

РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ДРУЖБЫ НАРОДОВ  
Факультет физико-математических и естественных наук  
Кафедра прикладной информатики и теории вероятностей

## Отчёт по лабораторной работе №7.

*Дисциплина: Математические основы защиты  
информации и информационной безопасности*

Студент: Бармина Ольга Константиновна  
Группа: НПИмд-01-23

2024 September 8th

# Содержание

<b>1</b>	<b>Цель работы</b>	<b>5</b>
<b>2</b>	<b>Задание</b>	<b>6</b>
<b>3</b>	<b>Теоретическое введение</b>	<b>7</b>
3.1	Ро-метод Полларда . . . . .	7
3.2	Сложность алгоритма . . . . .	7
<b>4</b>	<b>Выполнение лабораторной работы</b>	<b>8</b>
4.1	Ро-метод Полларда . . . . .	8
<b>5</b>	<b>Выводы</b>	<b>11</b>
<b>6</b>	<b>Список литературы</b>	<b>12</b>

# List of Figures

4.1	Вспомогательная функция, зависящая от $s, u, v$ . . . . .	8
4.2	Вспомогательная функция. Расширенный алгоритм Евклида . . .	9
4.3	Реализация алгоритма Ро-метода Полларда для логарифмирования	10
4.4	Результат реализации Ро-метода Полларда на примере . . . . .	10

## List of Tables

# 1 Цель работы

Целью данной лабораторной работы является ознакомление с алгоритмом, реализующим Ро-метод Полларда для дискретного логарифмирования, а также программное воплощение данного алгоритма.

## 2 Задание

1. Реализовать рассмотренный в инструкции к лабораторной работе алгоритм программно.
2. Подставить численное значение из примера в программный код, проверить правильность полученного ответа.

## 3 Теоретическое введение

В данной лабораторной работе предметом нашего изучения стал Ро-метод Полларда для задач дискретного логарифмирования.

### 3.1 Ро-метод Полларда

Ро-метод Полларда для дискретного логарифмирования ( $\rho$ -метод) — алгоритм дискретного логарифмирования в кольце вычетов по простому модулю, имеющий экспоненциальную сложность. Предложен британским математиком Джоном Поллардом в 1978 году, основные идеи алгоритма очень похожи на идеи ро-алгоритма Полларда для факторизации чисел. Данный метод рассматривается для группы ненулевых вычетов по модулю  $p$ , где  $p$  — простое число, большее 3.

### 3.2 Сложность алгоритма

Эвристическая оценка сложности составляет  $O(p^{1/2})$ .

## 4 Выполнение лабораторной работы

В соответствии с заданием, была написана программа по воплощению алгоритма Ро-метода Полларда для задач дискретного логарифмирования.

Программный код и результаты выполнения программ представлен ниже.

### 4.1 Ро-метод Полларда

```
def f(c, u, v):  
    if c < 53:  
        return 10 * c % 107, u + 1, v  
    else:  
        return 64 * c % 107, u, v + 1
```

Figure 4.1: Вспомогательная функция, зависящая от  $c, u, v$



```

def ext_euclid(a, b):
    r=[]
    x=[]
    y=[]
    r.append(a)
    r.append(b)
    x.append(1)
    x.append(0)
    y.append(0)
    y.append(1)
    i=1
    while r[i]!=0:
        i +=1
        r.append(r[i-2]%r[i-1])
        if r[i]==0:
            d=r[i-1]
            x=x[i-1]
            y=y[i-1]
        else:
            x.append(x[i-2]-((r[i-2]//r[i-1])*x[i-1]))
            y.append(y[i-2]-((r[i-2]//r[i-1])*y[i-1]))
    return d, x, y

```

Figure 4.2: Вспомогательная функция. Расширенный алгоритм Евклида

```

def pollard(p, a, b, r, u, v):
    c = (a**u * b**v)%p
    d = c

    uc = u
    vc = v
    ud = u
    vd = v
    i = 0
    while c%p != d%p or i==0:
        c, uc, vc = f(c, uc, vc)
        c %= p
        d, ud, vd = f(*f(d, ud, vd))
        d %= p
        i+=1

    v = vc - vd
    u = ud - uc
    d,x,y = ext_euclid(v,r)
    while d!=1:
        v/=d
        u/=d
        r/=d
        d,x,y = ext_euclid(v,r)
    return x*u%p

```

Figure 4.3: Реализация алгоритма Ро-метода Полларда для логарифмирования

```
pollard(107, 10, 64, 53, 2, 2)
```

20

Figure 4.4: Результат реализации Ро-метода Полларда на примере

## 5 Выводы

Таким образом, была достигнута цель, поставленная в начале лабораторной работы: в результате выполнения данной лабораторной работы нам удалось изучить алгоритм Ро-Полларда осуществить программно алгоритм, рассмотренный в описании к лабораторной работе на языке Python 3. А также получить ответ, совпадающий с ответом из инструкции.

## **6 Список литературы**

1. Методические материалы курса