snake

考虑 q=1,先预处理出每个方格是否被毒蛇覆盖,若覆盖则设方格权值为 1 ,否则设为 0 。然后求解 (1,1) 到 (n,n) 的最短路即可。用 dijkstra 复杂度则为 $\mathcal{O}(n^3+n^2\log n)$ 。

由于网格大小为 $n\times n$,那么 n 秒以后的网格都是一样的。所以 $q\ne 1$ 只需要对 $t=1,2\dots n$ 分别求求解即可,时间复杂度 $\mathcal{O}(n^3+n^3\log n)$ 。

而方格权值要么为 0 ,要么为 1 ,使用 01BFS 即可使时间复杂度降为 $\mathcal{O}(n^3)$ 。

ride

对于 20% ,可以二分答案,设 f(i,j) 表示当前位于点 i ,体力值剩 j ,路上经过的最大困难度。

对于 m=n-1 ,由于路径唯一,贪心选择最大边花费体力。

对于 k=0 , 求出最小生成树, 答案就是 1 到 n 路径上最大值。

对于 100% ,二分答案 k ,每条边的边权设为 $\max(0,v-k)$,然后跑一边最短路即可,时间复杂度 $\mathcal{O}(n\log^2 n)$ 。也可以使用桶优化去掉最短路的一个 \log 。

perm

f(i,j,S) 表示确定 $1,2,\cdots,i$ 在 b 中的位置,其中有 j 个 c 确定为 1 (i-j 个为 2) , S 为剩余 没填数的 b 位置集合。

1,
$$c=1$$
 $f(i,j,S)=\sum_{k\in S,|i+1-k|<1}f(i+1,j+1,S-\{k\})$

2,
$$c=2f(i,j,S)=\sum_{k\in S,|i+1-k|<2}f(i+1,j,S-\{k\})$$

注意到 [i+3,n] 一定属于 S,并且 [1,i] 的所有空位都是一样的,所以 S 只要记 [i+1,i+2] 即可。复杂度 $O(n^2)$ 。

party

因为 2 操作是对整个连通块做贡献,所以使用并查集维护比较方便,记 cnt_i 为以 i 为代表节点的并 查集举行了多少次聚会。

现在考虑 1 操作,操作相当于将两个并查集合并。假设将 Y 合并到 X 上,会发现此时 X 此前的聚会并未对 Y 进行贡献。要对 Y 的代表节点 y 再记一个 tmp_y ,表示父亲节点在与自己合并之前,已经举行了多少次聚会,来起到一个差分的作用。

另外多出 1 点关系度的两人,可以用哈希表来记录。考虑查询,如果不在一个并查集里关系度肯定为 0。反之,则先暴力跳到他们的 lca,再暴力地往上跳,每次先加 cnt 再减 tmp。

最后的答案,还要先减去 lca 两个儿子 tmp 的较大值,再加上哈希表里二人额外的关系度。因为并 查集树高是 log 级别的,所以暴力往上跳的复杂度是正确的。时间复杂度 O(nlogn)