

seq

对于 $n \leq 15$ ，枚举每个子序列然后排序计算即可。时间复杂度 $\mathcal{O}(2^n n \log n)$ 。

对于 A_i 互不相同，可以枚举每个元素的贡献。即若 A_i 满足在某一子序列中排名第 A_i ，则有 1 的贡献。也就是当 $1 \sim A_i$ 都被选择时才能有贡献。而大于 A_i 的数选不选都可以，所以贡献为 2^{n-A_i} 。

发现可以将原序列直接排序不影响答案结果，那么还是考虑每个元素的贡献求和。对于 A_i ，需要在前面 $i-1$ 个数中选取恰好 A_i-1 个，后面 $n-i$ 个数选不选都可以，预处理阶乘快速算组合数即可。时间复杂度 $\mathcal{O}(n)$ 。

destroy

摧毁最多的道路就对应着保留最少的路径。当 $s_1 = s_2, t_1 = t_2$ 时，直接保留最短路即可。

所以答案上界是 $dis(s_1, t_1) + dis(s_2, t_2)$ ，其中 $dis(x, y)$ 表示 x 到 y 的最短路长度。

但是存在两条路径会重叠的情况，重叠情况只需要被计算一次。

由于 n, m 只有 3000，所以可以通过枚举两个最短路重叠部分。设枚举的重叠部分端点为 a, b ，那么答案为

$$\min_{(a,b)} \{dis(a, b) + \min(dis(s_1, a) + dis(b, t_1), dis(t_1, a) + dis(b, s_1)) + \min(\text{这里和前一个式子类似})\}$$

所以需要处理任意两点最短路，使用 BFS 即可。时间复杂度 $\mathcal{O}(n(n+m))$ 。

tree

模拟题意暴力比较两两字典序，复杂度 $\mathcal{O}(qn^2)$ 。

首先 L 至少是 P_1 的一个前缀。否则会有 $L > P_1$ ，不满足 L 是字典序最小的条件。在 L 是 P_1 前缀的前提下， $|L|$ 越小，则 L 字典序也越小。

当 a_i 是排列的情况下，若 $sz_x = k$ ，则要求 $1 \sim k$ 全部在 sz_x 的子树内。这里给出一种做法：对于 $i \in [1, n-1]$ ，设 $a_x = i, a_y = i+1$ ，对 (x, y) 路径上除了 y 的点执行 $+1$ 操作。那么上述要求等价于 x 的权值等于一。树剖线段树维护子树最小值（第一关键字按权值排序，第二关键字按 sz 排序）即可。时间复杂度 $\mathcal{O}(n \log^2 n)$ 。

当 a_i 不是排列时，就无法用上述方法了。我们需要找到更简便的，描述前缀这个限制：定义 d_u 表示 u 当前子树和与满足条件的子树和之差。也就是说 $d_u = \sum_{v \in \text{sub}(u)} a_v - \sum_{i=1}^{sz_u} P_{1_i}$ 。

于是问题转化为需要找到 sz 最小的，且 $d = 0$ 的点。同样用树剖线段树来实现，时间复杂度 $\mathcal{O}(n \log^2 n)$

divide

考虑给定一个 a 如何计算 $F(a, d)$ 。

首先将 a 排序，可知将值域连续的分成一段不会更劣。所以最终分成 L 个子集可以看作分成 L 个子段。

考虑 $L = 2$ 的情况, 本来是 $a_n - a_1 + d$, 假设将前 i 个分为一段, 那么代价变成了 $a_i - a_1 + a_n - a_{i+1} + 2d$ 。容易发现就是去掉了 $a_{i+1} - a_i$ 在加上了一个 d 。这启发我们考虑差分数组。

定义 $a_0 = 0, a_{n+1} = m$, 设 $b_i = a_i - a_{i-1}$, 则集合 a 可以序列 b 唯一确定。此时需要对 b 有些约束: $b_i \geq 0$ 且 $b_1 \geq 1$; $\sum_{i=1}^{n+1} b_i = m$ 。(如果不加 b_{n+1} 需要花费 $\mathcal{O}(m)$ 的代价枚举总和。)

用 $\sum b_i = m - 1$ 和 $b_i \geq 0$ 来替换以上约束。

对于一个由序列 b 构成的 a , $F(a, d) = d + \sum_{i=2}^n \min(d, b_i)$ 。

不妨先让 $k = k - d$ 。

此时暴力 dp 有 $f(i, j, c, d)$ 表示当前处理 $b = i$ 情况, 已经选了 j 个, 代价和为 c , 数字和为 d , 转移枚举选了几个。根据不同优化拿到不同分数。

对于 $b_i < d$ 和 $b_i \geq d$ 的元素我们需要分别处理。假设有 x 个 $b_i \geq d$, 首先有 $\binom{n-1}{x}$ 种方案固定位置。这些位置可以看作 $b_i = d + c_i$, 其中 $c_i \geq 0$ 。

$$b_1 + b_2 + \dots + b_{n+1} = m - 1$$

$$b_1 + b_{n+1} + (b_2 + b_3 + \dots + b_{x+1}) + (b_{x+2} + \dots + b_n) = m - 1$$

$$b_1 + b_{n+1} + x \cdot d + (c_2 + c_3 + \dots + c_{x+1}) + (k - x \cdot d) = m - 1$$

$$b_1 + b_{n+1} + c_2 + c_3 + \dots + c_{x+1} = m - 1 - k$$

所以用插板法计算下面的式子即可。而另一部分要求:

$$b_{x+2} + \dots + b_n = k - xd$$

$$0 \leq b < d$$

使用容斥即可 $\mathcal{O}(n)$ 解决。具体地, 钦定有 i 个 $b \geq d$, 用插板法计算答案, 乘上 $(-1)^i$ 相加。

这部分如果用背包预处理, 即 $f_{i,j}$ 表示 i 个不超过 d 的值相加等于 j 的方案数, 可以在 $\mathcal{O}(nm)$ 的复杂度内预处理得到, 然后 $\mathcal{O}(1)$ 查询。

最后总时间复杂度 $\mathcal{O}(n^2)$ 。