۱- مدل تجزیه غیر منفی ماتریسها را به صورت زیر در نظر بگیرید:

A = BC + E, $A \in \mathbb{R}_+^{n \times m}$, $B \in \mathbb{R}_+^{n \times j}$, $C \in \mathbb{R}_+^{j \times m}$, $E \in \mathbb{R}_+^{n \times m}$

که در این تجزیه هدف تعیین ماتریسهای غیرمنفی B و C با داشتن ماتریس A و تعداد مولفهها i است به گونهای که خطای $\|\mathbf{E}\|_{F}$ مینیموم شود. اکثر الگوریتمهایی که برای این تجزیه ارائه شدهاند به مقدار اولیه برای ماتریسهای \mathbf{B} و کنیاز دارند که آنها را با \mathbf{B} و \mathbf{B} نیاز دارند که آنها را با ر

الف) الگوریتم ALS برای تجزیه غیرمنفی ماتریس ورودی A را شبیهسازی کنید. (ورودیها: A, j, B_0, C_0 ، خروجیها: B, C

 A, j, B_0, C_0 برای تجزیه غیرمنفی ماتریس ورودی A را شبیهسازی کنید. (ورودیها: Multiplicative برای تجزیه غیرمنفی ماتریس ورودی A, j, B_0, C_0 بخروجیها: A, j, B_0, C_0

ج) برای بررسی درستی الگوریتمهای شبیه سازی شده، مراحل زیر را اجرا کنید. به طور مشابه کدهای NMF متلب را نیز اجرا کرده و نتایج را با یکدیگر مقایسه کنید:

[B,C] = nnmf(A,j,'algorithm','als','w0',B0,'h0',C0);

[B,C] = nnmf(A,j,'algorithm','mult','w0',B0,'h0',C0);

ج-۱) ماتریسهای $E \in \mathbb{R}^{6 \times 4}_+$, $E \in \mathbb{R}^{3 \times 4}_+$, $E \in \mathbb{R}^{6 \times 4}_+$ را به صورت تصادفی از توزیع یکنواخت تولید کنید.

ج-۲) با توجه به تعریف SNR به صورت زیر:

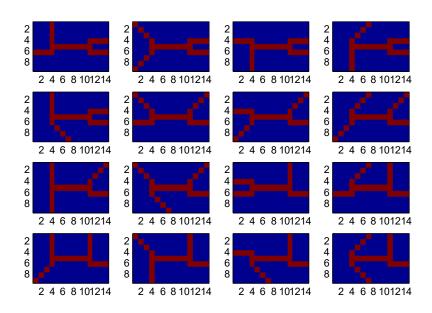
 $SNR = 20 \log_{10} \left(\frac{\|BC\|_F}{\alpha \|E\|_F} \right)$

به ازای SNRهای مختلف ($A = BC + \alpha E$ را تولید کنید. α را تعیین کنید و ماتریس $A = BC + \alpha E$ را تولید کنید.

C و B را با چهار الگوریتم بالا انجام داده و نرم خطا را به دست آورید. مقدار اولیه ماتریسهای D و D را به صورت تصادفی از توزیع یکنواخت قرار دهید. توجه کنید برای همه الگوریتمها مقدار اولیه یکسانی استفاده شود.

ج-٤) مراحل بالا را به ازای تعداد مولفه های j=2,3,4 اجرا کنید. برای هر j=2,3,4 ماتریس تصادفی ایجاد کرده و میانگین خطا را به دست آورید. نمودار خطا بر حسب j=2,3,4 را به ازای هر یک از حالت های j=2,3,4 رسم کنید.

۲- ۲۵۲ ماتریس با اندازه 14×9 داده شدهاند که هر یک معادل با تصویر باینری جهت قرارگیری دستها و پاهای یک شناگر در حین شنا هستند (swimmer.mat). با استفاده از تجزیه NMF تمام حالتهای قرارگیری دستها و پاها را به دست آورید. اثر تغییر تعداد مولفهها و نوع الگوریتم را بررسی کنید.



نمایش چند نمونه از ماتریسها