

## Β ΜΕΡΟΣ ΠΡΟΓΡΑΜΜΑΤΙΣΤΙΚΩΝ ΑΣΚΗΣΕΩΝ

ΟΜΑΔΑ:

ΧΡΙΣΤΙΝΑ ΟΛΥΜΠΙΑ ΣΟΛΔΑΤΟΥ A.M. 4001

ΙΩΑΝΝΑ ΑΠΟΣΤΟΛΟΠΟΥΛΟΥ A.M. 2935

### Ερώτημα i)

Τις διαστάσεις του παραθύρου αλλά και τον τίτλο τα ορίζουμε με την παρακάτω εντολή: `window = glfwCreateWindow(1000, 1000, u8"Εργασία 1B - Τραπεζοειδές Πρίσμα", NULL, NULL);` .

Ο προσδιορισμός του χρώματος του background σε σκούρο μπλε γίνεται με την παρακάτω εντολή: `glClearColor(0.0f, 0.0f, 0.2f, 0.0f);` .

Για να τερματίζει η εφαρμογή με το space ελέγχεται αν πατήθηκε το space:

`while (glfwGetKey(window, GLFW_KEY_SPACE) != GLFW_PRESS && glfwWindowShouldClose(window) == 0);` .

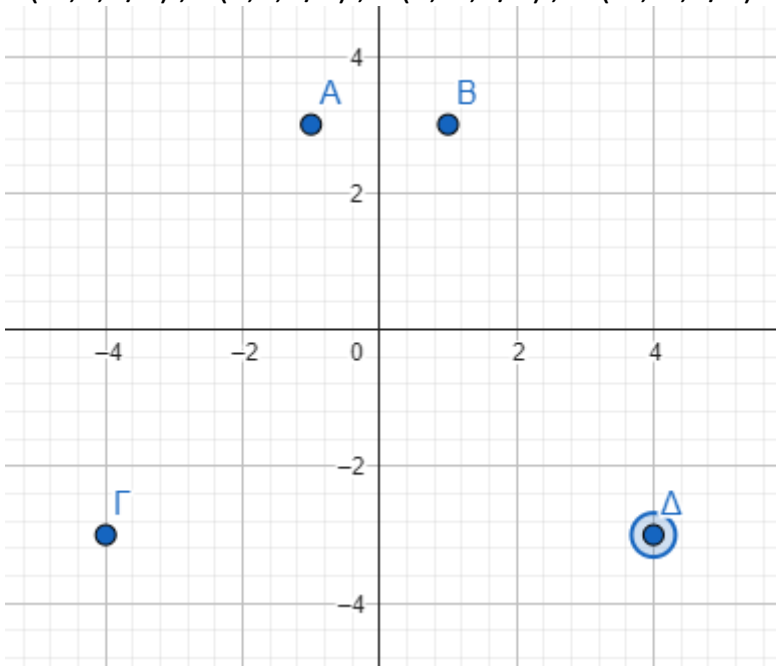
### Ερώτημα ii)

Κάθε πλευρά του πρίσματος σχεδιάζεται από δύο τρίγωνα.

Οι κορυφές των τριγώνων είναι αποθηκευμένες στον πίνακα `g_vertex_buffer_data[]`, κάθε τρεις γραμμές αναλογούν σε ένα τρίγωνο και κάθε 6 γραμμές αναλογούν σε κάθε πλευρά.

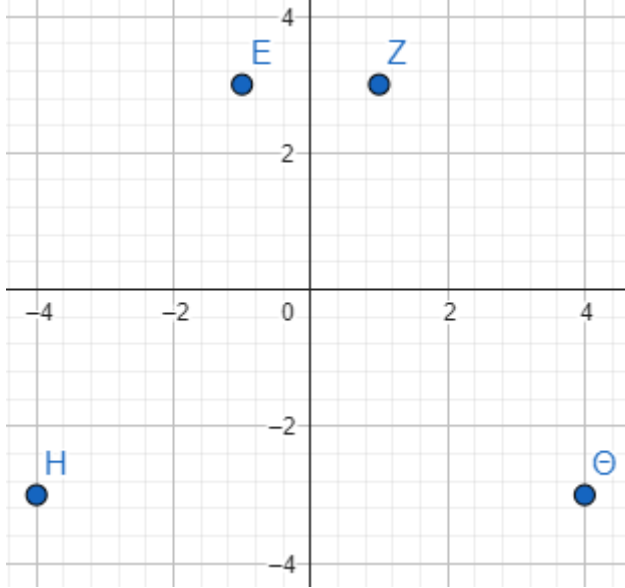
Η Βάση 1 βρίσκεται στο επίπεδο  $z=h/2$  (επίπεδο παράλληλο στο επίπεδο  $xy$ ) και δημιουργείται από τα τρίγωνα  $AB\Delta$ ,  $\Delta\Gamma A$  .

$A(-1,3,h/2)$  ,  $B(1,3,h/2)$  ,  $\Gamma(4,-3,h/2)$  ,  $\Delta(-4,-3,h/2)$



Η Βάση 2 βρίσκεται στο επίπεδο  $z=-h/2$  (επίπεδο παράλληλο στο επίπεδο  $xy$ ) και δημιουργείται από τα τρίγωνα ΕΖΘ, ΘΗΕ .

$E(-1,3,-h/2)$  ,  $Z(1,3,-h/2)$  ,  $\Theta(4,-3,-h/2)$  ,  $H(-4,-3,-h/2)$



Για τις άλλες τέσσερις πλευρές δηλαδή τα παραλληλόγραμμα :

Οι δύο πλευρές που είναι παράλληλες στον άξονα  $z$  σχεδιάζονται

Η πάνω ( τα  $y>0$  ) από τα τρίγωνα:ΕΖΒ , ΒΑΕ και η κάτω πλευρά (τα  $y<0$ ) από τα τρίγωνα ΗΘΔ, ΔΓΗ.

Οι άλλες δύο πλευρές στα πλάγια, αυτή που έχει όλα τα  $x<0$  από τα τρίγωνα : ΕΑΗ,ΗΑΓ

Και αυτή που έχει όλα τα  $x>0$  από τα τρίγωνα ΖΒΘ,ΘΒΔ.

Για τον χρωματισμό των πλευρών δίνουμε το ίδιο χρώμα στις κορυφές των δύο τριγώνων που αποτελούν μία πλευρά και διαφορετικό από τις άλλες πλευρές. Ο πίνακας `g_color_buffer_data[]` έχει τις τιμές για το χρωματισμό κάθε κορυφής.

### Ερώτημα iii)

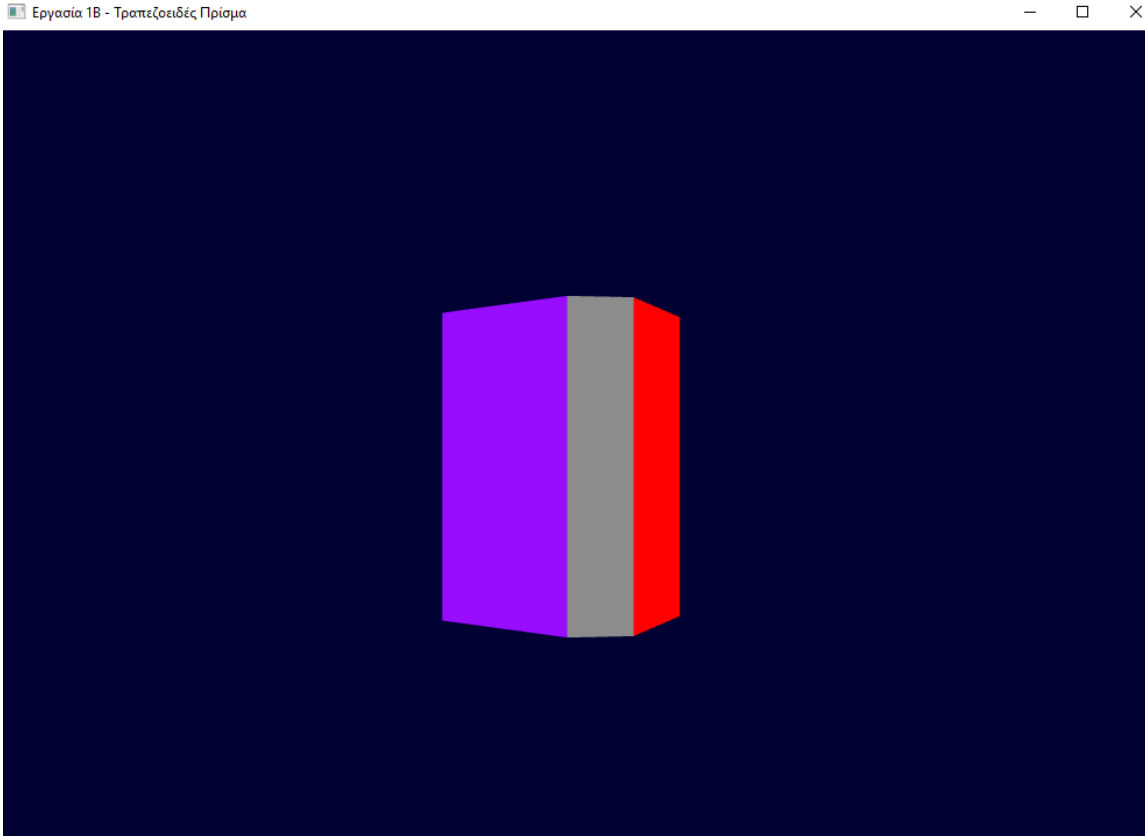
Ορίσαμε ένα global διάνυσμα το `camera_position=(10.0, 50.0, 0.0)`:

```
glm::vec4 netp_position = glm::vec4(10.0f, 50.0f, 0.0f, 1.0f);  
glm::vec3 camera_position = glm::vec3(10.0f, 50.0f, 0.0f);
```

Τοποθέτηση της κάμερας στο σημείο (10.0, 50.0, 0.0) ώστε να κοιτάει προς το σημείο  $P(0,0,0)$  του πρίσματος με ανιόν διάνυσμα (up vector) το (0.0, 0.0, 1.0) .

```
// Projection matrix : 30° Field of View, 4:3 ratio, display range : 0.1 unit <-> 100 units  
glm::mat4 Projection = glm::perspective(glm::radians(30.0f), 4.0f / 3.0f, 0.1f, 100.0f);  
  
//ARXIKOPOIISH  
// Camera matrix  
View = glm::lookAt(  
    camera_position,  
    glm::vec3(0.0f, 0.0f, 0.0f),  
    glm::vec3(0.0f, 0.0f, 1.0f)  
);  
// Model matrix  
glm::mat4 Model = glm::mat4(1.0f);  
// Our ModelViewProjection : multiplication of our 3 matrices  
glm::mat4 MVP = Projection * View * Model; // Remember, matrix multiplication is the other way around
```

Screenshot της εφαρμογής μετά την τοποθέτηση της κάμερας στο (10.0, 50.0, 0.0):



#### Ερώτημα iv)

Για να μεγαλώνει/μικραίνει το ύψος  $h$  του πρίσματος, θα γίνεται κλιμάκωση ή σμίκρυνση του ύψους του πρίσματος. Με βάση τη θεωρία η κλιμάκωση/σμίκρυνση στις 3D γίνεται πολλαπλασιάζοντας τις κορυφές του πρίσματός μας με έναν πίνακα  $4 \times 4$  της παρακάτω μορφής.

$$S(s_x, s_y, s_z) = \begin{bmatrix} s_x & 0 & 0 & 0 \\ 0 & s_y & 0 & 0 \\ 0 & 0 & s_z & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Στην περίπτωση μας θελουμε να αλλάζει μόνο η συνιστώσα  $z$  των κορυφών μας και να μεταβάλλεται από 1 έως 5 στο θετικό  $z$  και από -5 ως -1 στο αρνητικό  $z$ , καθώς το  $h$  μεταβάλλεται στο διάστημα  $[2.0, 10.0]$ . Άρα θα είναι  $s_x=1$  και  $s_y=1$ .

Το  $s_z$  θα είναι από 1.0 έως 5.0. Στον πίνακα `g_vertex_buffer_data[]` που έχει τις κορυφές των τριγώνων από τα οποία σχηματίζεται κάθε πλευρά και τελικά το πρίσμα, βάλουμε τη  $z$  συνιστώσα 1 ή -1 ώστε μετά όταν πολλαπλασιαστεί με το  $s_z$  που αυξομειώνεται με βήμα 0.01 στο διάστημα  $[1.0, 5.0]$  να πάρει την τιμή του. Χρησιμοποιούμε τον πίνακα `Model` ως πίνακα μετασχηματισμού.

Η μεταβλητή που αντιπροσωπεύει το  $s_z$  είναι το `scale_up_down` η οποία αρχικοποιείται τυχαία στο διάστημα  $[1.0, 5.0]$ .

Ο κώδικας (μέσα στο do-while loop) :

```
//αύξηση ύψους
if (glfwGetKey(window, GLFW_KEY_U) == GLFW_PRESS) {
    if (scale_up_down < 5.0f) {
        scale_up_down += 0.01f;
    }
}

//μείωση ύψους
if (glfwGetKey(window, GLFW_KEY_P) == GLFW_PRESS) {
    if (scale_up_down > 1.0f) {
        scale_up_down -= 0.01f;
    }
}

//transform matrix for scale up/scale down
Model = glm::scale(glm::mat4(1.0f), glm::vec3(1.0f, 1.0f, scale_up_down));
```

Εξήγηση κώδικα: Το πρώτο if είναι για την κλιμάκωση , αφού πατηθεί το πλήκτρο u γίνεται ένας ακόμη έλεγχος ώστε το Sz να μην ξεπεράσει το 5 καθώς θέλουμε το  $h = 2 * Sz \leq 10$ .

Αντίστοιχα στη σμίκρυνση αντιστοιχεί το if που γίνεται έλεγχος αν πατήθηκε το πλήκτρο p, αν πατήθηκε γίνεται ακόμη ένας έλεγχος ώστε το Sz να μη γίνει μικρότερο από 1 καθώς θέλουμε  $h = 2 * Sz \geq 2$ .

Με την εντολή scale φτιάχνουμε τον scale Matrix .

## Ερώτημα ν)

Για τις κινήσεις της κάμερας και τον υπολογισμό του νέου πίνακα View καλείται η συνάρτηση camera\_function() κάθε φορά πριν τον υπολογισμό του MVP μέσα στο do –while loop.

```
//for camera movements
camera_function();
// new MVP
MVP = Projection * View * Model;
glUniformMatrix4fv(MatrixID, 1, GL_FALSE, &MVP[0][0]);
```

Για διευκόλυνση ορίσαμε τα εξής global διανύσματα και πίνακες. Κάναμε τον πίνακα View global ώστε μετά τις αλλαγές στη θέση της κάμερας να τον υπολογίζουμε εκ νέου μέσα στη camera\_function() . Το διάνυσμα help\_position είναι οι ομογενείς συντεταγμένες του camera\_position. Έχουμε τέσσερις πίνακες περιστροφής και το διάνυσμα helpn που είναι για τη λειτουργία zoom.

```
////*****
// GLOBAL μεταβλητές
//*****
glm::vec4 help_position = glm::vec4(10.0f, 50.0f, 0.0f, 1.0f);
glm::vec3 camera_position = glm::vec3(10.0f, 50.0f, 0.0f);
glm::vec3 helpv = glm::vec3(0.0f, 0.0f, 0.0f) - camera_position;
glm::mat4 rotate1_x = glm::rotate(glm::mat4(1.0f), 0.01f, glm::vec3(1.0f, 0.0f, 0.0f));
glm::mat4 rotate2_x = glm::rotate(glm::mat4(1.0f), -0.01f, glm::vec3(1.0f, 0.0f, 0.0f));
glm::mat4 rotate1_z = glm::rotate(glm::mat4(1.0f), 0.01f, glm::vec3(0.0f, 0.0f, 1.0f));
glm::mat4 rotate2_z = glm::rotate(glm::mat4(1.0f), -0.01f, glm::vec3(0.0f, 0.0f, 1.0f));
glm::mat4 View;
```

Για την κίνηση γύρω από τον άξονα x θα γίνεται περιστροφή της καμέρας. Σύμφωνα με τη θεωρία ο πίνακας περιστροφής στις 3D γύρω από τον άξονα x είναι:

$$\mathbf{R}_x(\theta) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \theta & -\sin \theta & 0 \\ 0 & \sin \theta & \cos \theta & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Με την εντολή rotate φτιάξαμε δύο πίνακες rotate1\_x, rotate2\_x για την περιστροφή της κάμερας γύρω από τον x άξονα με γωνία 0.01 και -0.01 για την αντίστροφη περιστροφή. Μέσα στη συνάρτηση camera\_function γίνεται έλεγχος αν πατήθηκε το w ή το x και κάθε φορά υπολογίζεται η νέα θέση της κάμερας πολλαπλασιάζοντας το διάνυσμα help\_position που αποτελεί τις ομογενείς συντεταγμένες του διανύσματος camera\_position, με τον πίνακα περιστροφής ο οποίος είναι 4\*4. Αν πατηθεί το w πολλαπλασιάζεται με τον rotate1\_x ενώ αν πατηθεί το x πολλαπλασιάζεται με τον rotate2\_x για αντίστροφη περιστροφή. Στη συνέχεια ενημερώνεται το 3\*3 διάνυσμα camera\_position καθώς και helpn ώστε να γίνεται zoom από τη νέα θέση.

Κώδικας:

```
// ΚΙΝΗΣΗ ΓΥΡΩ ΑΠΟ ΤΟΝ x'x
if (glfwGetKey(window, GLFW_KEY_W)) {
    help_position = rotate1_x * help_position;
    camera_position = glm::vec3(help_position[0], help_position[1], help_position[2]);
    helpv = glm::vec3(0.0f, 0.0f, 0.0f) - camera_position;
}
if (glfwGetKey(window, GLFW_KEY_X)) {
    help_position = rotate2_x * help_position;
    camera_position = glm::vec3(help_position[0], help_position[1], help_position[2]);
    helpv = glm::vec3(0.0f, 0.0f, 0.0f) - camera_position;
}
```

Αντίστοιχα για την περιστροφή γύρω από τον z άξονα ο πίνακας περιστροφής είναι:

$$\mathbf{R}_z(\theta) = \begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta & 0 & 0 \\ \sin \theta & \cos \theta & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Με την εντολή rotate φτιάξαμε δύο πίνακες rotate1\_z, rotate2\_z για την περιστροφή της κάμερας γύρω από τον z άξονα με γωνία 0.01 και -0.01 για την αντίστροφη περιστροφή. Οπότε μέσα στη συνάρτηση camera\_function γίνεται έλεγχος αν πατήθηκε το q ή το z και κάθε φορά υπολογίζεται η νέα θέση της κάμερας πολλαπλασιάζοντας το help\_position με τον πίνακα περιστροφής rotate1\_z αν πατηθεί το q, ή με τον rotate2\_z για αντίστροφη περιστροφή αν πατηθεί το z. Στη συνέχεια ενημερώνεται το camera\_position και το helpn.

Κώδικας:

```
// ΚΙΝΗΣΗ ΓΥΡΩ ΑΠΟ ΤΟΝ z'z
if (glfwGetKey(window, GLFW_KEY_Q)) {
    help_position = rotate1_z * help_position;
    camera_position = glm::vec3(help_position[0], help_position[1], help_position[2]);
    helpv = glm::vec3(0.0f, 0.0f, 0.0f) - camera_position;
}
if (glfwGetKey(window, GLFW_KEY_Z)) {
    help_position = rotate2_z * help_position;
    camera_position = glm::vec3(help_position[0], help_position[1], help_position[2]);
    helpv = glm::vec3(0.0f, 0.0f, 0.0f) - camera_position;
}
```

Για τη λειτουργία του zoom προσθέσαμε τον παρακάτω κώδικα μέσα στη camera\_function():

```
//ZOOM
if (glfwGetKey(window, GLFW_KEY_KP_ADD) == GLFW_PRESS) {
    camera_position += 0.01f * helpv;
    help_position = glm::vec4(camera_position[0], camera_position[1], camera_position[2], 1.0f);
}
if (glfwGetKey(window, GLFW_KEY_KP_SUBTRACT) == GLFW_PRESS) {
    camera_position -= 0.01f * helpv;
    help_position = glm::vec4(camera_position[0], camera_position[1], camera_position[2], 1.0f);
}
```

Θέλουμε να μετακινούμε την κάμερα προς το σημείο  $P(0,0,0)$  όταν πατηθεί το + και πίσω προς τη θέση της όταν πατηθεί το - . Χρησιμοποιούμε το βοηθητικό διάνυσμα  $helpv = P(0,0,0) - camera\_position$  το οποίο πολλαπλασιάζουμε με ένα συντελεστή το 0.01 και το προσθέτουμε στο camera\_position αν θέλουμε να κάνουμε zoom in ή το αφαιρούμε αν θέλουμε να κάνουμε zoom out. Το helpv σε κάθε συνιστώσα του έχει την «απόσταση» ανάμεσα στις αντίστοιχες συνιστώσες του  $P(0,0,0)$  και του camera\_position , οπότε προσθέτουμε ένα «βήμα» στο camera\_position για να πλησιάσει η κάμερα στο σημείο P, αντίστοιχα αν το αφαιρούμε απομακρύνεται , το βήμα είναι  $0.01 * helpv$  .

Όταν γίνεται zoom ενημερώνουμε και help\_position ώστε να γίνονται και οι άλλες λειτουργίες της κάμερας (κινήσεις γύρω από τους άξονες x,z) από τη θέση του zoom.

Τέλος στη camera\_function υπολογίζεται εκ νέου ο πίνακας View:

```
View = glm::lookAt(
    camera_position, // θέση της κάμερας
    glm::vec3(0.0f, 0.0f, 0.0f), // η κάμερα κοιτάζει εδώ
    glm::vec3(0.0f, 0.0f, 1.0f) //up vector
);
```

Πληροφορίες σχετικά με την υλοποίηση:

- Λειτουργικό Σύστημα : Windows 10 Home
- Περιβάλλον: Visual Studio x86

Πηγές και βοήθεια: συμμετοχή στις ώρες εργαστηρίου, γενικά google , [www.opengl-tutorial.org](http://www.opengl-tutorial.org), [learnopengl.com](http://learnopengl.com), [www.songho.ca/opengl](http://www.songho.ca/opengl)

Στα αρχεία ProjBFragmentShader και ProjBVertexShader δεν κάναμε κάποια αλλαγή.