# Домашнее задание 4

# Михаил Воронов

# 5 декабря 2019 г.

### I.

Итак, посмотрим, какие вероятности у нас имеются:

- $P(\Delta) = 0,174$
- $P(\Re|\Delta) = 0,035$
- $P(\Delta|\Re) = 0,701$
- $P(\Pi|\Re) = 0,001$
- $P(OH|\Delta \Pi) = 1$

### I.I.

Найти:  $P(\Delta|\mathfrak{A}|\Delta)$ 

Вероятность появления пробела равна 0,174, верояность, что после него будет  $\mathfrak a$  равна 0,035, вероятность, что после  $\mathfrak a$  будет пробел равна 0,701. Соответственно, нам нужна ситуация, когда все три условия выполняются, то есть:

$$0,174 \times 0,035 \times 0,701 = 0,00426909$$

На всякий случай, сверим наш результат с поиском по корпусу. Слово я в NOM.SG, с маленькой буквы, перед и после пробела в корпусе объёмом 288727494 (НКРЯ) встречается 1051117 раз. То есть вероятность встретить такое слово будет  $\approx 0.00364052$ , что совпадает с нашим результатом с точностью до третьего знака после запятой.

Итак ответ: 0,00426909.

#### I.2.

В общем, ситуация такая же, только символов больше:

$$\begin{split} P(\Delta \mathbf{Я}\Pi \mathbf{O}\mathbf{H}) &= P(\Delta) \times P(\mathbf{Я}|\Delta) \times P(\Pi|\mathbf{Я}) \times P(\mathbf{O}\mathbf{H}|\Delta \mathbf{O}\mathbf{H}) = \\ &= 0,174 \times 0,035 \times 0,001 \times 1 = 0.00000609 \end{split}$$

Здесь результаты с корпусом расходятся:  $\approx 0.00005890$ .

Ответ: 0.00000609

#### 2.

Вероятность таракана: 0,2. Значит, вероятность того, что таракан не попадётся ни разу за n дней будет равна  $(1-0,2)^n=0,8^n$ . Итак, вероятность того, что за n дней попадётся таракан равна  $1-0,8^n$ . Мы знаем, что это всё должно быть не меньше 0,9, то есть:

$$1-0,8^n\geqslant 0,9$$

$$0,8^n \leq 0,1$$

Итак, чтобы найти результат, нам нужно посчитать такой логарифм:  $\log_{0,8}0,1\approx10.32$ . Значит, вероятность на десятом дне будет <0,9, а на одиннадцатом больше.

Ответ: 11.

## 3.

Первый ковбой выберет чужое лассо с вероятность  $\frac{2}{3}$ , второму останется выбрать из двух, то есть  $\frac{1}{2}$ , остаётся одно лассо, то есть третий возьмёт чужое лассо в любом случае. Итак:

$$\frac{2}{3} \times \frac{1}{2} \times 1 = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

### 4.

У нас есть 15 семинаров и 8 потенциальных докладчиков. Попробуем разобраться, что может случиться на каждом из семинаров:

- докладчиком будет сестра,  $P = \frac{3}{8}$
- докладчиком будет дядя Ваня,  $P=\frac{1}{2}$
- докладчиком будет руководитель,  $P=rac{1}{8}$

Представим, что происходящее – это серия экспериментов с тремя исходами, чтобы посчитать биномиальное распределение. Время вспомнить формулу вероятности, так как у нас не два исхода, а три, формула будет выглядеть так:

$$P = \binom{n}{k} p_1^{k1} p_2^{k2} p_3^{k3}$$

Подставим наши данные:

$$P = \frac{15!}{5!8!2!} \left(\frac{3}{8}\right)^5 \left(\frac{1}{2}\right)^8 \left(\frac{1}{8}\right)^2 \approx 0.061165$$

# 5.

- А подготовленный студент не знает ответ
- В ответ правильный

Из условия:

• 
$$P(A) = \frac{1}{10}$$

• 
$$P(\overline{A}) = \frac{9}{10}$$

• 
$$P(B|A) = \frac{1}{6}$$

• 
$$P(B|\overline{A}) = 1$$

$$P(B) = P(B|A)P(A) + P(B|\overline{A})P(\overline{A}) = \frac{1}{6} \times \frac{1}{10} + 1 \times \frac{9}{10} = \frac{55}{60}$$
$$P(A|B) = \frac{\frac{1}{6} \times \frac{1}{10}}{\frac{55}{60}} = \frac{1}{55}$$

6.

• В – капибара действительно больна

• ВВ – тест показал, что капибара больна

• Z – капибара здорова

Из условия:

• 
$$P(BB|B) = 0.7$$

• 
$$P(BB|Z) = 0,3$$

• 
$$P(B) = 0.02$$

• 
$$P(Z) = 0.98$$

• 
$$P(B|BB) = ?$$

Посчитаем:

$$P(BB) = 0,7 \times 0,02 + 0,3 \times 0,98 = 0,308$$

Дальше по формуле Байеса:

$$P(B|BB) = \frac{P(BB|B)P(B)}{P(BB)} = \frac{0,7 \times 0,02}{0,308} = 0,0(45)$$

7.

Для вынесения решения нужно два голоса из трёх, то есть достаточно, чтобы двое присяжных вынесли одинаковое решение. Рассмотрим все ситуации, когда получается правильное решение:

•  $0, 3 \times 0, 9 \times 0, 5 = 0, 135$ 

•  $0,7 \times 0,1 \times 0,5 = 0,035$ 

•  $0,7 \times 0,9 \times 0,5 = 0,315$ 

•  $0.7 \times 0.9 \times 0.5 = 0.315$ 

Так как любая из этих ситуаций является достаточной для принятия правильного решения, вероятности следует сложить, итоговая вероятность принятия верного решения будет равна 0,8.

В случае, когда третий будет копировать первого, останется только две ситуации, когда будет принято правильное решение: если все примут правильное решение и если второй ошибётся. То есть:

- $0,7 \times 0,9 \times 1 = 0,63$
- $0,7 \times 0,1 \times 1 = 0.07$

Сумма: 0, 8.

Итак, результат не изменится, если третий начнёт копировать председателя.