

# Лабораторная работа №11

Дисциплина - имитационное моделирование

---

Пронякова О.М.

03 апреля 2025

Российский университет дружбы народов, Москва, Россия

## Информация

---

- Пронякова Ольга Максимовна
- студент НКАбд-02-22
- факультет физико-математических и естественных наук
- Российский университет дружбы народов

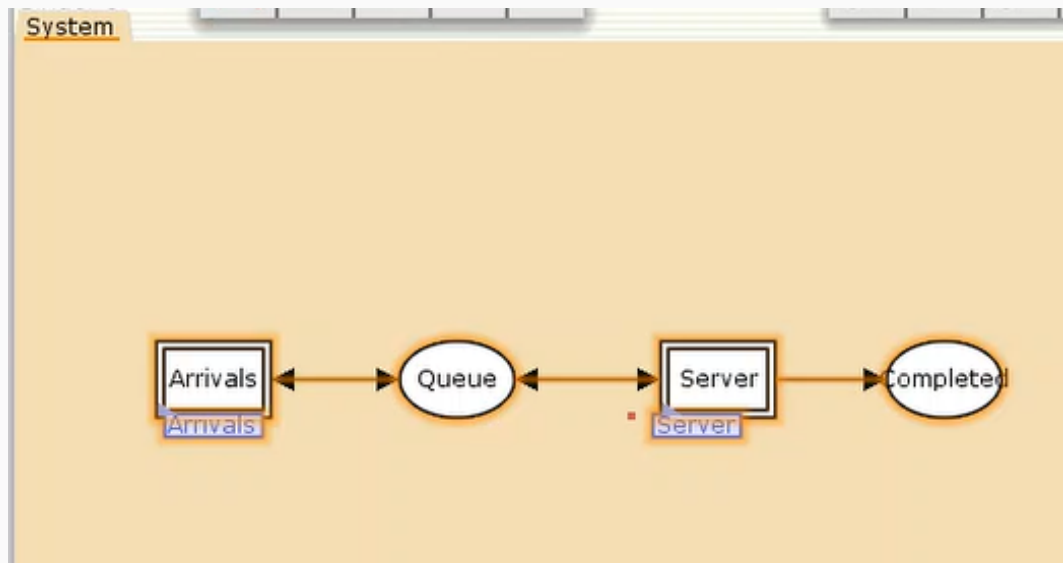
## Создание презентации

---

Научиться работать с Моделью системы массового обслуживания  $M | M | 1$

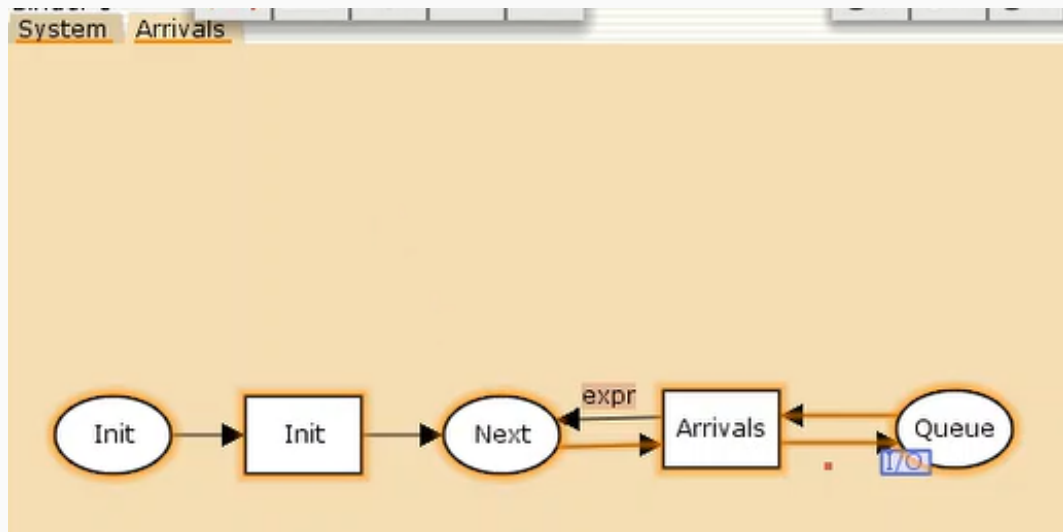
В систему поступает поток заявок двух типов, распределённый по пуассоновскому закону. Заявки поступают в очередь сервера на обработку. Дисциплина очереди - FIFO. Если сервер находится в режиме ожидания (нет заявок на сервере), то заявка поступает на обработку сервером.

Будем использовать три отдельных листа: на первом листе опишем граф системы (рис. 11.1), на втором — генератор заявок (рис. 11.2), на третьем — сервер обработки заявок (рис. 11.3). 1.1. Сеть имеет 2 позиции (очередь — Queue, обслуженные заявки — Complited) и два перехода (генерировать заявку — Arrivals, передать заявку на обработку серверу — Server). Переходы имеют сложную иерархическую структуру, задаваемую на отдельных листах модели (с помощью соответствующего инструмента меню — Hierarchy)(рис.1).

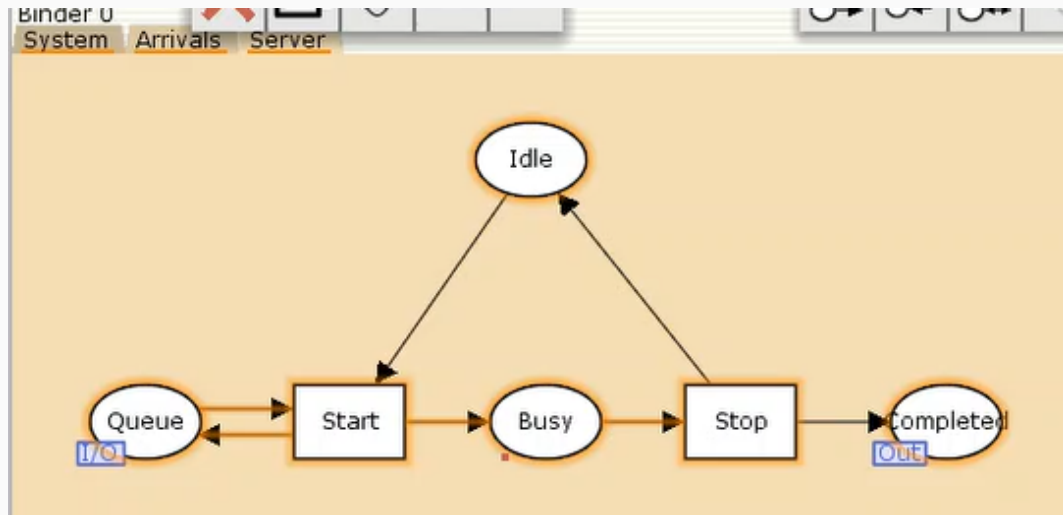




раф генератора заявок имеет 3 позиции (текущая заявка — Init, следующая заявка — Next, очередь — Queue из листа System) и 2 перехода (Init — определяет распределение поступления заявок по экспоненциальному закону с интенсивностью 100 заявок в единицу времени, Arrive — определяет поступление заявок в очередь)(рис.2).



Граф процесса обработки заявок на сервере имеет 4 позиции (Busy — сервер занят, Idle — сервер в режиме ожидания, Queue и Complited из листа System) и 2 перехода (Start — начать обработку заявки, Stop — закончить обработку заявки)(рис.3).



Зададим декларации системы. Определим множества цветов системы (colorset): – фишки типа UNIT определяют моменты времени; – фишки типа INT определяют моменты поступления заявок в систему. – фишки типа JobType определяют 2 типа заявок — А и В; – кортеж Job имеет 2 поля: jobType определяет тип работы (соответственно имеет тип JobType, поле AT имеет тип INT и используется для хранения времени нахождения заявки в системе; – фишки Jobs — список заявок; – фишки типа ServerxJob — определяют состояние сервера, занятого обработкой заявок(рис.4).

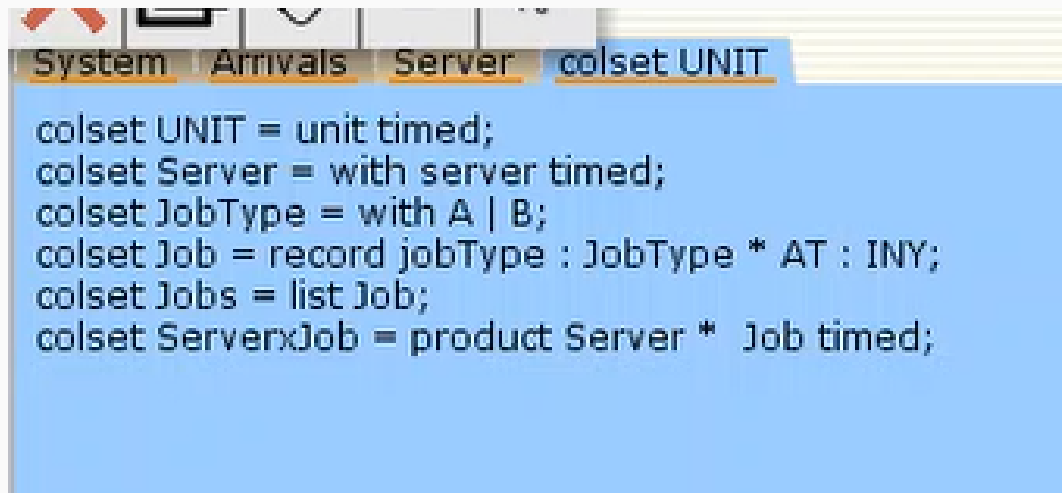


Рис. 4: Декларации системы

Переменные модели: – proctime — определяет время обработки заявки; – job — определяет тип заявки; – jobs — определяет поступление заявок в очередь(рис.5).

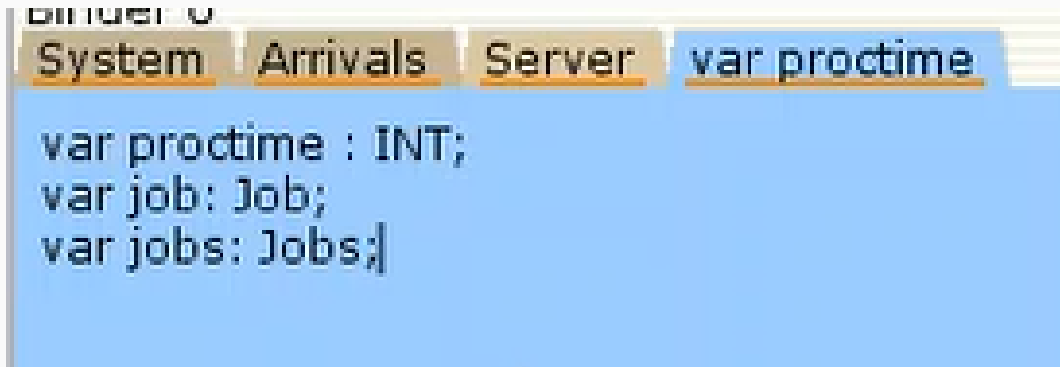


Рис. 5: Декларации системы

Определим функции системы: – функция `expTime` описывает генерацию целочисленных значений через интервалы времени, распределённые по экспоненциальному закону; – функция `intTime` преобразует текущее модельное время в целое число; – функция `newJob` возвращает значение из набора `Job` — случайный выбор типа заявки (А или В)(рис.6), (рис.7), (рис.8), (рис.9).



Figure 6

System

Arrivals

Server

fun expTime

```
fun expTime (mean: int) =  
  let  
    val real Mean = Real.fromInt mean  
    val rv = exponential((1.0/realMean))  
  in  
    floor (rv+0.5)  
  end;
```



Рис. 7: Декларации системы

Binder 0

System

Arrivals

Server

fun newJob

```
fun newJob() = {jobType = jobType.ran(),  
                AT      = intTime() }
```

Рис. 8: Декларации системы

- ▼ Declarations
  - ▼ Standard declarations
    - ▶ colset BOOL
    - ▶ colset STRING
  - ▼ System
    - ▶ colset UNIT
    - ▶ colset INT
    - ▼ colset Server = with server
    - ▼ colset JobType = with A | B;
    - ▶ colset Job
    - ▼ colset Jobs = list Job;
    - ▶ colset ServerxJob
    - ▶ var proctime
    - ▶ var job
    - ▶ var jobs
    - ▶ fun expTime
    - ▶ fun intTime
    - ▶ fun newJob
  - ▶ Monitors
  - ▼ System
    - Arrivals
    - Server

Зададим параметры модели на графах сети. – у позиции Queue множество цветов фишек — Jobs; начальная маркировка 1[] определяет, что изначально очередь пуста. – у позиции Completed множество цветов фишек — Job(рис.10).

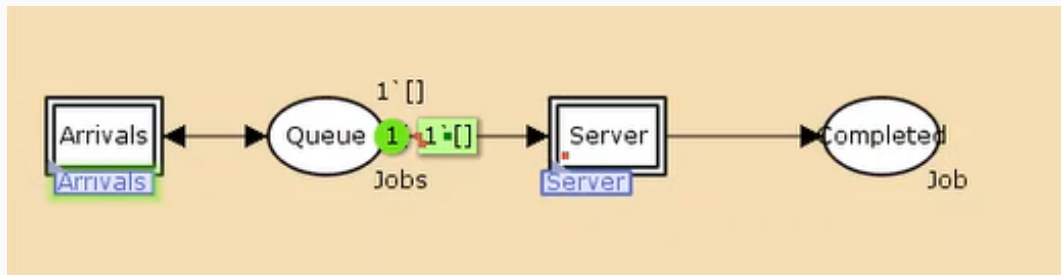


Рис. 10: Параметры элементов основного графа системы обработки заявок в очереди

На листе Arrivals: – у позиции Init: множество цветов фишек — UNIT; начальная маркировка  $1'() (0?)$  определяет, что поступление заявок в систему начинается с нулевого момента времени; – у позиции Next: множество цветов фишек — UNIT; – на дуге от позиции Init к переходу Init выражение  $()$  задаёт генерацию заявок; – на дуге от переходов Init и Arrive к позиции Next выражение  $()@+expTime(100)$  задаёт экспоненциальное распределение времени между поступлениями заявок; – на дуге от позиции Next к переходу Arrive выражение  $()$  задаёт перемещение фишки; – на дуге от перехода Arrive к позиции Queue выражение  $jobs^1$  задаёт поступление заявки в очередь; – на дуге от позиции Queue к переходу Arrive выражение  $jobs$  задаёт обратную связь(рис.11).

---

<sup>1</sup>job

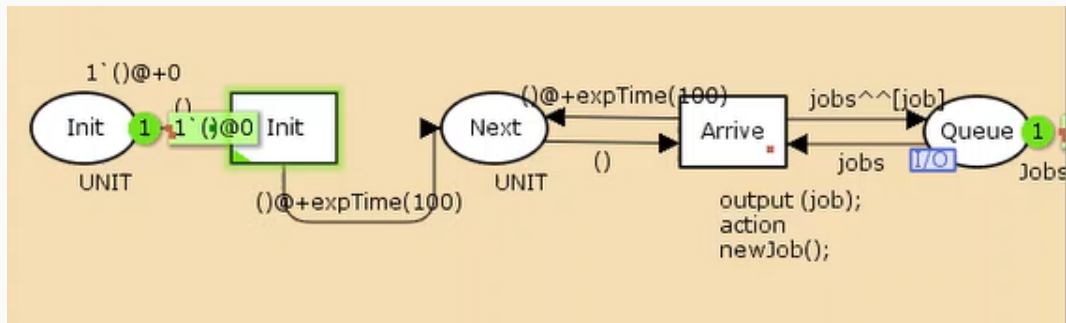
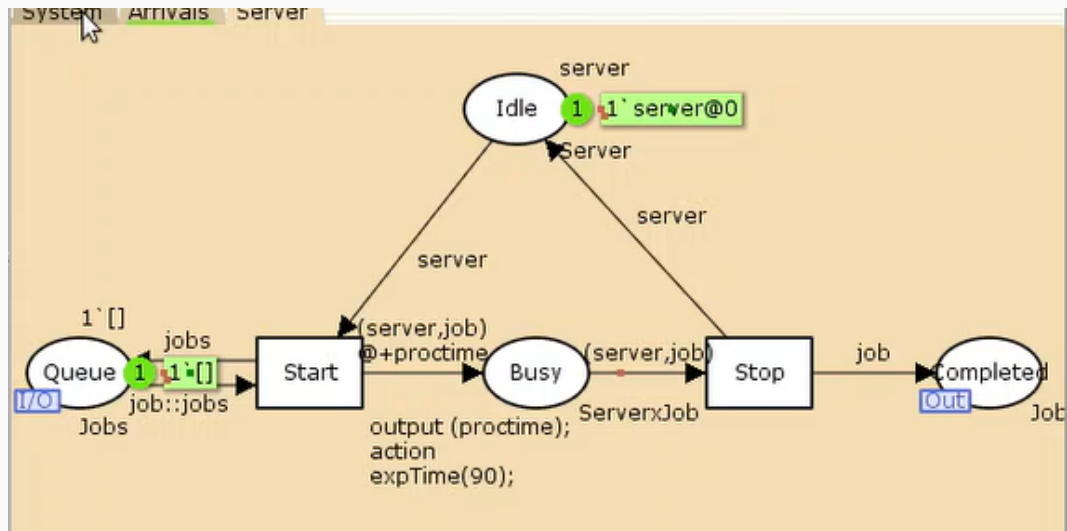


Рис. 11: Параметры элементов генератора заявок системы



На листе Server: – у позиции Busy: множество цветов фишек — Server, начальное значение мар-кировки — 1'server@0 определяет, что изначально на сервере нет заявок на обслуживание; – у позиции Idle: множество цветов фишек — ServerxJob; – переход Start имеет сегмент кода output (proctime); action expTime(90); определяющий, что время обслуживания заявки распределено по экспоненциальному закону со средним временем обработки в 90 единиц времени; – на дуге от позиции Queue к переходу Start выражение job::jobs определяет, что сервер может начать обработку заявки, если в очереди есть хотя бы одна заявка;

– на дуге от перехода Start к позиции Busy выражение `(server,job)@+proctime` запускает функцию расчёта времени обработки заявки на сервере; – на дуге от позиции Busy к переходу Stop выражение `(server,job)` говорит о завершении обработки заявки на сервере; – на дуге от перехода Stop к позиции Completed выражение `job` показывает, что заявка считается обслуженной; – выражение `server` на дугах от и к позиции Idle определяет изменение состояние сервера (обрабатывает заявки или ожидает); – на дуге от перехода Start к позиции Queue выражение `jobs` задаёт обратную связь(рис.12).



## Этапы выполнения работы

Запуск модели(рис.13),(рис.14).

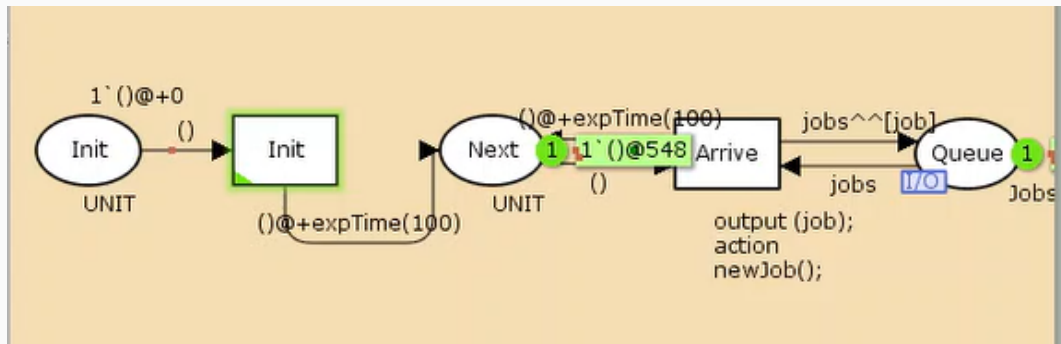


Рис. 13: Запуск модели

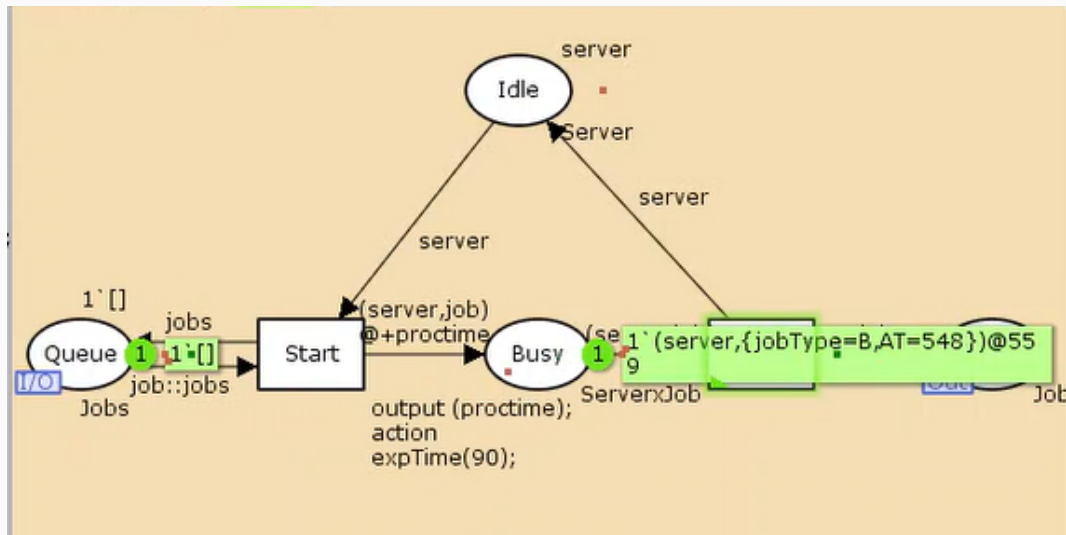


Рис. 14: Запуск модели

Научилась работать с Моделью системы массового обслуживания  $M | M | 1$