Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

Лабораторна робота 2 з дисципліни «Методи оптимізації та планування експерименту»

Виконав:

Студент 2 курсу ФІОТ

групи IB-92

Хоменко О.О.

Перевірив:

Регіда П.Г.

Мета: провести двофакторний експеримент, перевірити однорідність дисперсії за критерієм Романовського, отримати коефіцієнти рівняння регресії, провести натуралізацію рівняння регресії.

```
ymax = (30 - Nваріанту)*10 = 50,

ymin = (20 - Nваріанту)*10 = -50.
```

Варіант:

225 -25	-5	15	50
---------	----	----	----

Роздруківка програми:

```
import math
import numpy as np
import random as rnd
m = 5
y_{min}, y_{max} = -50, 50
x1_{min}, x1_{max} = -25, -5
x2_{min}, x2_{max} = 15, 50
x1_min_norm, x1_max_norm = -1, 1
x2_{min_norm}, x2_{max_norm} = -1, 1
p_prob = (0.99, 0.98, 0.95, 0.90)
rkr_table = {2: (1.73, 1.72, 1.71, 1.69),
             6: (2.16, 2.13, 2.10, 2.00),
             8: (2.43, 4.37, 2.27, 2.17),
             10: (2.62, 2.54, 2.41, 2.29),
             12: (2.75, 2.66, 2.52, 2.39),
             15: (2.9, 2.8, 2.64, 2.49),
             20: (3.08, 2.96, 2.78, 2.62)}
matrix_of_y = [[rnd.randint(y_min, y_max) for i in range(m)] for j in range(3)]
average_y = [sum(matrix_of_y[i][j] for j in range(m)) / m for i in range(3)]
quadric\_sigma1 = sum([(j - average\_y[0]) ** 2 for j in matrix\_of\_y[0]]) / m
quadric\_sigma2 = sum([(j - average\_y[1]) ** 2 for j in matrix\_of\_y[1]]) / m
quadric_sigma3 = sum([(j - average_y[2]) ** 2 for j in matrix_of_y[2]]) / m
teta sigma = math.sqrt((2 * (2 * m - 2)) / (m * (m - 4)))
Fuv1 = quadric_sigma1 / quadric_sigma2
Fuv2 = quadric sigma3 / quadric sigma1
Fuv3 = quadric_sigma3 / quadric_sigma2
TetaUV1 = ((m - 2) / m) * Fuv1
TetaUV2 = ((m - 2) / m) * Fuv2
TetaUV3 = ((m - 2) / m) * Fuv3
Ruv1 = abs(TetaUV1 - 1) / teta_sigma
Ruv2 = abs(TetaUV2 - 1) / teta sigma
Ruv3 = abs(TetaUV3 - 1) / teta_sigma
mx1 = (-1 + 1 - 1) / 3
mx2 = (-1 - 1 + 1) / 3
my = sum(average y) / 3
a1 = (1 + 1 + 1) / 3
a2 = (1 - 1 - 1) / 3
a3 = (1 + 1 + 1) / 3
a11 = (-1 * average_y[0] + 1 * average_y[1] - 1 * average_y[2]) / 3
```

```
a22 = (-1 * average_y[0] - 1 * average_y[1] + 1 * average_y[2]) / 3
b0 = np.linalg.det(np.dot([[my, mx1, mx2], [a11, a1, a2], [a22, a2, a3]],
                           np.linalg.inv([[1, mx1, mx2], [mx1, a1, a2], [mx2, a2, a3]])))
b1 = np.linalg.det(np.dot([[1, my, mx2], [mx1, a11, a2], [mx2, a22, a3]],
                           np.linalg.inv([[1, mx1, mx2], [mx1, a1, a2], [mx2, a2, a3]])))
b2 = np.linalg.det(np.dot([[1, mx1, my], [mx1, a1, a11], [mx2, a2, a22]],
                           np.linalg.inv([[1, mx1, mx2], [mx1, a1, a2], [mx2, a2, a3]])))
def self dispersion():
    M = 0
    M = min(rkr table, key=lambda x: abs(x - M))
    p = 0
    for ruv in (Ruv1, Ruv2, Ruv3):
        if ruv > rkr_table[M][0]:
            return False
        for rkr in range(len(rkr_table[M])):
            if ruv < rkr_table[M][rkr]:</pre>
                 p = rkr
    return p_prob[p]
def regressionCheck():
    y_norm1 = round(b0 - b1 - b2, 2)
    y_norm2 = round(b0 + b1 - b2, 2)
    y \text{ norm3} = round(b0 - b1 + b2, 2)
    if y_norm1 == average_y[0] and y_norm2 == average_y[1] and y_norm3 == average_y[2]:
        print("Результат збігається з середніми значеннями у")
    else:
        print("Результат НЕ збігається з середніми значеннями у")
delta_x1 = math.fabs(x1_max - x1_min) / 2
delta_x2 = math.fabs(x2_max - x2_min) / 2
x10 = (x1_max + x1_min) / 2
x20 = (x2_max + x2_min) / 2
A0 = b0 - b1 * x10 / delta x1 - b2 * x20 / delta x2
A1 = b1 / delta_x1
A2 = b2 / delta_x2
def naturalized regression(x1, x2):
    return A0 + A1 * x1 + A2 * x2
# output
for i in range(3):
    print("Y{}: {}, Average: {}".format(i + 1, matrix_of_y[i], average_y[i]))
print()
print("\sigma^2 y1:", quadric_sigma1, "\n\sigma^2 y2:", quadric_sigma2, "\n\sigma^2 y3:", quadric_sigma2)
print("σθ =", teta_sigma, '\n')
print("Fuv1 =", Fuv1, "\nFuv2 =", Fuv2, "\nFuv3 =", Fuv3, '\n')
print("\thetauv1 =", TetaUV1, "\n\thetauv2 =", TetaUV2, "\n\thetauv3 =", TetaUV3, '\n')
print("Ruv1 =", Ruv1, "\nRuv2 =", Ruv2, "\nRuv3 =", Ruv3, '\n')
print("Однорідна дисперсія:", self_dispersion(), '\n')
print("mx1:", mx1, "\nmx2:", mx2, "\nmy:", my,
print("a1:",
            , a1, "\na2:", a2, "\na3:", a3)
print("a11:", a11, "\na22:", a22, '\n')
print("b0:", b0, "\nb1:", b1, "\nb2:", b2)
print("Натуралізація коефіцієнтів:")
```

```
print("\Delta x1:", delta_x1, "\n\Delta x2:", delta_x2)
print("x10:", x10, "\nx20:", x20)
print("a0:", A0, "a1:", A1, "a2:", A2, '\n')
print("Натуралізоване рівняння регресії:")
naturReg_Y = [round(naturalized_regression(x1_min, x2_min), 2),
             round(naturalized_regression(x1_max, x2_min), 2),
             round(naturalized_regression(x1_min, x2_max), 2)]
print(naturReg_Y)
if naturReg_Y == average_y:
   print("Коефіцієнти натуралізованого рівняння регресії вірні")
   print("Коефіцієнти натуралізованого рівняння регресії НЕ вірні")
regressionCheck()
Результати роботи програми:
 "C:\Users\User\anaconda3\envs\test Python\python.exe"
 Y1: [-36, 47, 50, -48, 17], Average: 6.0
 Y2: [8, 1, -2, 12, -43], Average: -4.8
 Y3: [-16, 31, 21, -3, 30], Average: 12.6
 σ2 y1: 1683.6
 \sigma^2 v2: 389.36
 σ2 y3: 389.36
 \sigma\theta = 1.7888543819998317
 Fuv1 = 4.324018902814875
 Fuv2 = 0.21064385839866953
 Fuv3 = 0.9108280254777069
 \theta uv1 = 2.5944113416889247
 \theta uv2 = 0.12638631503920172
 \theta_{uv3} = 0.5464968152866241
 Ruv1 = 0.89130303602827
 Ruv2 = 0.4883648964116077
 Ruv3 = 0.253515987257938
 Однорідна дисперсія: 0.9
 mx1: -0.333333333333333333
 mx2: -0.333333333333333333
 my: 4.60000000000000005
 a1: 1.0
 a2: -0.33333333333333333
 a3: 1.0
 a11: -7.8
 a22: 3.799999999999994
```

b0: 3.90000000000000002

b1: -5.39999999999995

b2: 3.299999999999914

Натуралізація коефіцієнтів:

Δx1: 10.0

Δx2: 17.5

x10: -15.0

x20: 32.5

a0: -10.328571428571403 a1: -0.53999999999999 a2: 0.18857142857142808

Натуралізоване рівняння регресії:

[6.0, -4.8, 12.6]

Коефіцієнти натуралізованого рівняння регресії вірні

Результат збігається з середніми значеннями у

Process finished with exit code 0

Висновок:

У процесі виконання даної лабораторної роботи був проведений багатофакторний експеримент, перевірена однорідність дисперсії за критерієм Романовського, отримані коефіцієнти рівняння регресії та проведена натуралізація рівняння регресії. Мета лабораторної роботи досягнена.

Результати виконання завдання наведені вище.

Відповіді на контрольні питання:

1) Що таке регресійні поліноми і де вони застосовуються?

Регресійні поліноми - апроксимуючі поліноми, за допомогою яких ми можемо описати функцію. Застосовуються для оцінки результатів вимірів.

2) Визначення однорідності дисперсії.

Кожне R_{uv} (експериментальне значення критерію Романовського) порівнюється з $R_{\mathbf{K}\mathbf{p}}$ (значення критерію Романовського за різних довірчих ймовірностей p) і якщо для усіх $u = \overline{1_sN_i}$ $v = \overline{1_sN}$ кожне $R_{uv} < R_{\mathbf{K}\mathbf{p}}$, то гіпотеза про однорідність дисперсій підтверджується з ймовірністю p.

3) Що називається повним факторним експериментом?

Повний факторний експеримент - багатофакторний експеримент, де використані всі можливі комбінації рівнів факторів.