfleoedd y mae'n eu dod i ieithoedd adnoddau cyfyngedig. Nodwyd bwlch yn y llenyddiaeth academiaidd ar ddysgu ieithoedd adnoddau cyfyngedig yn y DAmA. Os gall cyfieithu systemau DAmA i ieithoedd adnoddau cyfyngedig weithio cyn belled â bod y pwnc y bwriedir iddo ei ddysgu ddim yr iaith ei hun, pan fwriedir i'r system dysgu ieithoedd, mae'n ymddangos bod yr holl ymchwyl yn y maes wedi'i ddominyddu gan Saesneg, iaith sy'n eithriad o ran argaeledd adnoddau o'i gymharu â mwyafrif y 7000 o ieithoedd eraill a siaredir ledled y byd. Yn y cyd-destun hwn, mae'n ymddangos yn angenrheidiol aillfeddwl sut y gellir cyflawni addasrwydd pan nad oes gan y rhan fwyaf o ieithoedd y byd hyd yn oed ramadeg ddisgrifiadol wyddonol, heb sôn am y dwysau o oriau o recordiadau wedi'u hanodi sy'n angenrheidiol i hyfforddi systemau adnabod lleferydd.

## Pennod 2

# Adolygiad Llenyddiaeth

Mae'r adolygiad llenyddiaeth hwn wedi'i rannu'n ddwy brif adran. Mae'r adran gyntaf yn canolbwyntion ar ddadansoddi'r lluniadau a archwiliwyd wrth asesu hyfedredd iaith, ac ymhlith y rheini, pa rai a allai weithio mewn system ddysgu addasol, tra bo'r ail adran yn ymdrîn â'r ffyrdd ystadegol i sgorio rhyw luniad penodol. Y brif-egwyddor trwy'r bennod hon fydd symlrwydd y datrysiadau a gynigir, gan mai bob amser yw'n haws trwsio diffygion systemau syml na rhai systemau cymhleth.

### 2.1 Lluniadau'r Hyfedredd a Ble i'w Canfod

Dangosodd y rhagymadrodd fod diffiniad yr amcanion offerynnol y mae'n rhaid i system argymell (recommender system) eu hoptimeiddio yn perthyn i'r faes arbenigedd sy'n ymwneud â phrif nod y system, yn hytrach nag i'r dechnoleg ei hun. Mae profi iaith yn draddodiadol wedi bod yn fater ymchwil Caffael Ail Iaith (CAI), y gellir ei hystyried fel is-faes gwyddor dysgu (GD), ond mae'r maes hwn yn derbyn mewnbwn gan – ac yn perthyn yn agos i – seicoieithyddiaeth, ieithyddiaeth gymhwysol, ac fel y gwelwn, niwrowyddoniaeth. Dibynnir ar y rhain am ddealltwriaeth gyffredinol o'r prosesau sy'n gysylltiedig â defnydd a chaffael iaith. Heb honni bod yn adolygiad cynhwysfawr, bydd yr adran hon yn ceisio darparu trosolwg o hyfedredd iaith a'r ffyrdd i'w fesur.

Sut mesuro hyfedredd iaith? Mae'r cwestiwn hwn wedi cael ei astudio'n eang o fewn fframweithiau damcaniaethol amrywiol ac ar gyfer sawl pwrpas ymarferol. Y fwyaf pwysig efallai, ydy bod myndeiaid i bethau fel dinasyddiaeth, addysg neu swyddi newydd yn dibynnu ar feistrioliaeth iaith. Mynediadau sy'n gyfleoedd llunio bywyd, sydd wedi gwneud ei dilysiad yn fater symudedd cymdeithasol. Yn yr adran hon, cyflwynir y ffordd cyffredinolaf ac sydd yn cael ei defnyddio mwyaf i asesu sgiliau iaith, cyn symud tuag at atebion amgen a fyddai'n cyd-fynd ag anghenion system ddysgu addasol raddadwy. Yn olaf, asesir yr atebion amgen



hyn yn feirniadol. Mae'r ail adran yn canolbwyntio ar ddod o hyd i ffyrdd i fynd i'r afael â diffygion yr atebion amgen hyn.

### 2.1.1 Y Dullau Cyfannol o Brofi (CEFR)

Gellir asesu nodweddion cudd cymhleth fel hyfedredd iaith gan ddau baradigm profi, y cyntaf yn cael ei ddisgrifio fel uchafsymiol, cynhwysfawr neu gyfannol, a'r ail fel lleiafsymiol, ar sail-procsi neu leihaol. Mae profion iaith masnachol a sefydliadol megis yr IELTS a Chymwysterau Saesneg Caergrawnt ar gyfer Saesneg neu'r DELF a DALF ar gyfer Ffrangeg, yn dilyn dull uchafsymiol a ddiffinnir gan y Fframwaith Cyfeirio Cyffredin Ewropeaidd ar gyfer ieithoedd (CEFR) (Europe 2020). Nid yn unig y mae'r fframwaith hwn yn diffinio'r chwech gradd alffarifol enwog bellach o feistrolaeth iaith, ond hefyd y pedwar cyd-destun defnydd y dylid eu mesur ynddynt. Y pedwar hyn sydd yn gyfuniadau o ddau ddull defnydd, llafar ac ysgrifenedig, ar gyfer dau fath o weithgareddau, derbyn a chynhyrchu. Mae'n mesur y wybodaeth ieithyddol (geirfa, gramadeg a'u cydrannau) yn syth trwy'r pedwar sgîl iaith y mae defnyddwyr iaith yn ymgysylltu â hwy yn ymarferol: gwranddo, siarad, darllen ac ysgrifennu. Ystyrir y fframwaith hwn yn safonol y tu hwnt i ffiniau Ewrop, ond er gwaethaf ei gryfderau, efallai na fydd yn addas ar gyfer anghenion profi pob iaith.

Y brif feirniadaeth y gellid ei chodi yn erbyn y paradigm profi hwn yw'r ffaith mai dim ond deg iaith Ewropeaidd sy'n gallu ymfalchïo bod ganddynt brofion sy'n cydymffurfio â CEFR ac sy'n cynnwys y chwech lefel hyfredeedd y mae'n eu diffinio (*Common European Framework of Reference for Languages 2025*; *Cadre européen commun de référence pour les langues 2025*). Ar ôl pum mlynedd ar hugain o fodolaeth, nid yw hyd yn oed ieithoedd cenedlaethol economïau arweiniol yr UE fel Iseldireg neu Tsieceg yn perthyn i'r rhestr hon. Mae hwn yn ddiffyg sylfaenol ar gyfer paradigm a ddyluniwyd yn benodol i beidio â ffafrio prif ieithoedd yr Undeb. Mae'r rhesymau am hyn yn amlwg, dim ond yr ieithoedd mwyaf "marchnadadwy" sy'n gallu datblygu ecosystem addysgol digon cryf i wneud y profion hyn yn economaidd hyfyw. Weithiau, fe gall ewyllys wleidyddol pontio'r bwlch fel ar gyfer ieithoedd rhanbarthol yn Sbaen (mae Galisieg a Chatalaneg ymysg y deg iaith a grybwyllwyd uchod, pan mai dim ond prawf ar gyfer lefelau A1–2 sy'n eisiau ar Fasgeg), ond adeiladir yr ewyllys hon ar sefydliadau ac arbenigedd cryf sydd gan ddim ond llond llaw o ieithoedd ar gael iddynt yn Ewrop, heb sôn am weddill y byd. Er gwaethaf ei sylfaen ddamcaniaethol, mae prinder yr adnoddau (amser, arian, arbenigedd a diddordeb gwleidyddol) yn gwneud y paradigm cynhwysfawr profi ieithoedd yn anymarferol ar gyfer y rhan fwyaf ohonynt, ac y rhain sydd

unwaith eto'n cael eu gadael ar ôl. Unwaith eto, yr ieithoedd sydd â'r mwyaf i'w ennill o'r offer hyn, a'r mwyaf i'w golli trwy beidio â'u defnyddio, sy'n wynebu'r anawsterau mwyaf i gael mynediad atynt. Eto, yn achos system ddysgu addasol, sef y prif bwrpas ar gyfer y traethawd hwn, byddai prawf cynhwysfawr rhy hir ac yn diangen, gan y byddai'r profi yn cymryd gormod o amser o'r profiad dysgu, oni bai fod y profi yn rhan o'r addysgeg ei hun.

Rhaid inni edrych felly ar ffyrdd mwy effeithlon o fesur hyfedredd. Ond cyn hyn, mae angen inni ddatblygu dealltwriaeth ddyfnach o beth mae caffael iaith yn ei olygu. Sut y mae'r wybodaeth ddamcaniaethol haniaethol sy'n bresennol yn y geiriaduron a'r gramadegau nas darllenwyd gan neb yn cysylltu â'r dau neu bedwar sgîl ymarferol sy'n hysbys ledled y byd. Beth yw cymhwysedd a pherfformiad pan sonnir am hyfedredd iaith?

### **2.1.2 Natur gymhleth y syniad o Hyfedredd**

Mae'r rhan fwyaf o ddamcaniaethau mewn ieithyddiaeth, yn enwedig strwythuriaeth de Saussure a chynrychioliaeth Chomsky, yn seiliedig ar ddull dadansoddol. Gan gymryd iaith ar wahân yn gyntaf o brosesau gwybyddol eraill, yna gwahanu ei chydrannau cysyniadol, geirfa oddi wrth ramadeg, cymhwysedd oddi wrth berfformiad (Chomsky 1965) a chadw ailadrodd y broses gyda'u cydrannau ac is-gydrannau. Ac yna, astudio'r ffyrdd i'w cyfuno gyda'i gilydd. Mewn ffordd, mae paradigm CEFR yn dilyn yr un tuedd epidemiolegol "dadansoddol", drwy rannu sgiliau cynhyrchu a chanfod, yn ogystal a defnydd llafar ac ysgrifenedig. Mae prif fantais y dulliau dadansoddol hyn yn amlwg, trwy wahanu agweddau a chategorïau, gall rhywun gyflawni dealltwriaeth gynhwysfawr o gydrannau a rheolau systemau cymhleth megis ieithoedd. Ond er gwaethaf ei gryfder, mae'r dull dadansoddol hwn yn dod â golwg ragfarnllyd o beth yw iaith, gan ei fod yn dod â llun statig ac ynysig i'r systemau y mae'n eu hastudio. Fodd bynnag, nid yw ieithoedd, neu ran hynny gwybodaeth ieithol, byth yn strwythur gwbl statig nac yn olyniad o gyflyrau synchronig, oherwydd mae'r ieithoedd yn byw mewn cnawd dynol, mae rhaid iddynt gael eu caffael a'u hanghofio gan bob cenhedlaeth sy'n mynd heibio ac nid ydynt byth yn llonydd, nac yn gyfyngedig i'w strwythur mewnol. Dyma ble mae dulliau modern, fel swyddogaethiaeth neu ieithyddiaeth wybyddol Evans and Green (2009) yn dod i mewn i'r darlun, ynghyd â seicoieithyddiaeth ddatblygiadol, trwy ddod â'r ffocws i gaffaeliad a defnydd yr iaith a'i berthynas â'r corff, yn hytrach na'i strwythur. Dadleua Bybee (1999) y gall ieithyddiaeth "ddefnydd-seilig" gynhyrchu modelau ffurfiol, ond gyda thro. Trwy ddatgan bod y gymhwysedd yn dod fel rhan o ddefnydd, bron fel priodoledd allddodol<sup>1</sup>, a'r defnydd

---

<sup>1</sup>Emerging property

hwn o'r iaith yn weithgaredd cymdeithasol, corfforol a gwybyddol yn bennaf, mae'r paradigm newydd hwn yn dod ag ystyriaethau newydd i'r golwg. Lle mae cynhyrchioliaeth yn gweld perfformiad fel gwireddu strwythurau cynhenid yr ymenydd gan roi blaenoriaeth i'r strwythur dros unrhyw beth ieithyddol, mae dulliau sy'n seiliedig ar ddefnydd yn ystyried strwythurau fel cyffredinoliadau a wneir gan yr ymennydd a ddysg iaith. Mae'r safbwynt hwn yn mynd y tu hwnt i wrthdroi blaenoriaeth. Trwy bwysleisio bod prosesau gwybyddol bob amser â rhyw radd o ddibyniaeth ar brosesau corffored, synhwyrdd-ueithredol, mae'r safbwynt hwn hefyd yn torri deuoliaeth meddwl-corff Descartes (Varela, Thompson and Rosch 1991) yn ogystal â deuoliaeth gymhwysedd-perfformiad Chomsky. Mewn geiriau syml, mae popeth yn yr ymennydd wedi'i gysylltu (neu'n dod i fod wedi'i gysylltu yn y pen draw) yn seiliedig ar ddefnydd, ac mae strwythurau bob amser yn dod a posteriori.

Mae'r datblygiadau hyn mewn ieithyddiaeth ynddi hefyd yn cael eu cefnogi gan ddatblygiad diweddar mewn niwroleg. Ers eu darganfyddiad gan Vernon Mountcastle yn y 1950au, bu dadlau ai yw'r colofnau cortigol sy'n strwythuro'r deunydd llwyd yn y neocortecs yn chwarae rôl fel uned fodiwlwr cyfrifiant (Horton and Adams 2005). Rhagdybiaeth y mil ymennydd (Thousand Brains Hypothesis) (Hawkins, Ahmad and Cui 2017; Hawkins and Dawkins 2021) yw'r iteriad diweddaraf o'r syniad hwn. Mae'n cynnig model ar sut y gall y pensaernïaeth unigryw hon, trwy fecanweithiau pleidleisio, fapio ysgogiadau synhwyrdd-ueithredol yn raddol tuag at ac oddi wrth wahanol raddau o haniaethu. Ac ati i fireinio cynrychioliad unedig o'r byd, ac felly ymgysylltu'n well â'r byd mewn dolen adborth barhaus. Mae hyn yn cynhyrchu dadl gymhellol ar sut y gall meddwl haniaethol ac iaith ddod i'r amlwg yn raddol o ryngweithiadau synhwyrdd-ueithredol (Constantinescu, O'Reilly and Behrens 2016), pan fo genynnau Gramadeg Cyffredinol Chomsky yn dal i aros i gael eu canfod yn unman.

### **Goblygiadau ar gyfer Profi Iaith**

Ar y pwynt hwn, rhaid egluro'r cyfatebiaeth rhwng paradigm profion y CEFR a ieithyddiaeth ffurfiol, oherwydd ym mharadigm y CEFR, mewn ffordd, rydym yn mesur perfformiad i ddidoli cymhwysedd, felly nid yw'r linc rhwng rheini yn cael ei gwadu. Ond mae'r feirniadaeth epistemolegol o'r ymchwil am gynhwysedd fel un sy'n tanseilio dealltwriaeth o ddynmeg y broses caffael yn dal i sefyll. Os oes gennym ddiddordeb yn y broses caffael a'i ddynmeg, mae cynrychioliad cyflawn, statig o'r sgiliau yn wrthgynhyrchiol. Ymhellach, os nad yw'r cymhwysedd yn bodoli'n annibynnol o'r perfformiad, a ellid didoli'r sgiliau o'r

wybodaeth ei hun? Dyma y mae'n ymddangos bod ieithyddiaeth swyddogaethol yn dadlau drosto.

Os yw popeth yn gysylltiedig, os yw popeth yn un (er nad yw un yn bopeth), hynny yw, os yw mwy o ymarfer yn arwain at well sgiliau ymarferol, neu berfformiad, y sy'n arwain at well gwybodaeth ddamcaniaethol, neu gymhwysedd, yna, mewn theori, gallai perfformiad gael ei fesur trwy unrhyw luniad sy'n disgrifio cymhwysedd, megis gwybodaeth eirfa. Mae geirfa yn arbennig o ddiddorol gan fod ei chaffael yn broses ddisgret, ond sy byth yn gorffen yn ystod taith dysgu iaith. Cyhoeddodd Eun Hee Jeon and Yo In'nami (2022) gyfres o meta-ddadansoddiadau ar gydberthnasau'r gwahanol sgiliau ymarferol a ddiffinnir gan y CEFR, i gyd yn pwyntio tuag at y cyfeiriad hwn, gyda gwybodaeth eirfa yn cael ei dyfynnu fel cydberthynas gref ar gyfer rhuglder mewn gwranddo (In'nami et al. 2022), siarad (Jeon, In'nami and Koizumi 2022), darllen (Jeon and Yamashita 2022) ac ysgrifennu (Kojima, In'nami and Kaneta 2022). Sylwer fodd bynnag nad yw hyn yn golygu bod gwybodaeth eirfa yn achosi rhuglder, er ei bod yn cyfrannu ato i'r graddau na ddaw rhuglder heb lefel uwch o wybodaeth eirfa. Mae'r rhagdybiaeth sylfaenol hon yn agor y drws ar brofion cyflym â chynllun isel, cost isel, sy'n hygyrch i IAC ac a all fod yn fwy graddadwy a chymwys mewn llawer o feysydd, o hunanasesu, i ddatblygu systemau olrhain dysgu iaith awtomatig fel y grybwyllwyd yn y cyflwyniad. Yn nodedig, yng nghyd-destun IAC, y gall rhai eu galw'n "ieithoedd llafar", mae'r syniad bod lefel eirfa uwch yn gysylltiedig â sgil ymarferol yn dod yn fwy tebygol fyth, oherwydd mai'r ffordd bennaf o gael mynediad at wybodaeth yw "defnydd mwy integredig" (nid yw rhywun yn dysgu Rapa Nui yn y llyfrau). Yn y ffordd hon, gall rhywun hyd yn oed osod y gall profi geirfa ddod yn fwyfwy perthnasol wrth i lai o adnoddau ysgrifenedig a digidol fod ar gael i iaith benodol.

Goblygiad olaf y golwg prif-egwyddor a chysylltiadol hwn o gaffael iaith yw absenoldeb gwahaniaeth ymarferol rhwng y ffordd y ceir cymhwysedd mewn iaith gyntaf (L1) neu ail iaith (L2), hynny yw, trwy ddefnydd. Unwaith yr adeiladir y cylchedwaith sy'n gyfrifol am ddefnydd unrhyw iaith rhwng oedran 1 a 6, naill ai trwy addysg uniaith (gan gynnwys iaith arwyddion) neu amlieithog, mae'r ffordd y ceir geiriau newydd yn gyson ar draws yr ieithoedd a ddysgir yn ddiweddarach yn y fywyd. Os darganfyddir gair neu nodwedd trwy ddefnydd integredig ac mae'r darn gwybodaeth yn yr ymennydd yn tarddu o brofiad synhwyaidd sy'n bresennol yn ystod caffael y term, ac os dysgir gair yn L2 fel cyfieithiad gair yn L1, bydd ei

gynrychioliad yn yr ymennydd yn tarddu o'r gair L1 fel ei gyfystyr o fewn "cofrestr" arall sef rhwydwaith yr L2. Mae'r ddau scenario yn awgrymu ffurfiant gwybodaeth o'r cyd-destun defnydd ond heb wahaniaeth mewn statws rhwng rhwydweithiau L1 ac L2. Gellir dysgu gair yn L2 fel cynnyrch profiad integredig, a gellir dysgu ei gyfwerth L1 yn ddiweddarach fel "cyfystyr mewn gofod arall". Fel rhywun a ddysgodd am ôl-ledaeniad, *backpropagation*, yn Saesneg yn gyntaf, fy nhrydedd iaith, gallaf sicrhau'r darllynydd fy mod yn dal angen meddwl am y gair Saesneg cyn dod o hyd i'w gyfieithiadau yn ystod sgwrs yn Ffrangeg neu Lydaweg, a heb syniad am sut i siarad am hynna yn Gymraeg. Unwaith eto, mae'r gyfatebiaeth hon rhwng L1 ac L2 yn gyfleus yng nghyd-destun IAC, oherwydd bod yr ieithoedd hyn yn aml yn yr amrywiaeth isel mewn rhanbarthau deuglosig, lle mae'r lluniad o siaradwr brodorol a'r llinell rhwng L1 ac L2 yn aml yn aneglur.

### **2.1.3 Topograffi y Profion Geirfa**

Dangoswyd yn aml bod dewis procsiau yn ofalyn yn gallu rhoi darlun dibynadwy o brosesau cymhleth sy'n cael eu mesur. Mae economegwyr wedi dangos er enghraifft sut y gall mesur golau nos o'r gofod wasanaethu fel dangosydd twf CDG<sup>2</sup> dibynadwy mewn gwledydd lle gall ystadegau swyddogol fod yn brin o ran ansawdd neu onestrwydd (Henderson and Storeygard 2009), hyd yn oed heb ddarparu rheswm pam y gallai hyn weithio. Dychmygodd ieithyddion lawer o ffyrdd i ddiffinio a mesur gwybodaeth eirfa, wrth iddynt ddeall a dangos y gydberthynas gref yr oedd ganddi â rhannau eraill hyfedredd iaith. Bydd y rhan olaf hon o hanner cyntaf yr adolygiad llenyddiaeth yn rhoi trosolwg o'r gwahanol ffyrdd y ceisiodd ieithyddion fesur geirfa hyd yn hyn.

#### **Profion Geirfa Gynhyrchiol**

Y ffyrdd mwyaf integredig o brofi geirfa yw gofyn i'r rheini sy'n sefyll y prawf roi cyfystyr rhyw eiriau, gan asesu felly sgiliau geirfa gynhyrchiol, nid yn unig o'r geiriau a ellir eu hadnabod a'u deall, ond hefyd eu hadfer o'u hystyr yn unig. Mae'n un o'r strategaethau a ddefnyddir i fesur y "mynegai geirfa" (vocabulary index), sy'n cael ei gyfuno â thri mynegai arall i gyfrifo IQ y person sy'n sefyll y profion yn sgraddfeydd deallusrwydd oedolion a phlant Wechsler (WISC neu WISA) (Wechsler 2025).

#### **Profion Geirfa Dderbyniol**

Yn ail y ceir cyfres o brofion sy'n anelu at fesur sgiliau geirfa dderbyniol, y geiriau y gellir eu cysylltu â'u hystyr gan y rheini sy'n sefyll y prawf. Y mwyaf defnyddiol o'r rheini yw'r

---

<sup>2</sup>Cynnyrch Domestig Gros, sef GDP

Prawf Lefelau Geirfa (VLT, am *Vocabulary Level Test*), a ddatblygwyd yn y 1980au gan Nation (1990) (gweler Kremmel and Schmitt 2017 am fwy o fanylion am ei weithrediad, datblygiad hanesyddol a chymhwysiadau). Dyluniwyd y prawf hwn ar gyfer defnydd eang mewn ysgolion fel prawf lleoli myfyrwyr. Mae VLT yn addasol yn rannol hefyd, gan ei fod yn profi'r sgiliau i gysylltu termau sy'n gysylltiedig o ran ystyr o wahanol ystodau amllder. Dyluniad prawf geirfa dderbyniol diddorol arall yw'r brawf geirfa darluniol Peabody (L. Dunn and D. Dunn 2025). Gan ei fod yn seiliedig ar luniau yn hytrach na geiriau ysgrifenedig, mae'n caniatáu profi plant na allent fel arall ddarllen y geiriau sy'n cael eu hasesu. Gallai'r dull sy'n seiliedig ar luniau hwn ymddangos fel pe bai'n gwneud y dyluniad profi hwn yn addas delfrydol i'w raddio yn blaenorol, ac felly'n addas ar gyfer safon gyffredinol y gellid ei chymhwyso hyd yn oed mewn amgylcheddau lle nad yw llythrennedd yn eang. Fodd bynnag, efallai bod y syniad hwn yn dda ar yr wyneb yn unig, gan fod y graddnodi ar gyfer mapio lluniau-geiriau wedi digwydd mewn gwlad sy'n siarad Saesneg, a gall y geiriau a ddefnyddir i ddisgrifio sefyllfaoedd tebyg amrywio'n fawr rhwng gwahanol ofodau ieithyddol. Dyma ddysgodd Kartushina et al. (2022) y ffordd anodd wrth iddynt geisio cyfieithu'r prawf yn Rwseg ar gyfer plant cyn-ysgol, gan ddangos braidd yn ddamweiniol efallai mai prawf Peabody yw un o'r profion geirfa anoddaf i'w addasu i ieithoedd eraill, hyd yn oed rhai a siaredir mewn cymdeithasau sy'n braidd yn WEIRD fel Rwsia.

### **Profion Geirfa Adnabod**

Yn olaf, y teulu symlaf o brofion geirfa yw'r profion geirfa adnabod, a elwir weithiau'n "brofion geirfa syml". Maent yn mesur y gallu i adnabod presenoldeb gair cywir yn unig, heb fynnu cyfiawnhad o ddealltwriaeth bellach o ystyr y gair. Am drosolwg ac asesiad o wahanol ddyluniadau, gweler P. Meara 1994. Y dyluniad mwyaf llwyddiannus o'r teulu profi geirfa syml hwn yw'r prawf geirfa seiliedig ar dasg penderfynu geirfaol (LDT am *Lexical Decision Task*), rhoddwyd llawer o enwau eraill iddynt megis profion geirfa "Ie/Na" neu "ddeuaidd", ond mae'r cyfan yn dilyn yr un egwyddor; cyflwynir dilyniant o eitemau i'w profi, naill ai geiriau go iawn neu ffug-eiriau (Paul Meara 2012) i'r rheini sy'n sefyll y prawf. Yna, gofynnir iddynt yn systematig a ydynt yn credu bod yr eitem dan sylw yn perthyn i eirfa'r iaith. Daw'r canlyniadau ar ffurf cyfuniad o'r pedwar allbwn a ddiffinnir gan fatrics dryswch<sup>3</sup> (cyfuniad o atebion Cywir neu Anghywir a Phositif neu Negatif), sef trawiadau (PC), methu (NA), larwm ffug (PA) a gwrthod cywir (NA) ac mae gwahanol fethodolegau wedi cael eu

---

<sup>3</sup>Gweld Confusion Matrix

cynnig i drin y canlyniadau, o dynnu canran yr atebion anghywir o ganran yr atebion cywir, hyd at gymhwyso systemau mwy cymhleth o Theori Canfod Signalau (TCS) (Huibregtse, Admiraal and Paul Meara 2002).

Mae llawer o brofion o'r fath wedi cael eu hadeiladu hyd yn hyn yn cynnwys o leiaf un fersiwn ar-lein, ar gael mewn sawl iaith, sef Saesneg, Iseldireg ac Almaeneg (Lemhöfer and Broersma 2012). Dangosodd y papur hwn ganlyniadau calonogol, gan ddangos gydberthynas gref o'r canlyniad geirfa gyda phrofion traddodiadol eraill, gan gefnogi felly'r syniad y gellir mesur rhuglder yn effeithiol trwy brofi geirfa. Mae prawf arall sydd, ar ei semlant, wedi cael ei greu ar gyfer Croateg (Srce 2025), er nad yw mwy o wybodaeth ar gael eto. Ac mae hyn ochr yn ochr â'r systemau niferus a ddatblygwyd gan Meara dros y blynyddoeddP. Meara 1994. Prif gyfyngiad y systemau hyn yw'r ffaith bod eu heitemau'n gyfyngedig a statig, felly ni chânt byth eu dylunio ar gyfer defnydd ailadroddus, a fyddai'n helpu mesur dynameg caffael geirfa. Mae hon yn broblem i'w datrys, oherwydd prif ddiddordeb prawf minimaliaidd yw caniatáu profion cylchol. Ar y llaw arall, ymddengys mai hwy yw'r profion byrraf i sefyll, yr hyn sy'n fantais pwysig.

#### **2.1.4 Perthnasedd a Chyfyngiadau Profion Geirfa**

Mae'r holl brofion geirfa a gyflwynwyd uchod wedi mwynhau rhyw raddau o lwyddiant masnachol neu academiaidd oherwydd eu dibynadwyedd wrth ddal agweddau gwahanol ar gaffael geirfa. Rydym eisoes wedi esbonio'r rhesymau pam y dylai hyn fod felly yn adran 2.1.2. Os derbynnir bod unrhyw is-adeiledd o hyfedredd yn gysylltiedig yn yr ymennydd mewn ffordd a ddiffinnir gan ddefnydd, bod "popeth yn un", yna mae'r un rhesymeg yn berthnasol i eirfa. Mae adnabod yn dod fel y cam cyntaf yn ystod caffael geirfa. Heb adnabod, mae datblygiad ymhellach tuag at ddefnydd mwy itegredig yn amhosib. Mae'r holl deuluoedd profi hyn yn mesur gwahanol gamau yr un broses o gaffael geirfa. Nid yw mesur golau nos yn mesur y lluniad "defnydd trydan nos-amser wedi'i canolbwyntio ar gyfer goleuadau stryd tiriogaeth" yn unig, ond, fel y dangosodd yr ystadegau, gellir ei ddefnyddio fel dangosydd CMG, y sydd ei hun yn ddangosydd ieched economaidd gwledydd. Yr un peth sy'n wir am y profion geirfa hyn, mae'r cyfan yn lluniadau sy'n mesur camau gwahanol yr un ffenomen caffael geirfa, sy'n rhan annatod o gaffael iaith.

Y brif wahaniaethau rhwng y profion hyn yw pa mor adnodd-ddwys ydynt a pha mor integredig yw'r lluniadau y maent yn eu mesur. Mae dangosyddion syml fel adnabod geirfa yn unig â

gwendidau a gall fod yn destun twyllo neu lawdriniad. Honnwyd bod y mynegai enwog “Big Mac” yr Economist ar gyfer chwyddiant yn darged ymgaisiau llawdriniadau gan lywodraeth yr Ariannin yn 2011 (Politi 2011), am yr union reswm hwn. Yn yr un modd, yr hawsaf yw caffael y sgil y tu ôl y lluniad a ddefnyddir fel dangosydd, y mwyaf tebygol y bydd yn dod yn destun ymdrechion i’w dylanwadu. Ond nid yw hyn yn golygu nad oes gan y lluniad unrhyw werth, yn wir, mae lefelau golau nos a phrisiau Big Mac yn dal i gael eu defnyddio heddiw, ond mewn meysydd a mewn cyd-destyn sy’n berthnasol i’w cymhlethdod. Yr un peth sy’n wir am seicometreg. Mewn cyd-destun profion geirfa, mae’r gofyniad dylunio cymhleth sy’n gorfod defnyddio llawer o adnoddau yn y Peabody Picture Vocabulary Test yn ei gwneud yn angenrheidiol cael defnydd masnachol i gefnogi ei ddatblygiad cymhleth. Mae’r profion eraill, symlach yn cyflawni dim ond llwyddiant academiaidd oherwydd eu bod mor syml i’w rhoi ar waith fel na fyddant byth angen fasnacheiddio, sy’n cyfyngu ar eu potensial graddio ac yn ei dro eu datblygiad. Serch hynny, maent i gyd yr un mor ddefnyddiol wrth fesur eu camau priodol o gaffael geirfa, ac ar gyfer amcan y gwaith presennol, wrth fesur dymneg y proses caffael iaith.

### **2.1.5 Casgliad**

Yng nghyd-destun profi awtomatig ac addasol gyda’r nod o olrhain caffael sgiliau iaith, mae manteision profion geirfa yn amlwg yn uwch na dulliau eraill. Yn eu plith, mae dyluniadau profion adnabod geirfa symlach yn wirioneddol ddisgleirio, yn enwedig wrth ystyried y broblem a osodir gan IAC. Mae profion geirfa LDT yn symlach i’w gweinyddu mewn ffordd gwbl awtomatig, ac maent yn haws eu trosglwyddo i IAC oherwydd gellir eu deillio o restr syml o gofnodion geiriadur. Eto, erys heriau sylweddol yn parhau cyn galluogi gweithrediad eang o brawf geirfa LDT. Y ffactor cyfyngu pennaf yw nifer yr eitemau a gynigir yn y profion fel LexTALE, pan oedd yn rhaid dewis geiriau go iawn a ffug-eiriau o set fwy mewn astudiaeth ragbaratol (Lemhöfer and Broersma 2012). Os yw prawf geirfa LDT i gael ei ddefnyddio mewn ffordd ddychweliadol, i olrhain cynnydd geirfa trwy amser, rhaid bod digon o eitemau ar gael, efallai’n cynnwys holl eirfa iaith neu o leiaf cyfran sylweddol ohoni. Ond felly, mae’r cwestiwn o raddnodi’r eitemau’n yn dod yn bwysig. Ni ellir ystyried defnyddio’r astudiaeth ragbaratol a wnaed ar gyfer dewis eitemau yn LexTALE i greu digon o eitemau i ganiatáu profi dychweliadol dibynadwy, hyd yn oed ar gyfer iaith â chyfoeth anhygoel o adnoddau fel Saesneg, heb sôn am ieithoedd adnoddau cyfyngedig. Byddai datrys y broblem hon o raddnodi’r eitemau yn agor y drws i raddio y math o boffion geirfa’n fertigol (caniatáu



profi yn ddychweliadol yr un bobl) ac yn llorweddol (caniatáu cludo'r prawf i lawer o wahanol ieithoedd). Bydd yr adran nesaf yn cael ei canolbwyntio i ddod o hyd i ateb o'r fath.

## 2.2 Orlhain Gwybodaeth

I baraffrasu P. Meara (1994), gall llawer o dasgau asesu fod yn ffyrdd dilys o asesu sgiliau adnabod geirfa, cyn belled â bod y dull priodol o ddadansoddi'r canlyniadau'n cael ei ddarparu. Mae'r adran hon yn canolbwyntio ar y broblem darparu hon. Tasg gymhleth yw mesur nodweddion cudd o ymatebion eitemau, pa un a adwaenir fel Orlhain Gwybodaeth (OG) (Shen et al. 2024). Cysyniad sylfaenol mewn Profi Addasol Cyfrifiadurol (PAC) yw cwestion dewis model OG dilys. Mae rhan o'r cymhlethdod hwn yn dibynnu ar y rhagdybiaethau y mae rhywun yn eu gwneud ar y nodweddion cudd hyn, ai ydynt yn lluniad parhaus neu'n set o sgiliau arwahanol, sy'n cyfuno gyda'i gilydd mewn gofod gwybodaeth aml dimensiwn, ac os felly, pa sgiliau sy'n dibynnu ar ba rai eraill? Gellir deffinio'r dimensiynau hyn a'r perthnasedd rhyngddynt â llaw neu yn seiliedig ar ddata, gan ddefnyddio technegau Bayesaidd neu rhywdweithiau niwral a DD. Gall rhagdybiaethau eraill gynnwys dylanwadau y broses brofi ar y broses ddysgu, ac yn yr achos hwnnw gall rhywun ystyried hanner-oes atgofion newydd a ffurfiwyd yn ystod rowndiau asesu blaenorol fel gan systemau "flash-cards", sydd yn seiliedig ar ailadroddiad bylchog (spaced repetition). Yn sylfaenol, mae'r dewis cymhleth hwn o'r model yn arbitriad rhwng cywirdeb a dealladwyedd (Pelánek 2025). Efallai fod modelau mwy ansoddol yn briodol i hysbysu argymhellion o adnoddau dysgu, ond cyflwyno canlyniadau prawf annibynnol fel fector rhuglder a fyddai yn galetach i'w ddehongli nâ sgôr glasurrol. Problem arall yw, in fine, bod angen hyfforddiant aruthrol ar fodelau ansoddol i weithio, maent hywthau yn fodelau meintiol mewn fordd.

Gan fod y traethawd hwn yn canolbwyntio'n bennaf ar brofi twf geirfaol, mae mynegai unddimensiwn yn ymddangos yn briodolach. Ymhellach, byddai graddnodi paradigm aml dimensiwn yn gofyn am swm mawr o ddata neu adnoddau fel amser ac arbenigedd, nad ydynt ar gael ar gyfer IAC. Bydd diwedd y bennod hon yn gosod y sylfaen ddamcaniaethol ar gyfer y dehongliad meintiol hwn o ganlyniadau prawf geirfa LDT.

### 2.2.1 Gallu Damcaniaethol Prawf Unddimensiwn Diswn

Nod model olrhain gwybodaeth mewn PAC yw rhagfynegi peth byddai canlyniad profiad eitemau'r prawf er mwyn dewis y rhai y mae eu hatebion yn fwyaf ansicr, gan bob rhagfynegiad yn seiliedig ar ganlyniadau blaenorol. Yn jargon theori gwybodaeth, gelwir hyn

mwyafu'r entropi, sy'n mwyafu'r elw gwybodaeth trwy leihau ansicrwydd y model. Gan dynnu o Shannon (1948), gall rhywun ddefinio'n ddamcaniaethol y gallu diamod mewn prawf deuaidd "diswn", cyn ei addasu i amgylchedd swnllyd. Mewn graddfa syml, unddimensiwn, gellir cyflawni dod o hyd i'r man ansicrwydd uchaf hwn gyda'r algorithm chwilio deuaidd. Mewn restr o eitemau wedi'u trefnu yn ôl anhawster, cymryd eitem yn y canol, ailadroddwch y broses gydag ail hanner y rhestr wreiddiol os yw'r ateb yn gywir (sef, bu'r eitem yn rhy awdd), fel arall, gyda'r hanner cyntaf. Ailadroddwch y broses nes bod y rhestr yn un eitem o hyd. Mae gan yr algorithm hwn gymhlethdod amser o  $\theta(\log n)$ , sy'n golygu bod angen  $\log_2(n)$  cam ar gyfer  $n$  nifer o eitemau i gyrraedd yr eitem olaf. Dyma 10 eitem sydd angen eu profi ar gyfer graddfa sy'n cynnwys 1 024 o eitemau, 11 ar gyfer 2 048 eitem, 12 ar gyfer 4 096 ac yn y blaen...

Gan dybio y gellid trefnu'r holl eiriau mewn geiriadur (bach) o 30 000 o eiriau yn ôl eu "anhawster", a bod rhaid i hanner eitemau prawf fod yn ffug-eiriau i atal twyllo, byddai prawf seiledig ar yr algorithm hwn yn dod o hyd i lefel gyfredol y person sy'n sefyll y prawf mewn dim ond 30 rownd o brofi, i'w gymharu â'r 60 eitem (40 geirau gwir, 20 ffug) a ddefnyddwyd gan brawf fel LexTALE (Lemhöfer and Broersma 2012). Hyd yn oed os ydym yn ystyried yr angen ar gyfer cywiro gwallau, bydd cyfanswm nifer y camau sydd eu hangen yn parhau i fod yn gyfrannol i'r dilyniant logarithmig hwn. Mae gan y gosodiad hwn gyfyngiadau amlwg ac elir i'r afael ganddynt yn yr isadran ganlynol, ond mae'n dod â dirnadiaeth diddorol ynghylch y broblem gwneud profion graddadwy. Yn bennaf, mae'n bosibl profi nifer mawr iawn o eitemau mewn ffordd effeithlon o ran amser, y peth sy'n agor y drws i ddefnyddio holl eirfa iaith, neu o leuaf rhan fawr ohoni, fel eitemau profi, yn hytrach na rhestr fer o eiriau detholedig. Mae'r posibilrwydd hwn yn ei dro yn agor y drws i profion unigryw, lle mae'r siawns o fynd ddwywaith trwy'r un geiriau mewn dwy brawf bron yn amhosibl. Mae hyn yn datgloi problem raddio fertigol a amlygwyd yn gynharach yn y bennod hon.

## **2.2.2 Y System Graddio Elo**

### **Graddio Elo a'r Model Rasch**

Cyfyngiad amlwg cyntaf y model a gynigwyd yn flaenorol yw calibriad yr eitemau. Ni all rhywun gael lefel anhawster rhyw air yn uniongyrchol o eiriaduron, a gall y drefn y mae dysgwyr yn caffael geiriau amrywio'n fawr yn dibynnu ar wahanol ffactorau. Mae'r rhan fwyaf o brofion geirfa yn mynd o gwmpas y broblem hon drwy grwpio'r eitemau yn ôl ystodau

amllder (Nation 1990; P. Meara 1994; Dudley, Marsden and Bovolenta 2024). Fodd bynnag, nid oes gan y rhan fwyaf o IAC adnoddau o'r fath ar gael iddynt, neu os oes. Am y rheswm hwn, rydym yn cynnig y dylai graddio anhawster yr eitemau geiriau gael ei ddiweddarau'n uniongyrchol yn seiliedig ar ganlyniadau cynt y prawf.

Mewn profion safonol, cyflawnir y calibriad hwn o anhawster yr eitemau gan Theori Ymateb Eitemau (TYE), sy'n set o fodelau a ddeilliwyd o'r model Rasch (Rasch 1980). Ailddar-gaufuwyd y mathemateg y tu ôl i'r model Rasch sawl gwaith, gan gynnwys y tu allan i'r byd seicometrig, fel mewn gwyddbwyll gyda'r system graddio Elo (Elo 1961; Elo 1986). Cyflwynir yr hafaliadau allweddol ar gyfer y modelau hyn isod.

$$P(X_{AB} = 1) = \frac{1}{1 + e^{R_b - R_a}}$$

**Figure 2.1** – Fformiwla Rasch

$$P(X_{AB} = 1) = \frac{1}{1 + 10^{\frac{R_b - R_a}{400}}}$$

**Figure 2.2** – System graddio Elo

Yn y system graddio Elo,  $P(X_{AB} = 1)$  sydd y tebygolrwydd y bydd chwaraewr gwyddbwyll A o radd  $R_a$  yn ennill trwy siachmat yn erbyn chwaraewr B o raddio  $R_b$ . Yn y model Rasch,  $P(X_{AB} = 1)$  sydd y tebygolrwydd y bydd rhyw berson A gan radd  $R_a$  wrth sefyll prawf yn ateb yn gywir eitem o radd anhawster  $R_b$ . Gan fod y ddau yn dilyn dilyniant logarithmig, gellir trosi unrhyw “radd Rasch” i radd Elo drwy ei luosi â  $400/\ln(10)$  (neu  $400 \times \log_{10}(e)$ ) a gwrthdroi'r enwebwr a'r enwadur i fynd o Elo i Rasch. Roedd y gwahaniaeth yn sylfaen y logarithm a'r ychwanegiad o “ffactor taeniad” o 400 mewn gwyddbwyll yn golygu cynyddu darllenadwyedd a dehongliadwyedd, wrth gyfateb i systemau graddio a ddefnyddiwyd yn flaenorol yn y byd gwyddbwyll. Mae gwahaniaeth o 400 mewn graddio Elo yn golygu siawns buddugoliaeth o 1 : 11 a 10 : 11, sy'n fwy dehongladwy na gwahaniaeth o 1 pwynt yn golygu dosbarthiad siansiau o 0.2689 : 0.7311 ac 0.7311 : 0.2689.

Yn ymarferol, mae'r prif wahaniaeth rhwng y ddwy system yn gorwedd yn fwy yn y mecan-weithiau diweddarau. Gan fod TYE wedi'i ddatblygu ar gyfer profion statig, heb nodweddion ymaddasu amser real, a gan atebion i bob eitem am bob myfyriwr, mae'n dibynnu ar dechnegau sy'n ddwys yn gyfrifiadol, nad ydynt yn addas iawn at ddiben PAC. Ei system ddiweddarau syml yw'r rheswm pam mae'r system graddio Elo wedi bod yn denu mwy o sylw yn y gymuned AIED dros y blynyddoedd. Mae Pelánek 2016 yn crybwyll nifer o integreiddiadau

llwyddiannus o'r model hwn mewn gosodiadau addysgol ymaddasol, er byth ar gyfer profion annibynnol. Mae'r un erthygl hefyd yn cyflwyno mecanweithiau diweddarau amrywiol sy'n ystyried gwahanol tybiaethau, megis cywiriad wrth strategaethau twyllo neu hanner oes cof tymor byr a chanolig. Rhoddir diweddariad graddio Elo gan y fformiwla ganlynol.

$$R'_A = R_A + K \times (S - P(S)) \quad (2.1)$$

Mae'r sgôr gwirioneddol (1 neu 0)  $S$  yn cael ei dynnu yr rhagfynegiad  $P(S)$  yn seiliedig ar y gwahaniaeth sgôr a roddir yn y ffig. 2.2. Os yw canlyniad yn sicr (sef tua siansiau 1:0 gan mwy na gwahaniaeth graddio o 800) ac mae'r canlyniad yn dilyn y rhagfynegiad, bydd y gwerth hwn yn agos at sero a bydd y newid mewn graddio yn agos at 0. Os yw'r gwrthwyneb yn digwydd, mae'r sgôr yn cynyddu gan werth sy'n agos at  $K$ , a enwir yn "ffactor  $K$ ", gwerth sy'n debyg i'r gyfradd ddysgu yn y byd DL. Gall y gwerth hwn amrywio yn dibynnu ar weithrediadau'r system graddio, ond yn aml mae oddeutu 20 yn y byd gwyddbwyll. Weithiau, defnyddir "ffwythiant ansicrwydd" i newid y gyfradd ddiweddarau yn raddol yn seiliedig ar nifer y diweddariadau cynt (cf. hafaliad 2.2.2).

### Cywiro Gwallau

Mae'r Holiadau Amlddewis (HAdd) yn defnyddio tri chategori o gydran, cwestionau neu ymholiadau, am *query* yn Saeseg, *allweddi*, sef yr atebion gwirion, a *llithiau*, a elwir *distractors* yn Saesneg, sef yr atebion anghywir a ddefnyddir i lithio, twyllo'r myfyrwyr. Yn sylfaenol, mae profion geirfa adnabod yn ffurf o HAdd, gydag ymholiad unigryw ar gyfer y prawf cyfan, a'r geiriau go iawn fel allweddi a'r ffug-eiriau fel llithiau. Cydnabyddir y gall fod rhesymau gwahanol pam y gall sefyllwyr prawf ddewis atebion cywir neu anghywir. Yr un mwyaf amlwg yw bod sefyllwyr prawf yn adnabod yr allweddi ac yn anwybyddu'r llithiau. Ond rhaid ystyried tri cwrs gweithredu arall.

1. Mae'r sefyllwyr prawf yn gwybod yr ateb ond yn dewis ateb anghywir ar gam (e.e. drwy ateb yn rhy gyflym a sylwi ar y camgymeriad yn rhy hwyr).
2. Nid yw'r sefyllwyr prawf yn gwybod yr ateb cywir, ac mae'n ateb yn briodol drwy siawns bur.

3. Nid yw graddio'r eitem yn cyfateb i'w lefel anhawster gwirioneddol oherwydd nad yw'r calibriad ar ben (ac yn wir, ni all fod byth yn bertffaith gan nifer mawr o eitemau).

Deallir bod yr effeithiau hyn yn ychwanegu sŵn at y system ac y dylai ddodi i'r prawf fwy o afreidrwydd i gywirio'r effeithiau hyn. Deallir pe bai ateb yn cael ei roi am reswm da o leuaf fwy na hanner yr amser, byddai graddio'r sefyllwyr prawf yn dal i gydgyfeirio tuag at ei werth go iawn, er yn arafach. Ond beth bynnag, ni ddylai nifer yr eitemau a brofwyd mewn sesiwn prawf gael ei wneud mor fyr ag sy'n bosibl yn ddamcaniaethol, ond cymryd y sŵn hwn i ystyriaeth. Unwaith eto, mae'r system graddio Elo yn gwneud hyn yn ddi-dor gyda'r "ffwythiant ansicrwydd" a fynegwyd yn barod. Mae Pelánek 2016 yn cynnig y ffwythiant ansicrwydd canlynol i ddiweddarau cyfradd diweddariad (sef gwerth y ffactor  $K$  uchod) yn swyddogaeth o nifer yr atebion blaenorol.

$$(n) = a/(1 + bn) \quad (2.2)$$

Lle mae  $a$  a  $b$  yn gysonion positif,<sup>4</sup> ac  $n$  yw nifer yr eitemau a atebwyd yn flaenorol. Defnyddir y rhif sy'n deillio fel y ffactor  $K$  sy'n lluosu cywiriad graddio ar ôl pob ateb. Unwaith eto, byddwn yn dychwelyd at yr agwedd hon yn y bennod nesaf.

## 2.3 Casgliad

Cyflwynodd yr adolygiad llenyddiaeth hwn syniadau o sawl maes a cheisiodd eu trefnu yn gyfanwaith cydlynol. O ddadlau seicoieithyddol sy'n cefnogi'r syniad y gellir defnyddio geirfa fel procsi ar gyfer cymhwysedd iaith gyffredinol, i gynnig model olrhain gwybodaeth sy'n optimeiddio'r wybodaeth a enillir gan ganlyniadau prawf deuaidd. Yn y bennod nesaf, byddwn yn rhoi'r darnau hyn gyda'i gilydd i adeiladu prawf geirfa adnabod cyflawn a ffwythiannol.

---

<sup>4</sup>Mae Pelánek (Pelánek 2016) yn cynghori  $a = 1$  a  $b = 0.005$  pan raddir yr eitemau gan 2.1 sef  $a = 921$  a  $b = 4.6$  gan "daeniad" y system a ddefnyddir mewn gwyddbwyll.

Pennod 3

Methodoleg

Pennod 4

Canlyniadau

Pennod 5

Trafodiaeth



# Appendix A

## Prompt Dadansoddi

### A.1 Template

The following is the text that is used to produce an analysis with an LLM. The strings `{code}` is replaced with the IETF language code of the test and the user's final test score. Additionally to that, two lists of words are added at the end of the prompt, the recognised ones and the unrecognised words, with the format - *word (score)*.

You are an expert language tutor specializing in teaching through personalized, context-aware instruction. Your role is to create engaging learning content based on vocabulary assessment results for the language identified by the `{code}` IETF language tag.

As a professional language educator, you understand that effective vocabulary acquisition requires authentic sources and contextual learning, particularly for low-resource languages where accuracy is paramount. Never fabricate vocabulary or definitions. Always verify lexical information through reputable dictionaries and linguistic resources before teaching, searching online when necessary for authentic usage examples.

Your teaching approach follows these pedagogical principles: Begin by analyzing the vocabulary test results provided at the end of this prompt, which show words in the target language with recognition ratings. Focus initially on the three unrecognized words with the lowest difficulty ratings, as these represent the optimal learning zone for vocabulary expansion.

Create cohesive, narrative-style content that naturally integrates new vocabulary rather than presenting isolated word lists. Connect unknown words to recognized

vocabulary when possible, and explore semantic fields around new terms to strengthen neural pathways. Incorporate multiple modalities including contextual examples, visual associations, emojis and when beneficial, audio or video resources to accommodate different learning styles.

Adapt your language of instruction based on the student's proficiency level. Present content entirely in the target language if their competence allows, otherwise strategically use their known languages from previous conversations as scaffolding. When uncertainty exists about their linguistic background, inquire about their preferred support language.

Maintain an encouraging, conversational tone as if welcoming a student to your classroom. Build lessons that provide immediate opportunities for productive use through sentence construction or translation exercises using languages you know they understand. Keep initial responses focused and digestible, elaborating on morphological variations, grammatical agreements, derivations, and conjugations where relevant to deepen understanding.

Engage students actively by soliciting feedback after each micro-lesson. Offer choices between extending vocabulary coverage or consolidating recently introduced concepts. This iterative approach ensures retention while maintaining engagement. Begin your lesson immediately upon receiving the test results, greeting your student warmly and launching directly into personalized instruction based on their specific vocabulary gaps.

## **A.2 Example**

- cyfan (275)  
 - digon (190)  
 - derbyn (100)  
 - o (0)  
 Unrecognized words (difficulty rating):  
 - gwiber (1010)  
 - wncw (1005)  
 - dirwasgiad (1001)  
 - ewropiwm (985)  
 - llewyglyd (985)  
 - cysgodi (984)  
 - amheuaeth (974)  
 - gochelyd (970)  
 - dilead (968)  
 - llugorn (965)  
 - yfflon (964)  
 - cemegol (964)  
 - erchylltra (960)  
 - gwarchod (959)  
 - trevgordd (955)  
 - gweithgarwch (955)  
 - amlaethai (950)  
 - ymhelaethiad (950)  
 - crefyddol (945)  
 - oni (930)  
 - cawn (855)  
 - treulio (855)  
 - cynrychioli (845)  
 - cost (815)  
 - hinsawdd (805)



Croeso, a llongyfarchiadau ar dy ganlyniadau prawf geirfa! 🎉 Mae'n glir dy fod eisoes yn adnabod llawer iawn o eiriau Cymraeg, hyd yn oed rhai cymhleth fel **electromagnetig** neu **titaniwm**. Heddiw, gad i ni ganolbwyntio ar dair gair na wnest ti eu hadnabod eto, ond sydd â sgôr cymharol isel (hynny yw, yn fwy tebygol o ymddangos mewn defnydd beunyddiol):

👉 **cawn (855), treulio (855), a cynrychioli (845).**

### 1. **cawn**

Mae hwn yn ffurf fer ar y ferf **cael** (to get / to have).

- Enghraifft: *Cawn baned o de ar ôl gwaith.*  
→ "We'll have a cup of tea after work."
- Sylwer: mae **cawn** yn ffurf yn y person cyntaf lluosog ("we get/have" neu "we will have").
- Cysylltiad â gair adnabyddus: rwyt ti eisoes yn gwybod **derbyn (to receive)**. Mae **cael/cawn** yn fwy cyffredin a beunyddiol.

### 2. **treulio**

Yn golygu **to spend (time)** neu **to digest**.

**Figure A.1** – Beginning of a personalized lesson 1/2

## 2. *treulio*

Yn golygu **to spend (time)** neu **to digest**.

- Enghraifft amser: *Treuliais benwythnos yn y wlad.*  
→ "I spent the weekend in the countryside."
- Enghraifft corfforol: *Mae'r corff yn treulio bwyd.*  
→ "The body digests food."
- Cysylltiad â geiriau adnabyddus: rwyd ti'n gwybod **digon** – "enough". Gyda **treulio**, gallwn siarad am dreulio amser neu ynni.

## 3. *cynrychioli*

Yn golygu **to represent**.

- Enghraifft: *Mae'r arlunydd yn cynrychioli ei deimladau ar y darlun.*  
→ "The artist represents his feelings in the picture."
- Enghraifft arall: *Mae'r Aelod Seneddol yn cynrychioli'r etholaeth.*  
→ "The Member of Parliament represents the constituency."
- Cysylltiad: rwyd ti'n adnabod **darlun** a **awdurdur**. Mae cynrychioli yn ymwneud â dangos neu fynegi rhywbeth ar ran rhywun neu rywbeth arall.

### Ymarfer bach i ti:

Ceisio greu un **brawddeg gyda phob gair newydd**. Dyma ddechrau posibl i dy helpu:

1. *Cawn ...*
2. *Rwy'n treulio ...*
3. *Mae ... yn cynrychioli ...*

Hoffet ti i ni barhau gyda mwy o eiriau newydd o'r rhestr *unrecognized*, neu wyt ti am i ni aros a chryfhau dy ddefnydd o'r tair gair yma gyda rhagor o ymarferion cyn symud ymlaen?



+

Ask anything

✓

🔊

🗨️

ChatGPT can make mistakes. Check important info. See [Cookie Preferences](#).

**Figure A.2** – Beginning of a personalized lesson 2/2

Indeed, ChatGPT can make mistakes, the word *digon* is not mentioned anywhere, yet the second section implies it is present somewhere or that it is related in some way to the word *treulio*. And *gair* is masculine, so it should say *tri gair* and not *tair gair*. Interestingly however, the LLM seems to work out that the the lowest rated words proper, within the 800-850 rating range, may have been missed by mistake and start its lesson by the fourth to the sixth lowest rated unrecognized words.

# Llyfryddiaeth

- Bostrom, Nick (2003). *Ethical Issues In Advanced Artificial Intelligence*. <https://nickbostrom.com>. URL: <https://nickbostrom.com/ethics/ai> (visited on 24/07/2025).
- Bybee, Joan L. (15th Apr. 1999). 'Usage-based Phonology'. In: *Functionalism and Formalism in Linguistics: Volume I: General papers*. Ed. by Michael Darnell et al. Studies in Language Companion Series. John Benjamins Publishing Company, p. 211. ISBN: 978-90-272-3044-7 978-1-55619-927-1 978-90-272-9879-9. DOI: 10.1075/slcs.41.12byb. URL: <https://benjamins.com/catalog/slcs.41.12byb> (visited on 24/07/2025).
- Cadre européen commun de référence pour les langues* (18th Apr. 2025). In: *Wikipédia*. Page Version ID: 224924802. URL: [https://fr.wikipedia.org/w/index.php?title=Cadre\\_europ%C3%A9en\\_commun\\_de\\_r%C3%A9f%C3%A9rence\\_pour\\_les\\_langues&oldid=224924802#Examens\\_de\\_langues\\_bas%C3%A9s\\_sur\\_le\\_CECR](https://fr.wikipedia.org/w/index.php?title=Cadre_europ%C3%A9en_commun_de_r%C3%A9f%C3%A9rence_pour_les_langues&oldid=224924802#Examens_de_langues_bas%C3%A9s_sur_le_CECR) (visited on 27/07/2025).
- Chen, Yunxiao et al. (2017). 'Recommendation System for Adaptive Learning'. In: *Applied Psychological Measurement*, p. 014662161769795. ISSN: 0146-6216. DOI: 10.1177/0146621617697959.
- Chomsky, Noam (1965). *Aspects of the Theory of Syntax*. Google-Books-ID: u0ksbFqagU8C. MIT Press. 276 pp. ISBN: 978-0-262-26050-3.
- Common European Framework of Reference for Languages* (17th July 2025). In: *Wikipedia*. Page Version ID: 1300913033. URL: [https://en.wikipedia.org/w/index.php?title=Common\\_European\\_Framework\\_of\\_Reference\\_for\\_Languages&oldid=1300913033](https://en.wikipedia.org/w/index.php?title=Common_European_Framework_of_Reference_for_Languages&oldid=1300913033) (visited on 19/07/2025).
- Constantinescu, Alexandra O., Jill X. O'Reilly and Timothy E. J. Behrens (17th June 2016). 'Organizing conceptual knowledge in humans with a gridlike code'. In: *Science (New York, N.Y.)* 352.6292, pp. 1464–1468. ISSN: 1095-9203. DOI: 10.1126/science.aaf0941.
- Doroudi, Shayan (1st Dec. 2023). 'The Intertwined Histories of Artificial Intelligence and Education'. In: *International Journal of Artificial Intelligence in Education* 33.4, pp. 885–928. ISSN: 1560-4306. DOI: 10.1007/s40593-022-00313-2. URL: <https://doi.org/10.1007/s40593-022-00313-2> (visited on 15/06/2025).

- Dudley, Amber, Emma Marsden and Giulia Bovolenta (1st Oct. 2024). 'A Context-Aligned Two Thousand Test: Toward estimating high-frequency French vocabulary knowledge for beginner-to-low intermediate proficiency adolescent learners in England'. In: *Language Testing* 41.4. Publisher: SAGE Publications Ltd, pp. 759–791. ISSN: 0265-5322. DOI: 10.1177/02655322241261415. URL: <https://doi.org/10.1177/02655322241261415> (visited on 12/06/2025).
- Dunn, Lloyd and Douglas Dunn (2025). *PPVT-4 - Peabody Picture Vocabulary Test | Fourth Edition | Pearson Assessments US*. URL: <https://www.pearsonassessments.com/en-us/Store/Professional-Assessments/Academic-Learning/Peabody-Picture-Vocabulary-Test-%7C-Fourth-Edition/p/100000501> (visited on 25/07/2025).
- Elo, Arpad (1961). 'The USCF Rating System - A Scientific Achievement'. In: *Chess Life* XVI.6, pp. 160–161. URL: [http://uscf1-nyc1.aodhosting.com/CL-AND-CR-ALL/CL-ALL/1961/1961\\_06.pdf#page=8](http://uscf1-nyc1.aodhosting.com/CL-AND-CR-ALL/CL-ALL/1961/1961_06.pdf#page=8) (visited on 18/12/2024).
- (1986). *The Rating of Chessplayers, Past and Present*. Second ed. New York: Arco Publishing, Inc. 230 pp. ISBN: 978-0-668-04721-0. URL: <https://gvern.net/doc/statistics/order/comparison/1978-elo-theratingofchessplayerspastandpresent.pdf>.
- Eun Hee Jeon and Yo In'nami (4th Aug. 2022). *Understanding L2 Proficiency*. Biliguism processing and acquisition 13. Publication Title: bpa.13. John Benjamins Publishing Company. 388 pp. ISBN: 978-90-272-1117-0. URL: <https://benjamins.com/catalog/bpa.13> (visited on 25/07/2025).
- Europe, Council of (2020). *Common European Framework of Reference for Languages: Companion Volume*. Namur: Council of Europe. 1 p. ISBN: 978-92-871-8621-8 978-92-871-8751-2.
- Evans, Vyvyan and Melanie Green (2009). *Cognitive linguistics: an introduction*. Repr. Edinburgh: Edinburgh Univ. Press. 830 pp. ISBN: 978-0-7486-1831-6 978-0-7486-1832-3.
- Ghana Languages, Literacy, Maps, Endangered Languages, Population, Official Use (GH)* (2025). Ethnologue. URL: <https://www.ethnologue.com/country/GH/> (visited on 15/06/2025).
- Haddow, Barry et al. (1st Sept. 2022). 'Survey of Low-Resource Machine Translation'. In: *Computational Linguistics* 48.3, pp. 673–732. ISSN: 0891-2017. DOI: 10.1162/coli\_a\_00446. URL: [https://doi.org/10.1162/coli\\_a\\_00446](https://doi.org/10.1162/coli_a_00446) (visited on 13/07/2025).

- Hawkins, Jeff, Subutai Ahmad and Yuwei Cui (25th Oct. 2017). ‘A Theory of How Columns in the Neocortex Enable Learning the Structure of the World’. In: *Frontiers in Neural Circuits* 11, p. 81. ISSN: 1662-5110. DOI: 10.3389/fncir.2017.00081. URL: <https://www.ncbi.nlm.nih.gov/pmc/articles/PMC5661005/> (visited on 23/07/2025).
- Hawkins, Jeff and Richard Dawkins (2021). *A Thousand Brains: A New Theory of Intelligence*. Basic Books. 272 pp. ISBN: 978-1-5416-7581-0.
- Henderson, J. and Adam Storeygard (1st July 2009). ‘Measuring Economic Growth from Outer Space’. In: *American Economic Review* 102, pp. 994–1028. DOI: 10.1257/aer.102.2.994.
- Henkel, Owen et al. (1st Mar. 2025). ‘Supporting Literacy Assessment in West Africa: Using State-of-the-Art Speech Models to Assess Oral Reading Fluency’. In: *International Journal of Artificial Intelligence in Education* 35.1, pp. 282–303. ISSN: 1560-4306. DOI: 10.1007/s40593-024-00435-9. URL: <https://doi.org/10.1007/s40593-024-00435-9> (visited on 14/06/2025).
- Henrich, Joseph, Steven J. Heine and Ara Norenzayan (July 2010). ‘Most people are not WEIRD’. In: *Nature* 466.7302. Publisher: Nature Publishing Group, pp. 29–29. ISSN: 1476-4687. DOI: 10.1038/466029a. URL: <https://www.nature.com/articles/466029a> (visited on 16/01/2025).
- Hicks, W J (2004). ‘Welsh Proofing Tools Making a Little NLP Go a Long Way’. In: URL: <https://techiaith.bangor.ac.uk/welsh-proofing-tools-making-a-little-nlp-go-a-long-way/?lang=en> (visited on 27/08/2025).
- Horbach, Andrea et al. (1st Dec. 2024). ‘Crosslingual Content Scoring in Five Languages Using Machine-Translation and Multilingual Transformer Models’. In: *International Journal of Artificial Intelligence in Education* 34.4, pp. 1294–1320. ISSN: 1560-4306. DOI: 10.1007/s40593-023-00370-1. URL: <https://doi.org/10.1007/s40593-023-00370-1> (visited on 15/06/2025).
- Horton, Jonathan C and Daniel L Adams (29th Apr. 2005). ‘The cortical column: a structure without a function’. In: *Philosophical Transactions of the Royal Society B: Biological Sciences* 360.1456. Publisher: Royal Society, pp. 837–862. DOI: 10.1098/rstb.2005.1623. URL: <https://royalsocietypublishing.org/doi/10.1098/rstb.2005.1623> (visited on 23/07/2025).

- Huibregtse, Ineke, Wilfried Admiraal and Paul Meara (1st July 2002). 'Scores on a yes-no vocabulary test: correction for guessing and response style'. In: *Language Testing* 19.3. Publisher: SAGE Publications Ltd, pp. 227–245. ISSN: 0265-5322. DOI: 10.1191/0265532202lt229oa. URL: <https://doi.org/10.1191/0265532202lt229oa> (visited on 20/11/2024).
- In'nami, Yo et al. (4th Aug. 2022). 'A meta-analysis: Chapter 8. L2 listening and its correlates'. In: *Understanding L2 Proficiency: Theoretical and meta-analytic investigations*. Ed. by Eun Hee Jeon and Yo In'nami. Bilingual Processing and Acquisition. John Benjamins Publishing Company, pp. 235–283. ISBN: 978-90-272-1117-0 978-90-272-5769-7. DOI: 10.1075/bpa.13.08inn. URL: <https://benjamins.com/catalog/bpa.13.08inn> (visited on 25/07/2025).
- Jeon, Eun Hee, Yo In'nami and Rie Koizumi (4th Aug. 2022). 'A meta-analysis: Chapter 11. L2 speaking and its external correlates'. In: *Understanding L2 Proficiency: Theoretical and meta-analytic investigations*. Ed. by Eun Hee Jeon and Yo In'nami. Bilingual Processing and Acquisition. John Benjamins Publishing Company, pp. 339–367. ISBN: 978-90-272-1117-0 978-90-272-5769-7. DOI: 10.1075/bpa.13.11jeo. URL: <https://benjamins.com/catalog/bpa.13.11jeo> (visited on 25/07/2025).
- Jeon, Eun Hee and Junko Yamashita (4th Aug. 2022). 'An updated meta-analysis: Chapter 3. L2 reading comprehension and its correlates'. In: *Understanding L2 Proficiency: Theoretical and meta-analytic investigations*. Ed. by Eun Hee Jeon and Yo In'nami. Bilingual Processing and Acquisition. John Benjamins Publishing Company, pp. 29–86. ISBN: 978-90-272-1117-0 978-90-272-5769-7. DOI: 10.1075/bpa.13.03jeo. URL: <https://benjamins.com/catalog/bpa.13.03jeo> (visited on 25/07/2025).
- Kartushina, Natalia A. et al. (2022). 'The Use of Peabody Tool in the Assessment of Passive Vocabulary in Preschoolers br'. In: *CLINICAL PSYCHOLOGY AND SPECIAL EDUCATION* 11.4. Num Pages: 28 Place: Moscow Publisher: Moscow State Psychological & Pedagogical Univ Web of Science ID: WOS:000924268900009, pp. 205–232. ISSN: 2304-0394. DOI: 10.17759/cpse.2022110409. URL: [https://psyjournals.ru/journals/cpse/archive/2022\\_n4/Kartushina\\_et\\_al](https://psyjournals.ru/journals/cpse/archive/2022_n4/Kartushina_et_al) (visited on 14/01/2025).
- Kojima, Masumi, Yo In'nami and Taku Kaneta (4th Aug. 2022). 'A meta-analysis: Chapter 6. L2 writing and its external correlates'. In: *Understanding L2 Proficiency: Theoretical and meta-analytic investigations*. Ed. by Eun Hee Jeon and Yo In'nami. Bilingual Processing



- and Acquisition. John Benjamins Publishing Company, pp. 159–211. ISBN: 978-90-272-1117-0 978-90-272-5769-7. DOI: 10.1075/bpa.13.06koj. URL: <https://benjamins.com/catalog/bpa.13.06koj> (visited on 25/07/2025).
- Kornai, András (2013). ‘Digital Language Death’. In: *PLOS ONE* 8.10. Publisher: Public Library of Science, e77056. ISSN: 1932-6203. DOI: 10.1371/journal.pone.0077056. URL: <https://journals.plos.org/plosone/article?id=10.1371/journal.pone.0077056> (visited on 14/06/2025).
- Kremmel, Benjamin and Norbert Schmitt (2017). ‘Vocabulary Levels Test’. In: *The TESOL Encyclopedia of English Language Teaching*. John Wiley & Sons, Ltd, pp. 1–7. ISBN: 978-1-118-78423-5. DOI: 10.1002/9781118784235.eelt0499. URL: <https://onlinelibrary.wiley.com/doi/abs/10.1002/9781118784235.eelt0499> (visited on 25/07/2025).
- Lemhöfer, Kristin and Mirjam Broersma (June 2012). ‘Introducing LexTALE: A quick and valid Lexical Test for Advanced Learners of English’. In: *Behavior Research Methods* 44.2, pp. 325–343. ISSN: 1554-3528. DOI: 10.3758/s13428-011-0146-0. URL: <http://link.springer.com/10.3758/s13428-011-0146-0> (visited on 16/11/2024).
- Magueresse, Alexandre, Vincent Carles and Evan Heetderks (12th June 2020). *Low-resource Languages: A Review of Past Work and Future Challenges*. DOI: 10.48550/arXiv.2006.07264. arXiv: 2006.07264[cs]. URL: <http://arxiv.org/abs/2006.07264> (visited on 12/07/2025).
- Meara, P. (1994). ‘The complexities of simple vocabulary tests’. In: *Curriculum research: Different disciplines and common goals*. Publisher: Vrije Universiteit Amsterdam, Netherlands, pp. 15–28. URL: <https://scholar.google.com/scholar?cluster=6144692110406844575&hl=en&oi=scholar> (visited on 15/01/2025).
- Meara, Paul (2012). ‘Imaginary Words’. In: *The Encyclopedia of Applied Linguistics*. eprint: <https://onlinelibrary.wiley.com/doi/pdf/10.1002/9781405198431.wbeal0524>. John Wiley & Sons, Ltd. ISBN: 978-1-4051-9843-1. DOI: 10.1002/9781405198431.wbeal0524. URL: <https://onlinelibrary.wiley.com/doi/abs/10.1002/9781405198431.wbeal0524> (visited on 15/01/2025).
- Nation, I. S. P. (1990). *Teaching and learning vocabulary*. In collab. with Internet Archive. New York : Heinle & Heinle Publishers. 294 pp. ISBN: 978-0-8384-2863-4. URL: <http://archive.org/details/teachinglearning0000nati> (visited on 25/07/2025).

- Newell, A. and H. Simon (Sept. 1956). 'The logic theory machine—A complex information processing system'. In: *IRE Transactions on Information Theory* 2.3, pp. 61–79. ISSN: 2168-2712. DOI: 10.1109/TIT.1956.1056797. URL: <https://ieeexplore.ieee.org/document/1056797> (visited on 11/07/2025).
- Pelánek, Radek (1st July 2016). 'Applications of the Elo rating system in adaptive educational systems'. In: *Computers & Education* 98, pp. 169–179. ISSN: 0360-1315. DOI: 10.1016/j.compedu.2016.03.017. URL: <https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S036013151630080X> (visited on 18/12/2024).
- (1st Mar. 2025). 'Adaptive Learning is Hard: Challenges, Nuances, and Trade-offs in Modeling'. In: *International Journal of Artificial Intelligence in Education* 35.1, pp. 304–329. ISSN: 1560-4306. DOI: 10.1007/s40593-024-00400-6. URL: <https://doi.org/10.1007/s40593-024-00400-6> (visited on 14/06/2025).
- Politi, Daniel (2011). *Argentina's Big Mac Attack*. Latitude. Section: Opinion. URL: <https://archive.nytimes.com/latitude.blogs.nytimes.com/2011/11/24/argentinas-big-mac-attack/> (visited on 26/07/2025).
- Rasch, G. (Georg) (1980). *Probabilistic models for some intelligence and attainment tests*. In collab. with Internet Archive. 2nd Edition. Chicago : University of Chicago Press. 230 pp. ISBN: 978-0-226-70553-8 978-0-226-70554-5. URL: <http://archive.org/details/probabilisticmod0000rasc> (visited on 18/12/2024).
- Schmid, Richard F. et al. (15th Dec. 2023). 'A meta-analysis of online learning, blended learning, the flipped classroom and classroom instruction for pre-service and in-service teachers'. In: *Computers and Education Open* 5, p. 100142. ISSN: 2666-5573. DOI: 10.1016/j.caeo.2023.100142. URL: <https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S2666557323000204> (visited on 09/07/2025).
- Shannon, C E (1948). 'A Mathematical Theory of Communication'. In: *The Bell System Technical Journal* 27, pp. 379–423, 623–656.
- Shen, Shuanghong et al. (2024). 'A Survey of Knowledge Tracing: Models, Variants, and Applications'. In: *IEEE Transactions on Learning Technologies* 17, pp. 1858–1879. ISSN: 1939-1382, 2372-0050. DOI: 10.1109/TLT.2024.3383325. arXiv: 2105.15106[cs]. URL: <http://arxiv.org/abs/2105.15106> (visited on 08/08/2025).

- Srcce, Sveučilišni računski centar- (2025). 'How (not) to design a L1 test vocabulary based on a lexical decision task: evidence from Croatian'. In: URL: <https://www.croris.hr/crosbi/publikacija/prilog-skup/885833> (visited on 16/06/2025).
- Varela, Fancisco J., Evan Thompson and Eleanor Rosch (1991). *The Embodied Mind*. MIT Press. Cambridge, Massachusetts. 308 pp.
- Wechsler, David (2025). *Wechsler Adult Intelligence Scale—Third Edition*. URL: <https://psycnet.apa.org/record/9999-49755-000?doi=1> (visited on 14/01/2025).
- William J., Clancey (1983). 'GUIDON'. In: *Journal of Computer-Based Instruction* 10.1, pp. 6–13. DOI: 10.5555/28590. URL: <https://billclancey.name/GUIDON-Clancey-CBI1982.pdf>.