

VIGILADA MINEDUCACIÓN - SNIES 1732

SISTEMA DE ECUACIONES LINEALES



Identificar las variables (INCÓGNITAS)



Identificar ecuaciones (Pistas – Totales)



S.E.L





1.

Un laboratorio requiere enviar insumos al *Centro Médico Municipal* para apoyar la emergencia del COVID-19. En total, debe enviar 41 unidades entre tapabocas, pares guantes desechables y frascos de antibacterial.

La empresa de mensajería cobra 3 dólares por enviar cada unidad de tapabocas, 2 dólares por cada unidad de pares de guantes y 5 dólares por el envío de cada frasco de antibacterial; lo que da un gran total de 115 dólares en el envío de las 41 unidades. Además, se sabe que la cantidad de guantes supera en 2 unidades al triple de frascos de antibacterial.

¿Cuántas unidades de tapabocas, guantes desechables y frascos de antibacterial serán enviados al *Centro Médico*?





Un laboratorio farmacéutico requiere enviar insumos al *Centro Médico Municipal* para apoyar la emergencia del COVID-19. En total, debe enviar 41 unidades entre tapabocas, guantes desechables y frascos de antibacterial. La empresa de mensajeria cobra 3 doiares por enviar cada unidad de tapabocas, 2 doiares por cada unidad de guantes y 5 dólares por el envío de cada frasco de antibacterial; lo que da un gran total de 115 dólares en el envío de las 41 unidades. Además, se sabe que la cantidad de guantes supera en 2 unidades al triple de frascos de antibacterial.

¿Cuántas unidades de tapabocas, guantes desechables y frascos de antibacterial serán enviados al Centro Médico?

X: Cantidad de tapabocas

Y: Cantidad de pares de guantes

Z: Cantidad de frascos de antibacterial





Un laboratorio farmacéutico requiere enviar insumos al *Centro Médico Municipal* para apoyar la emergencia del COVID-19. In total, debe enviar 41 unidades entre tapabocas, guantes desechables y frascos de antibacterial La empresa de mensajería cobra 3 dólares por enviar cada unidad de tapabocas, 2 dólares por cada unidad de guantes y 5 dólares por el envío de cada frasco de antibacterial; lo que da un gran total de 115 dólares en el envío de las 41 unidades. Además, se sabe que la cantidad de guantes supera en 2 unidades al triple de frascos de antibacterial.

¿Cuántas unidades de tapabocas, guantes desechables y frascos de antibacterial serán enviados al *Centro Médico*?

 \rightarrow Y - 3Z = 2

$$X + Y + Z = 41$$

$$3X + 2Y + 5Z = 115$$

$$Y = 3Z + 2$$





$$X + Y + Z = 41$$

$$3X + 2Y + 5Z = 115$$

$$Y - 3Z = 2$$

$$\begin{pmatrix}
1 & 1 & 1 & | & 41 \\
3 & 2 & 5 & | & 115 \\
0 & 1 & -3 & | & 2
\end{pmatrix}
\xrightarrow{-3F_1 + F_2}
\begin{pmatrix}
1 & 1 & 1 & | & 41 \\
0 & -1 & 2 & | & -8 \\
1 & -3 & | & 2
\end{pmatrix}
\xrightarrow{F_2 * (-1)}$$

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1/4/1 \\ 0 & 1 & -3/2 \\ 0 & 1 & -3/2 \end{pmatrix} \xrightarrow{F_1 - F_2} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 & |33| \\ 0 & 1 & -2 & |8| \\ F_3 - F_2 & 0 & 0 & -1/6 \end{pmatrix}$$



$$X + Y + Z = 41$$

 $3X + 2Y + 5Z = 115$

$$Y - 3Z = 2$$

- Y: Cantidad de pares de guantes
- Z: Cantidad de frascos de antibacterial

$$\begin{pmatrix}
1 & 0 & 3 & | & 33 & | & -3F3 + F1 \\
0 & 1 & -2 & | & 8 & | & 2F3 + F2 \\
0 & 0 & 1 & | & 6 & | & -3F3 + F2
\end{pmatrix}$$

RTA: La cantidad enviada al centro médico será:

15 Tapabocas

20 pares de guantes

6 frascos de antibacterial



SOLUCIÓN DE PROBLEMAS – M. GAUSS JORDAN

$$X + 2Y + 3Z = 9$$

 $4X + 5Y + 6Z = 24$
 $3X + Y - 2Z = 4$

Operaciones elementales por renglones

- i) Multiplicar (o dividir) un renglón por un número diferente de cero.
- ii) Sumar un múltiplo de un renglón a otro renglón.
- iii) Intercambiar dos renglones.





Sistemas inconsistentes y consistentes

Se dice que un sistema de ecuaciones lineales es **inconsistente** si no tiene solución. Se dice que un sistema que tiene al menos una solución es **consistente**.





Sistemas de Ecuaciones Lineales Inconsistente

No hay solución

Solución única

Consistente

Infinito número de soluciones





2.

Un departamento de pesca y caza del estado proporciona tres tipos de comida a un lago que alberga a tres especies de peces. Cada pez de la especie 1 consume cada semana un promedio de 1 unidad del alimento A, 1 unidad del alimento B y 2 unidades del alimento C. Cada pez de la especie 2 consume cada semana un promedio de 3 unidades del alimento A, 4 del B y 5 del C. Para un pez de la especie 3 el promedio semanal de consumo es de 2 unidades del alimento A, 1 unidad del alimento B y 5 unidades del C. Cada semana se proporcionan al lago 25.000 unidades del alimento A, 20.000 unidades del alimento B y 55.000 del C. Si suponemos que los peces se comen todo el alimento, ¿cuántos peces de cada especie pueden coexistir en el lago?





Un departamento de pesca y caza del estado proporciona tres tipos de comida a un lago que alberga a tres especies de peces. Cada pez de la especie 1 consume cada semana un promedio de 1 unidad del alimento A, 1 unidad del alimento B y 2 unidades del alimento C. Cada pez de la especie 2 consume cada semana un promedio de 3 unidades del alimento A, 4 del B y 5 del C. Para un pez de la especie 3 el promedio semanal de consumo es de 2 unidades del alimento A, 1 unidad del alimento B y 5 unidades del C. Cada semana se proporcionan al lago 25.000 unidades del alimento A, 20.000 unidades del alimento B y 55.000 del C. Si suponemos que los peces se comen todo el alimento, ¿cuántos peces de cada especie pueden coexistir en el lago?

X: Cantidad de peces de la especie 1

Y: cantidad de peces de la especie 2





2.

Un departamento de pesca y caza del estado proporciona tres tipos de comida a un lago que alberga a tres especies de peces. Cada pez de la especie 1 consume cada semana un promedio de 1 unidad del alimento A, 1 unidad del alimento B y 2 unidades del alimento C. Cada pez de la especie 2 consume cada semana un promedio de 3 unidades del alimento A, 4 del B y 5 del C. Para un pez de la especie 3, el promedio semanal de consumo es de 2 unidades del alimento A, 1 unidad del alimento B y 5 unidades del C. Cada semana se proporcionan al lago 25.000 unidades del alimento A, 20.000 unidades del alimento B y 55.000 del C. Si suponemos que los peces se comen todo el alimento, ¿cuántos peces de cada especie pueden coexistir en el lago?

X: Cantidad de peces de la especie 1

Y: cantidad de peces de la especie 2

Z: cantidad de peces de la especie 3

Nota: las <u>especies</u> son las columnas (variables) y ¿qué forma cada fila?





2.

Un departamento de pesca y caza del estado proporciona tres tipos de comida a un lago que alberga a tres especies de peces. Cada pez de la especie 1 consume cada semana un promedio de 1 unidad del alimento A, 1 unidad del alimento B y 2 unidades del alimento C. Cada pez de la especie 2 consume cada semana un promedio de 3 unidades de alimento A, 4 del B y 5 del C. Para un pez de la especie 3, el promedio semanal de consumo es de 2 unidades del alimento A, 1 unidad del alimento B y 5 unidades del C. Cada semana se proporcionan al lago 25.000 unidades del alimento A, 20.000 unidades del alimento B y 55.000 del C. Si suponemos que los peces se comen todo el alimento, ¿cuántos peces de cada especie pueden coexistir en el lago?

X: Cantidad de peces de la especie 1

Y: cantidad de peces de la especie 2

$$X + 3Y + 2Z =$$





Un departamento de pesca y caza del estado proporciona tres tipos de comida a un lago que alberga a tres especies de peces. Cada pez de la especie 1 consume cada semana un promedio de 1 unidad del alimento A 1 unidad del alimento B y 2 unidades del alimento C. Cada pez de la especie 2 consume cada semana un promedio de 3 unidades del alimento A, 4 del B y 5 del C. Para un pez de la especie 3, el promedio semanal de consumo es de 2 unidades del alimento A, 1 unidad del alimento B y 5 unidades del C. Cada semana se proporcionan al lago 25.000 unidades del alimento A, 20.000 unidades del alimento B y 55.000 del C. Si suponemos que los peces se comen todo el alimento, ¿cuántos peces de cada especie pueden coexistir en el lago?

X: Cantidad de peces de la especie 1

Y: cantidad de peces de la especie 2

$$X + 3Y + 2Z = 25000$$





Un departamento de pesca y caza del estado proporciona tres tipos de comida a un lago que alberga a tres especies de peces. Cada pez de la especie 1 consume cada semana un promedio de 1 unidad del alimento A, 1 unidad del alimento B y 2 unidades del alimento C. Cada pez de la especie 2 consume cada semana un promedio de 3 unidades del alimento A, 4 del B y 5 del C. Para un pez de la especie 3, el promedio semanal de consumo es de 2 unidades del alimento A, 1 unidad del alimento B y 5 unidades del C. Cada semana se proporcionan al lago 25.000 unidades del alimento A, 20.000 unidades del alimento B y 55.000 del C. Si suponemos que los peces se comen todo el alimento, ¿cuántos peces de cada especie pueden coexistir en el lago?

X: Cantidad de peces de la especie 1

Y: cantidad de peces de la especie 2

$$X + 3Y + 2Z = 25000$$

$$X + 4Y + Z = 20000$$





Un departamento de pesca y caza del estado proporciona tres tipos de comida a un lago que alberga a tres especies de peces. Cada pez de la especie 1 consume cada semana un promedio de 1 unidad del alimento A, 1 unidad del alimento B y 2 unidades del alimento C. Cada pez de la especie 2 consume cada semana un promedio de 3 unidades del alimento A, 4 del B y 5 del C Para un pez de la especie 3, el promedio semanal de consumo es de 2 unidades del alimento A, 1 unidad del alimento B y 5 unidades del C. Cada semana se proporcionan al lago 25.000 unidades del alimento A, 20.000 unidades del alimento B y 55.000 del C. Si suponemos que los peces se comen todo el alimento, ¿cuántos peces de cada especie pueden coexistir en el lago?

X: Cantidad de peces de la especie 1

Y: cantidad de peces de la especie 2

$$X + 3Y + 2Z = 25000$$

$$X + 4Y + Z = 20000$$

$$2X + 5Y + 5Z = 55000$$





X + 3Y + 2Z = 25000X + 4Y + Z = 20000

$$2X + 5Y + 5Z = 55000$$

$$\begin{pmatrix}
1 & 3 & 2 & 25000 \\
0 & 1 & -1 & -5000 \\
0 & -1 & 1 & 5000
\end{pmatrix}$$

$$\begin{array}{c}
3F2 + F1 \\
F2 + F3
\end{array}$$

$$\frac{3+2+71}{-3} \begin{pmatrix} 0 & 1 & -1 & -5000 \\ 0 & 1 & -1 & -5000 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

Multiples soluciones





3.

Un nutriólogo prepara una dieta que consiste en los alimentos A, B y C. Cada onza del alimento A contiene 2 unidades de proteína, 3 unidades de grasa y 4 unidades de carbohidratos. Cada onza del alimento B contiene 3 unidades de proteínas, 2 unidades de grasa y 1 unidad de carbohidratos. Por su parte, cada onza del alimento C contiene 3 unidades de proteínas, 3 unidades de grasa y 2 unidades de carbohidratos. Si la dieta debe proporcionar exactamente 25 unidades de proteínas, 24 unidades de grasa y 21 unidades de carbohidratos, ¿cuántas onzas de cada tipo de alimento deben utilizarse?

1. Identificar incógnitas



2. Identificar totales



3. Escribir ecuaciones





3.

X= onzas del alimento tipo AY = onzas del alimento tipo BZ= onzas del alimento tipo C

Un nutriólogo prepara una dieta que consiste en los alimentos A, B y C. Cada onza del alimento A contiene 2 unidades de proteína, 3 unidades de grasa y 4 unidades de carbohidratos. Cada onza del alimento B contiene 3 unidades de proteínas, 2 unidades de grasa y 1 unidad de carbohidratos. Por su parte, cada onza del alimento C contiene 3 unidades de proteínas, 3 unidades de grasa y 2 unidades de carbohidratos. Si la dieta debe proporcionar exactamente 25 unidades de proteínas, 24 unidades de grasa y 21 unidades de carbohidratos, ¿cuántas onzas de cada tipo de alimento deben utilizarse?





3.

X= onzas del alimento tipo AY = onzas del alimento tipo BZ= onzas del alimento tipo C

$$2x + 3y + 3t = 25$$

 $3x + 2y + 3t = 24$
 $4x + y + 2t = 21$

Un nutriólogo prepara una dieta que consiste en los alimentos A, B y C. Cada onza del alimento A contiene 2 unidades de proteína 3 unidades de grasa y 4 unidades de carbohidratos. Cada onza del alimento B contiene 3 inidades de proteínas, 2 unidades de grasa y 1 unidad de carbohidratos. Por su parte, cada onza del alimento C contiene 3 unidades de proteínas, 3 unidades de grasa y 2 unidades de carbohidratos. Si la dieta debe proporcionar exactamente 25) unidades de proteínas, 24 unidades de grasa y 21 unidades de carbohidratos, ¿cuántas onzas de cada tipo de alimento deben utilizarse?





3.

iSiempre hacia lo álto!



3.
$$\begin{pmatrix}
1 & 3/2 & 3/2 & | 25/2 & | & -3/2 & F2 + F1 & | & 1 & 0 & 3/5 & | & 22/5 & | \\
0 & 1 & 3/5 & | & 24/5 & | & -5 & | & -4 & | & -29 & | & 5F2 + F3 & | & 0 & -1 & | & -2 & | & F3 & (x-1)
\end{pmatrix}$$



$$\begin{pmatrix}
1 & 3/2 & 3/2 & | 25/2 & | & -3/2 F2 + F1 & | & 1 & 0 & 3/5 & | 22/5 & | \\
0 & 1 & 3/5 & | & 27/5 & | & -5 & -4 & | & -29 & | & 5F2 + F3 & | & 0 & -1 & -2 & | & F3 & (x-1)
\end{pmatrix}$$

X= 16/5 onzas del alimento tipo AY = 21/5 onzas del alimento tipo BZ= 2 onzas del alimento tipo C





Una prescripción médica requiere ingerir 40 mg (miligramos) de vitamina C y 30 mg de vitamina D, diariamente. La farmacia proveedora tiene dos tipos de líquidos que pueden ser usados: el líquido A contiene 20% de vitamina C y 30% de vitamina D y el líquido B contiene 40% de vitamina C y 20% de vitamina D. ¿Cuántos miligramos de cada tipo de líquido deben ser usados para cumplir con la prescripción médica?.





Una prescripción médica requiere ingerir 40 mg (miligramos) de vitamina C y 30 mg de vitamina D, diariamente. La farmacia proveedora tiene dos tipos de líquidos que pueden ser usados: el líquido *A* contiene 20% de vitamina C y 30% de vitamina D y el líquido *B* contiene 40% de vitamina C y 20% de vitamina D. ¿Cuántos miligramos de cada tipo de líquido deben ser usados para cumplir con la prescripción médica?.





Una prescripción médica requiere ingerir 40 mg (miligramos) de vitamina C y 30 mg de vitamina D, diariamente. La farmacia proveedora tiene dos tipos de líquidos que pueden ser usados: el líquido *A* contiene 20% de vitamina C y 30% de vitamina D y el líquido *B* contiene 40% de vitamina C y 20% de vitamina D. ¿Cuántos miligramos de cada tipo de líquido deben ser usados para cumplir con la prescripción médica?.

X: miligramos de líquido A.

Y: miligramos de líquido B.





Una prescripción médica requiere ingerir 40 mg (miligramos) de vitamina C y 30 mg de vitamina D, diariamente. La farmacia proveedora tiene dos tipos de líquidos que pueden ser usados: el líquido A contiene 20% de vitamina C y 30% de vitamina D y el líquido B contiene 40% de vitamina C y 20% de vitamina D. ¿Cuántos miligramos de cada tipo de líquido deben ser usados para cumplir con la prescripción médica?.

X: miligramos de líquido A.

Y: miligramos de líquido B.

0,2X + 0,4J = 40





Una prescripción médica requiere ingerir 40 mg (miligramos) de vitamina C y 30 mg de vitamina D, diariamente. La farmacia proveedora tiene dos tipos de líquidos que pueden ser usados: el líquido A contiene 20% de vitamina C y 30% de vitamina D y el líquido B contiene 40% de vitamina C y 20% de vitamina D. ¿Cuántos miligramos de cada tipo de líquido deben ser usados para cumplir con la prescripción médica?.

X: miligramos de líquido A.

Y: miligramos de líquido B.

$$0,2 \times + 0,4 = 40$$

 $0,3 \times + 0,2 = 30$





Una prescripción médica requiere ingerir 40 mg (miligramos) de vitamina C y 30 mg de vitamina D, diariamente. La farmacia proveedora tiene dos tipos de líquidos que pueden ser usados: el líquido A contiene 20% de vitamina C y 30% de vitamina D y el líquido B contiene 40% de vitamina C y 20% de vitamina D. ¿Cuántos miligramos de cada tipo de líquido deben ser usados para cumplir con la prescripción médica?.

X: miligramos de líquido A.

Y: miligramos de líquido B.

$$0,2 \times + 0,4 = 40$$

 $0,3 \times + 0,2 = 30$

$$\begin{pmatrix}
0_{1}2 & 0_{1}4 & 40 \\
0_{1}3 & 0_{1}2 & 30
\end{pmatrix}
\xrightarrow{F1/0_{1}2}
\begin{pmatrix}
1 & 2 & 200 \\
0_{1}3 & 0_{1}2 & 30
\end{pmatrix}
\xrightarrow{F1/0_{1}2}
\begin{pmatrix}
1 & 2 & 200 \\
0 & -0_{1}4 & -30
\end{pmatrix}
\xrightarrow{F2/(-0.4)}
\begin{pmatrix}
1 & 2 & 200 \\
0 & 1 & 75
\end{pmatrix}$$



Una prescripción médica requiere ingerir 40 mg (miligramos) de vitamina C y 30 mg de vitamina D, diariamente. La farmacia proveedora tiene dos tipos de líquidos que pueden ser usados: el líquido A contiene 20% de vitamina C y 30% de vitamina D y el líquido B contiene 40% de vitamina C y 20% de vitamina D. ¿Cuántos miligramos de cada tipo de líquido deben ser usados para cumplir con la

Cuantos miligramos de cada tipo de líquido deben ser usados para cumplir prescripción médica?.

X: miligramos de líquido A.

Y: miligramos de líquido B.

$$\begin{pmatrix}
1 & 2 & | & 200 \\
0 & 1 & | & 75
\end{pmatrix}$$

F2(-2) +F1

$$\begin{pmatrix}
1 & 0 & | & 50 \\
0 & 1 & | & 75
\end{pmatrix}$$

R+a: $X = 50$ mg A
$$y = 75$$
 mg B

$$0.2 \times + 0.4 = 40$$
 $0.3 \times + 0.29 = 30$
 $10 \times 10 = 30$
 $10 \times 10 = 30$





UNIVERSIDAD SANTO TOMÁS PRIMER CLAUSTRO UNIVERSITARIO DE COLOMBIA

SECCIONAL TUNJA

VIGILADA MINEDUCACIÓN - SNIES 1732

iSiempre_{Ito!}

USTATUNJA.EDU.CO









@santotomastunja