

gravitomagnetismi eksperiment

May 5, 2020

Part I

Sissejuhatus

Selle töö eesmärk on kastseliselt tõestada Gravitomagneetilist nähtust. Gravitomagneetilise välja tekitamiseks loomiseks kasutan pöörlevat silindrit.

Part II

Sisu

B_G ühik on $N/kg/(m/s) = (m/s^2)/(m/s) = 1/s$

1 gravitomagneetilise B_G välja tekitamine

2 samasuguse silindrit pöörlevad paraleelselt ehk mõlema silindri pöörlemisteljed ühtivad. 2 pöörlev silindri vahele tekib graviti magnetväli. 2 silindri vahel ja silindriga võrreldes väikeste mõõtmetega ruumalas, mida läbivad mõlema silindri pöörlemisteljed tekib ligikaudu(selles lähenduses) homogeenne gravitomagnetväli B_G .

$B_G = \frac{d^2m}{dl*dt} * \mu_G$ (<http://hyperphysics.phy-astr.gsu.edu/hbase/magnetic/solenoid.html> ja elektromagnetismi ja gravitomagnetismi analoogialegi tuginedes)

$$\frac{d^2m}{dl*dt} = \int_{r_1}^{r_2} (dr * \rho * v(r)) = \int_{r_1}^{r_2} (dr * \rho * \omega * r) = \rho * \omega * \int_{r_1}^{r_2} (dr * r) = \frac{\rho * \omega * (r_2^2 - r_1^2)}{2}$$

maksimaalne GMvlja tugevus silindri kohal on $B_G = \frac{\mu_G * \omega * \rho * (r_2^2 - r_1^2)}{2}$ kus:

- ω on silindrite nurkkiirus
- μ_G on gravitomagneetiline konstant. $\mu_G = \frac{2*2\pi*G}{c^2} \approx 9.331345047580891 * 10^{-27} * N/kg^2 * s^2 = 9.331345047580891 * 10^{-27} * s/kg$
- ρ on silindri tihedus.
- r_2

Et leida maksimaalset nurkkiirust, mis silindril olla saab ilma, et see inertsiaalsete jõudude tõttu puruneks kasutan neid kahte internetist leitud valemi silindri radiaalse(keskjoonkist eemale) ja tangentsiaalse(joonkiiruse suunalise) pinge leidmiseks. valemid sain(http://www.roymech.co.uk/Useful_Tables/Cams_Springs/Flywheels.html)

$$\sigma_{radiaal\ max} = \frac{\rho * \omega^2 * (3 + \mu) * (r_2 - r_1)^2}{8}$$

$$\sigma_{tangentsiaal\ max} = \frac{\rho * \omega^2 * ((1 - \mu) * r_1^2 + (3 + \mu) * r_2^2)}{4}$$

- μ on siin aine, millest silindr tehtud on poissoni tegur₁

eeldan, et keha ei murdu kui nende ristuvate pingete ruutude summa ei ole keha pingetaluvusese ruudust suurem.

$$\sigma_{max} = \sqrt{\sigma_{radiaal\ max}^2 + \sigma_{tangentsiaal\ max}^2} = \frac{\omega * \rho * \sqrt{(\mu+3)^2 * (r_1 - r_2)^4 + 4 * (r_1^2 * (\mu-1) - r_2^2 * (\mu+3))^2}}{8}$$

$$\text{avaldan siit } \omega = \frac{8 * \sigma_{max}}{\rho} \sqrt{\frac{1}{-5\mu^2 r_1^4 + 4\mu^2 r_1^3 r_2 + 2\mu^2 r_1^2 r_2^2 + 4\mu^2 r_1 r_2^3 - 5\mu^2 r_2^4 + 2\mu r_1^4 + 24\mu r_1^3 r_2 - 20\mu r_1^2 r_2^2 + 24\mu r_1 r_2^3 - 30\mu r_2^4 - 13r_1^4 + 36r_1^3 r_2 - 78r_1^2 r_2^2 + 36r_1 r_2^3 - 45r_2^4}}$$

Asendades selle B_G avaldisse saan:

$$B_G = \mu_G * \rho * (r_2^2 - r_1^2) * \frac{8 * \sigma_{max}}{\rho} \sqrt{\frac{1}{5\mu^2 r_1^4 - 4\mu^2 r_1^3 r_2 - 2\mu^2 r_1^2 r_2^2 - 4\mu^2 r_1 r_2^3 + 5\mu^2 r_2^4 - 2\mu r_1^4 - 24\mu r_1^3 r_2 + 20\mu r_1^2 r_2^2 - 24\mu r_1 r_2^3 + 30\mu r_2^4 + 13r_1^4 - 36r_1^3 r_2 + 78r_1^2 r_2^2 - 36r_1 r_2^3 + 45r_2^4}}$$

1.1 leian kõige parema täidetuse

- p on, et kui suure osa kogu raadiusest on täitmata osa raadiud

$$p = r_1 / r_2 \text{ seega } r_1 = p * r_2.$$

asendan selle B_G valemisse.

$$B_G = 4v_g \sigma \sqrt{\frac{1}{-5\mu^2 p^4 + 4\mu^2 p^3 + 2\mu^2 p^2 + 4\mu^2 p - 5\mu^2 + 2\mu p^4 + 24\mu p^3 - 20\mu p^2 + 24\mu p - 30\mu - 13p^4 + 36p^3 - 78p^2 + 36p - 45}} * (1 - p^2)$$

,et leida parim täidetuse otsin p väärtuse, mille puhul tuletis p kaudu on 0 ja teine tuletis on negatiivne.

$$\frac{\partial B_G}{\partial p} = 0$$

$$\wedge \frac{\partial^2 B_G}{\partial p^2} < 0$$

ehk

$$\frac{\partial \left(\frac{\mu_G * \rho * \Delta l * (2 * r_2 - \Delta l) * 8 * \sigma_{max}}{\rho} \sqrt{\frac{1}{5\Delta l^4 \mu^2 - 2\Delta l^4 \mu + 13\Delta l^4 - 16\Delta l^3 \mu^2 r_2 + 32\Delta l^3 \mu r_2 - 16\Delta l^3 r_2 + 16\Delta l^2 \mu^2 r_2^2 - 64\Delta l^2 \mu r_2^2 + 48\Delta l^2 r_2^2 + 64\Delta l \mu r_2^3 - 64\Delta l r_2^3 + 64r_2^4}} \right)}{\partial \Delta l} = 0$$

$$\wedge \frac{\partial \left(\frac{\mu_G * \rho * \Delta l * (2 * r_2 - \Delta l) * 8 * \sigma_{max}}{\rho} \sqrt{\frac{1}{5\Delta l^4 \mu^2 - 2\Delta l^4 \mu + 13\Delta l^4 - 16\Delta l^3 \mu^2 r_2 + 32\Delta l^3 \mu r_2 - 16\Delta l^3 r_2 + 16\Delta l^2 \mu^2 r_2^2 - 64\Delta l^2 \mu r_2^2 + 48\Delta l^2 r_2^2 + 64\Delta l \mu r_2^3 - 64\Delta l r_2^3 + 64r_2^4}} \right)}{\partial \Delta l^2} < 0$$

ehk

$$\frac{v_g \sigma \sqrt{\frac{1}{-5\mu^2 p^4 + 4\mu^2 p^3 + 2\mu^2 p^2 + 4\mu^2 p - 5\mu^2 + 2\mu p^4 + 24\mu p^3 - 20\mu p^2 + 24\mu p - 30\mu - 13p^4 + 36p^3 - 78p^2 + 36p - 45}}}{\frac{5\mu^2 p^4 - 4\mu^2 p^3 - 2\mu^2 p^2 - 4\mu^2 p + 5\mu^2 - 2\mu p^4 - 24\mu p^3 + 20\mu p^2 - 24\mu p + 30\mu + 13p^4 - 36p^3 + 78p^2 - 36p + 45}}{(8\mu^2 p^4 - 32\mu^2 p^3 + 48\mu^2 p^2 - 32\mu^2 p + 8\mu^2 + 48\mu p^4 - 64\mu p^3 + 288\mu p^2 - 320\mu p + 48\mu + 72p^4 - 416p^3 + 432p^2 - 672p + 72)}} = 0$$

$$\wedge \frac{\partial^2 B_G}{\partial \Delta l^2} < 0$$

ehk

$$8\mu^2 p^4 - 32\mu^2 p^3 + 48\mu^2 p^2 - 32\mu^2 p + 8\mu^2 + 48\mu p^4 - 64\mu p^3 + 288\mu p^2 - 320\mu p + 48\mu + 72p^4 - 416p^3 + 432p^2 - 672p + 72 = 0$$

$$\wedge \frac{\partial^2 B_G}{\partial \Delta l^2} < 0$$

lasilk asendus: $r_1 = p * r_2$. lihtsam parim p leida kui parim Δl leida

$$\frac{1v_g \sigma \sqrt{\frac{1}{-5\mu^2 p^4 + 4\mu^2 p^3 + 2\mu^2 p^2 + 4\mu^2 p - 5\mu^2 + 2\mu p^4 + 24\mu p^3 - 20\mu p^2 + 24\mu p - 30\mu - 13p^4 + 36p^3 - 78p^2 + 36p - 45}}}{5\mu^2 p^4 - 4\mu^2 p^3 - 2\mu^2 p^2 - 4\mu^2 p + 5\mu^2 - 2\mu p^4 - 24\mu p^3 + 20\mu p^2 - 24\mu p + 30\mu + 13p^4 - 36p^3 + 78p^2 - 36p + 45} (8\mu^2 p^4 - 32\mu^2 p^3 + 48\mu^2 p^2 - 32\mu^2 p + 8\mu^2 + 48\mu p^4 - 64\mu p^3 + 288\mu p^2 - 320\mu p + 48\mu + 72p^4 - 416p^3 + 432p^2 - 672p + 72)$$

Parimatel praktikas saavutatavatel tingimustel kui:

- $r_1 = 0.252149098288748 * m$
- $r_2 = 5 * m$
- $\mu \approx -2$
- $\rho \approx 22570$
- $\sigma_{max} \approx 3.3 * 10^{-10}$

Siis $B_G \approx 5,56488343912850 * 10^{-16} * s^{-1}$ ja $\omega = 211922,047556145 * s^{-1}$

2 GM välja detekteerimise meetodid

2.1 keerleva ketta keeramine

Sekundaarse silindri(güroskoobi) pöörlemistelg on primaarse silindriga 90 kraadi kaldus. $\tau = 4 * M_{gravitomagnetmoment} * B_G$

Teise ketta gravitomagnetmoment on $M_{gravitomagnetmoment} = \frac{2\pi * \rho * R_2^4 * \omega_2}{8}$.

Seega jõumoment sekundaarsele silindrile on $\tau = \frac{2\pi * \rho * R_2^4 * \omega_2 * B_G}{2^2} \approx 8.354728949520396e - 06$

2.2 laserkiire suuna muutusega

Laserkiire suunamuutus peale pikkus l läbimist homogeenses gravitimagneetilises väljas tugevusega B_G

$$\Delta\alpha \approx 4 * B_G * l \approx 1.3905255973313401e - 10 * rad$$

tagasipeegeldamise abil võib kiire pikkus olla näiteks 500 meetrit.

2.3 Laser interferomeetriga

Tuleb uurida, et kui suur B-väli minimaalselt olema peab, et seda mõõta saaks. B väli muudab kiire suunda, aga mitte teepikkust ja ei tekita eriti faasivahet. E_G väli tekitab faasivahet. Kui footon oleks kogu silindri peatumise ajal maksimaalse gravitatsiooniväljaga kohas: $\Delta\lambda/\lambda = E_g * l/c^2$; $E_G = -\frac{r * \frac{\partial B_G}{\partial t}}{2}$ seega $\Delta\lambda/\lambda = \frac{r * l * \frac{\partial B_G}{\partial t}}{2 * c^2} = \frac{r * \Delta B_G}{2 * c} \approx 4.640613273140196e - 24$

juhul kui ühe silindri asemel oleks mitu pöörlevat ketast, mis just siis peatuvad kui õige valguskiire (laserkiire) jupp neid läbib võiks saada suurema muutuse lainepikkuses.

2.4 teise suure inertsimomendiga silndrile jõumomendi tekitamine.

- h on teise silindri kõrgus.

$$\tau = \int (dr * (2\pi * r) * h * \rho_2 * E_G * r * 4) = - \int (dr * (2\pi * r) * h * \rho_2 * \frac{r * \frac{\partial B_G}{\partial t}}{2} * r * 4) = - \frac{2\pi * h * \rho_2 * \frac{\partial B_G}{\partial t} * (r_{2,2}^4 - r_{2,1}^4)}{2} = - \frac{2\pi * h * \rho_2 * B_G * (r_{2,2}^4 - r_{2,1}^4)}{2 * \Delta t}$$

parimal praktiliselt saavutataval juhul kui:

- $\rho_2 \approx 22570$
- $h = 0,5 * m$ teise silindri kõrgus. (kui on täielikult homogeenses gravitimagneetväljas)
- $\Delta t = 0.1 * s$ peamise silindri peatamiseks kuluv aeg.

siis $\tau_{parim \text{ praktiliselt saavutatav}} \approx 9.86455531800619 * 10^{-16} * N * m$

2.5 teise silindri pöörlema panemine

- $\rho_{0,2}$ on teise silindri tihedus
- $r_{2,1}$ on teise õõnes silindri välimine raadius.
- $r_{2,2}$ on teise õõnes silindri sisemine raadius.
- E_G on gravitatsiooni väli.
- B_G on gravitimagneetiline väli.
- τ on jõumoment.
- I on inertsimoment.

GEM võrrand: $rot(E_G) = -\frac{\partial B_G}{\partial t}$

$$2 * \pi * r * E_G = -\pi * r^2 * \frac{\partial B_G}{\partial t}$$

$$E_G = -\frac{r * \frac{\partial B_G}{\partial t}}{2}$$

$$\tau = \int (dr * (2\pi * r) * h * \rho_2 * E_G * r * 4) = - \int (dr * (2\pi * r) * h * \rho_2 * \frac{r * \frac{\partial B_G}{\partial t} * 4}{2} * r) = - \frac{2\pi * h * \rho_2 * \frac{\partial B_G}{\partial t} * (r_{2,2}^4 - r_{2,1}^4)}{2}$$

$$I = \frac{m * (r_{2,2}^2 - r_{2,1}^2)}{2} = \frac{\pi * h * \rho_2 * (r_{2,2}^2 - r_{2,1}^2)^2}{2}$$

$$\omega = \int \left(\frac{\tau * dt}{I} \right) = \int \left(\frac{2\pi * h * \rho_2 * \frac{\partial B_G}{\partial t} * (r_{2,2}^4 - r_{2,1}^4) * dt}{4 * \pi * h * \rho_2 * (r_{2,2}^2 - r_{2,1}^2)^2} \right) = \int \left(\frac{\frac{\partial B_G}{\partial t} * (r_{2,2}^4 - r_{2,1}^4) * dt}{2 * (r_{2,2}^2 - r_{2,1}^2)^2} \right) = \frac{\Delta B_G * (r_{2,2}^4 - r_{2,1}^4)}{2 * (r_{2,2}^2 - r_{2,1}^2)^2}$$

parimal juhul $\omega_{parim} \approx 2.78105119466268e - 13 * s^{-1}$

2.6 neutraalsete osakeste kõrvalekaldumine

$F = 4 * B \times v$. Ilmselt pole hea meetod, sest erinevalt EM-lainetest(footonitest) ei saa osakesi peegeldada.

$$\Delta\alpha \approx 4 * B_G * l \approx 1.3905255973313401e - 10 * rad$$