



East West University

Intra University Programming Camp

Variant Implementations

Of

Segment Tree

Prepared by: Abdullah Al Masud Tushar

rctushar07@gmail.com

```
int prop[M*3];
```

// প্রায় সব সেগমেন্ট ট্রি প্রবলেমের ইনিট ফাংশনের স্ট্রাকচার এইরকম।

```
// এই ফাংশনের কাজ হল শুরুতেই 1D এর তে সেভ হওয়া ভ্যালু গুলি ট্রি এর লিফ নোডে সেভ করা
```

```
void init(int nod,int b,int e)
```

4

```
if(b==e)
```

{

```
tree[nod]=ara[b]; // ইনপুট এরে ট্রি এর লিফ নোডে সেট হচ্ছে
```

```
return;
```

}

```
int left=nod*2;    // বর্তমান নোডের বাম নোড
```

```
int right=nod*2+1;    // বর্তমান নোডের ডান নোড
```

```
int mid=(b+e)/2;    // বর্তমান নোডের রেঞ্জকে দুই ভাগ করলে যাবোর
```

```
// যে পয়েন্ট পাওয়া যাবে ( b to mid | mid+1 to e)
```

```
init(left,b,mid);    // বাম পাশের নোড কল হচ্ছে begin থেকে mid রেঞ্জ পর্যন্ত
```

```
init(right,mid+1,e), // ডান পাশের নোড বন হচ্ছে mid+1 থেকে end রেঞ্জ পর্যন্ত
```

```
tree[nod]=tree[left]+tree[right]; // বর্তমান নোডে সেভ হচ্ছে নিচের লেফট-রাইট
```

// চাইন্ড নোডের মারজ করা ভালু

}

```

void update(int nod,int b,int e,int i,int j,int val)
{
    if(i>e||j<b)          // গিভেন রেঞ্জ ট্রি নোডের রেঞ্জের বাইরে চলে গেলে ঐ রেঞ্জ বাতিল হবে
        return;

    if(b>=i&&e<=j)        // গিভেন রেঞ্জের কোন অংশ ট্রি নোডের রেঞ্জের ভেতর এঁটে গেলে
    {
        tree[nod]+=(e-b+1)*val; // বর্তমান নোডের ভেতর যতগুলি ইলিমেন্ট আছে তাদের
                                // সবার সাথে val যোগ করার পর টোটাল মান সেভ হবে।
        prop[nod]+=val;         //এই এরিতে সেভ হবে নিচের নোডগুলোতে আগামীতে কত
                                // ভালু দিয়ে আপডেট করার দরকার আছে।

        return;
    }

    int left=nod*2;
    int right=nod*2+1;
    int mid=(b+e)/2;

    // বর্তমান নোডের প্রপাগেশন এরে যদি শূন্য না হয় তাহলে নিচের নোডগুলোতে
    // ১-> ডান - বাম ট্রি নোডে বর্তমান নোডের প্রপাগেশন ভালু দিয়ে আপডেট হবে
    // ২-> ডান - বাম নোডের প্রপাগেশন এরেতে বর্তমান নোডের প্রপাগেশন ভালু পাঠিয়ে দিবে
    // এরপর নিজে খালি হয়ে যাবে। কারণ বর্তমান নোডের এখন পূর্ণসংখ্য সেন্সর ভালু যোগ করার কুএরি
    // করা হয়েছে সেন্সর কাজ বর্তমান নোডের প্রপাগেশন ভালু এখন কমপ্লিট করে ফেলেছে। একই কাজ
    // সম্পন্ন করার জন্য সে তখন চাইল্ড নোডে সেন্সর কাজ সমর্পণ করে দেয়।

    if(prop[nod])
    {
        tree[left]+=(mid-b+1)*prop[nod];
        tree[right]+=(e-mid)*prop[nod];
        prop[left]+=prop[nod];
        prop[right]+=prop[nod];
        prop[nod]=0;
    }

    update(left,b,mid,i,j,val);
    update(right,mid+1,e,i,j,val);
    tree[nod]=tree[left]+tree[right];
}

```

```
// এই ফানশনের কাজ কোন একটা গিভেন রেঞ্জ (i to j) এর টোটাল যোগফল পাওয়া ।
// একটি ইনডেক্স এর মান জানার ক্ষেত্রে ফাংশন কলের সময় প্যারামিটার হিসাবে i,j তে
// একই ভ্যালু পাঠাতে হবে।
// কম বেশি প্রায় সব লেজি প্রোপাগেশনের কুএরি ফাংশনের ইমপ্লিমেন্টেশন স্ট্রাকচার এইরকম ।
// প্রবলেম কন্সট্রেন্ট এর উপর ভিত্তি করে ভেতরের অংশের মডিফিকেশন করতে হয়
```

```
int query(int nod,int b,int e,int i,int j)
{
    if(i>e||j<b)    // রেঞ্জ বাতিল হবার কারনে শূন্য রিটার্ন করবে
        return 0;

    if(b>=i&&e<=j)
        return tree[nod]; // রেঞ্জের ভেতর এঁটে গেলে ঐ অংশের মান রিটার্ন করবে

    int left=nod*2;
    int right=nod*2+1;
    int mid=(b+e)/2;

    if(prop[nod])    // এই অংশ আপডেট এবং কুএরি ফাংশনের ক্ষেত্রে একই থাকবে
    {
        tree[left]+=(mid-b+1)*prop[nod];
        tree[right]+=(e-mid)*prop[nod];
        prop[left]+=prop[nod];
        prop[right]+=prop[nod];
        prop[nod]=0;
    }

    int p1=query(left,b,mid,i,j);
    int p2=query(right,mid+1,e,i,j);
    return p1+p2;
}
```

```
// এই ফাংশনের কাজ ট্রি এর বর্তমান অবস্থায় i তম ইলিমেন্ট খুঁজে বের করা,  
// ডিলিট করা এবং ডিলিট হওয়া এরের আইডি নাম্বার শো করা
```

```
void dilit(int nod,int b,int e,int i)
```

```
{  
    if(b==e)  
    {  
        tree[nod]=0;          // ভালু ১ থেকে ০ করার মানে হল  
                               // এই নোডের ইলিমেন্ট ডিলিট হয়েছে  
        pf("%d\n",tid[nod]);  
        return;  
    }  
}
```

```
int left=nod*2;
```

```
int right=nod*2+1;
```

```
int mid=(b+e)/2;
```

```
//যদি লেফট ট্রি এর টোটাল ইলিমেন্ট i তম ইলিমেন্টের সমান অথবা বড় হয়  
// তাহলে বলা যায় i তম ইলিমেন্ট লেফট ট্রি এর কোন এক জায়গায় বিদ্যমান
```

```
//আর সেটা যদি না হয় তাহলে অবশ্যই সেটা রাইট ট্রি এর কোন এক জায়গায় বিদ্যমান।
```

```
// এক্ষেত্রে যেহেতু লেফট ট্রি এর সম্পূর্ণ অংশ বাদ দিচ্ছি তাই i থেকে tree[left]
```

```
// এর টোটাল ইলিমেন্ট বাদ দিয়ে যে নতুন পজিশন i পাওয়া যাবে সেটা খুঁজে বেড়ানোর আগের নিয়মে
```

```
if(tree[left]>=i)
```

```
    dilit(left,b,mid,i);
```

```
else
```

```
    dilit(right,mid+1,e,i-tree[left]);
```

```
tree[nod]=tree[left]+tree[right];
```

```
}
```

```
// এই অংশটা চিন্তা সামান্য জটিল তবে বেশ মজার।
// দুইটা কুএরি থাকবে, একটা হল i - j রেঞ্জের ভেতর ইলিমেন্টগুলোর
// মান এক করে বাড়াবে এবং আরেকটা হল i-j রেঞ্জের ভেতর কতোগুলো নাম্বার
// ২ দ্বারা বিভাজ্য যায় তা শো করবে

// আইডিয়াঃ এই ধরনের প্রবলেম লেজি প্রপাগেশন দিয়ে সমাধান করা যায় তবে এক্ষেত্রে
// ট্রি এর ভেতর আলাদা ভাবে ইনফরমেশন রাখতে হবে। ২ দিয়ে বিভাজ্য হবার মানে হল
// কোন একটা নির্দিষ্ট রেঞ্জের ভেতর ইলিমেন্টগুলোকে মড করলে সেটা ০ অথবা ১ হবে।
// শূন্য হলে সেটা অবশ্যই দুই দিয়ে বিভাজ্য, নতুবা নয়। তাহলে আমাদের প্রবলেমটায় এখন
// মূল কাজ হবে প্রতিটা নোডে কতোগুলো ০ এবং কতগুলো ১ আছে সেটার ইনফরমেশন সেভ রাখা।
// আর কোন রেঞ্জের ভেতর একবার আপডেট হলে ঐ নোডের tree[][0] এবং tree[][1]
// এর ভালু গুলো অদল বদল হবে। কারণ , ঐ রেঞ্জের ইলিমেন্টগুলোকে আপডেট দেয়ার ফলে
// এক্ষেত্রে ২ দিয়ে মড করার পর যাদের মান ০ হত তাদের মান ১ পাওয়া যাবে এবং যাদের ১ পাওয়া যেতো
// তাদের পাওয়া যাবে ০ , সহজ কথায় সুস্বাভাবিক হবে। নিচের ফাংশনগুলোতে সেটাই করা হয়েছে।
```

```
int tree[M*3][3];
```

```
int prop[M*3];
```

```
// এই ধরনের প্রবলেমের ক্ষেত্রে ইনিট ফাংশন স্ট্রাকচার নিচের মতো হবে।
```

```
void init(int nod,int b,int e)
```

```
{
    if(b==e)
    {
        tree[nod][0]=1; // শুরুতে সবগুলো নাম্বার ০ তাই লিফ নোডে (x%2)=০ আছে ১ টা করে
        tree[nod][1]=0;
        prop[nod]=0;
        return;
    }
}
```

```
int lft,rgt,mid;
```

```
lft=2*nod;
```

```
rgt=2*nod+1;
```

```
mid=(b+e)/2;
```

```
init(lft,b,mid);
```

```
init(rgt,mid+1,e);
```

```
tree[nod][0]=tree[lft][0]+tree[rgt][0]; // প্রতি নোডে চাইল্ড নোড মারজ হবে
```

```
tree[nod][1]=tree[lft][1]+tree[rgt][1]; // '' '' '' '' '' ''
```

```
prop[nod]=0;
```

/ এই ফাংশানে কাজ লেজি প্রপাগেশন প্রসেসে আপডেট করা

```
oid update(int nod,int b,int e,int i,int j)
```

```
if(i>e||j<b)
```

```
return;
```

```
if(b>=i&&e<=j)
```

{

```
swap(tree[nod][0],tree[nod][1]); // এই রেঞ্জের ০,১ এর ভ্যালু আদান বদল হয়েছে
```

```
prop[nod]++; // প্রপার্গেশন ভালু বাড়িয়ে বলা হচ্ছে নিচের নোডে কতবার আপডেট করা লাগবে
```

```
return;
```

}

```
int lft,rgt,mid;
```

```
lft=2*nod;
```

```
rgt=2*nod+1;
```

```
mid=(b+e)/2;
```

```

if(prop[nod])
{
    prop[nod]%=2;    //n সংখ্যক বার আপডেট হওয়া এবং ০/১ বার আপডেট হওয়া সেম কথা

    for(int k=0; k<prop[nod]; k++) // প্রচলিত নিয়মে চাইল্ড নোড আপডেট করা হচ্ছে
    {
        swap(tree[lft][0],tree[lft][1]);
        swap(tree[rgt][0],tree[rgt][1]);
    }

    // প্রচলিত নিয়মে চাইল্ড নোডের কাছে প্রপাগেশনের কাজ সমর্পণ করা হচ্ছে
    prop[lft]=(prop[lft]+prop[nod])%2;
    prop[rgt]=(prop[rgt]+prop[nod])%2;
    prop[nod]=0;
}

update(lft,b,mid,i,j);
update(rgt,mid+1,e,i,j);

tree[nod][0]=tree[lft][0]+tree[rgt][0];
tree[nod][1]=tree[lft][1]+tree[rgt][1];

```



```

// উপরের আপডেট ফাংশন এবং এই ফাংশনের ক্যালকুলেশন প্রায় সম।
// মূল পার্থক্য হল এই ফাংশন আপডেট অংশটোতে সরাসরি ভ্যালু রিটার্ন করে
int query(int nod,int b,int e,int i,int j)
{
    if(i>e||j<b)
        return 0;
    if(b>=i&&e<=j)
        return tree[nod][0];

    int lft,rgt,mid;

    lft=2*nod;
    rgt=2*nod+1;
    mid=(b+e)/2;

    if(prop[nod])
    {
        prop[nod]%=2;
        for(int k=0; k<prop[nod]; k++)
        {
            swap(tree[lft][0],tree[lft][1]);
            swap(tree[rgt][0],tree[rgt][1]);
        }
        prop[lft]=(prop[lft]+prop[nod])%2;
        prop[rgt]=(prop[rgt]+prop[nod])%2;
        prop[nod]=0;
    }

    int p1=query(lft,b,mid,i,j);
    int p2=query(rgt,mid+1,e,i,j);

    return p1+p2;
}

```

Practice problem

Single node update – 1082, 1093, 1112

Lazy propagation – 1164, 1080, 1183

Insert/delete/kth value – 1087, 1097

Array compression/offline – 1089

Offline - 1207

Compound node - 1135 , codechef (ENTRY)