泡泡猿 ACM 模板

Rand0w & REXWIND & Dallby 2021 年 11 月 8 日



目录

1	头文		1
	1.1	头文件 (Rand0w)	1
	1.2	头文件 (REXWind)	3
	1.3	头文件 (Dallby)	4
2	数学		5
	2.1	欧拉筛	5
	2.2	Exgcd	5
	2.3	Excrt 扩展中国剩余定理	5
	2.4	线性求逆元	6
	2.5	多项式	6
		2.5.1 FFT 快速傅里叶变换	6
		2.5.2 NTT 快速数论变换	7
		2.5.3 MTT 任意模数 FFT	7
		2.5.4 FWT 快速沃尔什变换	8
	2.6	组合数	9
		矩阵快速幂	9
	2.8		10
	2.9		11
	_		11
	2.10	水灰奴的/灰似 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	11
3	图论	1	1
	3.1	二分图最大匹配	11
	3.2	dijkstra	11
	3.3	·	12
			13
			13
	3.6		14
	3.7		15
			15
			16
			17
	3.11	一般图最大权匹配带花树 (hjt)	18
4	计算	几何 1	١9
			19
			19
		dere 1 H ∆√ 1 + 1 der terp	-
5	数据	结构	21
	5.1	扫描线	21
	5.2	ST 表求 RMQ	22
	5.3	并查集系列	23
		5.3.1 普通并查集	23
		5.3.2 按秩合并并查集	23
		2008/1/1=20	23
			25
			25
	5.4		25
	0.4		25 25
			25 27
	EF		
	5.5	KD tree	30

6	字符	串	32
	6.1	KMP	32
	6.2	AC 自动机	32
	6.3	FFT 解决字符串匹配问题	34
	6.4	字符串哈希	35
	6.5	后缀数组 SA+LCP	35
	6.6	后缀自动机 SAM	36
	6.7	广义 SAM	37
7	其他		38
	7.1	三分	38
	7.2	数位 dp	39
	7.3	线性基	39
	7.4	莫队	40
	7.5	带修莫队	41
8	STI	上等小技巧	42
	8.1	集合 set	42
	8.2	快读快写 (短)	
	8.3		42
	8.4		42
	8.5	替换 unorderedset 的 hash 函数	43
	8.6	对拍	43
		8.6.1 linux&mac 版	43
		8.6.2 windows 版	43

1 头文件

1.1 头文件 (Rand0w)

```
#include <bits/stdc++.h>
   //#include <bits/extc++.h>
   //using namespace __gnu_pbds;
   //using namespace gnu cxx;
   using namespace std;
   #pragma optimize(2)
   //#pragma GCC optimize("Ofast,no-stack-protector")
   //#pragma GCC target("sse,sse2,sse3,ssse3,sse4,popcnt,abm,mmx,avx,avx2,tune=native")
   #define rbset(T) tree<T,null_type,less<T>,rb_tree_tag,tree_order_statistics_node_update>
   const int inf = 0x7FFFFFFF;
   typedef long long 11;
   typedef double db;
   typedef long double ld;
   template<class T>inline void MAX(T &x,T y){if(y>x)x=y;}
   template<class T>inline void MIN(T &x,T y){if(y<x)x=y;}</pre>
   namespace FastIO
16
17
   char buf[1 << 21], buf2[1 << 21], a[20], *p1 = buf, *p2 = buf, hh = '\n';</pre>
   int p, p3 = -1;
   void read() {}
   void print() {}
21
   inline int getc()
23
   return p1 == p2 && (p2 = (p1 = buf) + fread(buf, 1, 1 << 21, stdin), p1 == p2) ? EOF: *p1++;
25
   inline void flush()
26
27
   fwrite(buf2, 1, p3 + 1, stdout), p3 = -1;
28
29
   template <typename T, typename... T2>
   inline void read(T &x, T2 &... oth)
31
   {
32
   int f = 0;x = 0;char ch = getc();
   while (!isdigit(ch)){if (ch == '-')f = 1;ch = getc();}
   while (isdigit(ch))\{x = x * 10 + ch - 48; ch = getc();\}
   x = f ? -x : x; read(oth...);
36
37
   template <typename T, typename... T2>
   inline void print(T x, T2... oth)
40
   if (p3 > 1 << 20)flush();</pre>
41
   if (x < 0)buf2[++p3] = 45, x = -x;
   do{a[++p] = x \% 10 + 48;}while (x /= 10);
   do\{buf2[++p3] = a[p];\}while (--p);
   buf2[++p3] = hh;
   print(oth...);
46
   } // namespace FastIO
   #define read FastIO::read
50 | #define print FastIO::print
```

```
#define flush FastIO::flush
    #define spt fixed<<setprecision</pre>
    #define endll '\n'
    #define mul(a,b,mod) (__int128)(a)*(b)%(mod)
    #define pii(a,b) pair<a,b>
    #define pow powmod
    #define X first
    #define Y second
    #define lowbit(x) (x&-x)
    #define MP make_pair
    #define pb push_back
    #define pt putchar
    #define yx_queue priority_queue
    #define lson(pos) (pos<<1)</pre>
    #define rson(pos) (pos<<1|1)</pre>
    #define y1 code_by_Rand0w
66
    #define yn A_muban_for_ACM
    #define j1 it is just an eastegg
    #define lr hope_you_will_be_happy_to_see_this
    #define int long long
    #define rep(i, a, n) for (register int i = a; i <= n; ++i)</pre>
    #define per(i, a, n) for (register int i = n; i >= a; --i)
    const 11 1linf = 4223372036854775851;
    const 11 mod = (0 ? 1000000007 : 998244353);
    ll pow(ll a,ll b,ll md=mod) {ll res=1;a%=md; assert(b>=0); for(;b;b>>=1){if(b&1)res=mul(res,a,md);a=mul(a,a,
        md);}return res;}
    const 11 mod2 = 999998639;
    const int m1 = 998244353;
    const int m2 = 1000001011;
    const int pr=233;
    const double eps = 1e-7;
80
    const int maxm= 1;
81
    const int maxn = 510000;
    void work()
83
    {
84
85
    signed main()
86
87
    {
      #ifndef ONLINE JUDGE
88
      //freopen("in.txt","r",stdin);
89
       //freopen("out.txt","w",stdout);
    #endif
91
       //std::ios::sync with stdio(false);
92
       //cin.tie(NULL);
93
       int t = 1;
94
       //cin>>t;
       for(int i=1;i<=t;i++){</pre>
96
           //cout<<"Case #"<<i<<":"<<endll;
97
           work();
       return 0;
100
101
```

1.2 头文件 (REXWind)

```
#include<iostream>
   #include<cstring>
   #include<cstdio>
   #include<algorithm>
   #include<vector>
   #include<map>
   #include<queue>
   #include<cmath>
   using namespace std;
   template<class T>inline void read(T &x){
      x=0; char o, f=1;
12
      while(o=getchar(),o<48)if(o==45)f=-f;</pre>
13
      do x=(x<<3)+(x<<1)+(o^48); while(o=getchar(),o>47); x*=f;}
   int cansel_sync=(ios::sync_with_stdio(0),cin.tie(0),0);
   #define 11 long long
   #define ull unsigned long long
   #define rep(i,a,b) for(int i=(a);i<=(b);i++)</pre>
   #define repb(i,a,b) for(int i=(a);i>=b;i--)
   #define mkp make_pair
   #define ft first
   #define sd second
   #define log(x) (31-__builtin_clz(x))
   #define INF 0x3f3f3f3f
   typedef pair<int,int> pii;
   typedef pair<ll,ll> pll;
   11 gcd(11 a,11 b){ while(b^=a^=b^=a%=b); return a; }
   //#define INF 0x7fffffff
   void solve(){
   }
   int main(){
      int z;
      cin>>z;
      while(z--) solve();
```

1.3 头文件 (Dallby)

```
#include<bits/stdc++.h>
   // #pragma GCC optimize(3)
   #include<bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   #define rep(i,x,y) for(int i=(x);i<=(y);++i)
   #define dep(i,x,y) for(int i=(x);i>=(y);--i)
   #define mst(a,x) memset(a,x,sizeof(a))
   #define endl "\n"
   #define fr first
   #define sc second
   #define debug cout<<"DEBUG\n";</pre>
   #define OMG(a,n) rep(i,1,n) cout<<a[i]<<" "; cout<<endl;</pre>
   #define OMG2(a,n,m) rep(i,1,n) {rep(i,1,m) cout<<a[i][j]<<" "; cout<<endl;}</pre>
   template <typename Type> void RIP(Type x) {cout<<x<<endl;}template <typename Type, typename... Targs>void
       RIP(Type x, Targs... args) {cout<<x<<" ";RIP(args...);}</pre>
   mt19937 rnd(chrono::high_resolution_clock::now().time_since_epoch().count());
   typedef long long ll; typedef unsigned long long ull; typedef pair<int,ll>pil; typedef pair<int,int>pii;
       typedef pair<ll,ll>pll;
   const int N=1e6+10; const double eps=1e-9;
   const int mo=(1?998244353:1000000007); ll mul(ll a,ll b,ll m=mo){return a*b%m;} ll fpow(ll a,ll b,ll m=mo){
       11 ans=1; for(;b;a=mul(a,a,m),b>>=1)if(b&1)ans=mul(ans,a,m); return ans;}
   inline 11 read(){11 x=0,tag=1; char c=getchar();for(;!isdigit(c);c=getchar())if(c=='-')tag=-1;for(; isdigit(
       c);c=getchar())x=x*10+c-48;return x*tag;}
   typedef double lf; const lf pi=acos(-1.0); lf readf(){lf x; if(scanf("%lf",&x)!=1)exit(0); return x;}
       template<typename T> T sqr(T x){return x*x;}
   11 a[N],b[N];
   void Solve(){
25
   }
   int main(){
      //freopen("D:\\in.txt","r",stdin);
      //freopen("D:\\out.txt","w",stdout);
      //ios::sync_with_stdio(false); cin.tie(0); cout.tie(0);
      int T=1; //T=read();
      rep(kase,1,T){
         Solve();
      return 0;
   }
```

2 数学

2.1 欧拉筛

O(n) 筛素数

```
int primes[maxn+5],tail;
   bool is_prime[maxn+5];
   void euler(){
      is_prime[1] = 1;
      for (int i = 2; i < maxn; i++)</pre>
        if (!is_prime[i])
        primes[++tail]=i;
        for (int j = 0; j < primes.size() && i * primes[j] < maxn; j++)
10
           is_prime[i * primes[j]] = 1;
           if ((i % primes[j]) == 0)
12
13
             break;
        }
14
      }
15
   }
16
```

2.2 Exgcd

```
求出 ax + by = gcd(a, b) 的一组可行解 O(logn)
```

```
void Exgcd(ll a,ll &d,ll &x,ll &y){
   if(!b){d=a;x=1;y=0;}
   else{Exgcd(b,a%b,d,y,x);y-=x*(a/b);}
}
```

2.3 Excrt 扩展中国剩余定理

```
求解同余方程组 \begin{cases} x \% b_1 \equiv a_1 \\ x \% b_2 \equiv a_2 \\ \vdots \\ x \% b_n \equiv a_n \end{cases}
```

```
int excrt(int a[],int b[],int n){
       int lc=1;
       for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
          lc=lcm(lc,a[i]);
       for(int i=1;i<n;i++){</pre>
          int p,q,g;
          g=exgcd(a[i],a[i+1],p,q);
          int k=(b[i+1]-b[i])/g;
          q=-q;p*=k;q*=k;
          b[i+1]=a[i]*p%lc+b[i];
10
          b[i+1]%=lc;
          a[i+1]=lcm(a[i],a[i+1]);
13
       return (b[n]%lc+lc)%lc;
   }
```

2.4 线性求逆元

```
void init(int p){
   inv[1] = 1;
   for(int i=2;i<=n;i++){
      inv[i] = (11)(p-p/i)*inv[p%i]%p;
   }
}</pre>
```

2.5 多项式

2.5.1 FFT 快速傅里叶变换

```
const int SIZE=(1<<21)+5;</pre>
   const double PI=acos(-1);
   struct CP{
       double x,y;
       CP(double x=0,double y=0):x(x),y(y){}
       CP operator +(const CP &A)const{return CP(x+A.x,y+A.y);}
       CP operator -(const CP &A)const{return CP(x-A.x,y-A.y);}
       CP operator *(const CP &A)const{return CP(x*A.x-y*A.y,x*A.y+y*A.x);}
   };
9
   int limit,rev[SIZE];
   void DFT(CP *F,int op){
11
       for(int i=0;i<limit;i++)if(i<rev[i])swap(F[i],F[rev[i]]);</pre>
12
       for(int mid=1;mid<limit;mid<<=1){</pre>
13
          CP wn(cos(PI/mid),op*sin(PI/mid));
14
          for(int len=mid<<1,k=0;k<limit;k+=len){</pre>
15
              CP w(1,0);
16
              for(int i=k;i<k+mid;i++){</pre>
                  CP tmp=w*F[i+mid];
                  F[i+mid]=F[i]-tmp;
19
                 F[i]=F[i]+tmp;
                 w=w*wn;
              }
22
          }
23
24
       if(op==-1)for(int i=0;i<limit;i++)F[i].x/=limit;</pre>
25
26
   }
   void FFT(int n,int m,CP *F,CP *G){
27
       for(limit=1;limit<=n+m;limit<<=1);</pre>
28
       for(int i=0;i<limit;i++)rev[i]=(rev[i>>1]>>1)|((i&1)?limit>>1:0);
29
       DFT(F,1),DFT(G,1);
30
       for(int i=0;i<limit;i++)F[i]=F[i]*G[i];</pre>
       DFT(F,-1);
32
33
```

2.5.2 NTT 快速数论变换

```
const int SIZE=(1<<21)+5;</pre>
   int limit,rev[SIZE];
   void DFT(ll *f, int op) {
3
       const 11 G = 3;
       for(int i=0; i<limit; ++i) if(i<rev[i]) swap(f[i],f[rev[i]]);</pre>
       for(int len=2; len<=limit; len<<=1) {</pre>
           11 w1=pow(pow(G,(mod-1)/len),~op?1:mod-2);
           for(int l=0, hf=len>>1; l<limit; l+=len) {</pre>
               11 w=1;
               for(int i=1; i<1+hf; ++i) {</pre>
10
                  11 tp=w*f[i+hf]%mod;
                  f[i+hf]=(f[i]-tp+mod)%mod;
12
                  f[i]=(f[i]+tp)%mod;
13
                  w=w*w1%mod;
14
              }
15
           }
16
17
       if(op==-1) for(int i=0, inv=pow(limit,mod-2); i<limit; ++i) f[i]=f[i]*inv%mod;</pre>
18
   }
19
   void NTT(int n,int m,int *F,int *G){
20
       for(limit=1;limit<=n+m;limit<<=1);</pre>
21
       for(int i=0;i<limit;i++)rev[i]=(rev[i>>1]>>1)|((i&1)?limit>>1:0);
22
       DFT(F,1),DFT(G,1);
23
       for(int i=0;i<limit;i++)F[i]=F[i]*G[i];</pre>
24
       DFT(F,-1);
25
26
```

2.5.3 MTT 任意模数 FFT

FFT 版常数巨大,慎用。

```
struct MTT{
      static const int N=1<<20;</pre>
       struct cp{
          long double a,b;
          cp(){a=0,b=0;}
          cp(const long double &a,const long double &b):a(a),b(b){}
          cp operator+(const cp &t)const{return cp(a+t.a,b+t.b);}
          cp operator-(const cp &t)const{return cp(a-t.a,b-t.b);}
          cp operator*(const cp &t)const{return cp(a*t.a-b*t.b,a*t.b+b*t.a);}
          cp conj()const{return cp(a,-b);}
10
11
      };
      cp wn(int n,int f){
12
          static const long double pi=acos(-1.0);
13
          return cp(cos(pi/n),f*sin(pi/n));
14
      }
15
      int g[N];
16
      void dft(cp a[],int n,int f){
17
          for(int i=0;i<n;i++)if(i>g[i])swap(a[i],a[g[i]]);
          for(int i=1;i<n;i<<=1){</pre>
19
             cp w=wn(i,f);
              for(int j=0;j<n;j+=i<<1){</pre>
                 cp e(1,0);
```

```
for(int k=0;k<i;e=e*w,k++){</pre>
                     cp x=a[j+k],y=a[j+k+i]*e;
                     a[j+k]=x+y,a[j+k+i]=x-y;
                 }
              }
          if(f==-1){
              cp Inv(1.0/n,0);
              for(int i=0;i<n;i++)a[i]=a[i]*Inv;</pre>
          }
32
       cp a[N],b[N],Aa[N],Ab[N],Ba[N],Bb[N];
34
       vector<ll> conv_mod(const vector<ll> &u,const vector<ll> &v,ll mod){ // 任意模数fft
          const int n=(int)u.size()-1,m=(int)v.size()-1,M=sqrt(mod)+1;
36
          const int k=32-__builtin_clz(n+m+1),s=1<<k;</pre>
          g[0]=0; for(int i=1;i<s;i++)g[i]=(g[i/2]/2)|((i&1)<<(k-1));
38
          for(int i=0;i<s;i++){</pre>
              a[i]=i<=n?cp(u[i]%mod%M,u[i]%mod/M):cp();
              b[i]=i<=m?cp(v[i]%mod%M,v[i]%mod/M):cp();</pre>
          dft(a,s,1); dft(b,s,1);
          for(int i=0;i<s;i++){</pre>
              int j=(s-i)%s;
              cp t1=(a[i]+a[j].conj())*cp(0.5,0);
46
              cp t2=(a[i]-a[j].conj())*cp(0,-0.5);
              cp t3=(b[i]+b[j].conj())*cp(0.5,0);
              cp t4=(b[i]-b[j].conj())*cp(0,-0.5);
              Aa[i]=t1*t3,Ab[i]=t1*t4,Ba[i]=t2*t3,Bb[i]=t2*t4;
50
51
          for(int i=0;i<s;i++){</pre>
              a[i]=Aa[i]+Ab[i]*cp(0,1);
53
              b[i]=Ba[i]+Bb[i]*cp(0,1);
54
          dft(a,s,-1); dft(b,s,-1);
56
          vector<ll> ans;
          for(int i=0;i<n+m+1;i++){</pre>
58
              11 t1=llround(a[i].a)%mod;
              11 t2=llround(a[i].b)%mod;
60
              11 t3=llround(b[i].a)%mod;
61
              11 t4=llround(b[i].b)%mod;
62
              ans.push_back((t1+(t2+t3)*M%mod+t4*M*M)%mod);
64
          return ans;
65
66
   }mtt;
```

2.5.4 FWT 快速沃尔什变换

计算
$$C_i = \sum_{j \oplus k=i}^n A_j \times B_k$$

⊕ 可以是与、或、异或

```
void FWT(ll *f, int op) {
       for(int len=2; len<=up; len<<=1) {</pre>
          for(int l=0, hf=len>>1; l<up; l+=len) {</pre>
              for(int i=1; i<1+hf; ++i) {</pre>
                  11 x=f[i], y=f[i+hf];
                  if(op>0) {
                     if(op==1) f[i]=(x+y)\%mod, f[i+hf]=(x-y+mod)\%mod; //xor
                     else if(op==2) f[i]=(x+y)%mod; //and
                     else f[i+hf]=(x+y)%mod; //or
                  }
10
                  else {
11
                     if(op==-1) f[i]=(x+y)*inv2\%mod, f[i+hf]=(x-y+mod)*inv2\%mod; //xor
12
                     else if(op==-2) f[i]=(x-y+mod)\%mod; //and
13
                     else f[i+hf]=(y-x+mod)%mod; //or
                  }
15
              }
16
17
          }
       }
18
   }
19
```

2.6 组合数

预处理阶乘,并通过逆元实现相除

```
11 jc[MAXN];
   11 qpow(11 d,11 c){//快速幂
       11 \text{ res} = 1;
       while(c){
          if(c&1) res=res*d%med;
          d=d*d%med;c>>=1;
       }return res;
   }
   inline 11 niyuan(11 x){return qpow(x,med-2);}
9
   void initjc(){//初始化阶乘
10
       jc[0] = 1;
11
       rep(i,1,MAXN-1) jc[i] = jc[i-1]*i%med;
12
   }
13
   inline int C(int n,int m){//n是下面的
14
       if(n<m) return 0;</pre>
15
       return jc[n]*niyuan(jc[n-m])%med*niyuan(jc[m])%med;
16
   }
17
   int main(){
       initjc();
19
       int n,m;
20
       while(cin>>n>>m) cout<<C(n,m)<<endl;</pre>
21
22
```

2.7 矩阵快速幂

```
for(int j=0;j<n;j++){</pre>
                  a[i][j]=x*(i==j);
              }
       }
       Matrix operator *(const Matrix &b)const{//通过重载运算符实现矩阵乘法
10
          Matrix res(0);
11
          for(int i=0;i<n;i++){</pre>
              for(int j=0;j<n;j++){</pre>
                  for(int k=0;k<n;k++){</pre>
                     11 &ma = res.a[i][j];
                     ma = (ma+a[i][k]*b.a[k][j])%mod;
16
                  }
              }
18
19
          return res;
20
21
22
   };
   Matrix qpow(Matrix d,ll m){//底数和幂次数
       Matrix res(1);//构造E单位矩阵
24
       while(m){
25
          if(m&1)
              res=res*d;
          d=d*d;
28
          m>>=1;
       return res;
31
32
```

2.8 高斯消元

 $O(n^3)$ 复杂度,需要用 double 存储。

```
double date[110][110];
   bool guass(int n){
       for(int i=1;i<=n;i++){</pre>
           int mix=-1;
           for(int j=i;j<=n;j++)</pre>
               if(date[j][i]!=0){
                  mix=j;break;
           if(mix==-1)
              return false;
           if(mix!=i)
              for(int j=1;j<=n+1;j++)</pre>
12
                  swap(date[mix][j],date[i][j]);
           double t=date[i][i];
14
           for(int j=i;j<=n+1;j++){</pre>
15
               date[i][j]=date[i][j]/t;
16
           for(int j=1;j<=n;j++){</pre>
18
              if(date[j][i]==0||j==i)
                  continue;
               double g=date[j][i]/date[i][i];
               for(int k=1;k<=n+1;k++)</pre>
```

2.9 欧拉降幂

$$a^b \equiv \begin{cases} a^{b\%\phi(p)}, & \gcd(a,p) = 1 \\ a^b, & \gcd(a,p) \neq 1, b < \phi(p) \; (\mod p) \\ a^{b\%\phi(p) + \phi(p)}, & \gcd(a,p) \neq 1, b \geq \phi(p) \end{cases}$$

2.10 求质数的原根

模 m 乘法群中找到一个数 a,以 a 为生成元造出来的群的大小为 $\phi(m)$ (对于指数 m 来说 =m-1),则 a 称为模数 m 的原根。原根判定定理:

设 $m \geq 3, \gcd(a, m) = 1$,则 a 是模 m 的原根的充要条件是,对于 $\varphi(m)$ 的每个素因数 p,都有 $a^{\frac{\varphi(m)}{p}} \not\equiv 1 \pmod{m}$ 。

```
vector<int> zyz;
   inline 11 get_yg(11 p){
      zyz.clear();;
      ll tp = p-1;//phi(p)
      int sqr = sqrt(tp+1);
      rep(i,2,sqr){
          if(tp%i==0)
             zyz.push_back(i);
          while(tp%i==0) tp/=i;
10
      if(tp!=1) zyz.push back(tp);
11
      rep(i,2,p){
          bool flag = 1;
          for(auto x:zyz)
             if(qpow(i,(p-1)/x,p)==1){flag = 0;break;}
          if(flag) return i;
16
      return -1;
18
   }
```

3 图论

3.1 二分图最大匹配

用最大流求解,一边连源点流量 1,一遍连汇点流量 1,连上匹配边流量 1,最大流即为最大匹配数时间复杂度趋近 O(nlogn)

3.2 dijkstra

```
vector<pii> G[N];
int dis[N];
bool vis[N];

void dijkstra(int n,int pos){
    rep(i,1,n) dis[i]=inf,vis[i]=0;
```

```
priority_queue<pii,vector<pii>,greater<pii>> pq;
       pq.push({0,pos});
       dis[pos]=0;
       while(!pq.empty()){
          pii top=pq.top(); pq.pop();
10
          int u=top.sc,d=top.fr;
11
          if(vis[u]) continue;
12
          for(auto e:G[u]){
13
              int v=e.fr;
              if(dis[v]>d+e.sc) {
15
                 dis[v]=d+e.sc;
                 pq.push({dis[v],v});
17
              }
18
          }
19
       }
20
   }
21
```

3.3 2-Sat

```
//
   struct TwoSat{
      //适用于存在多个二选一抉择(互斥),且不同编号抉择间存在互斥关系的问题
3
      //考虑到不会撤回操作 复杂度O(N)
      //编号从0开始
      int n;
      vector<int> G[2*N];
      int S[2*N],c=0;
      bool mark[2*N],ok;
10
      void init(int n){
         this->n=n,ok=1;
         rep(i,0,n*2) mark[i]=0;
         rep(i,0,n*2) G[i].clear();
13
14
      bool dfs(int u){
15
         if(mark[u^1]) return false;
16
         if(mark[u]) return true;
         S[++c]=u;
         mark[u]=1;
19
         for(auto v:G[u]){
             if(!dfs(v)) return false;
21
         return true;
23
      //x,y代表抉择编号,val代表选0/1
25
      void add(int x,int xval,int y,int yval){
         x=x*2+xval, y=y*2+yval;
27
         G[x^1].push_back(y);
28
         G[y^1].push_back(x);
29
30
      void solve(){
31
         rep(i,0,n-1){
32
             c=0;
33
             if(!dfs(i*2)){
                while(c) mark[S[c--]]=0;
35
```

3.4 最大团

```
int mp[60][60];
   int n;
   int mx=0;//ans
   vector<int> tmp;
   bool check(int now){
       bool fl=true;
6
       for(int i=0;i<tmp.size();i++){</pre>
          if(mp[tmp[i]][now]!=1||mp[now][tmp[i]]!=1){
              fl=false ;
              break;
10
          }
11
       }
12
       return fl;
13
14
   void dfs(int step){
15
       if(step==n+1){
16
          if(tmp.size()>mx){
17
              mx=tmp.size();
19
          }
          return;
21
       if(tmp.size()+n-step+1<=mx){</pre>
22
          return;
23
       if(check(step)){
25
          tmp.push_back(step);
          dfs(step+1);
          tmp.pop_back();
          dfs(step+1);
30
31
```

3.5 稳定婚姻

```
//构造一种匹配方式,使得不存在一组未被选中且双方好感更高的匹配
int B[N][N],G[N][N];//x对x的好感
vector<int> vec[N];
int pos[N],px[N],py[N],cur;
queue<int> que;
bool cmp(const int x,const int y){
    return B[cur][x]>B[cur][y];
}
void stable_marriage(int n){
    memset(pos,0,sizeof(pos));
    memset(py,0,sizeof(py));
```

```
rep(i,1,n) vec[i].clear();
       rep(i,1,n) rep(j,1,n) vec[i].push_back(j);
13
       rep(i,1,n) {
14
          cur=i;
          sort(vec[i].begin(),vec[i].end(),cmp);
       rep(i,1,n) que.push(i);
18
       while(!que.empty()){
19
          queue<int> tq;
          while(!que.empty()){
21
              int b=que.front(); que.pop();
              int p=pos[b]++,g=vec[b][p];
23
              if(!py[g]||G[g][b]>G[g][py[g]]){
                 if(py[g]) tq.push(py[g]);
                 py[g]=b,px[b]=g;
27
             else tq.push(b);
          }
          que=tq;
       }
31
   }
32
```

3.6 点双连通分量

```
vector<int> G[N],bcc[N];
   int pre[N]={0},low[N];
   int cur,bcnt,bccno[N]; //=0;
   bool iscut[N];
   stack<pii> S;
   void dfs(int u,int fa){
      low[u]=pre[u]=++cur;
      int child=0;
       for(auto v:G[u]){
          if(v==fa) continue;
          if(pre[v]&&pre[v]<pre[u]) {</pre>
             //S.push({u,v});
             low[u]=min(low[u],pre[v]);
          else if(!pre[v]){
             S.push({u,v});
16
             child++;
             dfs(v,u);
18
             low[u]=min(low[u],low[v]);
             if(low[v]>=pre[u]){
                 iscut[u]=1;
                 bcnt++; bcc[bcnt].clear();
22
                 while(1){
                    pii x=S.top(); S.pop();
                    if(bccno[x.fr]!=bcnt){
                        bcc[bcnt].push_back(x.fr);
                        bccno[x.fr]=bcnt;
                    if(bccno[x.sc]!=bcnt){
                        bcc[bcnt].push_back(x.sc);
```

```
bccno[x.sc]=bcnt;

figure |
bccno[x.sc]=bcnt;

figure |
bccno[x.sc]=bcnt;

figure |
bccno[x.sc]=bcnt;

figure |
color |
c
```

3.7 强连通分量

```
vector<int> G[N];
   int sccno[N],dfn[N],low[N],scnt,tot;
   stack<int> S;
   void tarjan(int u){
      dfn[u]=low[u]=++tot;
      S.push(u);
      for(auto v:G[u]){
          if(sccno[v]) continue;
          if(!dfn[v]){
             tarjan(v);
10
             low[u]=min(low[u],low[v]);
12
          else low[u]=min(low[u],dfn[v]); //low[v] is also ok.
13
14
      if(low[u]==dfn[u]){
15
          scnt++;
16
          int top=-1;
          while(top!=u){
             top=S.top(); S.pop();
19
              sccno[top]=scnt;
20
          }
      }
22
   }
23
```

3.8 最小树形图

```
struct Edge{int u,v,w,b;};
   vector<Edge> eset,E;
   int fa[N],minw[N],id[N],top[N];
   11 solve(int n,int rt){
      11 res=0;
       while(1){
          int cnt=0;
          rep(i,1,n) minw[i]=inf,id[i]=top[i]=0;
          for(auto &e:eset){
              if(e.u!=e.v&e.w<minw[e.v]){</pre>
10
                 minw[e.v]=e.w;
                 fa[e.v]=e.u;
12
              }
13
          }
14
          minw[rt]=0;
15
          rep(i,1,n){}
16
```

```
if(minw[i]==inf) return -1;
             res+=minw[i];
18
             for(int u=i;!id[u]&&u!=rt;u=fa[u]){
19
                 if(top[u]==i){
                     id[u]=++cnt;
                     for(int v=fa[u];v!=u;v=fa[v]){
                        id[v]=cnt;
                     }
24
                     break;
                 else top[u]=i;
28
          }
          if(!cnt) return res;
30
          rep(i,1,n) if(!id[i]) id[i]=++cnt;
          for(auto &e:eset){
32
             e.w-=minw[e.v];
              e.u=id[e.u],e.v=id[e.v];
          }
          n=cnt;
36
          rt=id[rt];
```

3.9 KM

```
int n;
   11 G[N][N];
   int px[N],py[N],vx[N],vy[N],pre[N];
   11 lx[N],ly[N],slack[N],d;
   queue<int> que;
   void upd(int v){
       int t;
       while(v){
          t=px[pre[v]];
          py[v]=pre[v];
10
          px[pre[v]]=v;
12
          v=t;
       }
14
   void bfs(int x){
15
       rep(i,1,n) vy[i]=vx[i]=0,slack[i]=inf;
16
       while(!que.empty()) que.pop();
       que.push(x);
18
19
       while(1){
          while(!que.empty()){
20
              int u=que.front(); que.pop();
              vx[u]=1;
22
              rep(v,1,n) if(!vy[v]){
                 if(lx[u]+ly[v]-G[u][v]<slack[v]){</pre>
24
                     slack[v]=lx[u]+ly[v]-G[u][v];
                     pre[v]=u;
26
                     if(!slack[v]){
                        vy[v]=1;
                        if(!py[v]) {upd(v); return;}
                        else que.push(py[v]);
30
```

```
}
                 }
32
              }
33
34
          d=inf;
          rep(i,1,n) if(slack[i]) d=min(d,slack[i]);
          rep(i,1,n) {
              if(vx[i]) lx[i]-=d;
38
              if(vy[i]) ly[i]+=d;
              else slack[i]-=d;
40
          }
          rep(i,1,n){
42
              if(!vy[i]&&!slack[i]) {
                 vy[i]=1;
                 if(!py[i]) {upd(i); return;}
                 else que.push(py[i]);
46
          }
48
       }
49
   11 KM(){
51
       11 res=0;
       fill(lx+1,lx+n+1,-inf); memset(ly,0,sizeof(ly));
53
       memset(px,0,sizeof(px)); memset(py,0,sizeof(py));
54
       memset(pre,0,sizeof(pre));
55
       rep(i,1,n) rep(j,1,n) lx[i]=max(lx[i],G[i][j]);
56
       rep(i,1,n) bfs(i);
57
       rep(i,1,n) res+=G[i][px[i]];
58
       return res;
59
   }
60
```

3.10 差分约束

```
//介绍WIP
   vector<pair<int,ll>> G[N];
   bool inque[N];
   int incnt[N];
   11 dis[N];
   bool bellman_ford(ll x){
      queue<int> que;
      rep(i,1,n) {
          dis[i]=0,inque[i]=1,incnt[i]=0;
10
          que.push(i);
11
      while(!que.empty()){
          int u=que.front(); que.pop();
13
          inque[u]=0;
          for(auto e:G[u]){
15
              int v=e.fr;
              //cout<<dis[u]<<" "<<e.sc<<" "<<dis[v]<<endl;
             if(dis[u]+e.sc<dis[v]){</pre>
                 dis[v]=dis[u]+e.sc;
                 if(!inque[v]){
                    inque[v]=1;
21
```

3.11 一般图最大权匹配带花树 (hjt)

```
int n;
   vector<int> G[N];
   struct DSU { // join: d[x] = d[y], query: d[x] == d[y]
      int a[N];
      void init(int n) { iota(a, a + n + 1, 0); }
      int fa(int x) { return a[x] == x ? x : a[x] = fa(a[x]); }
      int &operator[](int x) { return a[fa(x)]; }
   } d;
   deque<int> q;
   int mch[N],vis[N],dfn[N],fa[N],dcnt=0;
   int lca(int x,int y){
11
      dcnt++;
      while(1){
13
          if(x==0)swap(x,y); x=d[x];
          if(dfn[x]==dcnt)return x;
          else dfn[x]=dcnt,x=fa[mch[x]];
18
   void shrink(int x,int y,int p){
19
      while(d[x]!=p){
20
          fa[x]=y; y=mch[x];
          if(vis[y]==2)vis[y]=1,q.push_back(y);
          if(d[x]==x)d[x]=p;
          if(d[y]==y)d[y]=p;
25
          x=fa[y];
      }
27
   bool match(int s){
      d.init(n); fill(fa,fa+n+1,0);
29
      fill(vis, vis+n+1,0); vis[s]=1;
      q.assign(1,s);
31
      while(!q.empty()){
          int x=q.front(); q.pop_front();
33
          for(auto p:G[x]){
             if(d[x]==d[p] || vis[p]==2)continue;
35
             if(!vis[p]){
                 vis[p]=2; fa[p]=x;
                 if(!mch[p]){
                    for(int now=p,last,tmp;now;now=last){
                        last=mch[tmp=fa[now]];
                        mch[now]=tmp,mch[tmp]=now;
                    }
                    return 1;
43
```

4 计算几何

4.1 三点求圆心

```
struct point{
      double x;
      double y;
   };
   point cal(point a,point b,point c){
      double x1 = a.x;double y1 = a.y;
      double x2 = b.x;double y2 = b.y;
      double x3 = c.x; double y3 = c.y;
      double a1 = 2*(x2-x1); double a2 = 2*(x3-x2);
10
      double b1 = 2*(y2-y1); double b2 = 2*(y3-y2);
11
      double c1 = x2*x2 + y2*y2 - x1*x1 - y1*y1;
12
      double c2 = x3*x3 + y3*y3 - x2*x2 - y2*y2;
13
      double rx = (c1*b2-c2*b1)/(a1*b2-a2*b1);
14
      double ry = (c2*a1-c1*a2)/(a1*b2-a2*b1);
      return point{rx,ry};
16
```

4.2 拉格朗日插值

```
namespace polysum {
   #define rep(i,a,n) for (int i=a;i<n;i++)</pre>
   #define per(i,a,n) for (int i=n-1;i>=a;i--)
   const int D = 1010000; ///可能需要用到的最高次
   LL a[D], f[D], g[D], p[D], p1[D], p2[D], b[D], h[D][2], C[D];
   LL powmod(LL a, LL b) {
      LL res = 1;
      a %= mod;
      assert(b >= 0);
9
10
      for (; b; b >>= 1) {
11
          if (b & 1)
12
             res = res * a % mod;
13
          a = a * a % mod;
```

```
return res;
18
19
20
   ///函数用途:给出数列的(d+1)项,其中d为最高次方项
   ///求出数列的第n项,数组下标从0开始
   LL calcn(int d, LL *a, LL n) { /// a[0].. a[d] a[n]
      if (n <= d)
         return a[n];
      p1[0] = p2[0] = 1;
27
      rep(i, 0, d + 1) {
         LL t = (n - i + mod) \% mod;
         p1[i + 1] = p1[i] * t % mod;
31
      rep(i, 0, d + 1) {
         LL t = (n - d + i + mod) \% mod;
         p2[i + 1] = p2[i] * t % mod;
      LL ans = 0;
      rep(i, 0, d + 1) {
         LL t = g[i] * g[d - i] % mod * p1[i] % mod * p2[d - i] % mod * a[i] % mod;
         if ((d - i) & 1)
             ans = (ans - t + mod) \% mod;
         else
             ans = (ans + t) \% mod;
43
44
      return ans;
46
   void init(int M) {///用到的最高次
47
      f[0] = f[1] = g[0] = g[1] = 1;
48
      rep(i, 2, M + 5) f[i] = f[i - 1] * i % mod;
49
      g[M + 4] = powmod(f[M + 4], mod - 2);
50
      per(i, 1, M + 4) g[i] = g[i + 1] * (i + 1) % mod; ///费马小定理筛逆元
51
52
53
   ///函数用途:给出数列的 (m+1) 项,其中m为最高次方
   ///求出数列的前 (n-1) 项的和 (从第0项开始)
   LL polysum(LL m, LL *a, LL n) { /// a[0]...a[m] \sum_{i=0}^{n-1} a[i]
      for (int i = 0; i <= m; i++)
         b[i] = a[i];
59
      ///前n项和, 其最高次幂加1
60
      b[m + 1] = calcn(m, b, m + 1);
61
      rep(i, 1, m + 2) b[i] = (b[i - 1] + b[i]) \% mod;
62
      return calcn(m + 1, b, n - 1);
63
64
   LL qpolysum(LL R, LL n, LL *a, LL m) { /// a[0].. a[m] \sum_{i=0}^{n-1} a[i]*R^i
65
      if (R == 1)
66
         return polysum(n, a, m);
67
      a[m + 1] = calcn(m, a, m + 1);
69
      LL r = powmod(R, mod - 2), p3 = 0, p4 = 0, c, ans;
```

```
h[0][0] = 0;
      h[0][1] = 1;
72
       rep(i, 1, m + 2) {
73
          h[i][0] = (h[i - 1][0] + a[i - 1]) * r % mod;
          h[i][1] = h[i - 1][1] * r % mod;
75
      rep(i, 0, m + 2) {
          LL t = g[i] * g[m + 1 - i] % mod;
78
          if (i & 1)
80
             p3 = ((p3 - h[i][0] * t) \% mod + mod) \% mod, p4 = ((p4 - h[i][1] * t) \% mod + mod) \% mod;
             p3 = (p3 + h[i][0] * t) % mod, p4 = (p4 + h[i][1] * t) % mod;
      c = powmod(p4, mod - 2) * (mod - p3) % mod;
       rep(i, 0, m + 2) h[i][0] = (h[i][0] + h[i][1] * c) % mod;
86
      rep(i, 0, m + 2) C[i] = h[i][0];
       ans = (calcn(m, C, n) * powmod(R, n) - c) % mod;
       if (ans < 0)
90
          ans += mod;
91
      return ans;
93
   }
94
   }
95
```

5 数据结构

5.1 扫描线

扫描线是离散化后,使用类似权值线段树来维护每个截面上的线段长度。通过把二维平面上的四边形拆分成入边和出边两段,在遇到边的时候对对应的区间进行区间加/减即可。

每个节点上需要维护被完全覆盖的次数和实际长度。

```
#define ls (x<<1)
   #define rs (x<<1|1)//这种方法感觉还挺好的
   int cansel_sync=(ios::sync_with_stdio(0),cin.tie(0),0);
   const int MAXN = 2e5+5;//这里要开n的两倍
   //线结构体
   struct Line{
      ll l,r,h;
      int qz;//记录位置和权值
      bool operator < (Line &rhs){</pre>
10
         return h < rhs.h;</pre>
11
      }
12
   }line[MAXN];
   int n;
   ll x1,y1,x2,y2;
   11 X[MAXN];
   //线段树
   struct Segt{
18
      int 1,r;//是X的下标,即离散化后的
19
      int sum;//sum是被完全覆盖的次数
```

```
11 len;//len是区间内被盖住的长度
      //因为每次查询都是查询根节点,所以这边不需要懒惰标记
   }t[MAXN<<3];//一个边有两个点,所以这里要开8倍
   void build(int x,int l,int r){
      t[x].1 = 1;t[x].r = r;
25
      t[x].len = t[x].sum = 0;
26
      if(l==r) return;//到了叶子节点
      int mid = (l+r)>>1;
28
      build(ls,1,mid);
      build(rs,mid+1,r);
30
   void push_up(int x){
32
      int 1 = t[x].1, r = t[x].r;
33
      if(t[x].sum) t[x].len = X[r+1]-X[1];//x的区间是X[1]到X[r+1]-1
34
      else t[x].len = t[ls].len + t[rs].len;//合并儿子的信息
35
36
   void update(int x,int L,int R,int v){//这里的LR存的是实际值
      //这里如果是线段L,R,线段树上是L到R-1的部分维护
38
      int 1 = t[x].1, r = t[x].r;
39
      if(X[r+1]<=L||R<=X[1]) return;//加等于,不然会搞到无辜的线
40
      if(L<=X[1]&&X[r+1]<=R){</pre>
41
         t[x].sum += v;//修改覆盖次数
         push_up(x);
43
         return;
44
45
      update(ls,L,R,v);
46
      update(rs,L,R,v);
47
      push_up(x);
48
   }
49
   int main(){
50
      cin>>n;
51
      rep(i,1,n){
52
         cin>>x1>>y1>>x2>>y2;
         X[2*i-1] = x1,X[2*i] = x2;//一会儿离散化要用的,这里存实际值
         line[2*i-1] = Line{x1,x2,y1,1};//开始的线
         line[2*i] = Line{x1,x2,y2,-1};//结束的线
56
57
      n<<=1;//line的数量是四边形数量的2倍
58
      sort(line+1,line+1+n);
59
      sort(X+1,X+1+n);
60
      int tot = unique(X+1,X+n+1)-(X+1);//去除重复相邻元素,并且tot记录总数
      build(1,1,tot-1);//为什么是tot-1?
62
      //因为线段树只需要维护X[1]到X[tot]-1这一段的,实际长度是向右贴的
63
64
      rep(i,1,n-1){//每次高度是line[i+1].h-line[i].h,所以是到n-1就行
65
         update(1,line[i].1,line[i].r,line[i].qz);//扫描线加入线段树
         res += t[1].len*(line[i+1].h-line[i].h);
67
68
      cout<<res<<endl;
69
```

5.2 ST 表求 RMQ

```
#define log(x) (31-__builtin_clz(x))
   const int MAXN = 1e5+10;
   const int LOGN = log(MAXN)/log(2)+5;
   int M[MAXN][LOGN];
   int a[MAXN];
   int z,m,n;
   void init(){//初始化,复杂度O(nlogn)
      for(int i=1;i<=n;i++) M[i][0]=i;//长度为1的区间最值是自己
      for(int j=1;j<=LOGN;j++){</pre>
9
          for(int i=1;i<=n-(1<<j)+1;i++){</pre>
10
              if(a[M[i][j-1]]<a[M[i+(1<<(j-1))][j-1]]) M[i][j] = M[i][j-1];//这里以最小值为例
11
             else M[i][j] = M[i+(1<<j-1)][j-1];</pre>
12
          }
13
      }
14
15
   int query(int 1,int r){
16
      int k = log(r-1+1)/log(2); // 向下取整
17
      if(a[M[1][k]] < a[M[r-(1<<k)+1][k]]) return M[1][k];</pre>
      else return M[r-(1<<k)+1][k];</pre>
19
   }
20
```

5.3 并查集系列

5.3.1 普通并查集

带路径压缩,O(1) 复杂度

```
int fa[maxn];
int find(int x){if(fa[x]^x)return fa[x]=find(fa[x]);return x;}
void merge(int a,int b){fa[find(a)]=find(b);}
```

5.3.2 按秩合并并查集

```
int fa[maxn];
int dep[maxn];
int find(int x){int now=x; while(fa[now]^now)now=fa[now]; return now;}

void merge(int a,int b){
   int l=find(a),r=find(b);
   if(l==r) return;
   if(dep[l]>dep[r])swap(l,r);
   fa[l]=r;
   dep[r]+=dep[l]==dep[r];
}
```

5.3.3 可持久化并查集

```
struct chair_man_tree{
struct node{
   int lson,rson;
}tree[maxn<<5];
int tail=0;
int tail2=0;</pre>
```

```
int fa[maxn<<2];</pre>
       int depth[maxn<<2];</pre>
       inline int getnew(int pos){
          tree[++tail]=tree[pos];
          return tail;
12
       int build(int l,int r){
13
          if(l==r){
              fa[++tail2]=1;
16
              depth[tail2]=1;
              return tail2;
          }
          int now=tail++;
20
          int mid=(l+r)>>1;
          tree[now].lson=build(1,mid);
22
          tree[now].rson=build(mid+1,r);
          return now;
24
       int query(int pos,int 1,int r,int qr){
26
          if(1==r)
              return pos;
          int mid=(l+r)>>1;
          if(qr<=mid)</pre>
              return query(tree[pos].lson,l,mid,qr);
          else return query(tree[pos].rson,mid+1,r,qr);
32
33
       int update(int pos,int l,int r,int qr,int val){
34
          if(l==r){
35
              depth[++tail2]=depth[pos];
36
              fa[tail2]=val;
37
              return tail2;
38
          int now=getnew(pos);
40
          int mid=(l+r)>>1;
          if(mid>=qr)
42
              tree[now].lson=update(tree[now].lson,l,mid,qr,val);
          else tree[now].rson=update(tree[now].rson,mid+1,r,qr,val);
          return now;
45
46
       int add(int pos,int 1,int r,int qr){
47
          if(l==r){
48
              depth[++tail2]=depth[pos]+1;
49
              fa[tail2]=fa[pos];
50
              return tail2;
          }
          int now=getnew(pos);
53
          int mid=(l+r)>>1;
54
          if(mid>=qr)
              tree[now].lson=add(tree[now].lson,l,mid,qr);
56
          else tree[now].rson=add(tree[now].rson,mid+1,r,qr);
57
          return now;
58
59
       int getfa(int root,int qr){
60
          int t=fa[query(root,1,n,qr)];
61
```

5.3.4 可撤销并查集

```
struct DSU{
       int *rnk,*f,top;
       pii *stk;
       DSU(int n=N){
          rnk=new int[n],f=new int[n];
          stk=new pii[n];
      }
       void init(int n){
          rep(i,1,n) rnk[i]=0,f[i]=i;
          top=0;
10
11
       int getf(int u){return f[u]==u?u:getf(f[u]);}
12
       void unite(int u,int v){
13
          u=getf(u), v=getf(v);
14
          if(u==v) return;
15
          if(rnk[u]>rnk[v]){
16
              stk[++top]={v,rnk[v]};
17
              f[v]=u;
          }
19
          else{
20
              stk[++top]=\{u,rnk[u]\};
21
              f[u]=v;
22
              if(rnk[u]==rnk[v]) rnk[v]++;
23
          }
24
25
       void undo(int pos){
26
          while(top>pos){
27
              int u=stk[top].fr,r=stk[top].sc;
              f[u]=u,rnk[u]=r;
29
              --top;
30
          }
31
      }
32
   }dsu;
```

5.3.5 ETT 维护动态图连通性

待补

5.4 平衡树系列

5.4.1 fhq_treap

无旋 treap, 可持久化, 常数大

```
mt19937 rnd(514114);
struct fhq_treap{
```

```
struct node{
          int 1, r;
          int val, key;
          int size;
       } fhq[maxn];
       int cnt, root;
       inline int newnode(int val){
          fhq[++cnt].val = val;
          fhq[cnt].key = rnd();
          fhq[cnt].size = 1;
12
          fhq[cnt].1 = fhq[cnt].r = 0;
          return cnt;
15
       inline void pushup(int now){
16
       fhq[now].size = fhq[fhq[now].l].size + fhq[fhq[now].r].size + 1;
18
       void split(int now, int val, int &x, int &y){
19
          if (!now){
20
              x = y = 0;
              return;
22
          }
          else if (fhq[now].val <= val){</pre>
          split(fhq[now].r, val, fhq[now].r, y);
26
          }
          else{
          y = now;
          split(fhq[now].1, val, x, fhq[now].1);
30
31
       pushup(now);
32
33
       int merge(int x, int y){
34
          if (!x || !y)
              return x + y;
36
          if (fhq[x].key > fhq[y].key){
              fhq[x].r = merge(fhq[x].r, y);
38
              pushup(x);
              return x;
40
          }else{
              fhq[y].1 = merge(x, fhq[y].1);
42
              pushup(y);
              return y;
44
          }
45
46
       inline void insert(int val){
47
          int x, y;
48
          split(root, val, x, y);
49
          root = merge(merge(x, newnode(val)), y);
50
51
       inline void del(int val){
52
          int x, y, z;
53
          split(root, val - 1, x, y);
54
          split(y, val, y, z);
          y = merge(fhq[y].1, fhq[y].r);
56
          root = merge(merge(x, y), z);
57
```

```
inline int getrk(int num){
           int x, y;
60
           split(root, num - 1, x, y);
           int ans = fhq[x].size + 1;
           root = merge(x, y);
           return ans;
64
       inline int getnum(int rank){
           int now=root;
           while(now)
69
              if(fhq[fhq[now].1].size+1==rank)
              else if(fhq[fhq[now].1].size>=rank)
                  now=fhq[now].1;
73
              else{
                  rank-=fhq[fhq[now].1].size+1;
                  now=fhq[now].r;
           }
           return fhq[now].val;
80
       inline int pre(int val){
81
           int x, y, ans;
           split(root, val - 1, x, y);
           int t = x;
           while (fhq[t].r)
85
              t = fhq[t].r;
           ans = fhq[t].val;
           root = merge(x, y);
           return ans;
89
       inline int aft(int val){
91
           int x, y, ans;
           split(root, val, x, y);
93
           int t = y;
           while (fhq[t].1)
95
              t = fhq[t].1;
           ans = fhq[t].val;
97
           root = merge(x, y);
           return ans;
99
       }
100
    } tree;
```

5.4.2 替罪羊树

```
struct node
{
    int l, r, val;
    int size, fact;
    bool exsit;
};
class tzy_tree
```

```
public:
       double alpha=0.75;
10
       node tzy[1100000];
       int root=0,cnt=0;
12
       vector<int> tt;
13
       inline void newnode(int &now,int v){
14
          now=++cnt;
          tzy[now].val=v;
          tzy[now].l=tzy[now].r=0;
          tzy[now].size=tzy[now].fact=tzy[now].exsit=1;
19
       inline bool imbalanced(int now){
20
          if(max(tzy[tzy[now].1].size,tzy[tzy[now].r].size)>tzy[now].size*alpha||tzy[now].size-tzy[now].fact>tzy
               [now].size*0.3)
              return true;
22
          return false;
       void zhongxu(int now){
          if(!now)
              return;
          zhongxu(tzy[now].1);
          if(tzy[now].exsit)
              tt.push_back(now);
          zhongxu(tzy[now].r);
31
       void lift(int l,int r,int &now){
33
          if(l==r){
34
              now=tt[1];
35
              tzy[now].l=tzy[now].r=0;
              tzy[now].fact=tzy[now].size=1;
              return;
          int m=(l+r)>>1;
          while(l<m&tzy[tt[m]].val==tzy[tt[m-1]].val)</pre>
              m--;
42
          now=tt[m];
          if(l<m) lift(l,m-1,tzy[now].l);</pre>
          else tzy[now].l=0;
45
          lift(m+1,r,tzy[now].r);
46
          tzy[now].size=tzy[tzy[now].1].size+tzy[tzy[now].r].size+1;
          tzy[now].fact=tzy[tzy[now].1].fact+tzy[tzy[now].r].fact+1;
48
49
       void rebuild(int &now){
50
          tt.clear();
          zhongxu(now);
          if(tt.empty()){
53
              now=0;
              return;
56
          lift(0,tt.size()-1,now);
57
58
       void update(int now,int end){
59
          if(!now)return;
60
          if(tzy[end].val<tzy[now].val)</pre>
61
```

```
update(tzy[now].1,end);
           else update(tzy[now].r,end);
           tzy[now].size=tzy[tzy[now].1].size+tzy[tzy[now].r].size+1;
64
       void check(int &now,int end){
           if(now==end)
               return;
           if(imbalanced(now)){
               rebuild(now);
               update(root,now);
               return;
           if(tzy[end].val<tzy[now].val)</pre>
               check(tzy[now].1,end);
           else
               check(tzy[now].r,end);
       inline void init(){
           root=1;
           cnt=0;
81
       void insert(int &now,int val){
           if(!now){
85
               newnode(now,val);
               check(root, now);
               return;
89
           tzy[now].fact++,tzy[now].size++;
           if(val<tzy[now].val)</pre>
               insert(tzy[now].1,val);
           else
               insert(tzy[now].r,val);
95
       void erase(int now,int val){
           if(tzy[now].exsit&&tzy[now].val==val){
97
               tzy[now].exsit=false;
               tzy[now].fact--;
99
               check(root,now);
100
               return;
101
102
           tzy[now].fact--;
103
           if(val<tzy[now].val)</pre>
104
               erase(tzy[now].1,val);
105
           else erase(tzy[now].r,val);
106
107
       int getrank(int val){
108
           int now=root, rk=1;
109
           while(now){
110
               if(val<=tzy[now].val)</pre>
111
                  now=tzy[now].1;
112
               else rk+=tzy[now].exsit+tzy[tzy[now].1].fact,now=tzy[now].r;
113
           }
114
           return rk;
115
       }
116
```

```
int getnum(int rk){
           int now=root;
118
           while(now){
119
               if(tzy[now].exsit&&tzy[tzy[now].1].fact+tzy[now].exsit==rk)
                  break;
121
               else if(tzy[tzy[now].1].fact>=rk){
122
                   now=tzy[now].1;
123
               }else{
124
                   rk-=tzy[tzy[now].1].fact+tzy[now].exsit;
125
                   now=tzy[now].r;
126
128
           return tzy[now].val;
129
130
    }tree;
131
```

5.5 KD tree

```
inline void updmin(int &x,int y){x=min(x,y);}
   inline void updmax(int &x,int y){x=max(x,y);}
   int Dim;
   struct KDT{
      int root;
      int dim,top=0,tot=0,*rub;
       struct point{
          int x[2],w;
          bool operator<(const point&b){</pre>
              return x[Dim]<b.x[Dim];</pre>
          }
      }*p;
       struct node{
          int mi[2],mx[2],sum=0,ls,rs,sz=0;
          point p;
15
      }*tr;
16
       int newnode(){
          if(top) return rub[top--];
18
          else return ++tot;
20
      void up(int u){
          int l=tr[u].ls,r=tr[u].rs;
22
          rep(i,0,1){
             tr[u].mi[i]=tr[u].mx[i]=tr[u].p.x[i];
24
             if(1){
                 updmin(tr[u].mi[i],tr[l].mi[i]);
                 updmax(tr[u].mx[i],tr[l].mx[i]);
              }
28
             if(r){
                 updmin(tr[u].mi[i],tr[r].mi[i]);
30
                 updmax(tr[u].mx[i],tr[r].mx[i]);
              }
32
          tr[u].sum=tr[1].sum+tr[r].sum+tr[u].p.w;
          tr[u].sz=tr[1].sz+tr[r].sz+1;
35
      }
36
```

```
int build(int 1,int r,int dim){
          if(l>r) return 0;
          int mid=l+r>>1,u=newnode();
          Dim=dim; nth_element(p+l,p+mid,p+r+1);
          tr[u].p=p[mid];
          tr[u].ls=build(l,mid-1,dim^1),tr[u].rs=build(mid+1,r,dim^1);
43
          return u;
      void pia(int u,int num){//传统?
46
          int l=tr[u].ls,r=tr[u].rs;
          if(1) pia(1,num);
          p[tr[1].sz+1+num]=tr[u].p,rub[++top]=u;
          if(r) pia(r,num+1+tr[1].sz);
50
51
      void balance(int &u,int dim){
52
          if(tr[u].sz*0.75<tr[tr[u].ls].sz||
            tr[u].sz*0.75<tr[tr[u].rs].sz){
             pia(u,0); u=build(1,tr[u].sz,dim);
      void insert(int &u,point p,int dim){
          if(!u) {
             u=newnode(),tr[u].p=p;
             tr[u].1s=tr[u].rs=0;
             up(u); return; //待修改
          if(p.x[dim]<=tr[u].p.x[dim]) insert(tr[u].ls,p,dim^1);</pre>
64
          else insert(tr[u].rs,p,dim^1);
          up(u); balance(u,dim);
67
      int in(int x1,int y1,int x2,int y2,int X1,int Y1,int X2,int Y2){
68
          return x1>=X1&&x2<=X2&&y1>=Y1&&y2<=Y2;</pre>
      }//左是否在右内
70
      int out(int x1,int y1,int x2,int y2,int X1,int Y1,int X2,int Y2){
71
          return x2<X1||x1>X2||y2<Y1||y1>Y2;
72
      }//左是否在右外
73
      int query(int u,int x1,int y1,int x2,int y2){
74
          if(!u) return 0;
75
          auto mx=tr[u].mx,mi=tr[u].mi,x=tr[u].p.x;
76
          int res=0;
          if(in(mi[0],mi[1],mx[0],mx[1],x1,y1,x2,y2)) return tr[u].sum;
          if(out(mi[0],mi[1],mx[0],mx[1],x1,y1,x2,y2)) return 0;
          if(in(x[0],x[1],x[0],x[1],x1,y1,x2,y2)) res+=tr[u].p.w;
          res+=query(tr[u].ls,x1,y1,x2,y2)+query(tr[u].rs,x1,y1,x2,y2);
          return res;
      KDT(int maxn=1e6+10){
84
          tr=new node[maxn],p=new point[maxn];
          rub = new int[maxn],root=0;
86
      void insert(int x,int y,int k){insert(root,(point){x,y,k},0);}
88
      int query(int x1,int y1,int x2,int y2){return query(root,x1,y1,x2,y2);}
89
   };
90
```

6 字符串

6.1 KMP

```
const int MAXN = 2e6+5;
   int pi[MAXN];//MAXN记得开大一点,因为这里要存到m+n+1长度的
   vector<int> res;//储存答案
   void getpi(const string &s){ //求s的前缀函数
      pi[0]=0;
      int j=0;
      rep(i,1,s.length()-1){
         while(j>0&&s[i]!=s[j]) j=pi[j-1];//找到合适且最长的j
         if(s[i]==s[j])j++;//能成功匹配的情况
10
         pi[i]=j;
11
      }
12
   }
13
14
   void kmp(string s, string t){ //在主串t中找模式串s
15
      getpi(s+'#'+t);
16
      int n=(int)s.length(),m=(int)t.length();
17
      rep(i,n+1,m+n+1-1)
18
         if(pi[i]==n) res.push_back(i-2*s.size()); //i-2n计算得左端点
19
20
```

6.2 AC 自动机

```
const int MAXN = 1e5+5;
   int jdbh[MAXN];//记录第i个模式串对应的节点编号
   int cntcx[MAXN];//记录第i个模式串出现的次数
   inline int idx(char c){return c-'a';}
   struct Node{
      int son[26],flag,fail;//cnt记录次数,flag记录编号
      void clr(){
         memset(son,0,sizeof(son));
         flag=0;
10
   }trie[MAXN*10];
11
   int n, cntt;//cntt记录总点数
12
   string s,ms[166];
13
   int maxx;
   queue<int>q;
15
   inline void insert(string &s,int num){
16
      int siz = s.size(),v,u=1;
17
      rep(i,0,siz-1){
18
         v = idx(s[i]);
19
         if(!trie[u].son[v]){trie[u].son[v] = ++cntt;trie[cntt].clr();}
20
         u = trie[u].son[v];
21
      trie[u].flag = num;//标记为单词,flag记录编号
23
      //保证每个模式串只出现一次
24
      cntcx[num] = 0;
25
      jdbh[num] = u;//记录当前单词对应的节点编号
```

```
inline void getfail(){
      rep(i,0,25) trie[0].son[i] = 1;
29
      trie[0].flag = 0;
      q.push(1);
      trie[1].fail = 0;
32
      int u,v,ufail;
      while(!q.empty()){
34
          u = q.front();q.pop();
          rep(i,0,25){
             v = trie[u].son[i];
             ufail = trie[u].fail;
38
             if(!v){trie[u].son[i]=trie[ufail].son[i];continue;}//画好一条跳fail的路
             trie[v].fail = trie[ufail].son[i];
40
             q.push(v);
          }
42
      }
43
   }
44
   inline void query(string &s){
      int siz = s.size(),u = 1,v,k;
46
      rep(i,0,siz-1){
47
          v = idx(s[i]);
          k = trie[u].son[v];
          while(k){
50
             if(trie[k].flag){
                 cntcx[trie[k].flag]++;//计数
                 maxx = max(maxx,cntcx[trie[k].flag]);
54
             k = trie[k].fail;//跳fail
          u = trie[u].son[v];//这一句其实也有跳fail的功能,很精妙
57
58
   inline void solve(){
60
      cntt = 1;
61
      trie[0].clr();
62
      trie[1].clr();
      rep(i,1,n){
          cin>>ms[i];
65
          insert(ms[i],i);
66
      getfail();
68
      cin>>s;
69
      maxx = 0;
70
      query(s);
71
      cout<<maxx<<endl;</pre>
      rep(i,1,n){
73
          if(cntcx[i]==maxx) cout<<ms[i]<<endl;</pre>
74
      }
75
76
```

6.3 FFT 解决字符串匹配问题

可以用来解决含有通配符的字符串匹配问题定义匹配函数

$$(x,y) = (A_x - B_x)^2$$

如果两个字符相同,则满足 C(x,y)=0

定义模式串和文本串 x 位置对齐时候的完全匹配函数为

$$P(x) = \sum C(i, x+i)$$

模式串在位置 x 上匹配时,p(x) = 0

通过将模式串 reverse 后卷积,可以快速处理每个位置 x 上的完全匹配函数 P(x) 同理,如果包含通配符,则设通配符的值为 0,可以构造损失函数

$$C(x,y) = (A_x - B_x)^2 \cdot A_x \cdot B_x = A_x^3 B_x + A_x B_x^3 - 2A_x^2 B_x^2$$

通过三次 FFT 即可求得每个位置上的 P(x)

以下是用 FFT 解决普通字符串匹配问题的代码

即实现 KMP 的功能,复杂度较高,为 $O(nlog_n)$

```
void solve(){
       limit = 1, l=0;
       cin>>n>>m;
       cin>>s1>>s2;
       rep(i,0,n-1) B[i].x = s1[i]-'a'+1;
       rep(i,0,m-1) A[i].x = s2[i]-'a'+1;
       double T = 0;
       //T = sigma A[i]^A[i] i=0\sim m-1
       rep(i,0,m-1) T += A[i].x*A[i].x;
       //f[x] = sigma B[i]^B[i] i=0~x
10
       f[0] = B[0].x*B[0].x;
11
       rep(i,1,n-1) f[i] = f[i-1]+B[i].x*B[i].x;
12
       //g[x] = S[i]*B[j] i+j==x
      reverse(A,A+m);//S = A.reverse
14
       //FFT预处理
       while(limit<=n+m-2) limit<<=1,1++;</pre>
16
       rep(i,0,limit-1)
          r[i]=(r[i>>1]>>1)|((i&1)<<(1-1));
18
19
       FFT(A,1);FFT(B,1);
20
       rep(i,0,limit) A[i]=A[i]*B[i];
21
       FFT(A,-1);
22
       rep(i,0,n-1) g[i] = (int)(A[i].x/limit+0.5);//四舍五入
23
       //T + f(x) - f(x-m) - 2g(x);
       double tmp;
26
       rep(x,m-1,n-1){
27
          tmp = T+f[x]-2*g[x];
          if(x!=m-1) tmp -= f[x-m];
29
          //cout<<tmp<<' ';</pre>
30
          if(fabs(tmp)<eps) cout<<x-(m-1)+1<<end1;//输出匹配上的位置
       cout<<endl;</pre>
33
   }
34
```

6.4 字符串哈希

快速取子串哈希值

```
const int b = 131;//推荐的base, 可以选其他质数
void init(int n){//初始化

pw[0] = 1;

for (int i = 1; i <= n; i ++ ) {

    h[i] = h[i-1]*b + str[i];//做每个前缀的哈希值

    pw[i] = pw[i-1]*b;//预处理b^k的值

    }

// 计算子串 str[l ~ r] 的哈希值
ull get(int l, int r) {
    return h[r] - h[l-1]*pw[r-l+1];
}
```

6.5 后缀数组 SA+LCP

LCP(i,j) 后缀 i 和后缀 j 的最长公共前缀

```
int n,m;
   string s;
   int rk[MAXN],sa[MAXN],c[MAXN],rk2[MAXN];
   //sa[i]存排名i的原始编号 rk[i]存编号i的排名 第二关键字rk2
   inline void get SA(){
      rep(i,1,n) ++c[rk[i]=s[i]];//基数排序
      rep(i,2,m) c[i] += c[i-1];
      //c做前缀和,可以知道每个关键字的排名最低在哪里
      repb(i,n,1) sa[c[rk[i]]--] = i;//记录每个排名的原编号
10
      for(int w=1;w<=n;w<<=1){//倍增
11
         int num = 0;
12
         rep(i,n-w+1,n) rk2[++num] = i;//没有第二关键字的排在前面
13
         rep(i,1,n) if(sa[i]>w) rk2[++num] = sa[i]-w;
         //编号sa[i]大于w的才能作为编号sa[i]-w的第二关键字
15
         rep(i,1,m) c[i] = 0;
16
         rep(i,1,n) ++c[rk[i]];
         rep(i,2,m) c[i]+=c[i-1];
         repb(i,n,1) sa[c[rk[rk2[i]]]--]=rk2[i],rk2[i]=0;
19
         //同一个桶中按照第二关键字排序
         swap(rk,rk2);
21
         //这时候的rk2时这次排序用到的上一轮的rk,要计算出新的rk给下一轮排序
23
         rk[sa[1]]=1,num=1;
         rep(i,2,n)
25
            rk[sa[i]] = (rk2[sa[i]]==rk2[sa[i-1]]&&rk2[sa[i]+w]==rk2[sa[i-1]+w])?num:++num;
26
         //下一次排名的第一关键字,相同的两个元素排名也相同
27
         if(num==n) break;//rk都唯一时,排序结束
         m=num;
29
30
31
   int height[MAXN];
   inline void get_height(){
33
      int k = 0,j;
34
      rep(i,1,n) rk[sa[i]] = i;
```

```
rep(i,1,n){
         if(rk[i]==1) continue;//第一名往前没有前缀
         if(k) k--;//h[i]>=h[i-1]-1 即height[rk[i]]>=height[rk[i-1]]-1
         j = sa[rk[i]-1];//找排在rk[i]前面的
         while(j+k<=n&&i+k<=n&&s[i+k]==s[j+k]) ++k;//逐字符比较
         //因为每次k只会-1,故++k最多只会加2n次
         height[rk[i]] = k;
42
43
   inline void solve(){
45
      cin>>s;
      s = ' '+s;
47
      n = s.size()-1,m = 122;//m为字符个数'z'=122
      get_SA();
49
      rep(i,1,n) cout<<sa[i]<<' ';
      cout<<endl;</pre>
51
   }
```

6.6 后缀自动机 SAM

```
struct state{
      int len,link;
      map<char,int> nxt;//也可以用数组,空间换时间
   };
   state sta[MAXN<<1];//状态数需要设定为两倍
   int sz,last;//sz为自动机大小
   inline void init_SAM(){
      sta[0].len = 0;sta[0].link = -1;//虚拟状态t0
      sz = 1;
      last = 0;
10
   int cnt[MAXN<<1];</pre>
   void SAM_extend(char c){
13
      int cur = sz++;
      cnt[cur] = 1;
15
16
      sta[cur].len = sta[last].len+1;
      int p = last;
      //沿着last的link添加到c的转移,直到找到已经有c转移的状态p
18
      while(p!=-1&&!sta[p].nxt.count(c)){
         sta[p].nxt[c] = cur;
         p = sta[p].link;
      if(p==-1) sta[cur].link = 0;//情况1,没有符合的p
24
         int q = sta[p].nxt[c];
         if(sta[q].len==sta[p].len+1)//情况2,稳定的转移(lenq=lenp+1,前面没有增加)
26
            sta[cur].link = q;
         else{//情况3,把q的lenp+1的部分拿出来(clone),p到clone的转移是稳定的
            int clone = sz++;
            cnt[clone] = 0;
            sta[clone].len = sta[p].len+1;
            sta[clone].nxt = sta[q].nxt;
            sta[clone].link = sta[q].link;
            while(p!=-1 && sta[p].nxt[c]==q){//把向q的转移指向clone
```

```
sta[p].nxt[c]=clone;
                 p=sta[p].link;
36
              sta[q].link = sta[cur].link = clone;//clone是q的后缀,故linkq=clone
38
          }
39
40
       last = cur;//sta[last]包含目前处理的整个前缀!
41
42
   string s;
   vector<int> e[MAXN<<1];</pre>
   void dfs(int now){
       for(auto to:e[now]){
46
          dfs(to);
47
          cnt[now] += cnt[to];
48
50
   inline void solve(){
51
       cin>>s;
       init_SAM();
53
       int siz = s.size();
54
       rep(i,0,siz-1) SAM_extend(s[i]);
       rep(i,1,sz-1) e[sta[i].link].push_back(i);//link边反过来构造树
       dfs(0);
       11 \text{ maxx} = 0;
58
       rep(i,1,sz-1)
59
          if(cnt[i]!=1) maxx = max(maxx,1ll*cnt[i]*sta[i].len);
       cout<<maxx<<endl;</pre>
61
62
   int main(){
63
       solve();
64
65
```

6.7 广义 SAM

```
//广义sam只需要在插入新串时把last设为1
   //其实就是存一下自己的sam
   struct SAM{
      static const int sigma=26,c0='a';
      struct Node{
         int fa=0,to[sigma],len=0;
         int &operator [] (int x) {return to[x];}
         Node(){
             rep(i,0,sigma-1) to[i]=0;
10
      }a[N*2];
      int last=1,tot=1;
12
13
      int newnode(){
          a[++tot]=Node(); return tot;
15
16
17
      11 sz[N*2],t[N*2],val[N*2];
      void insert(int c){
19
         bool fl=0; int z;
20
```

```
//if(a[last][c]&&a[last].len+1==a[a[last][c]].len) return a[last][c];
          int x=last,next=newnode();
          sz[next]=1;
          last=next;
          a[next].len=a[x].len+1;
          for(;x&&!a[x][c];x=a[x].fa) a[x][c]=next;
          if(!x) a[next].fa=1;
          else{
             int y=a[x][c];
             if(a[y].len==a[x].len+1){
                 a[next].fa=y;
             }
             else{
                 if(a[x].len+1==a[next].len) fl=1;
                 z=newnode();
36
                 a[z]=a[y],a[z].len=a[x].len+1;
                 //sz[z]=1;
                 for(;x&&a[x][c]==y;x=a[x].fa) a[x][c]=z;
                 a[y].fa=a[next].fa=z;
             }
          }
43
      bool vis[N*2];
44
      void dfs(int u){
45
          vis[u]=1;
          sz[u]=1;
          rep(i,0,25) if(a[u][i]) {
48
             if(!vis[a[u][i]]) dfs(a[u][i]);
             sz[u]+=sz[a[u][i]];
          }
51
52
      void solve(){
          int n=read();
          rep(i,1,n){
             last=1;
56
             string s; cin>>s;
             for(auto c:s) insert(c);
          dfs(1);
60
          cout<<sz[1]-1<<endl;</pre>
      }
   }sam;
```

7 其他

7.1 三分

```
while(l<r){//类似求导的方式求极值
int x=(l+r)/2,y=x+1; //l+(r-1)/2
if(f(x)<f(y))l=x+1; else r=y-1; //最大值
//if(f(x)<f(y)) r-y-1; else l=x+1; //最小值
```

; | }

7.2 数位 dp

```
11 dp[20][2][2],bit[20]; //这个[2]表示1z状态,如果1z被使用了的话就需要记录
   11 dfs(int pos,ll s,bool lim=1,bool lz=1){
      if(pos==-1)return !s; //返回该状态是否符合要求(0或1)
      11 &x=dp[pos][s][0];
      if(!lim && x!=-1)return x;
      ll ans=0;
      int maxi=lim?bit[pos]:9;
      if(s){
         if(maxi>=2) rep(i,0,1)
             ans+=dfs(pos-1,i,lim&&2==maxi,0);
10
11
      }
      else{
12
         rep(i,0,maxi){
13
             if(i==2||i==4) continue;
14
             //...//状态转移
15
             //if(lz && i==0)...//可能要用1z, 其他地方都不用
16
             ans+=dfs(pos-1,0,
17
                lim && i==maxi,
                1z \&\& i==0);
19
             if(i!=6) ans+=dfs(pos-1,1,lim&&i==maxi,lz&&i==0);
         }
21
22
      if(!lim)x=ans; //不限制的时候才做存储 yyds
23
      return ans;
24
   }
25
   11 calc(l1 n){
26
      int len=0;
27
      while(n)bit[len++]=n%10,n/=10;
      return dfs(len-1,0)+dfs(len-1,1);
29
   }
30
```

7.3 线性基

```
struct basis{//线性基超大常数版
      11 p[64];
      #define B(x,i) ((x>>i)&1)
      //yyds
      void init(){ memset(p,0,sizeof(p)); }
      void add(ll x){
          dep(i,62,0){
             if(!B(x,i)) continue;
             if(!p[i]) {p[i]=x; break;}
             x^=p[i];
10
          }
11
      11 qmx(11 x){
13
          dep(i,62,0) if(!B(x,i)&&p[i]) x^=p[i];
14
          return x;
15
16
      }
```

7.4 莫队

```
int cnt[MAXN];//记录数字在区间[1,r]内出现的次数
   int pos[MAXN],a[MAXN];
   11 ans[MAXN];
   int n,m,k,res;
   struct Q{
      int 1,r,k;//k记录原来的编号
      friend bool operator < (Q x,Q y){//同一个分块内r小的排前面;不同分块则按分块靠前的
         return pos[x.1]==pos[y.1]?x.r<y.r:pos[x.1]<pos[y.1];</pre>
         //return (pos[a.1]^pos[b.1])?pos[a.1](pos[a.1]&1)?a.r<b.r:a.r>b.r);
         //这条第一个和==是一样的,后面的是对于左端点在同一奇数块的区间,右端点按升序排列,反之降序
10
      }
   }q[MAXN];
   void Add(int pos){
14
      res -= cnt[a[pos]]*cnt[a[pos]];
16
      cnt[a[pos]]++;
      res += cnt[a[pos]]*cnt[a[pos]];
17
18
   void Sub(int pos){
      res -= cnt[a[pos]]*cnt[a[pos]];
21
      cnt[a[pos]]--;
      res += cnt[a[pos]]*cnt[a[pos]];
   }
   int main(){
      cin>>n>>m>>k;//k为数字范围
25
      memset(cnt,0,sizeof(cnt));
      int siz = sqrt(n);//每个分块的大小
      rep(i,1,n){
         cin>>a[i];
         pos[i] = i/siz;//分块
30
      rep(i,1,m){
32
         cin>>q[i].l>>q[i].r;
         q[i].k = i; // 记录原来的编号, 用于打乱顺序后的还原
34
      sort(q+1,q+1+m);
36
      res = 0;//初始化res
      int 1 = 1,r = 0;//当前知道的区间
38
      //因为是闭区间,如果是[1,1]的话则一开始就包含一个元素了
      rep(i,1,m){//莫队的核心,注意加减的顺序
40
         while(q[i].1<1) Add(--1);
         while(q[i].1>1) Sub(1++);
42
         while(q[i].r<r) Sub(r--);</pre>
         while(q[i].r>r) Add(++r);
         ans[q[i].k] = res;
45
46
      }
```

```
rep(i,1,m) cout<<ans[i]<<endl;
48 }</pre>
```

7.5 带修莫队

```
int a[MAXN],b[MAXN];//a读入一开始的序列,b记录修改后的
   int pos[MAXN];//分块
   int cq,cr;//统计查询修改次数
   int R[MAXN][3];//0记位置,1记原本的值,2记修改后的值
   ll res;
   int ans[MAXN];//记录结果
   int n,m;
   void Add(int x){if(cnt[x]==0)res++;cnt[x]++;}//带修莫队的add和sub有区别
   void Sub(int x){if(cnt[x]==1)res--;cnt[x]--;}
   struct Q{
      int 1,r,k,t;
      friend bool operator < (Q a,Q b){</pre>
         return (pos[a.1]^pos[b.1])?pos[a.1]<pos[b.1]:((pos[a.r]^pos[b.r])?a.r<b.r:a.t<b.t);</pre>
         //增加第三关键字,询问的先后顺序,用t或者k应该都行
   }q[MAXN];
   int main(){
17
      cin>>n>>m;
      cq = cr = 0;
      int siz = pow(n,2.0/3.0);//这么分块最好,别问
      rep(i,1,n){
21
         cin>>a[i];
         b[i]=a[i];
         pos[i] = i/siz;
      char hc;
      rep(i,1,m){//读入修改和询问
         cin>>hc;
         if(hc=='Q'){
            cin>>q[cq].1>>q[cq].r;
            q[cq].k=cq;q[cq].t=cr;//注意这时候R[cr]还是没有的,这次询问是在R[cr-1]之后的
            cq++;
         else{
            cin>>R[cr][0]>>R[cr][2];
            R[cr][1] = b[R[cr][0]];
            b[R[cr][0]] = R[cr][2];//在b数组中记录更改
            cr++;
         }
      sort(q,q+cq);
41
      int l=1,r=0,sjc=0;//时间戳
42
      res = 0;
43
      rep(i,0,cq-1){
         while(sjc<q[i].t){</pre>
            if(1<=R[sjc][0]&&R[sjc][0]<=r)//判断修改是否在该区间内
               Sub(R[sjc][1]),Add(R[sjc][2]);
            a[R[sjc][0]] = R[sjc][2];//在a上也进行更改
            sjc++;
```

8 STL 等小技巧

8.1 集合 set

还可以通过 lower_bound 和 upper_bound 返回迭代器来找前驱,后继

```
//并交集
vector<int> ANS;
set_union(s1.begin(),s1.end(),s2.begin(),s2.end(),inserter(ANS,ANS.begin()));//set_intersection()

//通过迭代器遍历集合
set<char>::iterator iter = temp1.begin();
while (iter!=temp1.end()){
cout<<*iter;
iter++;
}
iter++;
```

8.2 快读快写 (短)

```
template<class T>inline void read(T &x){x=0;char o,f=1;while(o=getchar(),o<48)if(o==45)f=-f;do x=(x<<3)+(x <<1)+(o^48);while(o=getchar(),o>47);x*=f;}

template<class T>
void wt(T x){/快写

if(x < 0) putchar('-'), x = -x;
if(x >= 10) wt(x / 10);
putchar('0' + x % 10);
}
```

8.3 GCD(压行)

8.4 计时

```
inline double run_time(){
   return 1.0*clock()/CLOCKS_PER_SEC;
}
```

8.5 替换 unorderedset 的 hash 函数

```
struct VectorHash {
    size_t operator()(const std::vector<int>& v) const {
        std::hash<int> hasher;
        size_t seed = 0;
        for (int i : v) {
            seed ^= hasher(i) + 0x9e3779b9 + (seed<<6) + (seed>>2);
        }
        return seed;
    }
}
unordered_set<vector<int>,VectorHash> st;
```

8.6 对拍

8.6.1 linux&mac 版

```
while true; do
./3.exe>tmp.in #出数据
./2.exe<tmp.in>tmp.out #被测程序
./4.exe<tmp.in>tmp2.out #正确(暴力)程序
if diff tmp.out tmp2.out; then #比较两个输出文件
printf AC #结果相同显示AC
else
echo WA #结果不同显示WA, 并退出
cat tmp.in
cat tmp.out tmp2.out
exit 0
fi #if的结束标志,与C语言相反,0为真
done # while的结束标志
```

8.6.2 windows 版

```
@echo off
cloop
    rand.exe > in.txt
    my.exe < in.txt > myout.txt
    std.exe < in.txt > stdout.txt
    fc myout.txt stdout.txt
    if not errorlevel 1 goto loop
    pause
    goto loop
```