

## T1 小L的游戏(game)

---

枚举先打死哪只小怪兽，取最优解。以下为了说明方便，不妨先打死 1 号小怪兽。

设  $f(p)$  表示最小的  $x$  使得  $\sum_{i=1}^x i \geq p$ 。因为一定可以打出恰好  $hp_1$  点攻击 (★) 击杀第一只小怪兽，所以两只怪兽的最优死亡的时间分别是  $f(hp_1)$  和  $f(hp_1 + hp_2)$ 。这样就可以做到最小化伤害，为  $f(hp_1) * atk_1 + f(hp_1 + hp_2) * atk_2$ 。

对于(★)的正确性：我们可以发现，在击杀第一只怪兽的最后一击  $f(hp_1)$  中，被浪费的攻击力严格小于  $f(hp_1)$  所以把被浪费的攻击力的那一天打另一只即可。

## T2 小L的楼梯(stair)

---

设DP状态  $dp[i]$  表示走到第  $i$  节台阶的方案数，则转移为：

$$dp[i] = \sum_{j=\max(1, i-k)}^{i-1} dp[j].$$

一种  $O(nk)$  的做法是从小到大枚举  $i$  然后再枚举  $j$  求和。可以使用前缀和优化求和的过程做到  $O(n)$ 。

## T3 小L的旅行(travel)

---

首先，我们要看到问题实际上在说：规定序列的下一位须与当前位在图上相邻，求最长自由度上升序列。于是我们就得到了DP状态： $dp[pos]$ 表示从 $pos$ 号景点出发的最长自由度上升序列的长度。这里，我们用 $f$ 来表示自由度，Neighbor表示由道路直接相连的点的集合，则转移为：

$$dp[pos] = \max_{nxt \in Neighbor(pos), f[nxt] > f[pos]} dp[nxt] + 1.$$

可以按照自由度排序进行转移，也可以直接记忆化搜索，会更加方便好写。由于每一条边只会被两个点访问到，所以时间复杂度是 $O(m)$ 的。

## T4 小L的flappy(bird)

DP状态为  $dp[i][0/1]$  表示选第  $i$  个, 且第  $i$  个比第  $i - 1$  个大/小。朴素的转移为

$$dp[i][0] = \max_{j < i, h[j] < h[i]} dp[j][1] + 1(\star)$$
$$dp[i][1] = \max_{j < i, h[j] > h[i]} dp[j][0] + 1$$

直接枚举复杂度为  $O(n^2)$ , 可以获得80%的分数。

发现这个形式就是拦截导弹, 进而观察是否满足拦截导弹的性质。发现有些不同, 并不能保证  $a[i]$  的性质。但是按照该思路思考, 对 $(\star)$ 来说, 如果  $dp[j][1]$  的值更低但是  $h[j]$  更高的话, 一定不优。所以在  $h$  单调增的情况下,  $dp$  值应当单调增。所以转移的时候可以用二分找到使得  $h$  比当前高度小的最大的  $dp$  值进行转移。考虑维护这样的序列, 修改时:

1. 如果当前结果比栈顶结果严格更优, 则弹栈。并且重复步骤1直到不满足。
2. 如果当前结果比栈顶结果严格更劣, 则不加入当前结果, 并且结束该过程。
3. 此时要么当前  $h$  和  $dp$  值都比栈顶高, 要么  $h$  和  $dp$  值都比栈顶低。对于前者, 我们将当前结果加入栈中; 对于后者, 考虑栈顶元素  $i'$  的  $dp$  转移是来自  $j'$  的, 显然我们可以从  $j'$  转移到当前的  $i$  使得  $dp$  值更高, 与之前我们的转移相矛盾, 所以不会出现这样的情况。