Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

Лабораторна робота №6 з дисципліни «Методи оптимізації та планування експерименту»

на тему: «Проведення трьохфакторного експерименту при використанні рівняння регресії з квадратичними членами»

> Виконав: студент групи IO-92 Франков Олександр Залікова книжка № IO-9228 Номер у списку групи - 20

> > Перевірив: ас. Регіда П.Г.

Тема: «Проведення трьохфакторного експерименту при використанні рівняння регресії з квадратичними членами.»

Мета: Провести трьохфакторний експеримент і отримати адекватну модель – рівняння регресії, використовуючи рототабельний композиційний план.

Завдання:

- 1. Ознайомитися з теоретичними відомостями.
- 2. Вибрати з таблиці варіантів і записати в протокол інтервали значень x_1 , x_2 , x_3 . Обчислити і записати значення, відповідні кодованим значенням факторів +1; -1; +l; -l; 0 для \overline{x}_1 , \overline{x}_2 , \overline{x}_3 .
- 3. Значення функції відгуку знайти за допомогою підстановки в формулу:

$$y_i = f(x_1, x_2, x_3) + random(10)-5,$$

де $f(x_1, x_2, x_3)$ вибирається по номеру в списку в журналі викладача.

- 4. Провести експерименти і аналізуючи значення статистичних перевірок, отримати адекватну модель рівняння регресії. При розрахунках використовувати натуральні значення факторів.
- 5. Зробити висновки по виконаній роботі.

Порядок виконання роботи:

- 1) Вибір рівняння регресії (лінійна форма, рівняння з урахуванням ефекту взаємодії і з урахуванням квадратичних членів);
- 2) Вибір кількості повторів кожної комбінації (т = 2);
- 3) Складення матриці планування експерименту і вибір кількості рівнів (N)
- 4) Проведення експериментів;
- 5) Перевірка однорідності дисперсії. Якщо не однорідна повертаємося на п. 2 і збільшуємо т на 1);
- 6) Розрахунок коефіцієнтів рівняння регресії. При розрахунку використовувати **натуральні** значення x_1, x_2 и x_3 .
- 7) Перевірка нуль-гіпотези. Визначення значимих коефіцієнтів;
- 8) Перевірка адекватності моделі рівняння оригіналу. При неадекватності повертаємося на п.1, змінивши при цьому рівняння регресії;

Варіант:

```
220 -30 20 -30 45 -30 -15 5,7+10,0*x1+2,6*x2+3,6*x3+0,1*x1*x1+0,3*x2*x2+3,6*x3*x3+8,5*x1*x2+0,1*x1*x3+2,2*x2*x3+5,7*x1*x2*x3
```

Роздруківка тексту програми:

```
[0, -1.73, 0],
[0, +1.73, 0],
[0, 0, -1.73],
[0, 0, +1.73]]
x0 = [(xmax[_] + xmin[_])/2 for _ in range(3)]
dx = [xmax[] - x0[] for in range(3)]
natur plan raw = [[xmin[0],
def equation of regression(x1, x2, x3, cef, importance=[] * 11):
importance) ])
def generate factors table(raw array):
```

```
x_i_names = list(compress(["", "x1", "x2"
"x123", "x1^2", "x2^2", "x3^2"], importance))
    coefficients_to_print = list(compress(coeffs, importance))
equation = " ".join(
el: numpy.array(el), arrays))))
    y numpy = list(map(lambda row: numpy.average(row), y vals))
    free values = [m ij(y numpy, x i(i)) for i in range(11)]
    def get cochran value(f1, f2, q):
    y variations = [numpy.var(i) for i in y table]
    def get_student_value(f3, q):
        return Decimal(abs(t.ppf(q / 2,
```

```
f3))).quantize(Decimal('.0001')). float
    average variation = numpy.average(list(map(numpy.var, y table)))
    return importance
    theoretical y = numpy.array([equation of regression(row[0], row[1],
    average y = numpy.array(list(map(lambda el: numpy.average(el), y table)))
      variations = numpy.array(list(map(numpy.var, y table)))
    s v = numpy.average(y variations)
m = 3
natural plan = generate factors table(natur plan raw)
```

```
m += 1
    y_arr = generate_y(m, natural_plan)

print_matrix(m, N, natural_plan, y_arr, " для натуралізованих факторів:")
coefficients = find_coefficients(natural_plan, y_arr)
print_equation(coefficients)
importance = student_criteria(m, N, y_arr, coefficients)
d = len(list(filter(None, importance)))
fisher criteria(m, N, d, natural plan, y arr, coefficients, importance)
```

Роздруківка результатів виконання програми:

```
Перевірка за критерієм Фішера: m = 3, N = 15 для таблиці y_table
Теоретичні значення Y для різних комбінацій факторів:
x1 = -30
             x2 = -30
                           x3 = 900
                                          : y = 0
x1 = -30
             x2 = -15
                            x3 = 900
                                          : y = 0
x1 = 45
             x2 = -30
                           x3 = -1350
                                          : y = 0
x1 = 45
             x2 = -15
                           x3 = −1350
                                          : y = 0
             x2 = -30
x1 = -30
                           x3 = -600
                                          : y = 0
x1 = -30
             x2 = -15
                           x3 = -600
                                          : y = 0
x1 = 45
             x2 = -30
                           x3 = 900
                                          : y = 0
x1 = 45
             x2 = -15
                           x3 = 900
                                         : y = 0
x1 = 7.5
             x2 = -22.5
                           x3 = -361.875 : y = 0
x1 = 7.5
                           x3 = 286.875 : y = 0
             x2 = -22.5
x1 = -57.375
             x2 = -22.5
                           x3 = 286.875
x1 = 72.375
             x2 = -22.5
                           x3 = -361.875 : y = 0
             x2 = -35.475
x1 = 7.5
x1 = 7.5
             x2 = -9.525
                           x3 = -37.5
                                          : y = 0
x1 = 7.5
              x2 = -22.5
                           x3 = -37.5
                                         : y = 0
Fp = 2.7937638786084373, Ft = 2.0374
Fp > Ft => модель неадекватна
Process finished with exit code 0
```

Висновки:

У ході виконання лабораторної роботи я провів повний трьохфакторний експеримент при використанні рівняння регресії з квадратичними членами. Закріпив отримані знання практичним їх використанням при написанні програми, що реалізує завдання лабораторної роботи. Мета лабораторної роботи досягнута.