

Codage de Prüfer

GOFFART Maxime JORIS Olivier

2019 - 2020

Table des matières :

- 1 Origine du codage de Prüfer
- 2 Utilité des codages de Prüfer
 - 1^{re} utilité
 - 2^e utilité
- 3 Exemples
 - Codage
 - Décodage

Origine du codage de Prüfer



Les suites du Prüfer ont été inventées par Heinz Prüfer en 1918.

Heinz Prüfer était un mathématicien allemand spécialisé en algèbre et en théorie des groupes.

https://en.wikipedia.org/wiki/Heinz_Prüfer

Origine du codage de Prüfer

Les codages de Prüfer permettent de représenter de manière condensée un arbre.

Un exemple sera donné plus loin.

1 Origine du codage de Prüfer

2 Utilité des codages de Prüfer

- 1^{re} utilité
- 2^e utilité

3 Exemples

- Codage
- Décodage

Utilité dite mathématique

Utilité des codages de Prüfer

Mathématique

La raison pour laquelle ils ont été inventés :

Démontrer la formule de Cayley

Utilité des codages de Prüfer

Mathématique

La raison pour laquelle ils ont été inventés :

Démontrer la formule de Cayley

Formule de Cayley

Soit $n > 1$. On peut construire n^{n-2} arbres différents constitués de n sommets numérotés.

1 Origine du codage de Prüfer

2 Utilité des codages de Prüfer

- 1^{re} utilité
- 2^e utilité

3 Exemples

- Codage
- Décodage

Utilité dite informatique

Stocker un arbre en minimisant la mémoire utilisée

Utilité des codages de Prüfer

Informatique

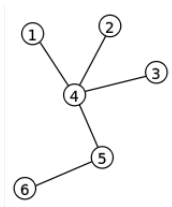
Il y a 3 manières de représenter un arbre dans la mémoire d'un ordinateur :

- Par sa matrice d'adjacence
- Par listes d'adjacences
- Par codage de Prüfer

Utilité des codages de Prüfer

Informatique

Soit l'arbre suivant :



https://fr.wikipedia.org/wiki/Codage_de_Prüfer

Notons cet arbre $A = (\#V, \#E)$. Nous allons représenter cet arbre des 3 manières différentes.

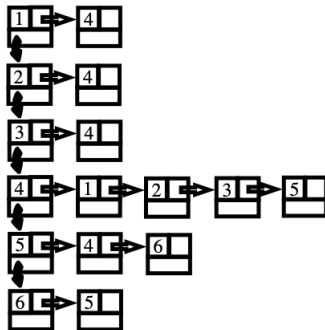
Utilité des codages de Prüfer

Informatique

Matrice d'adjacence

x	x	x	1	x	x
x	x	x	1	x	x
x	x	x	1	x	x
1	1	1	x	1	x
x	x	x	1	x	1
x	x	x	x	1	x

Listes d'adjacences



Suite de Prüfer

4 4 4 5

Utilité des codages de Prüfer

Informatique

Quelle quantité de mémoire est nécessaire pour stocker cet arbre ?

- Par sa matrice d'adjacence : $(\#V)^2$
- Par listes d'adjacences : $\#V + \#E$
- Par codage de Prüfer : $\#V - 2$

Pour les grands arbres, le codage de Prüfer est très intéressant.

1 Origine du codage de Prüfer

2 Utilité des codages de Prüfer

- 1^{re} utilité
- 2^e utilité

3 Exemples

- Codage
- Décodage

Voir Jupyter Notebook

`http://localhost:8888/notebooks/Codage%20Prufer%20exemple.ipynb#`

1 Origine du codage de Prüfer

2 Utilité des codages de Prüfer

- 1^{re} utilité
- 2^e utilité

3 Exemples

- Codage
- Décodage

Voir Jupyter Notebook

`http://localhost:8888/notebooks/Décodage%20Prüfer%20exemple.ipynb`