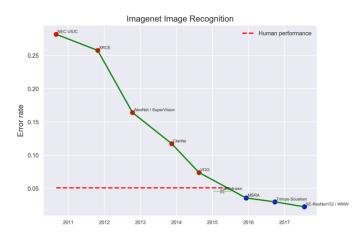
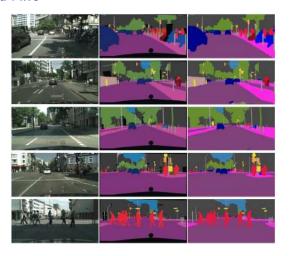
Concept de base du deep learning

Adrien CHAN-HON-TONG ONERA

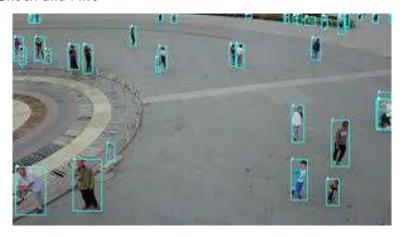
Pourquoi autant de bruit autour du deep learning?

La révolution deep learning











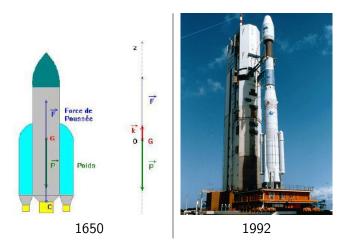
Shock and Awe

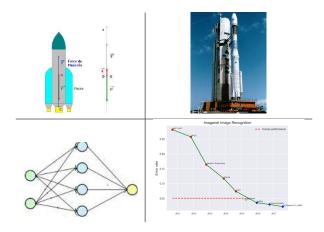


Ce cours porte sur ces techniques mais...

Le premier satellite lancé dans l'espace (Spoutnik) - 1957

La théorie permettant de calculer la trajectoire de sortie Newton et Descarte - 1650





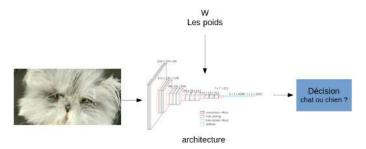
- ► Le neurone classique
- ► Le neurone convolutif
- L'apprentissage en pratique
 - loss function
 - optimiseur
 - backpropagation
- exemples de recherche

- ► Le neurone classique : 4 slides pour le présenter beaucoup plus pour manipuler les concepts
- Le neurone convolutif
- L'apprentissage en pratique
 - loss function
 - optimiseur
 - backpropagation
- exemples de recherche

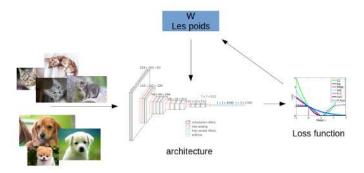
- Le neurone classique
- ► Le neurone convolutif
- L'apprentissage en pratique
 - loss function
 - optimiseur
 - backpropagation
- exemples de recherche

Mais le plus important c'est de comprendre le formalisme apprentissage vs utilisation

Test et/ou production et/ou inférence



Apprentissage



Apprentissage vs test



On le refait avec des maths au lieu d'un schéma...

P une distribution sur X un espace, y la fonction cible dans $\{-1,1\}$

Apprentissage

- ightharpoonup on tire une base d'apprentissage $x_1, ..., x_N$
- **pour lesquels on va utiliser des humains pour connaitre** $y(x_n)$
- on choisit une fonction f paramétrés par des poids
- ightharpoonup l'apprentissage consiste (+/-) à trouver w tel que

$$e_a = \frac{1}{N} \sum_n \mathbf{1}_{-}(y(x_n)f(x_n, w)) \ll 1$$

Test

▶ à la fin de l'apprentissage, on fixe w et on espère que

$$\forall \chi, \ y(\chi)f(\chi, w) > 0$$

- mais c'est peine perdu car plusieurs fonctions y conduisent à la même base d'apprentissage!
- ▶ il y a donc une erreur

$$e_r = \int_X \mathbf{1}_-(y(\chi)f(\chi,w))P(\chi)d\chi$$

Erreur empirique

Mais comment calculer $e_r = \int_X \mathbf{1}_-(y(\chi)f(\chi,w))P(\chi)\mathrm{d}\chi$ alors qu'on ne connait ni P ni y?

Erreurs empirique

- Mais comment calculer $e_r = \int_X \mathbf{1}_-(y(\chi)f(\chi,w))P(\chi)d\chi$ alors qu'on ne connait ni P ni y? \Rightarrow on ne peut PAS.
- ightharpoonup à la place on tire une base de test $\chi_1,...,\chi_M$
- **pour lesquels on va utiliser des humains pour connaitre** $y(\chi_m)$ et on calcule une erreur de test (ou erreur empirique)

$$e_t = \frac{1}{M} \sum_m \mathbf{1}_{-} (y(\chi_m) f(\chi_m, w)) \underset{M \to \infty}{\rightarrow} e_r$$

Erreurs

$$e_r = \int_X \mathbf{1}_{-}(y(\chi)f(\chi,w))P(\chi)d\chi$$

$$e_t = \frac{1}{M}\sum_m \mathbf{1}_{-}(y(\chi_m)f(\chi_m,w)) \underset{M \to \infty}{\to} e_r$$

$$e_a = \frac{1}{N}\sum_n \mathbf{1}_{-}(y(x_n)f(x_n,w)) \ll 1$$

Erreurs

$$e_r = \int_X \mathbf{1}_-(y(\chi)f(\chi,w))P(\chi)d\chi$$
 $e_t = \frac{1}{M}\sum_m \mathbf{1}_-(y(\chi_m)f(\chi_m,w)) \underset{M \to \infty}{\to} e_r$
 $e_a = \frac{1}{N}\sum_n \mathbf{1}_-(y(\chi_n)f(\chi_n,w)) \ll 1$

On veut e_r petit alors qu'on ne sait ni la calculer (on ne peut calculer que e_t) ni agir dessus (on ne peut que minimiser e_a).

En pratique l'objectif est de trouver une fonction f tel que sur les problèmes qu'on veut résoudre (non défini)

- $ightharpoonup e_a pprox e_r$ (si $e_a \ll e_r$ on est en overfitting)
- ▶ on peut trouver w tel que $e_a \approx 0$ (si $e_a \gg 0$ on est en underfitting)

Aujourd'hui ce qui marche le mieux (mais néanmoins pas tout le temps) c'est le deep learning.

Synthèse

La classification binaire

P une distribution sur X un espace, y la fonction cible dans $\{-1,1\}$

- ightharpoonup on approxime y par le signe de f (avec des poids w)
- erreur réelle $e_r = \int_X \mathbf{1}_-(y(\chi)f(\chi,w))P(\chi)\mathrm{d}\chi$
- \triangleright $x_1, ..., x_N$ une base d'apprentissage tirée selon P
- l'erreur d'apprentissage $e_a = \frac{1}{N} \sum_n \mathbf{1}_{-} (y(x_n) f(x_n, w))$
- ▶ apprentissage : w optimisé tel que $e_a \approx 0$
- $\searrow \chi_1, ..., \chi_M$ une base de test tirée selon P
- w fixé, l'erreur de test $e_t = \frac{1}{M} \sum_m \mathbf{1}_-(y(\chi_m) f(\chi_m, w)) \approx e_r$

Exemple

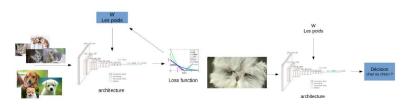
X c'est l'espace des images, P c'est leur probabilité d'être sur internet, y c'est la fonction qui dit si une image est un chat (+1) ou pas (-1).

y n'a aucun sens mathématique c'est une fonction anthropique! Même avec une puissance de calcul infini, vous ne pouvez ni définir ni calculer y, pourtant n'importe quelle humain peut l'évaluer!

Donc, on ne la connaît pas, mais avec un humain, on peut l'évaluer sur une image donnée.

Donc faire une base d'apprentissage et/ou de test!

- La classification binaire
- ► Le neurone classique
- Le neurone convolutif
- L'apprentissage en pratique
 - loss function
 - optimiseur
 - backpropagation
- exemples de recherche



Si l'architecture est :

- un opérateur linéaire, c'est du SVM ou du boosting
- un arbre d'opérateurs simples, c'est du random tree
- un réseau de neurones, c'est du deep learning

Le neurone

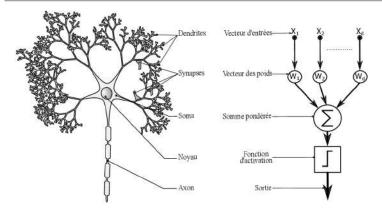
Dans les architectures de réseaux de neurones (profond ou pas), le neurone est un filtre linéaire :

$$neurone_{\alpha,\beta}: \begin{array}{ccc} \mathbb{R}^{\phi} & \rightarrow & \mathbb{R} \\ u & \rightarrow & \alpha.u + \beta \end{array}$$

 $\alpha \in \mathbb{R}^{\phi}$ et $\beta \in \mathbb{R}$ sont les **poids** du neurones.

Attention, le neurone n'est pas nécessairement connecté à x l'entrée - à ce stade, il a une entré de taille ϕ indépendante de D.

Le neurone



La couche de neurone

Une couche de ψ de neurones est une séquence de ψ neurones prenant la même entrée, et, dont les ψ sorties sont regroupées en 1 vecteur :

$$\mathbb{R}^{\phi}
ightarrow \mathbb{R}^{\psi}$$
 couche $_{A,b}$: $u
ightarrow \left(egin{array}{c} ext{neurone}_{A_1,b_1}(u) \ ext{...} \ ext{neurone}_{A_{\psi},b_{\psi}}(u) \end{array}
ight)$

 $A \in \mathbb{R}^{\psi \times \phi}$ et $b \in \mathbb{R}^{\psi}$ sont les **poids** de chacun des ψ neurones.

La couche de neurone est aussi linéaire : $couche_{A,b}(u) = Au + b$ mais avec des tailles arbitraires en entrée et sorti.

Le réseau de neurone

Si on empile 2 couches de neurones c'est exactement comme s'il y en avait qu'une :

$$A'(Au + b) + b' = (A'A)u + (A'b + b')$$

Oui mais si on met une non linéarité entre les 2 c'est différents.

Laquelle? Sur pytorch: il y en a un certain nombre relu, elu, leaky-relu, sigmoide, arctan, hard sigmoid, hard arctan, prelu, relu6, rrelu, celu, selu, gelu, hard shirk, soft shirk, log sigmoid, soft sign, tanh, tanhshirk

globalement avant on utilisait une sigmoide (lisse) et aujourd'hui c'est plutôt relu $relu(u) = [u]_+ = max(u, 0)$ car c'est rapide.

Le réseau de neurone

Un réseau de neurones entièrement connectées **MLP** (multi layer perceptron en anglais) de profondeur Q est un empilement de Q couche de neurones - séparé par des activations - la dernière est classiquement un seul neurone :

$$reseau_w: egin{array}{cccc} \mathbb{R}^D & \to & \mathbb{R} \ x & o & C_{w_Q}(relu(C_{w_{Q-1}}(...relu(C_{w_1}(x))...))) \end{array}$$

c'est à dire

$$f(x, w) = w_Q \times relu(w_{Q-1} \times relu(...(relu(w_1 \times x))))$$

 $w_1, ..., w_Q$, Q matrices dont la seule chose imposée étant que w_1 ait D colonnes, et w_Q 1 ligne (et que les tailles soit cohérentes entre elles)

Et c'est tout!

Exemple question examen

Considérons le réseau 2D déjà appris :

$$g(x) = relu\left(relu\left(\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}^T x\right) - relu\left(\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}^T x\right) + 5\right)$$
$$+ relu\left(relu\left(\begin{pmatrix} 0 \\ -1 \end{pmatrix}^T x\right) - relu\left(\begin{pmatrix} -1 \\ 0 \end{pmatrix}^T x\right) - 5\right) - 10$$

Q1: Que vaut g(x) sur \mathbb{Z}^2 ?

Exemple question examen

$$x = \left(\begin{array}{c} x_1 \\ x_2 \end{array}\right)$$

$$g(x) = [[x_1]_+ - [x_2]_+ + 5]_+ + [-[-x_1]_+ + [-x_2]_+ - 5]_+ - 10$$

- $> x_1 > 0, x_2 > 0 \Rightarrow g(x) = [x_1 x_2 + 5]_+ 10$
- $x_1 > 0, x_2 < 0 \Rightarrow g(x) = x_1 + [-x_2 5]_+ 5$
- $> x_1 < 0, x_2 > 0 \Rightarrow g(x) < 0 ([5 x_2]_+ + [x_1 5]_+ 10)$
- $> x_1 < 0, x_2 < 0 \Rightarrow g(x) = [x_1 x_2 5]_+ 5$

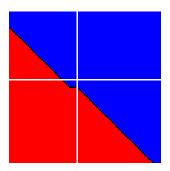
Exemple question examen

$$g(x) = [[x_1]_+ - [x_2]_+ + 5]_+ + [-[-x_1]_+ + [-x_2]_+ - 5]_+ - 10$$

- $x_1 > 0, x_2 > 0, x_1 x_2 > 5 \Rightarrow g(x) > 0$
- $ightharpoonup x_1 > 0, x_2 > 0, x_1 x_2 < 5 \Rightarrow g(x) < 0$
- $> x_1 > 0, -5 < x_2 < 0, x_1 > 5 \Rightarrow g(x) > 0$
- $> x_1 > 0, -5 < x_2 < 0, x_1 < 5 \Rightarrow g(x) < 0$
- $> x_1 > 0, x_2 < -5, x_1 x_2 > 10 \Rightarrow g(x) > 0$
- $> x_1 > 0, x_2 < -5, x_1 x_2 < 10 \Rightarrow g(x) < 0$
- $> x_1 < 0, x_2 > 0 \Rightarrow g(x) < 0$
- $> x_1 < 0, x_2 < 0, x_1 x_2 > 10 \Rightarrow g(x) > 0$
- $> x_1 < 0, x_2 < 0, x_1 x_2 < 10 \Rightarrow g(x) < 0$

$$g(x) = [[x_1]_+ - [x_2]_+ + 5]_+ + [-[-x_1]_+ + [-x_2]_+ - 5]_+ - 10$$

Q2 : représentation graphique des 8 zones



Considérons :

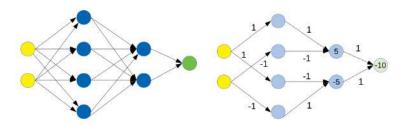
$$g(x) = relu\left(relu\left(\left(\begin{array}{c} 1 \\ 0 \end{array}\right)^T x\right) - relu\left(\left(\begin{array}{c} 0 \\ 1 \end{array}\right)^T x\right) + 5\right)$$
$$+ relu\left(-relu\left(\left(\begin{array}{c} -1 \\ 0 \end{array}\right)^T x\right) + relu\left(\left(\begin{array}{c} 0 \\ -1 \end{array}\right)^T x\right) - 5\right) - 10$$

Q3 : écrire g purement comme un MLP?

$$\mathbf{g}(x) = \mathbf{1}^{T} \begin{bmatrix} \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 1 \end{pmatrix} \begin{bmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \\ -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} x + \mathbf{0} \end{bmatrix}_{+} + \begin{pmatrix} 5 \\ -5 \end{pmatrix} \end{bmatrix}_{\perp} - 10$$

$$g(x) = [[x_1]_+ - [x_2]_+ + 5]_+ + [-[-x_1]_+ + [-x_2]_+ - 5]_+ - 10$$

Q4 : la même chose avec un dessin du réseau



La on s'est uniquement intéressé à la représentation et/ou au comportement en test. On peut aussi considérer des questions sur *l'apprentissage* c'est à dire sur le choix des poids (mais sans algorithme juste avec des solutions triviales).

Q5: chercher w_1, w_2, w_3, b tel que le réseau 1D $h(x, w) = w_1[x]_+ + w_2[x-1]_+ + w_3[x-2]_+ + b$ vérifie

- \blacktriangleright h(0, w) > 0 (par exemple 1)
- ▶ h(1, w) < 0 (par exemple -1)
- h(2, w) > 0 (par exemple 1)
- ▶ h(3, w) < 0 (par exemple -1)

Q5 : chercher w_1, w_2, w_3, b tel que le réseau 1D $h(x, w) = w_1[x]_+ + w_2[x-1]_+ + w_3[x-2]_+ + b$ vérifie

- h(0, w) > 0 (par exemple 1)
- ▶ h(1, w) < 0 (par exemple -1)
- \blacktriangleright h(2, w) > 0 (par exemple 1)
- ▶ h(3, w) < 0 (par exemple -1)

⇒ réponse :
$$h(x) = 1 - 2[x]_{+} + 4[x - 1]_{+} - 4[x - 2]_{+}$$

⇒ $h(x) = \begin{pmatrix} -2 & 4 & -4 \end{pmatrix} \begin{bmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} x + \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ -2 \end{pmatrix} \end{bmatrix}_{+} + 1$

Plan du cours

- La classification binaire
- Le neurone classique
- ► Le neurone convolutif
- L'apprentissage en pratique
 - loss function
 - optimiseur
 - backpropagation
- exemples de recherche

La vision par ordinateur

Est ce qu'une image est $x \in \mathbb{R}^D$?

La vision par ordinateur

Est ce qu'une image est $x \in \mathbb{R}^D$? $\Rightarrow \mathbf{Non}!$

1 image RGB de $480 \times 340 = 1$ vecteur dans $[0, 255]^{163200}$ Il est impossible et stupide de traiter les images comme des points!

La vision par ordinateur

- ▶ Le traitement d'images repose sur les opérations de convolution et pooling pour passer d'une image à un vecteur.
- le traitement se termine par une classification de vecteurs.

CNN

- ▶ l'entrée est $u \in \mathbb{R}^{H \times W \times \phi}$ (ϕ image ou 1 image ϕ canaux)
- ▶ les poids du neurones convolutif sont $\theta \in \mathbb{R}^{(2\delta_H+1)\times(2\delta_W+1)\times\phi}$
- ▶ la sortie est une image $\theta \star u \in \mathbb{R}^{H \times W}$
- ▶ avec $(\theta \star u)_{h,w}$: $\sum_{dh,dw,\rho \in [-\delta_H,\delta_H] \times [-\delta_H,\delta_W] \times [1,\phi]} x_{h+dh,w+dw,\rho} \times w_{dh,dw,\rho}$

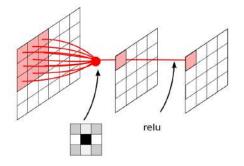
Le neurone convolutif c'est comme un neurone mais local!

CNN

- ▶ l'entrée est $u \in \mathbb{R}^{H \times W \times \phi}$ (ϕ images regroupées ou 1 image avec ϕ canaux)
- ▶ la couche contient ψ neurones convolutifs i.e. $\Theta \in \mathbb{R}^{(2\delta_H+1)\times(2\delta_W+1)\times\phi\times\psi}$
- ▶ la sortie est une image avec ψ canaux (ou ψ images regroupées) $\Theta \star u = (\Theta_1 \star u, ..., \Theta_{\psi} \star u) \in \mathbb{R}^{H \times W \times \psi}$

bref exactement comme la couche de neurones mais avec des neurones convolutifs

CNN



MLP

$$f(x,w) = w_Q \times \textit{relu}(w_{Q-1} \times \textit{relu}(...(\textit{relu}(w_1 \times x))))$$

ConvNet naïf

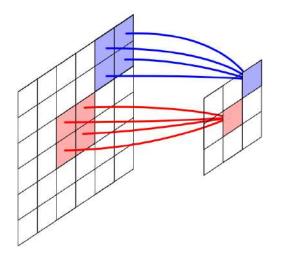
$$f(x,w) = w_Q \star relu(w_{Q-1} \star relu(...(relu(w_1 \star x))))$$

Pooling

- ightharpoonup l'entrée est $u \in \mathbb{R}^{H \times W \times \phi}$
- ▶ la sortie est une image $pool(u) \in \mathbb{R}^{\frac{H}{2} \times \frac{W}{2} \times \phi}$
- $\Rightarrow \text{ avec } pool(u)_{h,w,\rho} = \max_{dh,dw \in [0,1]} x_{2h+dh,2w+dw,\rho}$

- le pooling est un type d'activation avec dimension spatiale
- elle permet de diminuer la taille des objets
- le lle donne de l'invariance au petites déformations

Pooling



Convolution, Pooling, Stride, Padding

Classiquement : la convolution maintient la taille et le pooling la divise par 2.

Cependant, la bonne notion est la notion de stride : de combien de case déplace-t-on la fenêtre (1 pour garder la taille et 2 pour diviser par 2) indépendamment du fait que ce soit une convolution ou un pooling.

Attention Dans la convolution, il y a un donc un effet de bord pour $h < \delta_H$ et $h > H - \delta_H$! Une solution à ce problème consiste à considérer au x = 0 en dehors de l'emprise initiale. Informatiquement, cela revient à travailler sur une image où on a rajouter δ_H lignes et δ_W colonnes de part et d'autre. On parle de padding qui peut en réalité être régler car cet effet de bord peut être utile.

 $\text{au final}: \text{si l'entrée est } c \times h \times w \text{ elle devient } c' \times \frac{h+2*pad_h-kernel_h}{\text{stride}_h} + 1 \times \frac{w+2*pad_W-kernel_W}{\text{stride}_W} + 1 \text{ encoded}$

passant dans une convolution $c' \times c \times \mathit{kernel}_h \times \mathit{kernel}_w$ avec un padding de $\mathit{pad}_h, \mathit{pad}_w$ et un stride de

strideh, stridew (idem pooling).

https://towardsdatascience.com/intuitively-understanding-convolutions-for-deep-learning-1f6f42faee1 https://ensiwiki.ensimag.fr/index.php?title=Fichier:Demo-Convolution.gif

MLP

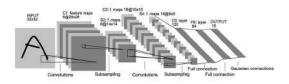
$$f(x, w) = w_Q \times relu(w_{Q-1} \times relu(...(relu(w_1 \times x))))$$

ConvNet sequentiel

$$f(x, w) = w_Q \times activation(w_{Q-1} \star activation(...(activation(w_1 \star x))))$$

les activations pouvant être des relu et/ou des pooling, les convolutions pouvant avoir ou non des strides et/ou du padding

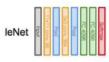
Lenet



Lenet

Layer		Feature Map	Size	Kernel Size	Stride
Input	Image	1	32x32		5 + .
1	Convolution	6	28x28	5x5	1
2	Average Pooling	6	14x14	2x2	2
3	Convolution	16	10x10	5x5	1
4	Average Pooling	16	5x5	2x2	2
5	Convolution	120	1×1	5x5	1
6	FC		84	*	
Output	FC	-	10		-

Lenet

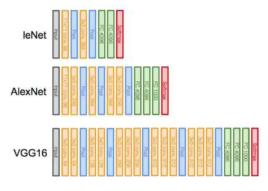


Alexnet

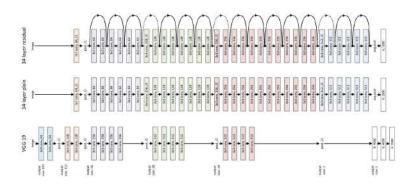
Quand le réseau a beaucoup de couche, on parle de réseau profond. Ce terme est apparu en 2012 avec un réseau à 10 couches dit Alexnet (*imagenet classification with deep convolutional neural networks*).

Les réseaux de neurones existent depuis 1950 mais la puissance de calcul n'était pas suffisante pour envisager des réseaux de neurones profonds.

Lenet vs AlexNet vs VGG



VGG19 vs ResNet34



On peut en fait avoir n'importe quel graphe sans cycle.

Plan du cours

- La classification binaire
- Le neurone classique
- ► Le neurone convolutif
- L'apprentissage en pratique
 - loss function
 - optimiseur
 - backpropagation
- exemples de recherche

Rappel

- $f(x, w) = w_Q \times relu(w_{Q-1} \times relu(...(relu(w_1 \times x))))$
- ► En test, w est un paramètre
- $\triangleright \chi$ est une entrée
- ightharpoonup on calcule $f(\chi, w)$
- ightharpoonup À l'apprentissage, l'entrée est la base $x_1,...,x_N$
- on calcule w tel que $e_a = \sum_n \mathbf{1}_-(y(x_n)f(x_n, w)) \approx 0$

Comment?

La descente de gradient

```
F est une fonction dérivable de \mathbb{R}^D dans \mathbb{R} alors \forall u, h \in \mathbb{R}^D, F(u+h) = F(u) + \nabla F_u | h + o(h) avec ho(h) \underset{h \to 0}{\rightarrow} 0 (notation petit o classique) Donc si \nabla F_u \neq 0 alors il existe \lambda > 0 tel que F(u - \lambda \nabla F_u) < F(u)
```

La descente de gradient

pseudo code

input : F, u_0

- 1. $u = u_0$
- 2. calculer ∇F_u
- 3. si $\nabla F_u \approx 0$ ou early stopping alors sortir
- 4. $\lambda = 1$
- 5. tant que $F(u \lambda \nabla F_u) \ge F(u)$ faire $\lambda = 0.5\lambda$
- 6. $u = u \lambda \nabla F_u$
- 7. go to 2

La descente de gradient

pseudo code

input: F, u₀

- 1. $u = u_0$
- 2. calculer ∇F_{μ}
- 3. si $\nabla F_u \approx 0$ ou early stopping alors sortir
- 4. $\lambda = 1$
- 5. tant que $F(u \lambda \nabla F_u) \ge F(u)$ faire $\lambda = 0.5\lambda$
- 6. $u = u \lambda \nabla F_u$
- 7. go to 2

cet algorithme converge vers un point u^* tel que $\nabla F_u = 0$

Apprentissage et descente de gradient

Appliquer à l'apprentissage :

- les variables (u en slide 57 58) sont les poids w du réseau
- ▶ la fonctionnelle (F) est (+/-) l'erreur d'apprentissage : $F(w) \approx \sum_{n} \mathbf{1}_{-}(y(x_n)f(x_n, w)) = e_a$

Apprentissage et descente de gradient

Test:

w fixé, on prend χ , et, on doit calculer $f(\chi, w)$

Apprentissage:

On prend $x_1, ..., x_N$, et, on doit approximer

$$\min_{w} \sum_{n} \mathbf{1}_{-}(y(x_n)f(x_n, w))$$

La descente de gradient ne marche qu'avec des fonctions globalement lisse.

Utiliser
$$F(w) = \min_{w} \sum_{n} \mathbf{1}_{-}(y(x_n)f(x_n, w))$$
 ne peut pas marcher

La descente de gradient ne marche qu'avec des fonctions globalement lisse.

Utiliser $F(w) = \min_{w} \sum_{n} \mathbf{1}_{-}(y(x_n)f(x_n, w))$ ne peut pas marcher

Il faut lisser l'erreur d'apprentissage via une loss function

$$F(w) = loss(w) = \sum_{n} l(y(x_n)f(x_n, w))$$

$$F(w) = loss(w) = \sum_{n} l(y(x_n)f(x_n, w))$$

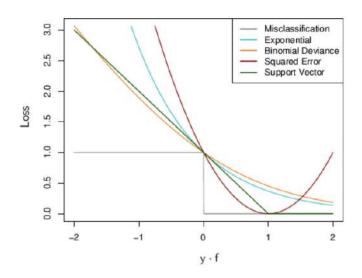
- / doit être assez lisse
- ▶ I doit avoir une valeur proche de 0 si $y(x_n)f(x_n, w)$ est grand
- ▶ I doit avoir une valeur très supérieure à 0 si $y(x_n)f(x_n, w)$ est très petit

$$F(w) = loss(w) = \sum_{n} l(y(x_n)f(x_n, w))$$

- ▶ / doit être assez lisse
- ▶ I doit avoir une valeur proche de 0 si $y(x_n)f(x_n, w)$ est grand
- I doit avoir une valeur très supérieure à 0 si $y(x_n)f(x_n, w)$ est très petit

hinge loss:

$$loss(w) = \sum_{n} relu(1 - y_n f(x_n, w))$$



Limite de la descente de gradient

$$loss(w) = \sum_{n} relu(1 - y_n f(x_n, w))$$

Si N = 1000000 ça veut dire que pour calculer loss(w) je dois appliquer f (plusieurs couches) à 1000000 points!

Descente de gradient stochastique

loss est une fonction dérivable de \mathbb{R}^D dans \mathbb{R} et que loss $(u) = \sum_{i=1}^{n} q_i(u)$

alors dans le cas convexe, il est possible de minimiser *loss* en faisant comme une descente de gradient mais en prenant une sous sommes des q_i tirée aléatoirement avec une politique $\lambda(t)$ fixée a priori (qui doit quand même vérifier certaines conditions).

Descente de gradient stochastique

pseudo code

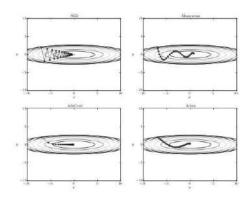
input :
$$x_1, y_1, ..., x_n, y_n, w_0$$

- 1. $w = w_0$
- 2. iter = 0
- 3. tirer n au hasard dans 1,...,N
- 4. $partial_loss = relu(1 y_n f(x_n, w))$
- 5. calculer $\nabla_w partial_loss$
- 6. $w = w \lambda_{iter} \nabla_w partial_loss$
- 7. iter = iter + 1
- 8. si condition d'arrêt alors sortir
- 9. go to 3

Descente de gradient stochastique

Optimizer

 $w=w-\lambda_{iter}\nabla_w partial_loss$ est une possibilité mais il y en a d'autres :



MLP

$$f(x, w) = w_Q \times relu(w_{Q-1} \times relu(...(relu(w_1 \times x))))$$

ConvNet

f(x, w) = un réseau sans cycle qui mélange des convolutions du pooling et des relu

L'apprentissage

L'apprentissage consiste à appliquer la méthode de la descente de gradient stochastique (optimiseur à choisir) à une fonction de perte (à choisir) qui approxime l'erreur d'apprentissage Par exemple

$$partial_loss(w) = \sum_{n \in Batch} relu(1 - y_n f(x_n, w))$$
 $w = w - \lambda_{iter} \nabla_w partial_loss$

Mais ça suppose qu'on sache calculer le gradient!!!!

```
objectif partial\_loss(w) = \sum_{n \in Batch} relu(1 - y_n f(x_n, w)) avec f(x, w) = w_Q \times relu(w_{Q-1} \times relu(...(relu(w_1 \times x)))) \Rightarrow on veut calculer  \frac{\partial partial\_loss(w)}{\partial w_{t,i,i}}
```

```
Forward for t for i  for \ j \\ A[t][i] \ += \ relu(A[t-1][j])^*w[t-1][i][j]
```

Réduction w - α

$$\frac{\partial loss}{\partial w_{t,i,j}} = \frac{\partial loss}{\partial \alpha_{t,i,j}} \frac{\partial \alpha_{t,i}}{\partial w_{t,i,j}} = \frac{\partial loss}{\partial \alpha_{t,i}} x_{t,j}$$

Réduction α - α

$$\frac{\partial loss}{\partial \alpha_{t,j}} = \sum_{i} \frac{\partial loss}{\partial \alpha_{t+1,i}} \frac{\partial \alpha_{t+1,i}}{\partial \alpha_{t,j}} = \sum_{i} \frac{\partial loss}{\partial \alpha_{t+1,i}} w_{t,i,j} relu'(\alpha_{t,j})$$

relu est une fonction linéaire par morçeau, sa *dérivé* est donc une constante par morçeau

Attention

La somme dans
$$\frac{\partial loss}{\partial \alpha_{t,j}} = \sum_{i} \frac{\partial loss}{\partial \alpha_{t+1,i}} \frac{\partial \alpha_{t+1,i}}{\partial \alpha_{t,j}}$$
 ne vient **pas** de la somme dans $\alpha_{t+1,i} = \sum_{j} x_{t,j} w_{t,i,j}$. Elle vient de $f(u) = a(b(u), c(u))$ implique $\frac{\partial f}{\partial u} = \frac{\partial a}{\partial b} \frac{\partial b}{\partial u} + \frac{\partial a}{\partial c} \frac{\partial c}{\partial u}$.

Elle vient de f(u) = a(b(u), c(u)) implique $\frac{\partial f}{\partial u} = \frac{\partial a}{\partial b} \frac{\partial b}{\partial u} + \frac{\partial a}{\partial c} \frac{\partial c}{\partial u}$. Lui même vient de f(u + h) = f(u) + f'(u)h

```
\begin{array}{ll} \text{for } t & \\ \text{for } i & \\ \text{for } j & \\ & A[t][i] \mathrel{+=} relu(A[t-1][j])^*w[t-1][i][j] \\ DA[z][1] = partial\_loss & \\ \text{for } t \text{ from } z \text{ to } 1 & \\ \text{for } j & \\ & DA[t][j] \mathrel{+=} DA[t+1][i]^*w[t][i][j]^*relu'(A[t][j]) \end{array}
```

$$\begin{split} f(x,w) &= \alpha_1 relu(a_{1,1}x_1 + a_{1,2}x_2 + b_1) \\ &+ \alpha_2 relu(a_{2,1}x_1 + a_{2,2}x_2 + b_2) + \beta \\ \text{on veut } f((x_1,x_2),w) &> 0 \text{ (pour un } x_1,x_2 \text{ spécifique)} \end{split}$$

```
f(x,w) = \alpha_1 relu(a_{1,1}x_1 + a_{1,2}x_2 + b_1) \\ + \alpha_2 relu(a_{2,1}x_1 + a_{2,2}x_2 + b_2) + \beta on veut f((x_1,x_2),w) > 0 (pour un x_1,x_2 spécifique) loss partiel sur ce point I(w) = relu(1 - f((x_1,x_2),w)) (hinge loss) on va donc calculer \nabla_w I et faire w = w - \mu \nabla_w I
```

$$f(x, w) = \alpha_1 relu(a_{1,1}x_1 + a_{1,2}x_2 + b_1) \\ + \alpha_2 relu(a_{2,1}x_1 + a_{2,2}x_2 + b_2) + \beta \\ l(w) = relu(1 - f(x, w)) \\ \frac{\partial l}{\partial \beta} = -relu'(1 - f(x, w)) \frac{\partial f}{\partial \beta} = relu'(1 - f(x, w))$$

$$f(x, w) = \alpha_1 relu(a_{1,1}x_1 + a_{1,2}x_2 + b_1) \\ + \alpha_2 relu(a_{2,1}x_1 + a_{2,2}x_2 + b_2) + \beta$$

$$I(w) = relu(1 - f(x, w)) \\ \frac{\partial I}{\partial \alpha_1} = -relu'(1 - f(x, w)) \frac{\partial f}{\partial \alpha_1} = \\ -relu'(1 - f(x, w)) \times relu(a_{1,1}x_1 + a_{1,2}x_2 + b_1)$$

$$\begin{split} f(x,w) &= \alpha_1 relu(a_{1,1}x_1 + a_{1,2}x_2 + b_1) \\ &+ \alpha_2 relu(a_{2,1}x_1 + a_{2,2}x_2 + b_2) + \beta \\ I(w) &= relu(1 - f(x,w)) \\ \frac{\partial I}{\partial a_{1,1}} &= -relu'(1 - f(x,w)) \frac{\partial f}{\partial \alpha_1} = \\ &- relu'(1 - f(x,w)) \times \alpha_1 x_1 relu'(a_{1,1}x_1 + a_{1,2}x_2 + b_1) \end{split}$$

Plus dur

$$\begin{split} f(x,w) &= \alpha_1 relu(a_{1,1}x_1 + a_{1,2}x2 + \rho relu(x_1) + b_1) \\ &+ \alpha_2 relu(a_{2,1}x_1 + a_{2,2}x2 + \rho relu(x_1) + b_2) + \beta \\ I(w) &= relu(1 - f(x,w)) \\ \frac{\partial I}{\partial \rho} &= -relu'(1 - f(x,w)) \frac{\partial f}{\partial \rho} \\ \frac{\partial f}{\partial \rho} &= \alpha_1 relu(x_1) relu'(a_{1,1}x_1 + a_{1,2}x2 + \rho relu(x_1) + b_1) + \alpha_2 relu(x_1) relu'(a_{2,1}x_1 + a_{2,2}x2 + \rho relu(x_1) + b_2) \end{split}$$

Structurellement dans un réseau de neurones, le gradient se propage partout.

On peut donc calculer le gradient vis à vis de l'entrée!

$$\nabla_x loss(y_n, f(x_n, w))$$

(tout aussi facilement qu'on peut calculer $\nabla_w loss(y_n, f(x_n, w)))$

L'apprentissage consiste à calculer

$$\nabla_w loss(y_n, f(x_n, w))$$

et à actualiser w de sorte que

$$loss(y_n, f(x_n, w)) \approx 0$$

Mais avec le même outils, on peut calculer

$$\nabla_x loss(y_n, f(x_n, w))$$

et actualiser x de sorte que

$$loss(y_n, f(x_n, w)) \gg 0$$

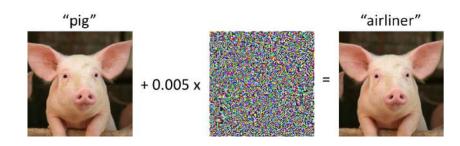
Mais avec le même outils, on peut calculer

$$\nabla_x loss(y_n, f(x_n, w))$$

et **actualiser** x_n de sorte que

$$loss(y_n, f(x_n, w)) \gg 0$$

 \Rightarrow ce qui permet de construire une image x_n spécifiquement perturbée pour échapper au réseau : *adversarial exemple*.



La classification binaire

P une distribution sur X un espace, y la fonction cible dans $\{-1,1\}$

- ightharpoonup on approxime y par le signe de f (avec des poids w)
- erreur réelle $e_r = \int_X \mathbf{1}_-(y(\chi)f(\chi,w))P(\chi)d\chi$
- $ightharpoonup x_1, ..., x_N$ une base d'apprentissage tirée selon P
- l'erreur d'apprentissage $e_a = \frac{1}{N} \sum_n \mathbf{1}_{-} (y(x_n) f(x_n, w))$
- ▶ apprentissage : w optimisé tel que $e_a \approx 0$
- $\searrow \chi_1, ..., \chi_M$ une base de test tirée selon P
- w fixé, l'erreur de test $e_t = \frac{1}{M} \sum_m \mathbf{1}_-(y(\chi_m) f(\chi_m, w)) \approx e_r$

MLP

$$f(x, w) = w_Q \times relu(w_{Q-1} \times relu(...(relu(w_1 \times x))))$$

ConvNet

f(x, w) = un réseau sans cycle qui mélange des convolutions du pooling et des relu

L'apprentissage

L'apprentissage consiste à appliquer la méthode de la descente de gradient stochastique (optimiseur à choisir) à une fonction de perte (à choisir) qui approxime l'erreur d'apprentissage Par exemple

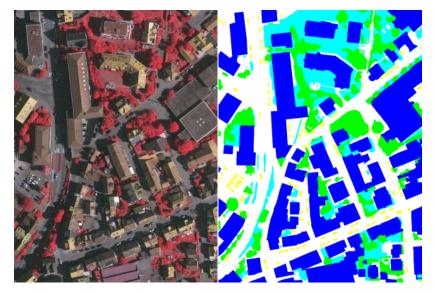
$$loss(w) = \sum_{n} relu(1 - y_n f(x_n, w))$$

$$w = w - \lambda_{iter} \nabla_w partial_loss$$

Où ∇_w se calcule facilement en utilisant le fait que la dérivé par rapport à une couche s'exprime en fonction de la dérivé par rapport à la couche suivante.

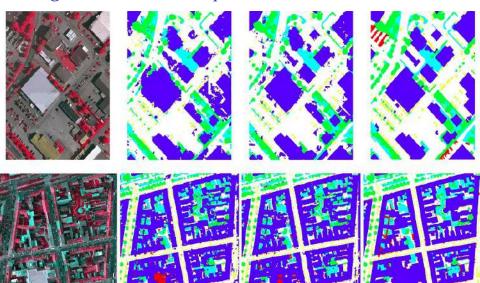
Plan du cours

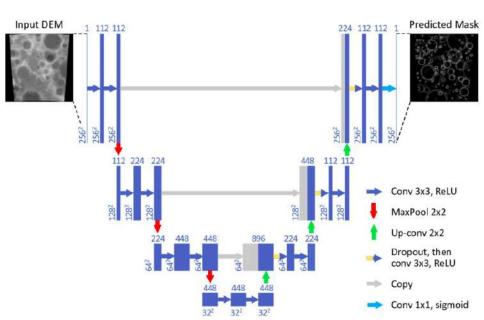
- La classification binaire
- ► Le neurone classique
- ► Le neurone convolutif
- L'apprentissage en pratique
- exemples de recherche











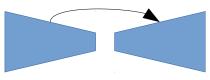
Lenet, Alexnet, VGG, Resnet...



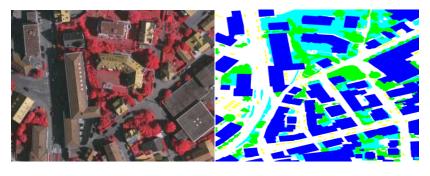


FPN, Segnet, Unet, PSP...









Renseignement militaire, politique d'urbanisme, impacte climatique, analyse économique, détection de zone d'atterrissage d'urgence, analyse de données médicale...

















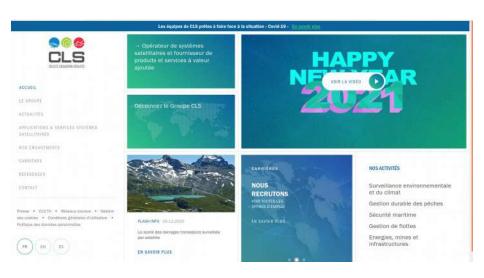




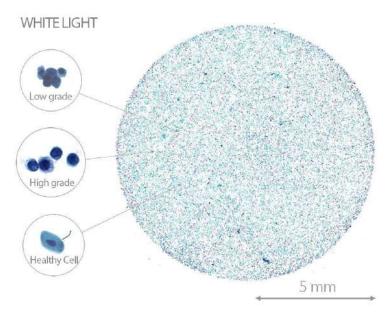








Segmentation sémantique



Segmentation sémantique

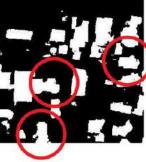


Les aspects militaires/surveillances restent les moteurs principaux

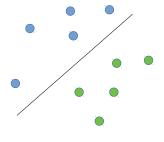








La frontière de décision sur la variété



« vu du dessus »

La frontière de décision hors de la variété



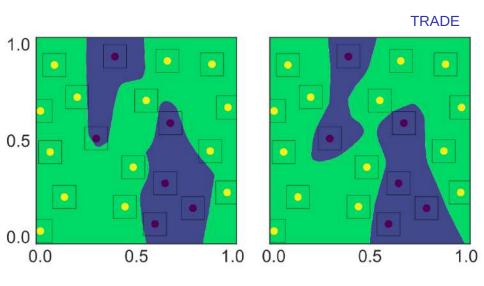
« vu de coté »

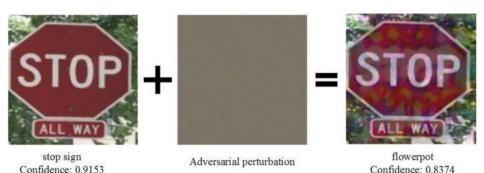
AIRS

Performance Apprentissage	avant perturbation	après perturbation
avant perturbation	94	86
après perturbation	92	91

Performance Apprentissage	avant perturbation	après perturbation
avant perturbation	94	86
après perturbation	92	91

 $[\]rightarrow$ il ne faut pas avoir peur non plus, il est possible de faire des réseaux robuste !





 \rightarrow L'image de gauche est-elle possible ?







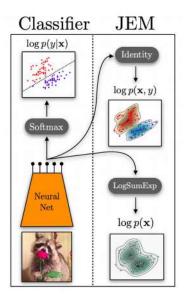
→ Le hacking / camouflage doit être pris en compte

Mais rien ne démontre aujourd'hui qu'il soit réellement possible

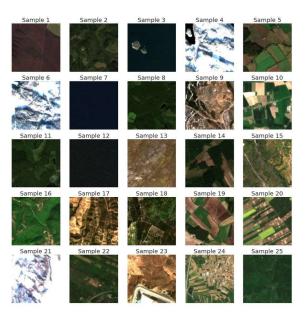


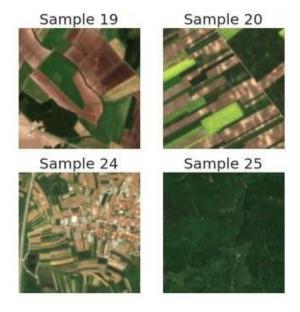


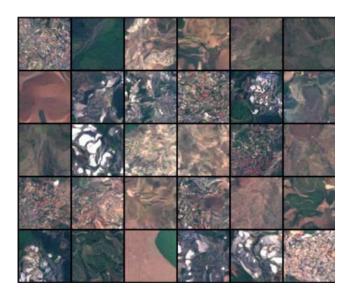


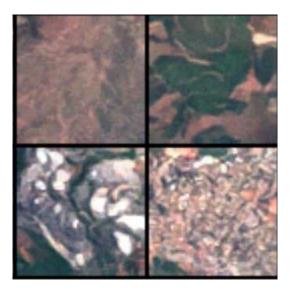


Apprendre à la fois la classe et la vraisemblance?



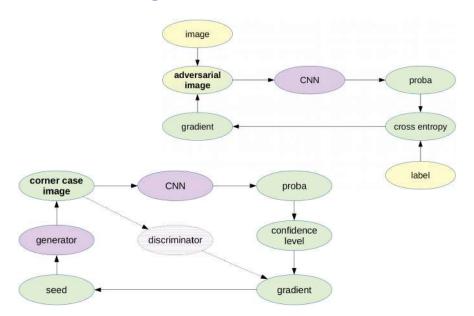




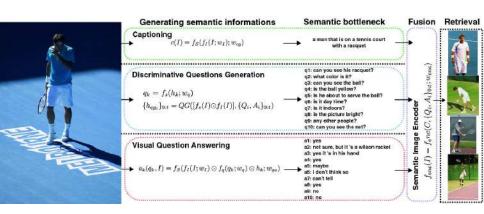




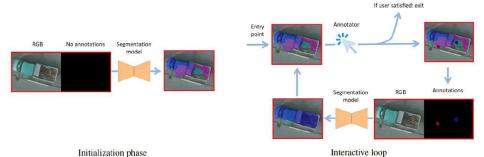




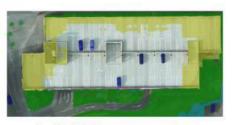
Explicabilité



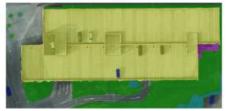
Interaction et deep learning



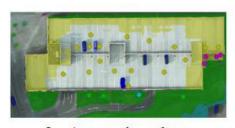
Interaction et deep learning



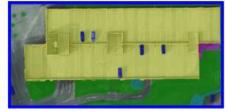
1 - Initial segmentation



3 - Refined segmentation

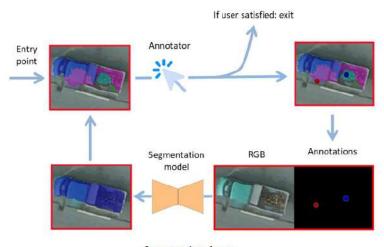


2 - Annotation phase

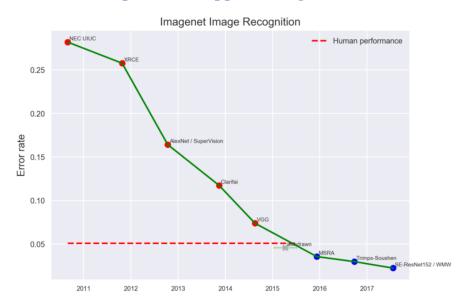


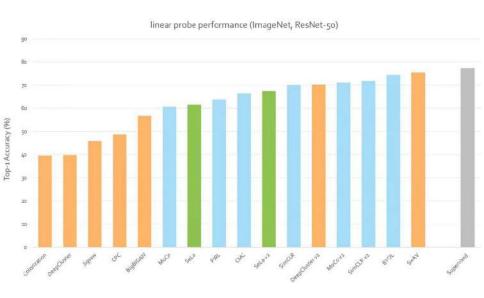
Ground-truth

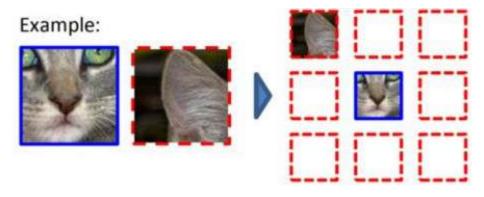
Interaction et deep learning

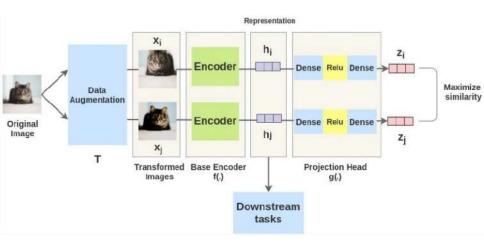


Interactive loop



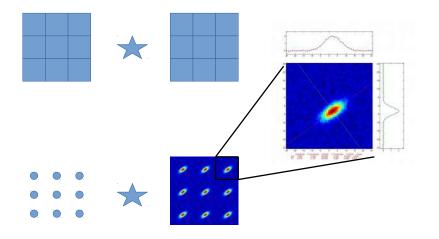


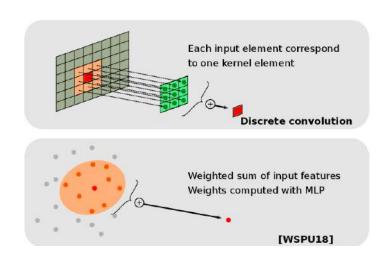


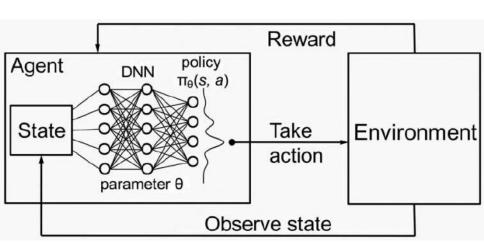




3D







$$Q(s,a) = r(s,a) + \gamma \max_{a} Q(s',a)$$

$$\nabla_{\theta_i} L(\theta_i) = \mathbb{E}_{s,a,r,s'} \bigg[\bigg(r + \gamma \max_{a'} Q \big(s', a'; \theta_i^- \big) - Q(s,a;\theta_i) \bigg) \nabla_{\theta_i} Q(s,a;\theta_i) \bigg].$$

Convolutional Agent

