

Funções

- Aula 13 -
Pensamento Computacional

Prof. Me. Lucas R. C. Pessutto



Na aula de hoje...

01

Subprogramação

Motivação
Conceito
Níveis de Chamada

02

Funções

Sintaxe
Parâmetros e Retorno
Tipos de Funções

03

Funções com Parâmetros

04

Funções com Retorno

05

Modularização

Conceito
Definindo módulos personalizados

Motivação Inicial

Algoritmo **Motivacao**

1. Início
2. Preencher a lista A (de tamanho MAX) com valores do índice.
3. Imprimir a lista A
4. Somar 2 em cada elemento de A
5. Imprimir a lista A
6. Zerar os valores pares de A
7. Imprimir a lista A
8. Fim

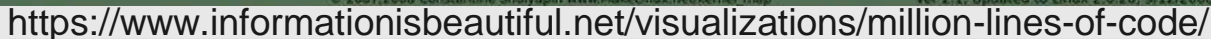
Motivação Inicial

```
MAX = 10
a = []
# Preencher a lista com o valor do índice
for i in range(MAX):
    a.append(i)
# Imprimindo a lista a
for i in range(MAX):
    print(a[i], end="")
    if i < MAX - 1:
        print(" - ", end="")
print()
# Somando dois a cada elemento de a
for i in range(MAX):
    a[i] += 2
```

```
# Imprimindo a lista a
for i in range(MAX):
    print(a[i], end="")
    if i < MAX - 1:
        print(" - ", end="")
print()
# Zerando os valores pares de A
for i in range(0, MAX, 2):
    a[i] = 0
# Imprimindo a lista a
for i in range(MAX):
    print(a[i], end="")
    if i < MAX - 1:
        print(" - ", end="")
print()
```

Qual o problema
deste código?

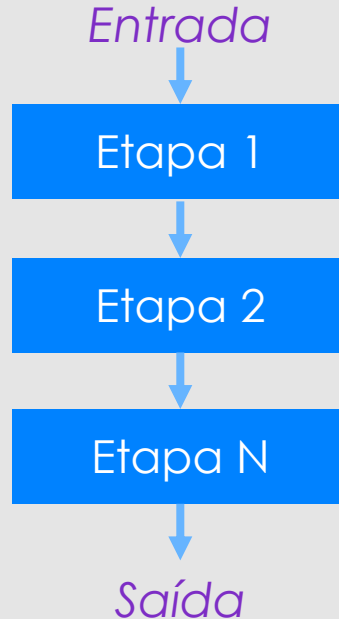
Linux 5.6 ~ 33 milhões de linhas de código



Programação Estruturada

Características:

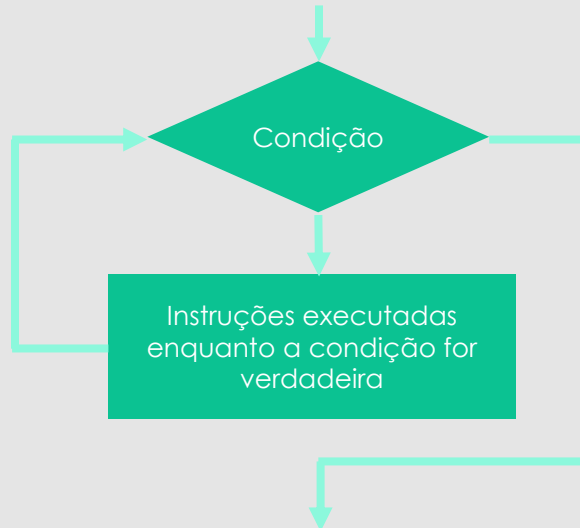
- * Desenvolvimento de algoritmos por etapas



Programação Estruturada

Características:

- * Desenvolvimento de algoritmos por etapas
- * Número Limitado de Estruturas de Controle



Programação Estruturada

Características:

- ★ Desenvolvimento de algoritmos por etapas
- ★ Número Limitado de Estruturas de Controle
- ★ **Decomposição do algoritmo completo em módulos desenvolvidos usando subprogramas**

Dividir para Conquistar

Programação Estruturada

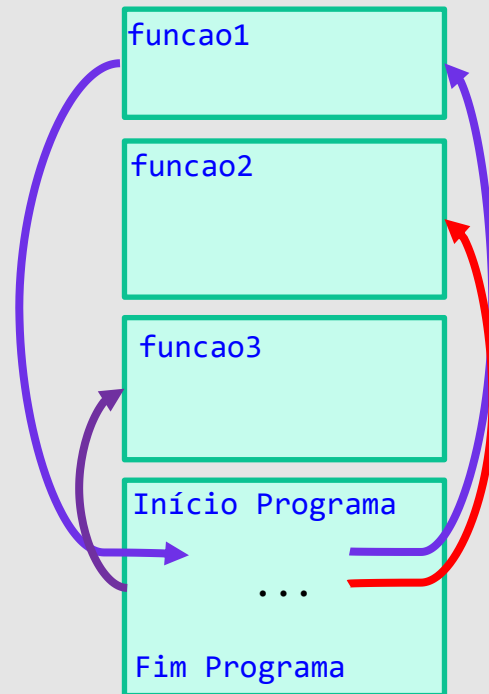
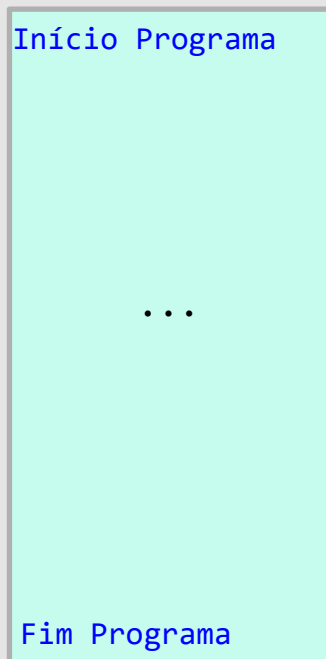
VANTAGENS:

- * Facilidade de Debugar
- * Reutilização de Código
- * Legibilidade
- * Confiança

Prog. Estruturada c/ módulos e funções

- ✱ Desenvolvimento de algoritmos por fases ou refinamentos sucessivos
- ✱ Uso de um número muito limitado de estruturas de controle
- ✱ Decomposição do algoritmo total em módulos, desenvolvidos e implementados usando subprogramas.

Funções – Ideia Principal



Motivação Inicial

```
MAX = 10
```

```
a = []
```

```
def imprime_lista():  
    # Imprimindo a lista a  
    for i in range(MAX):  
        print(a[i], end="")  
        if i < MAX - 1:  
            print(" - ", end="")  
    print()
```

```
# Preencher a lista com o valor do índice  
for i in range(MAX):  
    a.append(i)
```

```
imprime_lista()
```

```
# Somando dois a cada elemento de a  
for i in range(MAX):  
    a[i] += 2
```

```
imprime_lista()
```

```
# Zerando os valores pares de A  
for i in range(0, MAX, 2):  
    a[i] = 0
```

```
imprime_lista()
```

Subprogramação

Objetivos Principais:

- * Evitar repetição de sequência de comandos
- * Dividir e estruturar um programa em partes fechadas e logicamente coerentes



“A arte de programar consiste em organizar e dominar a complexidade dos sistemas”
(Dijkstra, 1972)

Funções

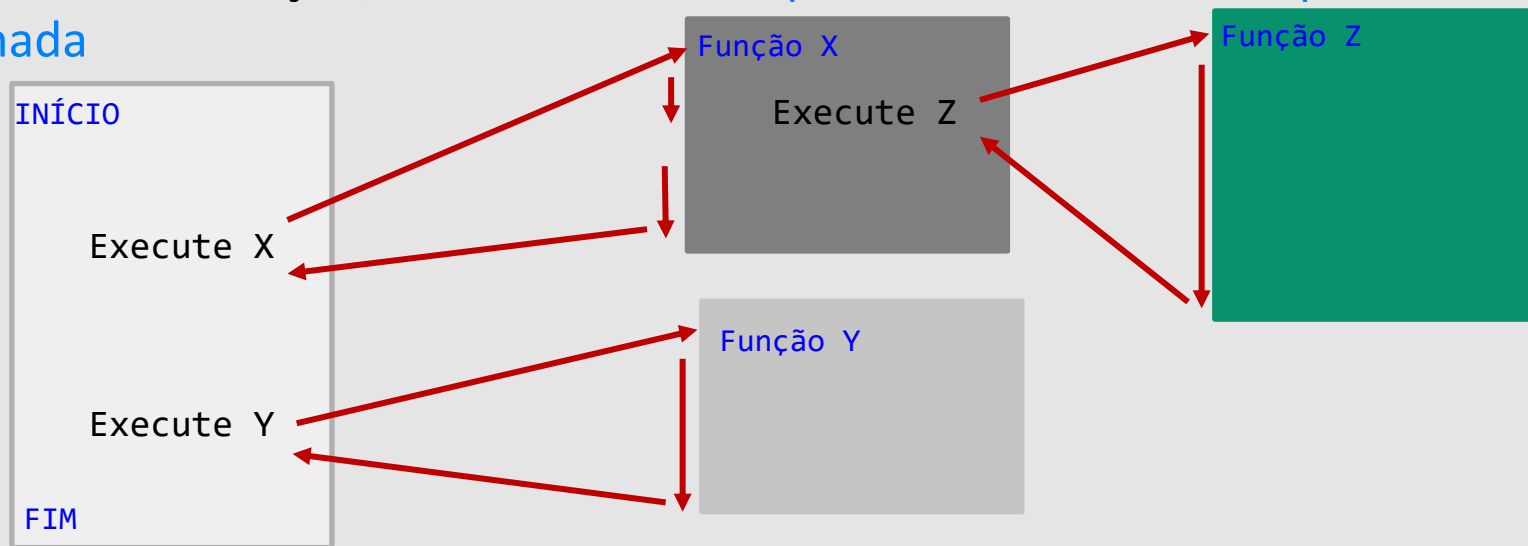
- * Sequência de instruções ou programas executados somente quando chamados por um programa em execução, incluindo aqui o sistema operacional.
- * Existem funções pré-definidas (disponibilizadas pelos compiladores) e funções desenvolvidas pelo usuário (um programa pode incluir diversas funções).
- * Uma função deve executar UMA tarefa específica, muito bem identificada (programação estruturada).
- * Após sua execução, o fluxo do programa retorna ao ponto imediatamente após o da chamada da função (ou subprograma).

Porque usar Funções?

- * Estruturar um programa em **partes** logicamente coerentes
- * Evita a **repetição** de sequências de comandos
- * Copiar código é fácil e rápido, mas tende a **produzir e propagar erros** e dificulta a **manutenção de código**
- * Permite **reuso** de trechos de programas
- * Facilita **depuração e teste** (funções podem ser testadas separadamente)

Funções – Níveis de Chamada

- * Quando uma função é chamada, o **fluxo de execução** do programa se **transfere** para o escopo da função
- * Após sua execução, o fluxo **retorna ao ponto imediatamente após a chamada**



Funções Pré-definidas

Já estamos acostumados
a utilizar funções...

```
import math
```

```
circulo = input("Forneça o identificador do círculo: ")  
circulo = circulo.upper()
```

```
raio = float(input("Forneça o raio do círculo: "))  
area = math.pi * math.pow(raio, 2)  
print(f"Área do círculo {circulo} de raio {raio:.2f} é {area:.2f}")
```

Funções Pré-definidas

Funções embutidas (*built-in*) são disponibilizadas juntamente com o interpretador e podem ser usadas em **qualquer ponto** de um programa

Exemplos:

`print`, `input`, `len`, `sorted`, ...

Documentação completa em
docs.python.org/3/library/functions.html

Funções de módulos podem ser **incluídas** no programa principal pelo comando `import`

Exemplos:

Nome do
módulo

`math`, `sin`

`random`, `randint`

`date`, `today`

Nome da
função

Lista de módulos disponíveis por padrão (muitos outros podem ser instalados)

docs.python.org/3/py-modindex.html

Funções desenvolvidas pelo programador

- * Estrutura lógica mais clara
- * Facilita a solução de problemas complexos através de uma solução em partes (dividir para conquistar)
- * Maior facilidade de depuração e teste (subprogramas podem ser testados separadamente)
- * Disponibiliza trechos de programa que solucionam problemas recorrentes
- * Evita repetição de sequência de comandos (e erros decorrentes)

Declarando uma função

- * Toda função precisa ser declarada para ser chamada por um programa.
- * A declaração de uma função possui dois componentes:
 - **Cabeçalho:** Definição do nome, tipo de retorno e parâmetros formais
 - **Corpo:** Código da função

Declarando uma função

def

Comando que identifica a definição de uma nova função

nome

Nome da função escolhido pelo programador

(argumentos) :

Dados de entrada recebidos pela função (opcional, veremos isso depois)

Chamando uma função

- * A **chamada** de uma função é feita através do seu **nome**
- * A chamada pode ser feita em **diversos pontos** do programa principal após a sua definição ou a partir de **outras funções**

nome **(argumentos)**

Mesmo nome da
função utilizado
na definição

Dados de entrada que
serão enviados para a
função (opcional)

Exemplo 1

```
TAMANHO = 20
```

```
print("+", end="")
for i in range(TAMANHO):
    print("-", end="")
print("+")
print(" Números entre 1 e 5")
print("+", end="")
for i in range(TAMANHO):
    print("-", end="")
print("+")
for i in range(1, 6):
    print(" ", i)
print("+", end="")
for i in range(TAMANHO):
    print("-", end="")
print("+")
```

```
+-----+
Números entre 1 e 5
+-----+
1
2
3
4
5
+-----+
```

Quais partes deste código estão repetidas?

Exemplo 1

TAMANHO = 20

Declaração da Função

```
def imprime_cabecalho():  
    print("+", end="")  
    for i in range(TAMANHO):  
        print("-", end="")  
    print("+")
```

imprime_cabecalho()

print(" Números entre 1 e 5")

imprime_cabecalho()

Chamada da Função

```
for i in range(1, 6):  
    print(" ", i)
```

imprime_cabecalho()

Parâmetros e Retorno

Quando um programa executa uma função:

- * A função pode **receber dados** deste programa, utilizados localmente para executar os comandos incluídos na função: estes dados são chamados de **parâmetros** ou **argumentos**.
- * Uma função pode também **devolver um valor** para o programa, o que chamamos de **retorno** de função.

Na memória, x terá o
valor 3

x = max(5, 9)

Estes dados são chamados de
parâmetros ou argumentos

Funções desenvolvidas pelo programador

	Sem Argumentos	Com Argumentos
Sem Retorno	Não recebem argumentos. Não retornam valores.	Recebem um ou mais argumentos. Não retornam valores.
Com Retorno	Não recebem argumentos. Retornam um valor.	Recebem um ou mais argumentos. Retornam um valor.

Funções sem argumento e sem retorno

Definição de função

Nome da função

Argumentos

```
def imprime_cabecalho():  
    print("+", end="")  
    for i in range(TAMANHO):  
        print("-", end="")  
    print("+")
```

Escopo da função

Funções sem argumento e sem retorno

`imprime_cabecalho()` → Chamada da função

```
print(" Números entre 1 e 5")
```

`imprime_cabecalho()` → Chamada da função

```
for i in range(1, 6):  
    print(" ", i)
```

`imprime_cabecalho()` → Chamada da função

Problema 1: Menu de Opções



Escreva uma função void, de nome `menu_de_opcoes`, que gere o menu abaixo, sem incluir a leitura da opção informada:

```
-----  
MENU  
-----
```

- 1 - Soma de dois valores reais
- 2 - Divisores do número
- 3 - Sequência de números pares
- 4 - Verifica se o número é perfeito

```
Informe a opção desejada:  
?
```

No programa principal, inclua a chamada desta função e faça a leitura da opção desejada.

Problema 1: Menu de Opções

```
def menu_de_opcoes():  
    print("-" * 10)  
    print("MENU".center(10))  
    print("-" * 10)  
    print()  
    print(" 1 - Soma de dois valores reais")  
    print(" 2 - Divisores do número")  
    print(" 3 - Sequência de números pares ")  
    print(" 4 - Verifica se o número é perfeito")  
  
    print("\nInforme a opção desejada:")
```

```
menu_de_opcoes()  
opcao = int(input("\t? "))
```

Não seria melhor fazer essa leitura dentro da função menu_de_opcoes?

Funções com Parâmetros

- * São utilizados para “passar dados” para uma função.
- * Utiliza valores para parametrizar as ações de uma função
- * Permite que a função exiba comportamentos diferentes a cada chamada, dependendo dos dados informados como parâmetro
- * Permite a troca de informações entre a função chamada e a função chamadora
- * Habilita a construção de funções mais genéricas

Funções com Parâmetros

* Exemplos:

- Em funções matemáticas especificamos um **valor de x** para calcular um **valor de y**
 - Cada chamada com um x retorna um y diferente
- Uma função que **calcula a área de um círculo** precisamos especificar o **comprimento do raio**
 - Cada chamada com um raio retorna uma área diferente

Funções com Parâmetros

```
def nome(arg1, arg2, ..., argN):
```

Comando que identifica a definição de uma nova função

Nome da função escolhido pelo programador

Dados de entrada recebidos pela função. Podemos usar uma lista de argumentos separados por vírgula.

Funções com Parâmetros

- * Vejamos com um exemplo simples
 - A função `calcula_media` recebe três parâmetros (formais)
 - Parâmetros formais são vistos como variáveis locais
 - A função é chamada `calcula_media` com três argumentos (reais)
 - Vinculação entre argumentos e parâmetros é pela posição

```
def calcula_media(n1, n2, n3):  
    media = (n1 + n2 + n3) / 3  
    print(f"MEDIA = {media:.2f}")
```

```
a = 3.2  
b = 5.4  
c = -11.7
```

```
calcula_media(a, b, c)
```



Problema 2: Imprimir n vezes



Faça uma função void que receba 2 parâmetros: um caractere c e um inteiro n. O procedimento deverá imprimir na tela n vezes o caractere c.

Utilize essa função para imprimir o seguinte padrão na tela:

```
a
bb
ccc
dddd
eeee
ffffff
ggggggg
hhhhhhh
iiiiiii
jjjjjjjj
kkkkkkkkkk
-> llllllllllll
mmmmmmmmmm
nnnnnnnnnn
ooooooooo
pppppppp
qqqqqqq
rrrrrr
ssss
tttt
uuu
vv
w
```

Problema 2: Imprimir n vezes



```
def imprimir(caracter, vezes):  
    print(caracter * vezes)
```

```
char = 'a'  
repeticoes = 1  
incremento = 1  
while repeticoes > 0:  
    imprimir(char, repeticoes)  
    repeticoes += incremento  
    char = chr(ord(char) + 1)  
  
    if char == 'l':  
        print('-> ', end="")  
        incremento = -1
```

Problema 3: Imprimir intervalo de caracteres



Escreva uma função para imprimir os caracteres da tabela ASCII entre 2 inteiros (recebidos como parâmetros).

```
imprime_char(97,140)
```

Problema 3: Imprimir intervalo de caracteres

```
def imprime_char(inicio, fim):  
    letras = []  
    for val in range(inicio, fim + 1):  
        char = chr(val)  
        letras.append(char)  
    print(", ".join(letras))  
  
ini = int(input("Inicio do intervalo: "))  
fim = int(input("Final do intervalo: "))  
  
if ini < fim:  
    imprime_char(ini, fim)  
else:  
    imprime_char(fim, ini)
```

Funções com Retorno

- * Tem como objetivo **devolver/retornar** um valor para o programa principal (ou função) que realizou a chamada
- * O valor pode ser:
 - Valor constante
 - Valor de uma variável dentro da respectiva função
 - Resultado de uma expressão lógica ou aritmética
- * O valor retornado precisa ser “**recebido**” no programa principal (ou função) que realizou a chamada através de uma **atribuição** ou pelo seu **uso em uma expressão**

Funções com Retorno

- * Fazemos uso da palavra reservada **return**, seguida do valor a ser retornado, para retornar um valor de uma função

```
def nome(arg1, arg2, ..., argN):
```

```
<comando>
```

```
<comando>
```

```
<comando>
```

Comando
indicando
retorno do
valor a seguir



return valor



Valor constante, variável
ou expressão a ser
retornado pela função

Comando return

- * Uma função termina sua execução quando seu último comando for executado ou quando ela executar o comando return.
- * O comando return provoca a saída imediata da função que o contém e retoma a execução da função chamadora
- * Comando return devolve os valores que o seguem para a função chamadora.

Funções com Retorno

```
def nome(arg1, arg2, ..., argN):
```

→ Declaração da função

```
...
```

```
return valor
```

No caso, o retorno está sendo feito a partir do valor atribuído para a variável **valor** no escopo da função.

```
# Programa principal
```

```
...
```

```
r = nome(a1, a2, ..., aN)
```

→ Chamada da função

```
...
```

Nesse caso, o valor retornado pela função está sendo **atribuído** à **variável r** no programa principal.

Funções com retorno – utilização

A chamada de uma função com retorno pode ser incluída em uma expressão, atribuição ou função de impressão do programa.

```
def soma(a, b):  
    return a + b  
  
v1 = 10  
v2 = 15  
  
soma_val = soma(v1, v2)  
  
if (soma(v1, v2) == 25):  
    print("Somou 25!")  
  
print(f"A soma é {soma(v1, v2)}")
```

Problema 4: Menu de Opções com retorno



Reescreva a função `menu_de_opcoes`, para que faça a leitura da opção informada. Se o valor digitado for válido, retorne o valor lido. Caso o valor seja inválido, retorne -1.

```
-----  
MENU  
-----  
  
1 - Soma de dois valores reais  
2 - Divisores do número  
3 - Sequência de números pares  
4 - Verifica se o número é perfeito  
  
Informe a opção desejada:  
?
```

No programa principal, inclua a chamada desta função e escreva qual a opção foi escolhida (valor válido) ou uma mensagem de erro (valor inválido).

Problema 4: Menu de Opções com retorno

```
def menu_de_opcoes():  
    print("-" * 10)  
    print("MENU".center(10))  
    print("-" * 10)  
    print()  
    print("  1 - Soma de dois valores reais")  
    print("  2 - Divisores do número")  
    print("  3 - Sequência de números pares ")  
    print("  4 - Verifica se o número é perfeito")
```

```
    print("\nInforme a opção desejada:")
```

```
    opcao = int(input("\t? "))
```

```
    if opcao >= 1 and opcao <= 4:
```

```
        return opcao
```

```
    else:
```

```
        return -1
```

```
op = menu_de_opcoes()  
if op != -1:  
    print(f"Opção escolhida: {op}")  
else:  
    print("Opção Inválida!")
```

Problema 5: IMC



Faça um programa para calcular o IMC de uma pessoa, mostrando uma mensagem de acordo com a tabela abaixo.

Escreva uma função chamada `imc` que deve receber o peso e altura e que retorna o valor do IMC calculado.

Chame a função a partir do programa principal, após solicitar os dados do usuário e usando o resultado da função mostre a mensagem apropriada.

$$IMC = \frac{peso}{altura^2}$$



```
def imc(peso, altura):  
    i = peso / (altura ** 2)  
    return i
```

A variável **i** tem seu valor atribuído no escopo da função e esse valor é retornado.

Programa Principal

```
p = float(input("Digite seu peso em Kg: "))  
a = float(input("Digite sua altura em m: "))
```

```
i = imc(p, a)
```

```
print(f"Seu IMC é {i:.2f} - Você está  
if i < 18.5:  
    print("abaixo do peso")  
elif i <= 25:  
    print("com peso normal")  
elif i <= 30:  
    print("acima do peso")  
else:  
    print("obeso")
```

Na chamada, o retorno da função **imc** é atribuído para uma variável **i** definida no escopo do programa principal. Apesar do nome, **não é a mesma variável** do escopo da função. Falaremos de escopo de variáveis mais adiante.

```
Digite seu peso em Kg: 76  
Digite sua altura em m: 1.8  
Seu IMC é 23.46 - Você está com peso normal
```

Funções – Observações Gerais

Um argumento passado para uma função funciona da mesma forma que uma variável local à função

```
def imc(peso, altura):  
    i = peso / (altura**2)  
    return i
```

Argumentos
peso e altura
agem como
variáveis locais
à função

Falaremos detalhadamente de escopo de variáveis na próxima aula!

Funções – Observações Gerais

Os nomes dos argumentos utilizados na declaração de uma função são independentes dos nomes das variáveis usadas para chamar a função

p, a, peso e altura independentes!

```
def imc(peso, altura):  
    i = peso / (altura ** 2)  
    return i  
  
# Programa Principal  
p = float(input("Digite seu peso em Kg: "))  
a = float(input("Digite sua altura em m: "))  
  
i = imc(p, a)  
  
print(f"Seu IMC é {i:.2f} - Você está ", end="")  
if i < 18.5:  
    print("abaixo do peso")  
elif i <= 25:  
    print("com peso normal")  
elif i <= 30:  
    print("acima do peso")  
else:  
    print("obeso")
```

Funções – Observações Gerais

A quantidade de argumentos usados para chamar uma função deve ser igual a declaração

```
def imc(peso, altura):  
    i = peso / (altura ** 2)  
    return i
```

```
...  
i = imc(p, a)  
...
```

Chamamos esses argumentos de **posicionais**. Veremos depois que também existem argumentos **nomeados**.

Inserir argumentos a mais ou a menos gera erros do tipo `TypeError`.

Por exemplo:

```
...  
i = imc(p, a, x)  
...
```

`TypeError: imc() takes 2 positional arguments but 3 were given`

Funções – Observações Gerais

- * Qualquer **tipo de dado** pode ser um argumento de função
 - Inclusive listas, dicionários, etc.
- * Qualquer **expressão lógica ou aritmética** válida pode ser argumento para uma função
- * Funções podem chamar outras funções
 - Ao final da execução de uma função o fluxo de execução **retorna à função que chamou**
- * Uma função pode chamar a ela mesma (**recursividade**)

Problema 6: Fibonacci



Construa uma função que imprima todos os números da sequência de fibonacci, retornando o último valor calculado (da posição que foi pedida).

```
Informe a posição: 6
DENTRO FUNÇÃO: fib(0) = 0
DENTRO FUNÇÃO: fib(1) = 1
DENTRO FUNÇÃO: fib(2) = 1
DENTRO FUNÇÃO: fib(3) = 2
DENTRO FUNÇÃO: fib(4) = 3
DENTRO FUNÇÃO: fib(5) = 5
DENTRO FUNÇÃO: fib(6) = 8
PROGRAMA PRINCIPAL: fib(6) = 5
```

Problema 6: Fibonacci

```
def fibonacci(posicao):  
    t_1 = 1  
    t_2 = 0  
    for i in range(posicao + 1):  
        match i:  
            case 0:  
                fib = 0  
            case 1:  
                fib = 1  
            case _:  
                fib = t_2 + t_1  
                t_2 = t_1  
                t_1 = fib  
        print(f"DENTRO FUNÇÃO: fib({i}) = {fib}")  
    return fib
```

```
pos = int(input("Informe a posição: "))  
f = fibonacci(pos)  
print(f"PROGRAMA PRINCIPAL: fib({pos}) = {f}")
```

Módulos

- * Um **módulo** consiste em um conjunto de funções definidas, que podem ser usadas posteriormente em outros programas
- * Módulos podem ser **criados por programadores** ou podem estar **pré-definidos** pela linguagem

Módulos

- * Para criar um **módulo** basta codificar um programa que contenha apenas as declarações das funções desejadas e salvá-lo com a extensão `.py` (como se fosse um código normal)
- * Para chamar um **módulo** basta utilizar o comando **import** seguido do nome do módulo no início do código (certifique-se de que o módulo se encontra na mesma pasta do código principal)
- * Para chamar as **funções do módulo** utilize **nomeMódulo.nomeFunção**

Módulos

- * Ao desenvolver módulos, é importante ter em mente duas principais características:
 - **Alta coesão**: funções de um módulo devem ser fortemente relacionadas entre si
 - Ex: um módulo matemático deve ter apenas funções matemáticas
 - **Baixo acoplamento**: módulos devem ser compreendidos por si só, sem depender de outros módulos
 - Ex: um módulo matemático não deve depender do módulo math já existente

Problema 6: Combinação de n elementos p a p



Faça um programa que leia dois valores n e p , e calcule a combinação de n elementos, p a p . Assuma que $n \geq p$.

A fórmula para calcular a combinação é:

$$C_p^n = \frac{n!}{p! * (n - p)!}$$

Escreva duas funções, uma para o cálculo do fatorial, e outra para o cálculo da combinação.

Problema 6: Combinação de n elementos p a p

PLANEJAMENTO:

1. Fatorial de um valor
 - a. Recebe um valor
 - b. Calcula seu fatorial
 - c. Retorna fatorial
2. Combinações de n elementos, p a p
 - a. Recebe n e p
 - b. Calcula $n!/(p! * (n-p)!)$, chamando a função fatorial
 - c. Retorna o valor calculado para quem chamou
3. Programa Principal
 - a. Lê os valores n e p
 - b. Calcula combinação de n elementos, p a p , utilizando a função combinações



```
def fatorial(numero):  
    fat = 0  
    if numero > 0:  
        fat = 1  
        for i in range(numero, 1, -1):  
            fat *= i  
    return fat  
  
def combinacoes(n, p):  
    return fatorial(n) / (fatorial(p) * fatorial(n - p))  
  
n = int(input("Informe o valor de n (número de elementos): "))  
p = int(input("Informe o valor de p (qtde elementos por grupo): "))  
  
comb = combinacoes(n, p)  
print(f"Combinações de {n} valores {p} a {p} = {comb}")
```

Problema 6: Combinação de n elementos p a p

Modularização:

Podemos separar nossas funções em um módulo diferente da função main do programa.

Para utilizar as funções na função principal, devemos incluir o módulo através da diretiva `import`.

Arquivo: matemática.py

```
def fatorial(numero):  
    fat = 0  
    if numero > 0:  
        fat = 1  
        for i in range(numero, 1, -1):  
            fat *= i  
    return fat  
  
def combinacoes(n, p):  
    return fatorial(n) / (fatorial(p) * fatorial(n - p))
```

Programa Principal

```
import matematica
```

```
n = int(input("Informe o valor de n (número de elementos): "))  
p = int(input("Informe o valor de p (qtde elementos por grupo): "))  
  
comb = matematica.combinacoes(n, p)  
print(f"Combinações de {n} valores {p} a {p} = {comb}")
```

Problema 7: Cálculo de e^x



Calcule o valor de e^x usando a série abaixo:

$$e^x = \frac{x^0}{0!} + \frac{x^1}{1!} + \frac{x^2}{2!} + \dots$$

onde x é um valor real, lido do teclado. Os termos devem ser inseridos enquanto forem maiores do que 0.0001 (em valor absoluto)

Funções envolvidas:

`potencia (float x, int n)` (não pode usar a função `pow`)

`fatorial (int n)` (já feita)

`EnaX (float x)`