Er det høyde som bestemmer inntekt? Assignment 2 - MSB 105

Ole Alexander Bakkevik & Sindre M. Espedal

Introduksjon

I dette assignmentet skal vi besvare på problemstillingen "er det høyde som bestemmer inntekt?". Vi benytter datasettet heights i R-pakken $modelr^1$ for å svare på problemstillingen.

Litteraturgjennomgang

Det argumenteres for at fysiske egenskaper spiller en sentral rolle i interaksjoner og resultater i arbeidslivet og det er aktiv litteratur som fokuserer på hvordan attraktivitet, vekt og kroppsbilde påvirker interaksjoner og resultater på arbeidsplassen (Judge og Cable, 2004b). For eksempel hevdes det at høyere individer vurderes som mer overbevisende (Young og French, 1996) og mer attraktive som kamerater (Freedman, 1980).

Hensley (1993) noterte seg at oppfatningen av at høyere individer er på en eller annen måte mer kapable, dyktige eller mer kompetente ser ut til å stemme. Denne påstanden kan styrkes i det Lester og Sheehan (1980) fant ut at sjefene sin forventning var at korte politifolk skulle motta flere klager, forårsake flere disiplinære problemer og skape dårligere moral enn det høyere politifolk ville gjort.

Studier har vist at folk oppfatter verdifulle ting som større enn mindre verdifulle ting; for eksempel oppfattes mynter som er større enn pappskiver med identisk diameter som større (Judge og Cable, 2004b). Denne skjevheten strekker seg også til vurderingen om individers høyde og verdsettelse.

Dette styrkes gjennom en studie av kanadiske velgere, der de viste at etter valget i 1988, bedømte velgerne vinneren (Brian Mulroney) til å være høyere enn før valget. I tillegg bedømte velgerne taperne til å være kortere enn før valget (Judge og Cable, 2004b). Høyde er også en metafor for betydningen av makt (Judge og Cable, 2004b) og er ofte brukt som en "heuristikk for dominans" (Young og French, 1998). I språket er også høyde av sosial verdi. Når en person er høyt aktet, kan han beskrives som en «stor mann», og vi «Ser opp» til og beundrer de høye individene (Frieze et al., 1990).

Judge og Cable (2004a) fokuserer på hvilken rolle egenskapen høyde har for suksess i arbeidslivet. I studien kommer det frem at resultatene tyder på at fysisk høyde påvirker folk karriére og interaksjoner på arbeidsplassen. Man kan derfor hevde at problemstillingen er verdig fortsatt vitenskapelige undersøkelser (Judge og Cable, 2004b).

Datasettet

Som nevnt bruker vi datasettet **heights** i pakken **modelr**, men siden dataene er amerikanske, er måleenhetene amerikanske enheter. Vi konverterer dermed først til det metriske systemet som vi bruker i Norge slik at resultatene lettere kan forstås. I tillegg konverterer vi inntekten fra dollar til norske kroner.

I tillegg forenklet vi variabelen marital. Vi forenklet dette ved å kun benytte gift, eller ikke-gift istedenfor flere alternativer som f.eks singel. skilt. enke osv.

¹(R Core Team, 2021) og (Wickham, 2020)

Nå er sivistatusen married satt som TRUE, og alle andre kategoriene i den nye variabelen er FALSE. Da måles det kun om man er gift eller ikke.

##	income	height	weight	age		
##	Min. : 0.0	Min. :52.0	Min. : 76.0	Min. :47.00		
##	1st Qu.: 165.5	1st Qu.:64.0	1st Qu.:157.0	1st Qu.:49.00		
##	Median : 29589.5	Median:67.0	Median :184.0	Median :51.00		
##	Mean : 41203.9	Mean :67.1	Mean :188.3	3 Mean :51.33		
##	3rd Qu.: 55000.0	3rd Qu.:70.0	3rd Qu.:212.0	3rd Qu.:53.00		
##	Max. :343830.0	Max. :84.0	Max. :524.0	Max. :56.00		
##			NA's :95			
##	marital	sex	education	afqt		
##	single :1124	male :3402	Min. : 1.00	Min. : 0.00		
##	married :3806	female:3604	1st Qu.:12.00	1st Qu.: 15.12		
##	separated: 366		Median :12.00	Median : 36.76		
##	divorced :1549		Mean :13.22	Mean : 41.21		
##	widowed : 161		3rd Qu.:15.00	3rd Qu.: 65.24		
##			Max. :20.00	Max. :100.00		
##			NA's :10	NA's :262		

	income	height	weight	age	marital	sex	education	af
	Min.: 0.0	Min. :52.0	Min.: 76.0	Min. :47.00	single:1124	male :3402	Min.: 1.00	M
-	1st Qu.: 165.5	1st Qu.:64.0	1st Qu.:157.0	1st Qu.:49.00	married :3806	female:3604	1st Qu.:12.00	1s
	Median : 29589.5	Median :67.0	Median :184.0	Median :51.00	separated: 366	NA	Median :12.00	M
	Mean: 41203.9	Mean :67.1	Mean :188.3	Mean :51.33	divorced:1549	NA	Mean :13.22	M
	3rd Qu.: 55000.0	3rd Qu.:70.0	3rd Qu.:212.0	3rd Qu.:53.00	widowed: 161	NA	3rd Qu.:15.00	3r
	Max. :343830.0	Max. :84.0	Max. :524.0	Max. :56.00	NA	NA	Max. :20.00	M
	NA	NA	NA's :95	NA	NA	NA	NA's :10	N

Beskrivende statistikk

Variablene i dattasettet **heights**, samt verdiene og målingene er hentet fra helpfunksjonen i R og disse variablene er:

Income

• Årlig inntekt. Topp 2% er gjennomsnittet av dem.

Height

• Høyde, i inches (amerikansk måleenhet)

Weight

• Vekt, i pounds (amerikansk måleenhet)

Age

• Alder, i år, mellom 47 og 56

Marital

• Sivilstatus

Sex

• Kjønn

Education

• År med utdannelse

Afqt

• Prosentscore på en "IQ test".

Variablene i datasettet **hoyde** er like, i tillegg til noen ekstra variabler:

$inntekt_kr$

• Årlig inntekt, målt i norske kroner.

$hoyde_cm$

• Høyde, målt i centimeter.

vekt_kg

• Vekt, målt i kilogram.

bmi

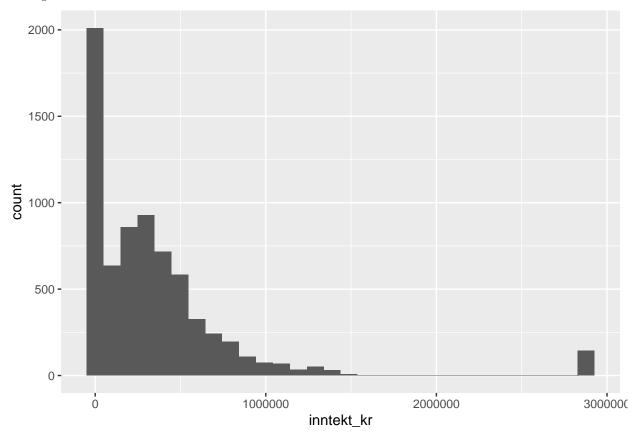
• Body-mass-index

married

• Gift eller ikke-gift

EDA

Histogram for $inntek_kr$.



Uteliggerne til høyre skyldes at det er noen få som tjener veldig mye. Disse er summert sammen og utregnet gjennomsnittet på dem. Dette er på grunn av personverns-årsaker.

```
## [1] 1740
```

Vi har 1 740 observasjoner som har inntekt lik 0.

Regresjonsanalyse

Alle nye og forenklede variabler er lagt inn fra før. Det samme gjelder konverteringene.

Den første modellen er en veldig enkel regresjonsmodell som ser kun på hvordan høyden påvirker inntekten.

```
##
## Call:
## lm(formula = modell_1, data = .)
##
## Residuals:
                                3Q
##
       Min
                1Q
                    Median
                                        Max
##
  -766554 -263745
                    -91173
                           124563 2685330
##
##
  Coefficients:
##
                 Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -1329893.0
                             89841.5
                                      -14.80
                                                <2e-16 ***
## hoyde_cm
                   9825.9
                               526.1
                                        18.68
                                                <2e-16 ***
## ---
                   0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' 1
## Signif. codes:
##
## Residual standard error: 456600 on 7004 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.04744,
                                    Adjusted R-squared:
## F-statistic: 348.8 on 1 and 7004 DF, p-value: < 2.2e-16
```

Ut i fra denne enkle regresjonen i **modell_1** ser vi at hvis vi øker høyden med én ekstra centimeter, så øker årlig lønn med 9825.9kr. Den uttrykkes også som signifikant, men forklaringsvariansen er kun på 4,7% som vil si at 95,3% av modellen kan ikke forklares gjennom regresjonen (u). Derfor er dette egentlig en veldig dårlig modell.

I neste modell legger vi til en ekstra variabel, variabelen $vekt_kg$, for å se hvordan dette påvirker regresjonsmodellen.

```
##
  lm(formula = modell_2, data = hoyde)
##
## Residuals:
##
       Min
                10
                    Median
                                30
                                       Max
  -828525 -258745
                    -90442
                           124446 2701163
##
##
## Coefficients:
##
                 Estimate Std. Error t value
                                               Pr(>|t|)
## (Intercept) -1441826.3
                             93195.8 -15.471
                                                < 2e-16 ***
## hoyde_cm
                  11226.7
                               600.5 18.696
                                                < 2e-16 ***
## vekt kg
                  -1481.3
                               309.0 -4.794 0.00000167 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' 1
##
## Residual standard error: 458000 on 6908 degrees of freedom
     (95 observations deleted due to missingness)
## Multiple R-squared: 0.05077,
                                    Adjusted R-squared:
```

```
## F-statistic: 184.7 on 2 and 6908 DF, p-value: < 2.2e-16
```

I **modell_2** påvirker *vekt_kg* negativt på *inntekt_kr*. Hvis *vekt_kg* øker med én ekstra kg, så reduseres årlig *inntekt_kr* 1481.3kr. Denne variabelen er også signifikant, men forklaringsvariansen på overkant av 5% indikerer at **modell_2** er også en dårlig modell, ettersom den har en liten forklaring. Et annet problem er korrelasjonen mellom høyde og vekt. Høye personer veier mer selv om de er like slanke.

I modell 3 legges det til en ytterligere variabel, variabelen bmi.

```
##
## Call:
## lm(formula = modell_3, data = hoyde)
##
## Residuals:
##
       Min
                1Q
                   Median
                                3Q
                                       Max
   -864541 -257416
                    -91679
                            124029 2696877
##
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value
                                                Pr(>|t|)
## (Intercept) -1907489
                            427914
                                    -4.458 0.0000084174 ***
                                     5.513 0.000000365 ***
## hoyde cm
                  13972
                              2534
## vekt_kg
                  -4198
                              2456
                                    -1.709
                                                  0.0874 .
                                                  0.2649
## bmi
                   7834
                              7026
                                     1.115
##
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 458000 on 6907 degrees of freedom
     (95 observations deleted due to missingness)
##
## Multiple R-squared: 0.05094,
                                    Adjusted R-squared:
## F-statistic: 123.6 on 3 and 6907 DF, p-value: < 2.2e-16
```

Ut i fra **modell_3** så ser vi at hvis *bmi* øker med én ekstra enhet, så øker årlig *inntekt_kr* med 7834kr.

modell_3 viser 3 variabler hvor *hoyde_cm* er den eneste signifikante variabelen med et konfidensintervall på 95%. Likevel har forklaringsvariansen hatt en minimal økning på en ellers så svært liten forklaringskraft.

I modell_4 legges variablene education og age til i regresjonsmodellen.

```
##
## Call:
## lm(formula = modell_4, data = hoyde)
##
## Residuals:
##
       Min
                1Q
                    Median
                                 3Q
                                        Max
  -994470 -230101
                    -57569
                           124319 2855576
##
##
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value
                                                  Pr(>|t|)
## (Intercept) -2603720
                             413936
                                     -6.290 0.00000000337 ***
## hoyde_cm
                  13468
                               2344
                                      5.745 0.00000009591 ***
                               2272
                                     -2.084
                                                    0.0372 *
## vekt_kg
                  -4736
                                                    0.0685 .
## bmi
                  11853
                               6505
                                      1.822
                                                   < 2e-16 ***
## education
                  68611
                               1964
                                     34.934
## age
                  -3815
                               2276
                                    -1.676
                                                    0.0937 .
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
```

```
## Residual standard error: 422300 on 6895 degrees of freedom
## (105 observations deleted due to missingness)
## Multiple R-squared: 0.1939, Adjusted R-squared: 0.1933
## F-statistic: 331.7 on 5 and 6895 DF, p-value: < 2.2e-16</pre>
```

modell_4 viser at *age* påvirker årlig *inntekt_kr* negativt mens *education* har en positiv effekt. variabelen *education* er også svært signifikant. De 2 ekstra variablene øker forklaringskraften betydelig, helt opp til 19,4%.

```
##
## Call:
## lm(formula = modell_4b, data = hoyde)
##
## Residuals:
##
       Min
                  1Q
                       Median
                                    3Q
                                            Max
## -1088.83 -246.18
                        31.39
                                197.09
                                        1526.94
##
## Coefficients:
##
                          Estimate Std. Error t value
                                                             Pr(>|t|)
                         -110.3384
                                     130.1827 -0.848
                                                               0.3967
## (Intercept)
## sexfemale
                          200.6138
                                     181.2316
                                               1.107
                                                               0.2684
## bmi
                           -1.7248
                                       1.0195 -1.692
                                                               0.0907 .
## education
                           64.7043
                                       2.1332 30.332
                                                              < 2e-16 ***
                                       2.3999 -2.182
                                                               0.0291 *
## age
                           -5.2366
                          217.3119
                                      11.0401 19.684
## marriedTRUE
                                                              < 2e-16 ***
## sexfemale:bmi
                           -0.1717
                                       1.2656 -0.136
                                                               0.8921
## sexfemale:education
                          -19.4599
                                       2.9359 -6.628 0.0000000000365 ***
## sexfemale:age
                            0.2840
                                       3.3472
                                               0.085
                                                               0.9324
                                      15.3131 -13.362
## sexfemale:marriedTRUE -204.6184
                                                              < 2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 310.2 on 6891 degrees of freedom
     (105 observations deleted due to missingness)
## Multiple R-squared: 0.2729, Adjusted R-squared:
## F-statistic: 287.4 on 9 and 6891 DF, p-value: < 2.2e-16
```

Res.Df	Df	\mathbf{F}	$\Pr(>F)$
6.9e+03			
6.89e+03	4	4.87	0.000636

Ser at vi kan forkaste H0 så konklusjonen er at kjønn og alder må være med i modellen.

Forskjellen mellom vanlige og robuste standard errors

```
##
## t test of coefficients:
##
                           Estimate Std. Error t value
                                                               Pr(>|t|)
## (Intercept)
                         -110.33836 143.36350
                                                -0.7696
                                                                 0.4415
## sexfemale
                                                 1.0844
                                                                 0.2782
                          200.61385
                                     185.00236
## bmi
                           -1.72479
                                       1.10700 -1.5581
                                                                0.1193
## education
                           64.70427
                                       2.74230 23.5949
                                                              < 2.2e-16 ***
## age
                           -5.23656
                                       2.63342 -1.9885
                                                                0.0468 *
```

```
## sexfemale:education
                         -19.45987
                                      3.34777
                                               -5.8128 0.00000006418 ***
## sexfemale:age
                           0.28396
                                      3.39259
                                                0.0837
                                                               0.9333
## sexfemale:marriedTRUE -204.61839
                                     15.13167 -13.5225
                                                            < 2.2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Original model not retained as part of coeftest object. For additional model summary information (r.
```

-0.1327

< 2.2e-16 *** 0.8944

11.75232 18.4910

1.29361

This message is displayed once per session.

Huxreg

marriedTRUE

sexfemale:bmi

Setter opp en **Huxtable** for å vise en oversikt over modell 1, 2 og 3.

217.31191

-0.17170

Variabelen hoyde cm er signifikant gjennom alle tre modellene mens vekt kg er kun signifikant i modell_2. Variabelen hoyde_cm får også en større påvirkning på inntekt_kr når flere variabler legges til. Forklaringskraften øker minimalt fra modell_1, men den øker ikke mellom modell_2 og modell_3. Forklaringskraften er også veldig liten.

Interaksjon

Denne modellen har en interaksjon på variabelen sex, som vil si en modell for kvinner og menn.

```
##
## lm(formula = modell_int, data = hoyde)
##
## Residuals:
##
       Min
                10 Median
                                 3Q
                                        Max
## -844832 -243051
                    -90336
                            125765 2664145
##
## Coefficients:
##
                              Estimate
                                        Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                           -2296981.00
                                        3061743.05
                                                    -0.750
                                                               0.453
## sexfemale
                             364907.00
                                        3877913.34
                                                     0.094
                                                               0.925
## hoyde cm
                              14177.21
                                          17010.78
                                                     0.833
                                                               0.405
## vekt_kg
                                217.78
                                          29577.95
                                                     0.007
                                                               0.994
## I(vekt_kg^2)
                                                    -0.415
                                -29.54
                                             71.13
                                                               0.678
## bmi
                              17853.31
                                          96322.70
                                                     0.185
                                                               0.853
## I(bmi^2)
                                -64.14
                                            767.00
                                                    -0.084
                                                               0.933
## sexfemale:hoyde_cm
                                -31.35
                                          22460.23
                                                    -0.001
                                                               0.999
## sexfemale:vekt_kg
                             -18273.48
                                          40602.63
                                                    -0.450
                                                               0.653
## sexfemale:I(vekt_kg^2)
                                 67.20
                                            105.64
                                                     0.636
                                                               0.525
## sexfemale:bmi
                              25515.27
                                         120895.62
                                                     0.211
                                                               0.833
## sexfemale:I(bmi^2)
                               -193.30
                                            937.66 -0.206
                                                               0.837
##
## Residual standard error: 455700 on 6899 degrees of freedom
     (95 observations deleted due to missingness)
## Multiple R-squared: 0.06166,
                                     Adjusted R-squared: 0.06016
## F-statistic: 41.21 on 11 and 6899 DF, p-value: < 2.2e-16
```

Vi ser fra regresjonsmodellen at dummyen for sexfemale og interaksjonsvariablene ikke er signifikante.

Hypotesetesting

Test av koeffisientene samt korrelasjon

Vi kjører test av koeffesientene i interaksjonsmodellen mellom kvinner og menn.

```
##
## t test of coefficients:
##
##
                 Estimate Std. Error t value
                                                   Pr(>|t|)
## (Intercept) -2603720.2
                            449564.5 -5.7917 0.000000007276 ***
## hoyde_cm
                  13468.1
                              2534.7 5.3136 0.000000110870 ***
## vekt kg
                  -4736.3
                              2379.1 -1.9908
                                                    0.04654 *
## bmi
                  11852.6
                              6433.8 1.8422
                                                    0.06548 .
## education
                                                  < 2.2e-16 ***
                  68611.2
                              2678.0 25.6207
## age
                  -3814.6
                              2315.2 -1.6477
                                                    0.09947 .
## ---
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
                       2.5 %
                                    97.5 %
## (Intercept) -3415162.4005 -1792278.0593
## hoyde_cm
                   8872.3928
                                18063.7622
## vekt_kg
                  -9190.8220
                                 -281.8592
                   -898.8988
                                24604.0399
## bmi
## education
                  64761.0950
                                72461.3161
## age
                                  646.5600
                  -8275.8056
## [1] 0.2177982
##
## Call:
## lm(formula = modell_4, data = hoyde)
## Residuals:
##
       Min
                1Q Median
                                3Q
                                       Max
## -994470 -230101 -57569 124319 2855576
##
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value
                                                 Pr(>|t|)
## (Intercept) -2603720
                            413936 -6.290 0.000000000337 ***
## hoyde_cm
                  13468
                              2344
                                     5.745 0.00000009591 ***
## vekt_kg
                  -4736
                              2272 -2.084
                                                   0.0372 *
## bmi
                  11853
                              6505
                                     1.822
                                                   0.0685 .
                              1964 34.934
                                                  < 2e-16 ***
## education
                  68611
## age
                  -3815
                              2276 -1.676
                                                   0.0937 .
## ---
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 422300 on 6895 degrees of freedom
     (105 observations deleted due to missingness)
## Multiple R-squared: 0.1939, Adjusted R-squared: 0.1933
## F-statistic: 331.7 on 5 and 6895 DF, p-value: < 2.2e-16
##
## Call:
## lm(formula = modell_int, data = hoyde)
##
```

```
## Residuals:
##
       Min
                1Q Median
                                 30
                                         Max
                    -90336
##
   -844832 -243051
                             125765 2664145
##
##
  Coefficients:
                                         Std. Error t value Pr(>|t|)
##
                              Estimate
## (Intercept)
                                         3061743.05
                                                     -0.750
                           -2296981.00
                                                                0.453
## sexfemale
                             364907.00
                                         3877913.34
                                                      0.094
                                                                0.925
## hoyde cm
                              14177.21
                                           17010.78
                                                      0.833
                                                                0.405
## vekt_kg
                                217.78
                                           29577.95
                                                      0.007
                                                                0.994
## I(vekt_kg^2)
                                 -29.54
                                              71.13
                                                     -0.415
                                                                0.678
                                           96322.70
## bmi
                              17853.31
                                                      0.185
                                                                0.853
                                                     -0.084
## I(bmi^2)
                                -64.14
                                             767.00
                                                                0.933
## sexfemale:hoyde_cm
                                           22460.23
                                -31.35
                                                     -0.001
                                                                0.999
## sexfemale:vekt_kg
                             -18273.48
                                           40602.63
                                                     -0.450
                                                                0.653
## sexfemale:I(vekt_kg^2)
                                 67.20
                                             105.64
                                                      0.636
                                                                0.525
                                                      0.211
## sexfemale:bmi
                              25515.27
                                          120895.62
                                                                0.833
## sexfemale:I(bmi^2)
                               -193.30
                                             937.66
                                                     -0.206
                                                                0.837
##
## Residual standard error: 455700 on 6899 degrees of freedom
##
     (95 observations deleted due to missingness)
## Multiple R-squared: 0.06166,
                                     Adjusted R-squared: 0.06016
## F-statistic: 41.21 on 11 and 6899 DF, p-value: < 2.2e-16
```

Residualene

I den endelige modellen legges variablene education, married, sex og afqt til i tillegg. Variabelen age legges ikke til fordi aldersspennet er bare mellom 9 år, noe som ikke er særlig stor variasjon. Fullstendige modellen blir dermed seende slik ut:

```
## Call:
  lm(formula = modell_f, data = hoyde)
##
##
  Residuals:
##
       Min
                1Q
                    Median
                                 30
                                        Max
  -975293 -210118
                    -43707
                            125388 2758733
##
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -1554319
                            404900
                                     -3.839 0.000125 ***
## hoyde cm
                   7114
                              2387
                                      2.980 0.002889 **
                                     -2.883 0.003956 **
                  -6529
                              2265
## vekt_kg
## bmi
                              6471
                                      2.710 0.006755 **
                  17534
## education
                                     20.456
                                            < 2e-16 ***
                  49489
                              2419
## marriedTRUE
                  88747
                              10450
                                      8.493
                                             < 2e-16 ***
## afqt
                                221
                                     14.993
                                            < 2e-16 ***
                   3313
## sexfemale
                -204806
                              14542 -14.083
                                            < 2e-16 ***
##
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' 1
##
## Residual standard error: 411000 on 6637 degrees of freedom
     (361 observations deleted due to missingness)
## Multiple R-squared: 0.255, Adjusted R-squared: 0.2542
```

```
## F-statistic: 324.5 on 7 and 6637 DF, p-value: < 2.2e-16
```

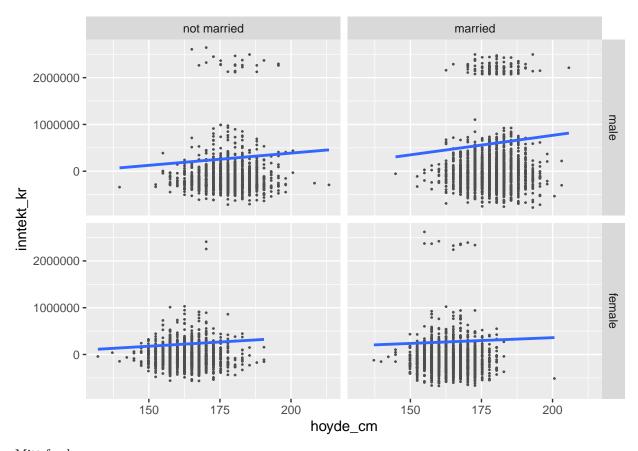
Så kjører vi den fullstendige modellen og begrenser den med å fjerne de 2% høyeste inntektene og de som har null i inntekt.

```
##
## Call:
## lm(formula = modell_f, data = hoyde_b)
##
## Residuals:
##
      Min
                1Q Median
                                3Q
                                       Max
  -714122 -155634
                   -29517
                           117375 1102390
##
## Coefficients:
                                                   Pr(>|t|)
##
                Estimate Std. Error t value
## (Intercept) -103335.1
                           295314.0 -0.350
                                                      0.726
## hoyde_cm
                   170.8
                             1734.2
                                      0.098
                                                      0.922
## vekt_kg
                                                      0.873
                   261.5
                             1637.6
                                      0.160
## bmi
                 -1451.0
                             4720.1
                                    -0.307
                                                      0.759
                                                    < 2e-16 ***
## education
                 32413.1
                             1650.2 19.642
## marriedTRUE
                 46570.6
                             7171.1
                                      6.494 0.0000000000918 ***
## afqt
                  1992.6
                              149.0 13.373
                                                    < 2e-16 ***
## sexfemale
               -130192.0
                            10156.9 -12.818
                                                    < 2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 241200 on 4863 degrees of freedom
     (252 observations deleted due to missingness)
## Multiple R-squared: 0.2605, Adjusted R-squared: 0.2595
## F-statistic: 244.8 on 7 and 4863 DF, p-value: < 2.2e-16
```

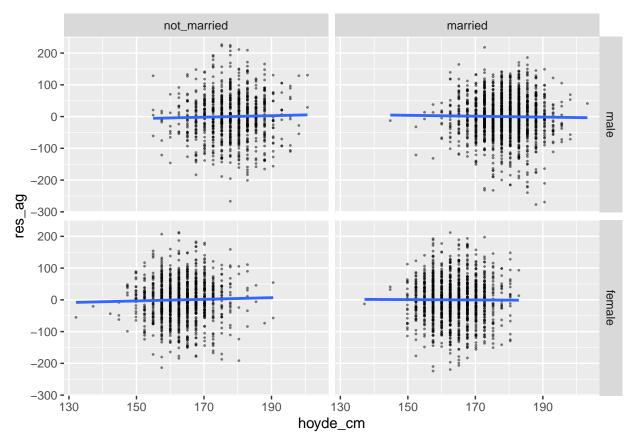
Ved å fjerne 2% høyeste inntekt og de som har null i inntekt mister $hoyde_cm$ sin signifikans.

Legger til residualene fra endelig modell fra datasettet

Warning: Removed 361 rows containing missing values (geom_point).



Mitt forslag



Etter at man har korrigert for kjønn, utdanning, evner og sivilstatus ser det altså ikke ut til å være noen sammenheng mellom uforklart variasjon og høyde. Kan selvsagt også vises vha. regresjonsanalyse (robust se).

```
##
  t test of coefficients:
##
##
##
                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -3.903327
                           15.630058 -0.2497
                                               0.8028
## hoyde_cm
                0.022857
                            0.091866 0.2488
                                               0.8035
##
## Call:
## lm(formula = "res_ag ~ hoyde_cm", data = .)
##
## Residuals:
##
        Min
                  1Q
                        Median
                                     3Q
                                             Max
##
   -277.376
            -39.440
                         0.989
                                 41.624
                                         226.667
##
##
  Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                           15.92245
   (Intercept) -3.90333
                                     -0.245
                                               0.806
##
##
  hoyde_cm
                0.02286
                            0.09307
                                      0.246
                                               0.806
##
## Residual standard error: 66.68 on 4869 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 1.239e-05, Adjusted R-squared:
## F-statistic: 0.06031 on 1 and 4869 DF, p-value: 0.806
```

```
##
## Call:
## lm(formula = "res_ag ~ sex*(hoyde_cm + married)", data = .)
##
## Residuals:
                                     3Q
##
        Min
                  1Q
                       Median
                                             Max
   -277.063 -39.510
                        0.935
                                 41.518
                                         226.792
##
##
## Coefficients:
##
                               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                             -1.514347
                                         32.736223
                                                    -0.046
                                                               0.963
## sexfemale
                             -13.683812
                                         46.004737
                                                    -0.297
                                                               0.766
## hoyde_cm
                               0.008516
                                          0.183676
                                                     0.046
                                                               0.963
## marriedmarried
                                          2.809535
                              -0.006143
                                                    -0.002
                                                               0.998
## sexfemale:hoyde_cm
                               0.084563
                                          0.269771
                                                     0.313
                                                               0.754
## sexfemale:marriedmarried
                             -0.024368
                                          3.894700
                                                    -0.006
                                                               0.995
##
## Residual standard error: 66.7 on 4865 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 4.606e-05, Adjusted R-squared: -0.0009816
## F-statistic: 0.04481 on 5 and 4865 DF, p-value: 0.9988
```

Ser altså ikke ut til å være noen sammenheng for noen av gruppene.

Konklusjon

På interaksjonsmodellen var ingen variabler signifikante. Det kan da tenkes at kjønn ikke har noe å si for $inntekt\ kr$.

Variabelen $hoyde_cm$ blir usignifikant med det begrensede datasettet ved å fjerne de 2% høyeste inntektene og de som har null i inntekt.

Vi kan dermed ikke påstå at det er høyde som bestemmer inntekt.

Resultatene viser helt klart at education, afqt og sex er de mest signifikante variablene som påvirker inntekt.

Litteraturliste

- Freedman, D. G. (1980). The Social and the Biological: A Necessary Unity. Zygon @, 15(2), 117-131. https://doi.org/10.1111/j.1467-9744.1980.tb00381.x
- Frieze, I. H., Olson, J. E., og Good, D. C. (1990). Perceived and Actual Discrimination in the Salaries of Male and Female Managers. *Journal of Applied Social Psychology*, 20(1), 46–67. https://doi.org/10.1111/j.1559-1816.1990.tb00377.x
- Hensley, W. E. (1993). Height as a Measure of Success in Academe. *Psychology: A Journal of Human Behavior*, 30(1), 40–46.
- Judge, T. A., og Cable, D. M. (2004a). The Effect of Physical Height on Workplace Success and Income: Preliminary Test of a Theoretical Model. *Journal of Applied Psychology*, 89(3), 428–441. https://doi.org/ 10.1037/0021-9010.89.3.428
- Judge, T. A., og Cable, D. M. (2004b). The Effect of Physical Height on Workplace Success and Income: Preliminary Test of a Theoretical Model. The Journal of Applied Psychology, 89(3), 428–441. https://doi.org/10.1037/0021-9010.89.3.428
- Lester, D., og Sheehan, D. (1980). Attitudes of Supervisors toward Short Police Officers. *Psychological Reports*, 47(2), 462–462. https://doi.org/10.2466/pr0.1980.47.2.462
- R Core Team. (2021). R: A Language and Environment for Statistical Computing. R Foundation for Statistical Computing. https://www.R-project.org/
- Wickham, H. (2020). modelr: Modelling Functions that Work with the Pipe. https://CRAN.R-project.org/package=modelr
- Young, T. J., og French, L. A. (1996). Height and Perceived Competence of US Presidents. *Perceptual and Motor Skills*, 82(3 Pt 1), 1002. https://doi.org/10.1177/003151259608200301
- Young, T. J., og French, L. A. (1998). Heights of U.S. Presidents: A Trend Analysis for 1948–1996. *Perceptual and Motor Skills*, 87(1), 321–322. https://doi.org/10.2466/pms.1998.87.1.321

	mod_4b	mod_4b robust se
(Intercept)	-110.338	-110.338
	[-0.848]	[-0.770]
sexfemale	200.614	200.614
	[1.107]	[1.084]
bmi	-1.725	-1.725
	[-1.692]	[-1.558]
education	64.704 ***	64.704 ***
	[30.332]	[23.595]
age	-5.237 *	-5.237 *
	[-2.182]	[-1.989]
${\bf married TRUE}$	217.312 ***	217.312 ***
	[19.684]	[18.491]
sexfemale:bmi	-0.172	-0.172
	[-0.136]	[-0.133]
sexfemale:education	-19.460 ***	-19.460 ***
	[-6.628]	[-5.813]
sexfemale:age	0.284	0.284
	[0.085]	[0.084]
sexfemale: married TRUE	-204.618 ***	-204.618 ***
	[-13.362]	[-13.523]
N	6901	6901
R2	0.273	
logLik	-49380.605	-49380.605
AIC	98783.209	98783.210

Regresjonstabell ag: *** p < 0.001; ** p < 0.01; * p < 0.05. T statistics in brackets.

	modell_1	modell_2	modell_3
(Intercept)	-1329893.035 ***	-1441826.256 ***	-1907488.774 ***
	[-14.803]	[-15.471]	[-4.458]
hoyde_cm	9825.866 ***	11226.677 ***	13971.667 ***
	[18.676]	[18.696]	[5.513]
vekt_kg		-1481.275 ***	-4197.636
		[-4.794]	[-1.709]
bmi			7833.548
			[1.115]
N	7006	6911	6911
R2	0.047	0.051	0.051
logLik	-101239.507	-99887.319	-99886.697
AIC	202485.014	199782.637	199783.394

Regresjonstabell 3: *** p < 0.001; ** p < 0.01; * p < 0.05. T statistics in brackets.

Res.Df	RSS	\mathbf{Df}	Sum of Sq	\mathbf{F}	$\Pr(>F)$
6.90e+03	1.45e + 15				
6.9e+03	1.43e + 15	6	1.5e + 13	12	1.81e-13

ight	\mathbf{weight}	age	$\mathbf{marital}$	sex	${\it education}$	\mathbf{afqt}	${\bf hoyde_cm}$	$vekt_kg$	${\bf inntekt_kr}$	\mathbf{bmi}	marrie
60	155	53	married	female	13	6.84	152	70.3	1.59e + 05	30.3	TRUE
70	156	51	married	female	10	49.4	178	70.8	2.93e + 05	22.4	TRUE
65	195	52	married	male	16	99.4	165	88.5	8.79e + 05	32.4	TRUE
63	197	54	married	female	14	44	160	89.4	3.35e + 05	34.9	TRUE
66	190	49	married	male	14	59.7	168	86.2	6.28e + 05	30.7	TRUE