Міністерство освіти і науки України

Національний технічний університет України

«Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського»

Інститут прикладного системного аналізу

Розрахункова робота

З дисципліни «Математична статистика»

Виконав студент 2 курсу групи КА-01

Вагін Олександр Вікторович

Перевірила

Каніовська Ірина Юріївна

Київ-2022

**Завдання розрахункової роботи**

1. Побудувати варіаційний (дискретний або інтервальний) ряд наданої вибірки.
2. Зробити графічне зображення вибірки.
3. Побудувати емпіричну функцію розподілу.
4. Знайти незміщену оцінку математичного сподівання та дисперсії..
5. Обчислити значення вибіркової медіани, моди, асиметрії.
6. Висунути гіпотезу про розподіл, за яким отримано вибірку.
7. Знайти точкові оцінки параметрів гіпотетичного закону розподілу та перевірити їх властивості.
8. Перевірити за допомогою критерію (Пірсона) гіпотезу про розподіл з рівнем значущості = 0,05.



1. Знайти довірчий інтервал для параметрів гіпотетичного закону розподілу, взяв рівень надійності .



1. Висновки.

**Задана конкретна реалізація вибірки:**

6.71 5.66 3.06 4.25 3.4 6.45 3.46 2.57 6.55 8.5

3.63 7.22 7.61 2.72 3.91 2.98 7.05 11.79 7.51 4.44

13.59 6.61 4.53 12.28 9.5 4.26 4.52 5.55 11.34 4.21

4.02 4.34 2.67 2.95 8.86 4.87 5.76 7.68 2.75 2.62

2.86 5.16 2.88 6.62 5.03 3.3 5.47 7.8 7.8 5.43

3.05 3.99 4.1 2.85 3.28 4.7 6.67 2.85 4.71 6.94

7.17 3.02 2.97 10.96 2.75 3.03 3.61 15.5 6.24 2.89

5.57 5.75 4.86 10.36 14.49 15.38 2.8 3.86 4.67 4.58

8.64 3.65 3.65 4.53 3.63 11.68 3.14 6.07 6.57 3.22

6.12 3.37 3.9 6.63 2.88 9.18 2.96 4.86 3.18 6.59

З початку відсортуємо задану реалізацію вибірки для зручності подальшої роботи:

2.57 2.62 2.67 2.72 2.75 2.75 2.8 2.85 2.85 2.86

2.88 2.88 2.89 2.95 2.96 2.97 2.98 3.02 3.03 3.05

3.06 3.14 3.18 3.22 3.28 3.3 3.37 3.4 3.46 3.61

3.63 3.63 3.65 3.65 3.86 3.9 3.91 3.99 4.02 4.1

4.21 4.25 4.26 4.34 4.44 4.52 4.53 4.53 4.58 4.67

4.7 4.71 4.86 4.86 4.87 5.03 5.16 5.43 5.47 5.55

5.57 5.66 5.75 5.76 6.07 6.12 6.24 6.45 6.55 6.57

6.59 6.61 6.62 6.63 6.67 6.71 6.94 7.05 7.17 7.22

7.51 7.61 7.68 7.8 7.8 8.5 8.64 8.86 9.18 9.5

10.36 10.96 11.34 11.68 11.79 12.28 13.59 14.49 15.38 15.5

Можемо побачити, що задана конкретна реалізація містить майже всі унікальні значення, а саме 92 унікальних значення. Тому доцільним є будувати саме інтервальний варіаційний ряд.

# **1. Побудувати інтервальний варіаційний ряд**

Скористуємося правилом Стерджеса, щоб знайти на скільки інтервалів ділити відрізок .

А саме .

Розмах вибірки .

Побудувавши програмним шляхом гістограми мені здається, що краще взяти трохи більше число інтервалів для більшої наочності, тож я візьму кількість інтервалів .

Тоді поділимо на 8 пів інтервалів довжиною

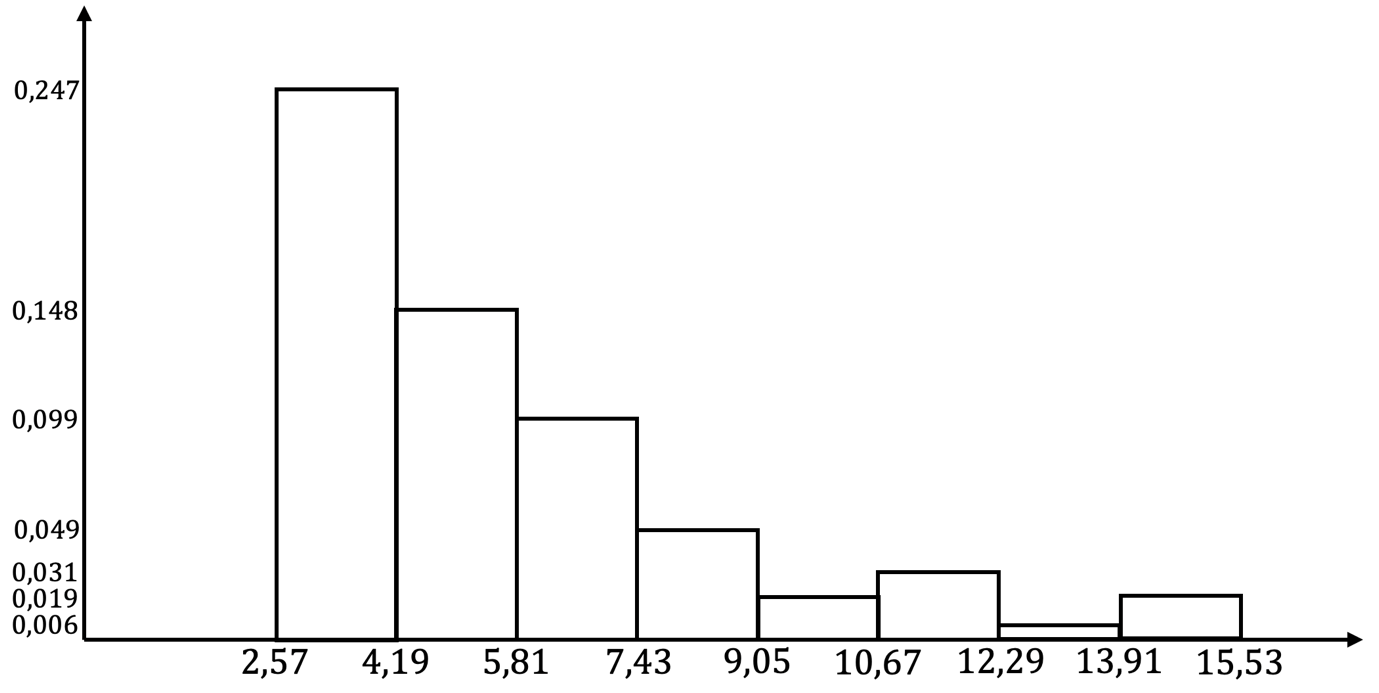
Маємо наступний інтервальний варіаційний ряд:

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Інтервал |  |  |  |  |  |  |  |  |
| Частоти |  |  |  |  |  |  |  |  |
| Частості |  |  |  |  |  |  |  |  |
| Накопичені частості |  |  |  |  |  |  |  |  |

**2. Зробити графічне зображення вибірки**

Графічним зображення конкретної реалізації вибірки є гістограма, що складається з прямокутників, які побудовані на та мають висоти , де – довжина . У нашому випадку однакове для всіх інтервалів: . Для зручності побудови гістограми додаємо до ІВР ще один рядок – висоти.

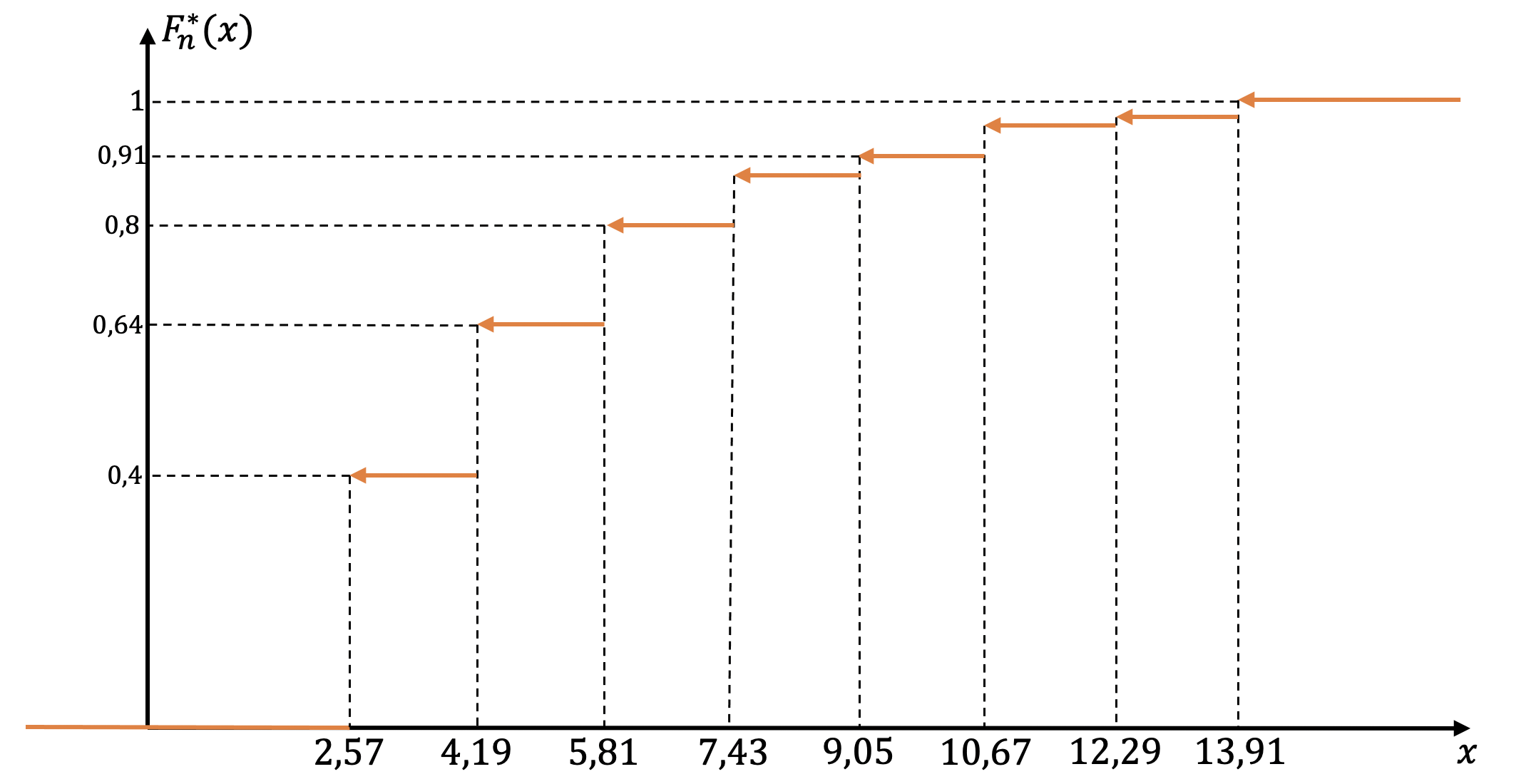
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Інтервал |  |  |  |  |  |  |  |  |
| Частоти |  |  |  |  |  |  |  |  |
| Частості |  |  |  |  |  |  |  |  |
| Накопичені частості |  |  |  |  |  |  |  |  |
| Висоти |  |  |  |  |  |  |  |  |

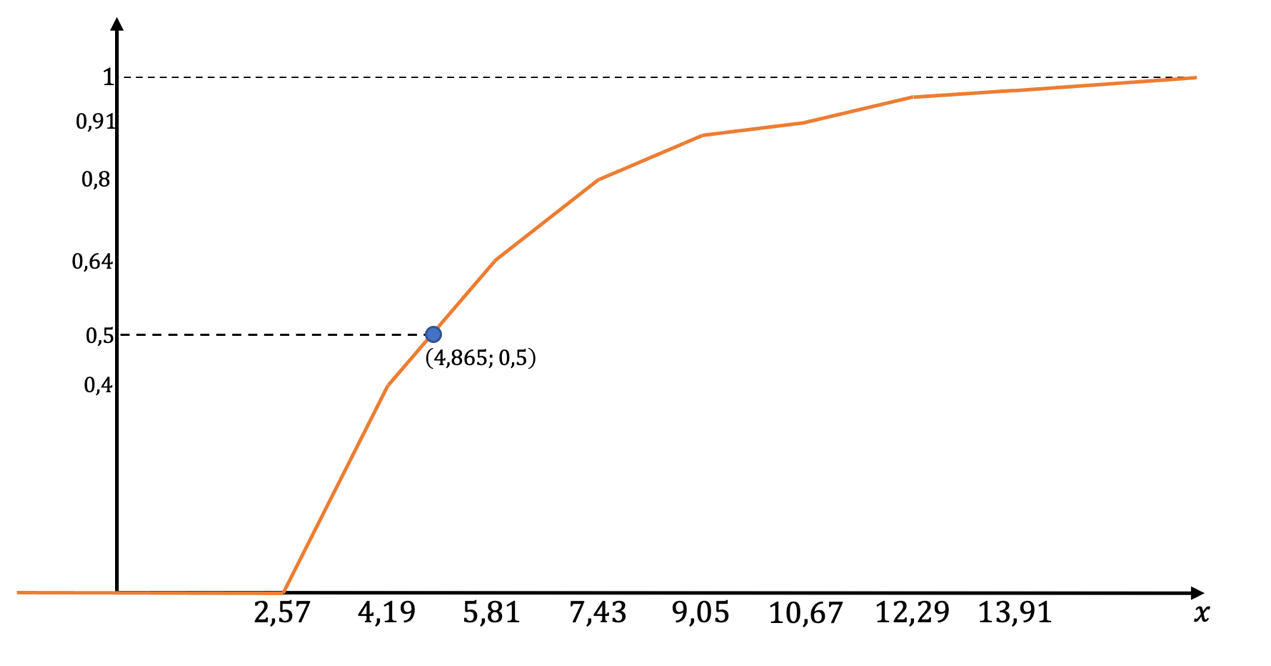
Побудуємо тепер гістограму, яка і є геометричною інтерпретацією даної реалізації:

**3. Побудувати емпіричну функцію розподілу**

Побудуємо емпіричну функцію розподілу нашої конкретної реалізації вибірки:

Побудуємо графік:



Оскільки майже всі значення нашої конкретної реалізації унікальні можемо зробити припущення, що ГС, що породила цю реалізацію є неперервною, тобто функція розподілу цієї ГС має бути неперервною. Тому доцільним буде ще і побудувати кумулятивну криву.

**4. Знайти незміщену оцінку математичного сподівання та дисперсії**

Точкова оцінка невідомого параметру називається незміщеною, якщо

За оцінку математичного сподівання візьмемо вибіркове середнє:

Перевіримо незміщеність цієї оцінки:

Отже, за означення - незміщена оцінка математичного сподівання

За оцінку дисперсії будемо брати виправлену вибіркову дисперсію, щоб мати незміщеність, а не асимптотичну незміщеність.

Перевіримо, чи дійсно така точкова оцінка є незміщеною:

Отже, за означенням – незміщена оцінка дисперсії

Обчислимо значення вибіркового середнього на нашій конкретній реалізації:

Обчислимо значення виправленої вибіркової дисперсії: