

UNIVERSIDAD NACIONAL DEL ALTIPLANO

Facultad Ingeniería Mecánica, Eléctrica, Electrónica y Sistemas

Escuela Profesional de Ingeniería de Sistemas



Trabajo 3 :

ESPACIOS MÉTRICOS

DOCENTE:

ING. COLLANQUI MARTINEZ FREDY

PRESENTADO POR:

CHOQUE CHURA OLIVER FRAN

SEXTO SEMESTRE 2024-I

PUNO - PERÚ

2024

LINK GITHUB

<https://github.com/OliverChoque/Espacios-Metricos>

IMPLEMENTACIÓN EN 2D

```
<!DOCTYPE html>

<html lang="en">

<head>

  <meta charset="UTF-8">

  <meta name="viewport" content="width=device-width,
initial-scale=1.0">

  <title>Representación 2D de Espacios Métricos</title>

  <link
href="https://stackpath.bootstrapcdn.com/bootstrap/4.5.2/css/bootstrap
.min.css" rel="stylesheet">

  <style>

    body {

      background-color: #062745; /* Cambiar el fondo a un color
claro */

      display: flex;

      justify-content: center;

      align-items: center;

      height: 100vh;

      margin: 0;

      flex-direction: column;

    }

    .container {

      background-color: white; /* Fondo blanco para el
contenedor */

      padding: 20px;

      border-radius: 10px;

      box-shadow: 0 0 10px rgba(0,0,0,0.1);

      position: relative; /* Agregado */

      left: -185px;

    }

    h1 {
```

```

        font-size: 2rem;

        font-weight: bold;

        background-image: linear-gradient(45deg, #ff0066, #ffcc00,
#00ccff, #33cc33);

        background-size: 400%;

        -webkit-background-clip: text;

        color: transparent;

        animation: gradient 5s infinite;
    }

    @keyframes gradient {

        0% { background-position: 0% 50%; }

        50% { background-position: 100% 50%; }

        100% { background-position: 0% 50%; }

    }

    canvas {

        border: 2px solid #333;

        display: block;

        margin: 20px auto;

    }

    .coordinate-input {

        width: 80px;

        display: inline-block;

    }

    .form-group {

        margin-bottom: 15px;

    }

    .properties {

        position: absolute;

        top: 0;

        left: calc(100% + 20px); /* Posicionamiento a la derecha
del contenedor */

        padding: 10px;

        background-color: #f9f9f9;

        border-radius: 10px;

```

```

        box-shadow: 0 0 10px rgba(0,0,0,0.1);

        display: none; /* Inicialmente oculto */

        align-items: center;

        width: 350px; /* Ajustar el ancho */

        height: 777px; /* Ajustar la altura */

    }

    .container.show-properties .properties {

        left: calc(100% + 20px); /* Mover las propiedades al lado
derecho del contenedor */

        display: block; /* Mostrar cuando la clase show-properties
est presente en el contenedor */

    }

    .properties ol {

        margin: 0; /* Agregado */

        padding-left: 20px; /* Agregado */

        text-align: left; /* Agregado */

    }

    .properties li {

        font-size: 14px; /* Tamaño de fuente más pequeño */

    }

</style>

</head>

<body>

    <div class="container text-center">

        <h1>Representación 2D de Espacios Métricos</h1>

        <canvas id="myCanvas" width="500" height="500"
class="my-4"></canvas>

        <div class="form-group">

            <label for="punto1">Coordenadas Punto 1 (x, y):</label>

            <input type="text" id="punto1" class="form-control
coordinate-input" placeholder="x1, y1" readonly>

        </div>

        <div class="form-group">

            <label for="punto2">Coordenadas Punto 2 (x, y):</label>

            <input type="text" id="punto2" class="form-control
coordinate-input" placeholder="x2, y2" readonly>

```

```

    </div>

    <button onclick="calcularDistancia()" class="btn
btn-primary">Calcular Distancia</button>

    <button onclick="mostrarPropiedades()" class="btn
btn-success">Mostrar Propiedades</button> <!-- Nuevo botón -->

    <div class="properties" id="properties">

        <h2>Propiedades de los Espacios Métricos</h2><br>

        <ol>

            <li>No negatividad:  $d(x,y) \geq 0$  (la distancia es siempre
no negativa).</li><br>

            <li>Identidad de los indiscernibles:  $d(x,y) = 0 \Leftrightarrow x=y$  (la
distancia es cero si y solo si los puntos son los mismos).</li><br>

            <li>Simetría:  $d(x,y) = d(y,x)$  (la distancia de x a y es
la misma que de y a x)</li><br>

            <li>Desigualdad triangular:  $d(x,z) \leq d(x,y) + d(y,z)$  (la
distancia directa entre dos puntos es menor o igual que la distancia a
través de un tercer punto)</li><br>

            <li>Separabilidad: Un espacio métrico se dice separable
si contiene un subconjunto denso que es contable.</li><br>

            <li>Continuidad de la Métrica: La función de distancia
 $d: X \times X \rightarrow \mathbb{R}$  es una función continua respecto a la topología
inducida por la métrica.</li><br>

            <li>Compleción: Un espacio métrico se dice completo si
toda sucesión de Cauchy converge en el espacio.</li><br>

            <li>Unicidad de límites: Si una secuencia de puntos
converge a dos límites distintos, entonces esos límites deben ser
iguales.</li>

        </ol>

    </div>

</div>

</div>

<script
src="https://code.jquery.com/jquery-3.5.1.slim.min.js"></script>

<script
src="https://cdn.jsdelivr.net/npm/@popperjs/core@2.5.4/dist/umd/popper
.min.js"></script>

<script
src="https://stackpath.bootstrapcdn.com/bootstrap/4.5.2/js/bootstrap.m
in.js"></script>

<script>

    function mostrarPropiedades() {

        var properties = document.getElementById('properties');

        properties.style.display = 'block'; // Mostrar el elemento
properties

    }

```

```

// Obtener el lienzo y el contexto 2D
var canvas = document.getElementById('myCanvas');
var ctx = canvas.getContext('2d');

// Variables para almacenar los puntos ingresados por el
usuario
var punto1 = null;
var punto2 = null;

// Función para dibujar un punto en el plano cartesiano
function dibujarPunto(x, y) {
    ctx.beginPath();
    ctx.arc(x, y, 3, 0, 2 * Math.PI); // Tamaño reducido del
punto
    ctx.fillStyle = 'blue';
    ctx.fill();
}

// Función para dibujar una línea entre dos puntos
function dibujarLinea(p1, p2) {
    ctx.beginPath();
    ctx.moveTo(p1.x, p1.y);
    ctx.lineTo(p2.x, p2.y);
    ctx.strokeStyle = 'green';
    ctx.stroke();
}

// Función para calcular la distancia entre dos puntos
function calcularDistancia() {
    if (punto1 && punto2) {
        ctx.clearRect(0, 0, canvas.width, canvas.height);
        dibujarPunto(punto1.x, punto1.y);
        dibujarPunto(punto2.x, punto2.y);
    }
}

```

```

        dibujarLinea(punto1, punto2);

        var distancia = Math.sqrt(Math.pow(punto2.x -
punto1.x, 2) + Math.pow(punto2.y - punto1.y, 2));

        mostrarDistancia(distancia.toFixed(2));

    } else {

        alert('Por favor, ingresa coordenadas válidas para
ambos puntos. ');

    }

}

// Función para mostrar la distancia en el lienzo
function mostrarDistancia(distancia) {

    var x = (punto1.x + punto2.x) / 2;
    var y = (punto1.y + punto2.y) / 2;

    ctx.font = "20px Arial";
    ctx.fillStyle = "black";

    ctx.fillText("Distancia: " + distancia, x, y - 10);

}

// Manejar el evento del clic izquierdo del mouse en el lienzo
canvas.addEventListener('click', function(event) {

    var rect = canvas.getBoundingClientRect();

    var mouseX = Math.round(event.clientX - rect.left); //
Redondear las coordenadas
    var mouseY = Math.round(event.clientY - rect.top); //
Redondear las coordenadas

    if (!punto1) {

        punto1 = { x: mouseX, y: mouseY };

        dibujarPunto(mouseX, mouseY);

        document.getElementById('punto1').value = mouseX + ',
' + mouseY;

    } else if (!punto2) {

        punto2 = { x: mouseX, y: mouseY };

        dibujarPunto(mouseX, mouseY);

        document.getElementById('punto2').value = mouseX + ',
' + mouseY;

    }

}

```

```
        });

    </script>

</body>

</html>
```

RESULTADO



IMPLEMENTACIÓN EN 3D

```
<!DOCTYPE html>

<html lang="en">

<head>

    <meta charset="UTF-8">

    <meta name="viewport" content="width=device-width,
initial-scale=1.0">

    <title>Representación 3D de Espacios Métricos</title>

    <style>

        body {

            display: flex;

            justify-content: center;

            align-items: center;
```



```

        height: 100vh;
        margin: 0;
        font-family: Arial, sans-serif;
    }
    #container {
        text-align: center;
    }
    canvas {
        border: 1px solid black;
    }
</style>
</head>
<body>
    <div id="container">
        <h1>Representación 3D de Espacios Métricos</h1>
        <canvas id="myCanvas" width="500" height="500"></canvas>
        <div>
            <label for="coordenadas">Coordenadas Punto 1 (x, y,
z):</label>
            <input type="text" id="punto1" placeholder="x1, y1, z1">
            <br>
            <label for="coordenadas">Coordenadas Punto 2 (x, y,
z):</label>
            <input type="text" id="punto2" placeholder="x2, y2, z2">
            </div>
            <button onclick="calcularDistancia()">Calcular
Distancia</button>
        </div>

        <script>
            // Obtener el lienzo y el contexto 2D
            var canvas = document.getElementById('myCanvas');
            var ctx = canvas.getContext('2d');

            // Variables para almacenar los puntos ingresados por el
usuario

```

```

var punto1 = null;

var punto2 = null;

// Función para dibujar un punto en el plano cartesiano
function dibujarPunto(x, y, z) {
    if (x !== 0 || y !== 0) { // Verificar si las coordenadas
son diferentes de (0,0)
        ctx.beginPath();

        ctx.arc(x, y, 5, 0, 2 * Math.PI);

        ctx.fillStyle = 'blue';

        ctx.fill();
    }
}

// Función para dibujar una línea entre dos puntos
function dibujarLinea(p1, p2) {
    ctx.beginPath();

    ctx.moveTo(p1.x, p1.y);

    ctx.lineTo(p2.x, p2.y);

    ctx.strokeStyle = 'green';

    ctx.stroke();

    // Mostrar la distancia encima de la línea verde si es
mayor que 0
    var distancia = Math.sqrt(Math.pow(p2.x - p1.x, 2) +
Math.pow(p2.y - p1.y, 2));

    if (distancia > 0) {
        var x = (p1.x + p2.x) / 2;

        var y = (p1.y + p2.y) / 2;

        ctx.fillStyle = 'black';

        ctx.fillText(distancia.toFixed(2), x, y - 5); //
Ajusta la posición del texto
    }
}

// Función para calcular la distancia entre dos puntos en 3D
function calcularDistancia() {

```

```

        if (punto1 && punto2) {

            // Calcular la distancia en 3D

            var distancia = Math.sqrt(Math.pow(punto2.x -
punto1.x, 2) + Math.pow(punto2.y - punto1.y, 2) + Math.pow(punto2.z -
punto1.z, 2));

            // Dibujar la línea diagonal en 3D

            dibujarLinea(punto1, punto2);

            dibujarLinea(punto1, {x: punto1.x, y: punto1.y, z:
punto2.z}); // Línea en la dimensión Z

            dibujarLinea(punto2, {x: punto2.x, y: punto2.y, z:
punto2.z}); // Línea en la dimensión Z

            // alert('La distancia entre los dos puntos en 3D es:
' + distancia.toFixed(2));

        } else {

            alert('Por favor, ingresa coordenadas válidas para
ambos puntos.');
```

```

        }

    }

    // Manejar el evento del clic izquierdo del mouse en el lienzo
    canvas.addEventListener('click', function(event) {

        var rect = canvas.getBoundingClientRect();

        var mouseX = event.clientX - rect.left;

        var mouseY = event.clientY - rect.top;

        if (!punto1) {

            punto1 = { x: mouseX, y: mouseY, z:
parseInt(prompt("Ingrese la coordenada Z para el punto 1")) || 0 }; //
Z-coordinate ser 0 si no se ingresa

            dibujarPunto(mouseX, mouseY, punto1.z); // Pasa la
coordenada z

            document.getElementById('punto1').value = mouseX + ',
' + mouseY + ', ' + punto1.z;

        } else if (!punto2) {

            punto2 = { x: mouseX, y: mouseY, z:
parseInt(prompt("Ingrese la coordenada Z para el punto 2")) || 0 }; //
Z-coordinate ser 0 si no se ingresa

            dibujarPunto(mouseX, mouseY, punto2.z); // Pasa la
coordenada z

```

```

' + mouseY + ', ' + punto2.z;
        }
    });
</script>
</body>
</html>

```

RESULTADO

Representación 3D de Espacios Métricos

