# Protection des maillages 3D

Vincent Itier

9 Novembre 2015

MASTER IMAGINA: Codage et Compression

## Plan

- 1 Maillage 3D
- 2 Protection des médias visuels
- 3 Insertion de données cachées 3D
- 4 Conclusion et perspectives

## Section 1

Maillage 3D



- 1 Maillage 3D
  - Représentation surface 3D
  - Manipulations
  - Évaluation de la qualité
- 2 Protection des médias visuels
- 3 Insertion de données cachées 3D
- 4 Conclusion et perspectives

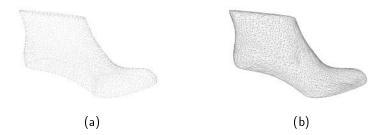


Figure – a) Nuage de 5002 points 3D, b) maillage triangulé associé.

### Représentation

- M = (V, K)
- $V = \{v_1, \ldots, v_n\}, \ v_i \in \mathbb{R}^3, \ 1 \le i \le n$
- K connectivité topologique

## Représentation

- K:
- Facettes  $F: f = \{v_0, \ldots, v_n\}$
- Arrêtes  $E : e = \{v_i, v_i\}$

#### Définitions :

- Degré d'un polygone est le nombre d'arêtes qui le composent.
- Valence d'un sommet est définie comme le nombre d'arêtes incidentes.

#### Exemple:

1-ring neighborhood : Distances géodésiques ou de courbures locales.

#### Propriétés : 2-variétés

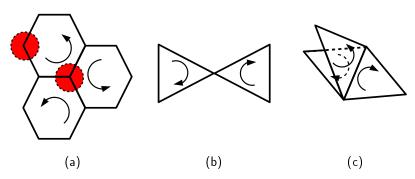


Figure – Exemple de configuration a) 2-variété, b) non-variété orientable, c) non-variété non orientable.

9

# Maillage 3D

## Caractéristique d'Euler

$$\chi(M) = \sum_{i>0} (-1)^i n(i), \tag{1}$$

Pour un maillage 3D M = (V, F, E):

$$\chi(M) = |V| - |E| + |F| \tag{2}$$

### Exemple:

- $\blacksquare$  sphere :  $\chi(M)=2$
- donut :  $\chi(M) = 0$
- double donut :  $\chi(M) = -2$



## Stockage

Nombreux formats: STL, PLY, OFF...

### Exemple OFF

```
OFF
```

1000 1996 0

4.394422054290771 -0.3315080106258392 0.1344770044088364

4.548637866973877 -0.09076900035142899 0.4463599920272827

4.085364818572998 -0.0666389986872673 0.4451819956302643

3012

3023

3 3 2 4

3 2 1 5

### Catégories

- Transformations affines
- Ajout de bruit et lissage
- Attaque sur la connectivité
- Ré-échantillonnage
- Attaques topologiques
- Compression

### Transformations affines

- Translation
- Rotation
- Changement d'échelle uniforme/non uniforme
- Combinaisons

### Ajout de bruit et lissage

- Amélioration la qualité visuelle d'un maillage
- Sur la géométrie du maillage

### Attaque sur la connectivité

- Changement des relations d'adjacences entre les primitives du maillage
- Remaillage complet
- Retournement d'arêtes
- Sans distorsion : réorganisation de l'ordre des primitives dans le format de représentation

### Ré-échantillonnage

- $lue{}$  Nouveau maillage respectant la forme topologique eq connectivité
- Subdivision du maillage
- Simplification du maillage

## Attaques topologiques

- Découpage
- Remplissage de trous
- Changement de la caractéristique d'Euler

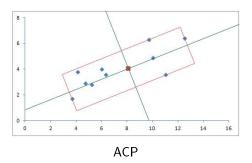
### Compression

Avec pertes (Quantification des coordonnées des sommets)

# Recalage de maillages

## ACP (Analyse en Composante Principale)

- Réduire le nombre de directions
- Trouver les directions principales



# Recalage de maillages

## ACP pour les maillages 3D



ACP [Chaouch et al. 2008]

## Évaluation de similarité

### Métriques

- Distance de Hausdorff.
- RMS (root square error).
- MRMS (maximum of the two asymetric RMS).
- $GL_1$ ,  $GL_2$ , [Karni and Gotsman 00], [Sorkine et al. 03].
- Mesure basée sur la rugosité 3DWPM<sub>1</sub>, 3DWPM<sub>2</sub>, [Drelie Gelasca et al. 05], [Corsini et al. 07].
- *MSDM*<sub>1</sub>, *MSDM*<sub>2</sub> (Mesh Structural Distortion Measure), [Lavoué *et al.* 06] [Lavoué 11].
- **...**



## Distance de Hausdorff

## Distance entre un point $p \in S$ , et un point $p' \in S'$

$$d(p, \mathcal{S}') = \min_{p' \in \mathcal{S}'} \left\| p - p' \right\|_2, \tag{3}$$

### Distance de Hausdorff

$$d(\mathcal{S}, \mathcal{S}') = \max_{p \in \mathcal{S}} d(p, \mathcal{S}'). \tag{4}$$

En général,  $d(S, S') \neq d(S', S)$ :

### Distance de Hausdorff symétrique

$$d_s(\mathcal{S}, \mathcal{S}') = \max(d(\mathcal{S}, \mathcal{S}'), d(\mathcal{S}', \mathcal{S})), \tag{5}$$

## Distance de Hausdorff

## Distance entre un point $p \in S$ , et un point $p' \in S'$

$$d(p, \mathcal{S}') = \min_{p' \in \mathcal{S}'} \|p - p'\|_2, \qquad (6)$$

### Distance de Hausdorff

$$d(\mathcal{S}, \mathcal{S}') = \max_{p \in \mathcal{S}} d(p, \mathcal{S}'). \tag{7}$$

En général,  $d(S, S') \neq d(S', S)$ :

### Distance de Hausdorff symétrique

$$d_{s}(\mathcal{S}, \mathcal{S}') = \max(d(\mathcal{S}, \mathcal{S}'), d(\mathcal{S}', \mathcal{S})), \tag{8}$$

# RMSE (root mean square error)

### RMSE point/surface

$$RMSE(S,S') = \sqrt{\frac{1}{|S|}} \int \int_{p \in S} d(p,S')^2 dS.$$
 (9)

#### RMSE symétrique

$$MRMSE(S, S') = \max(RMSE(S, S'), RMSE(S', S)).$$
 (10)

# Approximation RMSE entre M et M'

### RMSE: appariement sommets

$$RMSE_{\nu}(M, M') = \sqrt{\frac{1}{|V|} \sum_{1}^{|V|} ||v_{i} - v'_{i}||_{2}^{2}},$$
 (11)

#### RMSE: appariement des normales

$$RMSE_n(M, M') = \sqrt{\frac{1}{|V|} \sum_{i=1}^{|V|} \left\langle n_i, n'_i \right\rangle^2}, \qquad (12)$$

### **PSNR**

#### PSNR: en fonction du RMSE

$$PSNR_{\nu}(M, M') = 20 \log_{10} \frac{D_{max}}{RMSE_{\nu}(M, M')}, \tag{13}$$

 $D_{max}$  longueur de la diagonale de la boîte englobant de M

### MSDM

### Métrique perceptuelle

$$MSDM(M, M') = \left(\frac{1}{n_w} \sum_{j=1}^{n_w} LMSDM(a_j, b_j)^3\right)^{\frac{1}{3}}.$$
 (14)

$$LMSDM(a,b) = (0.4 \times L(a,b)^{3} + 0.4 \times C(a,b)^{3} + 0.2 \times S(a,b)^{3})^{\frac{1}{3}},$$
(15)

où L, C, S fonctions de comparaison de courbures, de contrastes et de structures

# Évaluation de la qualité

### Outils

- Metro
- Mesh Lab
- MEPP
- CloudCompare

### Section 2

Protection des médias visuels

MASTER IMAGINA: Codage et Compression

- 1 Maillage 3D
- 2 Protection des médias visuels
  - Objectifs
  - Méthodes
  - Stéganographie
- 3 Insertion de données cachées 3D
- 4 Conclusion et perspectives

# Pour quoi faire?

- Application militaire.
- Imagerie Médicale (vie privée).
- Jeux-vidéos (contenu additionnel).
- Photographie, streaming... (droit d'auteur).

# Pour quoi faire?

## Ce qu'il est possible de faire :

- Cacher le contenu.
- Traçage de traitre.
- Confidentialité.
- Intégrité.
- Disponibilité.
- Authentification.
- Non-répudiation.

# Méthodes de protections

#### Méthodes:

- Chiffrement.
  - Transforme les données originales de façon inintelligible.
- Tatouage.
  - Cache des données de façon imperceptible dans un média.

## Méthodes

## Cryptographie

- Confidentialité visuelle (données sensibles, jeux vidéo,...).
- Déchiffrement : moins de sécurité.

### Tatouage

- Copyright.
- Authentification.
- Intégrité.
- Méta-données.

# Cryptographie

#### Chiffrement

- Chiffrement complet : confidentialité visuelle.
- Chiffrement sélectif : aperçu etc...

# Cryptographie

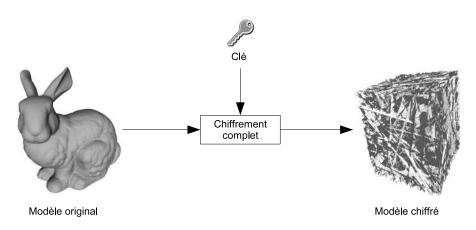


Schéma de chiffrement complet.

# Cryptographie

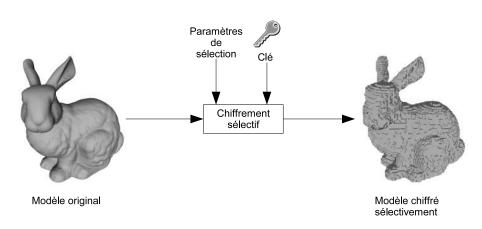


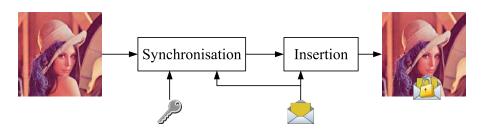
Schéma de chiffrement sélectif.

### Méthodes d'insertion de données cachées

#### Propriétés

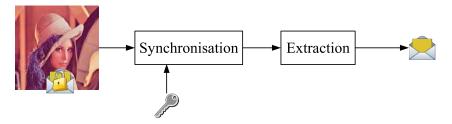
- Compatible avec le format : lisible avec les logiciels standards.
- Aveugle, semi-aveugle, non-aveugle : a priori sur le média.
- Confidentialité.
- Intégrité.
- Disponibilité.
- Authentification.
- Non-répudiation.

### Schéma d'une méthode d'insertion de données cachées



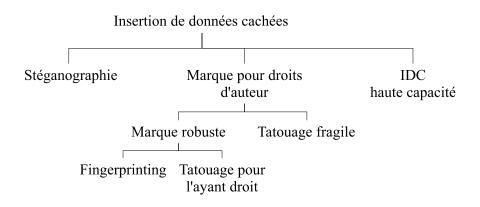
L'image est marquée avec un message secret à l'aide d'une clé secrète.

### Schéma d'une méthode d'extraction de données cachées



L'information cachée est retrouvée suivant l'ordre donné par la synchronisation et la clé secrète

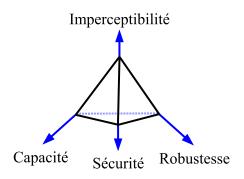
### Classification des méthodes d'insertion de données cachées



#### Insertion

- Injection : le message est inséré directement dans le média, ce qui provoque une augmentation de la taille du support. Ce comportement est une faille de sécurité par rapport à un potentiel attaquant.
- Substitution : le message est inséré de façon à remplacer l'information redondante du support ou à substituer une partie de l'information qui altère le moins le support. Cette technique est la plus utilisée.
- **Distorsion**: l'extraction se fait en analysant cette différence entre les objets supports et les objets marqués.

# Schéma des compromis



# Comparaison entre une insertion dans le domaine spatial et dans un domaine transformé

Facteurs	Domaine spatial	Domaines transformés
Coût de calcul	Faible	Important
Robustesse	Faible	Plus robuste
Qualité perceptuelle	Contrôlable	Peu de contrôle
Complexité	Faible	Haute
Temps de calcul	Faible	Plus important
Capacité	Haute	Moindre

### Évaluation de la robustesse

#### Nombre d'erreurs binaires entre m et m'

$$NE = |m| - |m'| + \sum_{i=0}^{|m|-1} \begin{cases} 1 \text{ si } & m_i \neq m'_i \\ 0 \text{ sinon} \end{cases}$$
 (16)

#### **BER**

$$BER = \frac{NE}{|m|} \tag{17}$$

# Capacité des méthodes

Méthode	Capacité	Robustesse
0-bits	1 bit	+++
Tatouage	identifiant : 64, 128 bits	++
Fingerprinting	borne min nombre d'utilisateurs	+
Tatouage fragile	max	ı
Stéganographie	borne max pour rester indétectable	
Haute capacité	max	

# Imperceptibilité

### Évaluation à l'aide de métriques

- Métriques subjectives
  - Distance
  - Percepetuelle
- Métriques objectives
  - MOS (score d'opinion moyen)

#### Sécurité

#### Définitions

- Secret de la clé et non de la méthode. [Kerckhoffs :1883]
- Incapacité pour des utilisateurs non autorisés d'accéder au canal de tatouage. [Kalker :2001]
- Difficulté d'estimer les paramètres secrets de la méthode d'insertion en observant un objet marqué. [Perez-Freire :2009]

# Propriétés

#### Réversibilité

- Imagerie médicale
- Applications militaires
- CAO

#### Aveugle

- Ne nécessite pas de connaissance a priori
- Semi-aveugle (partie de l'information disponible)
- Non-aveugle plus robuste (extraction par différence)

### Attaques sur l'insertion de données cachées

### Attaques<sup>1</sup>

- Les attaques de suppression qui ont pour but de supprimer la marque.
- Les attaques géométriques qui n'ont pas pour but de supprimer la marque elle même, mais de faire perdre la synchronisation des données cachées.
- Les attaques cryptographiques qui ont pour but d'extraire le message ou les paramètres secrets utilisés pour l'insertion.
- Les attaques de protocole qui ont pour but d'attaquer le concept de tatouage en lui même.



<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Voloshynovskiy.

# Stéganographie & stéganalyse

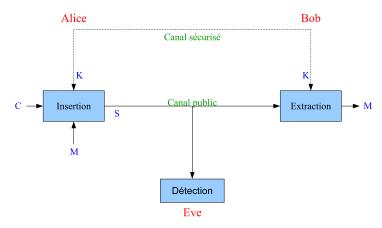


Schéma d'une méthode de stéganographie, le média support C (cover), le stego-média S, le message secret M, et la clé secrète K (key)

### Section 3

Insertion de données cachées 3D

MASTER IMAGINA: Codage et Compression

Maillage 3D

- 2 Protection des médias visuels
- 3 Insertion de données cachées 3D
  - Généralités
  - Domaine d'insertion
  - Synchronisation
  - Problème de causalité
  - Méthodes robustes
  - Méthodes haute-capacité
  - Exemple méthode haute capacité
- 4 Conclusion et perspectives



## Principes

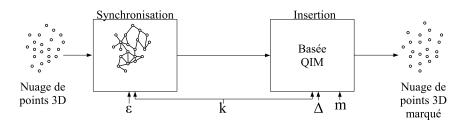
#### Étapes :

- Synchronisation 3D
- Insertion sur une primitive (Sommets, arrêtes, facettes...)

#### Difficultés par rapport aux médias visuels 2D :

- Choix de la primitive ? (2D pixels)
- Comment définir un ordre sur cette primitive ? (2D évident)
- Problème de causalité

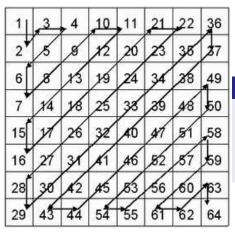
# Exemple



Étapes de l'insertion de données cachées 3D.

# Domaine spatial vs domaine transformé

Facteurs	Domaine spatial	Domaines transformés
Coût de calcul	Faible	lmportant
Robustesse	Faible	Plus robuste
Qualité perceptuelle	Contrôlable	Peu de contrôle
Complexité	Faible	Haute
Temps de calcul	Faible	Plus important
Capacité	Haute	Moindre



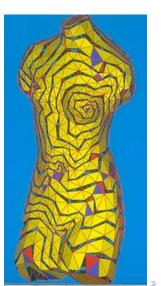
Chemin en ZigZag d'une image 2D.

#### Exemple de chemin unique :

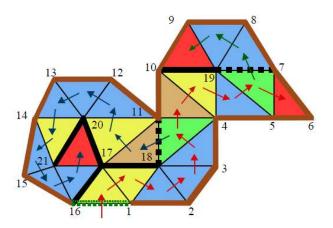
- Lignes et colonnes.
- ZigZag.
- Blocs.

#### Ordonnancement facettes:

- "Edgebreaker" [Rossignac :1999] pour la compression
- TSPS (Triangle Strip Peeling Sequence) [Ohbuchi :1997]
- parcours en largeur/ profondeur

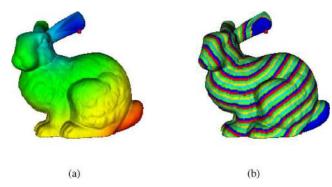


### Ordonnancement facettes:



Déroulement des facettes

### Ordonnancement par patchs:



Iso-geodesic mesh strip generation [Luo:2011]

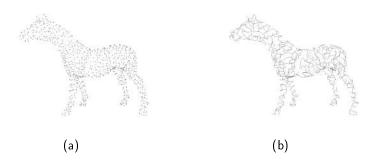
## Ordonnancement par patchs :



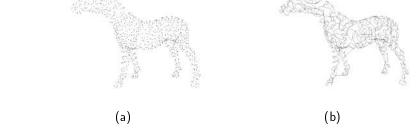
Patchs [Wang :2009]

#### Ordonnancement par graphes :

- Parcours en largeur, en profondeur
- Arbre couvrant de poids minimum
- Chemin hamiltonien



a) Nuage de 3006 points 3D, b) ACPME construit sur le nuage de points



a) Nuage de 3006 points 3D, b) Chemin hamiltonien construit sur le nuage de points

# Influence de l'insertion sur la synchronisation

#### Définition :

Un problème de causalité survient lorsque l'insertion modifie les caractéristiques utilisées pour la synchronisation. Ce qui implique une erreur partielle ou totale à l'extraction.

#### Exemples:

- Déplacement du centre de gravité
- Déplacement des points du graphes

### Domaines d'insertion

### Support message

- Géométrie (statistique)
- Domaine transformé

### Références

#### Domaine spatial

- Histogramme des normales [Benedens 1999]
- Histogramme des distances radiales [Zafeiriou *et al.* 2005]
- Histogramme des distances au centre [Cho et al. 2007] [Bors et Luo 2013]

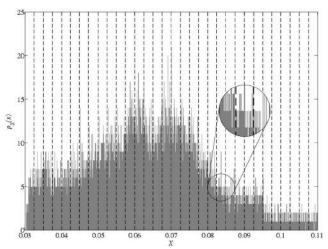
### Références

#### Domaine transformé

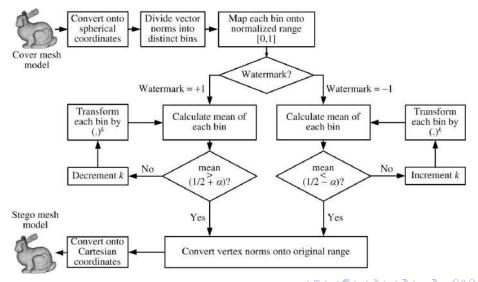
- Différence des coefficients de Laplacienne[Ohbuchi et al. 2001]
   [Lavoué et al. 2007]
- MHT (Manifold Harmonics Transform) [Liu et al. 2008] [Wang et al. 2009]
- Harmoniques sphériques [Konstantinides et al. 2009]
- Décomposition multi-résolution [Praun et al. 1999] [Ucchedu et al. 2004] [Wang et al. 2008]

# Méthode statistique

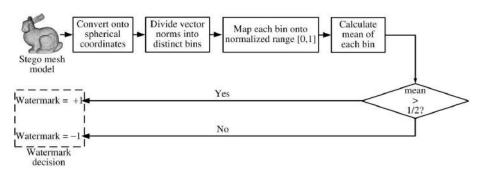
### Méthode de Cho



#### Méthode de Cho: Insertion



### Méthode de Cho: Extraction



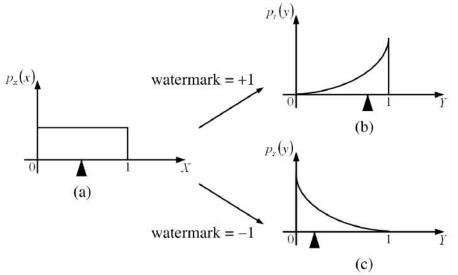
# Méthode de Cho : Étapes

- 1 Calculer le centre de gravité g
- f 2 Transformation coordonnées sphériques par rapport à f g
- 3 Divisions en *n* classes (Bins)
- 4 Normalisation des bins entre [0,1]
- 5 Insertion itérative dans chaque bins en fonction du message

# Méthode de Cho: Modifier les statistiques

### Statistiques:

- Moyenne
- Variance



#### Modifier la moyenne :

lpha force insertion / sensibilité aux erreurs

$$m'_n = \begin{cases} \frac{1}{2} + \alpha & \text{si} \quad w_n = 1\\ \frac{1}{2} - \alpha & \text{si} \quad w_n = -1(0) \end{cases}$$

### Modifier la moyenne :

$$\rho'_{n,j} = (\rho_{n,j})^{k_n}$$

où  $k_n$  est calculé comme :

$$k_n = \begin{cases} \frac{1-2\alpha}{1+2\alpha} & \text{si} \quad w_n = 1\\ \frac{1+2\alpha}{1-2\alpha} & \text{si} \quad w_n = -1 \end{cases}$$

#### Problème:

Distribution non continu, non uniforme  $\Rightarrow k_n$  ne peut être calculé

### Solution:

Insertion itérative

#### Problème:

Distribution non continu, non uniforme  $\Rightarrow k_n$  ne peut être calculé

### Solution:

Insertion itérative

#### Insertion itérative 1 :

- $1 k_n = 1$
- $\rho'_{n,j} = (\rho_{n,j})^{k_n}$
- $m'_n = \frac{1}{M_n} \sum_{j=0}^{M_n-1} \rho'_{n,j}$
- 4 si  $m_n' < \frac{1}{2} + \alpha$ ,  $k_n = k_n \Delta k$  aller à 2

## Méthode de Cho: Fin

#### Transformation inverse

- Normalisation inverse des bins
- Transformation coordonnées cartésiens

## Méthode de Cho: Bilan

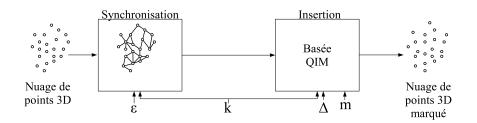
#### Bilan

- Insertion longue (fonction de  $\Delta k$ ) /extraction rapide
- Robuste / faible capacité / aveugle
- Force d'insertion laissée à l'utilisateur (méthode [Bors et Luo 2013])

# Méthodes haute capacité domaine spatial

Méthode	capacité théorique pour un maillage de $ V $ sommets	capacité bps
Cayre et Macq 2003	V	< 1
Wang et Cheng 2005	3 ×   <i>V</i>	3
Cheng et Wang 2007	V  imes lpha un entier donné	3-6
Chao <i>et. al</i> 2009	69 ×   <i>V</i>	40
Li <i>et. al</i> 2011	$ P  \times \lfloor \log_2(M \times N) \rfloor$	50
Tsai 2015	$ P  \times \lfloor \log_2(M \times M) \rfloor$	> 8
Gao <i>et. al</i> 2012	$3 \times (H-L+1)\Omega$	1-2
Yang et. al 2013	V  imes fonction du facteur de tolérance aux distorsions $arepsilon$	45-60
Wang and Wang 2006	1.5  imes  V	< 1.5

# Schéma d'insertion haute capacité



MASTER IMAGINA: Codage et Compression

# Schéma d'insertion haute capacité

$$\bigcirc \qquad \times \qquad \bigcirc \qquad \times \qquad \bigcirc$$

$$\times \qquad m=2\bigcirc d_{\min} \qquad \times m=1 \qquad \bigcirc \qquad \times$$

$$\bigcirc \qquad \times \qquad \bigcirc \qquad \times \qquad \bigcirc$$

### Idées

### Insertion haute capacité dans la géométrie

- Utiliser le plongement 3D
- Synchronisation des sommets
- Méthode d'insertion sur les sommets

# Synchronisation

## Ordonnancement des sommets

■ PCA: recalage

#### Insertion par sommets

- LSB (bits de poids faibles) [Yang :2014]
- Subdivisions PCA [Chao :2009]
- Insertion sur les arrêtes du chemin [Itier :2015]

### Construction d'un chemin Hamiltonien

#### Pour un maillage de *n* sommets :

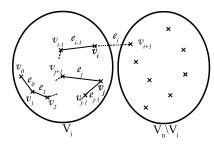
On définit :  $G_n$  un graphe,  $G_n = (V_n, E_m, \omega)$ 

- $V_n$  l'ensemble des sommets.
- $E_m$  l'ensemble des arêtes  $\neq$  de la topologie, m = n(n-1)/2.
- $\omega : E_m \to \mathbb{R}^+$  la fonction de coût sur chaque arêtes,  $\omega(e) = ||e||_2, e \in E_m$ .

## Construction d'un chemin Hamiltonien

### A l'étape i :

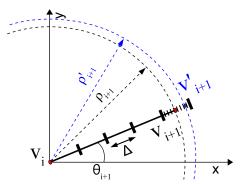
- P<sub>i</sub> sous chemin Hamiltonien,  $P_i = (V_i, E_i)$ .
- $\mathbf{V}_i$  ensemble des sommets.
- *E*; ensemble des arrêtes.



État du système à t = i.

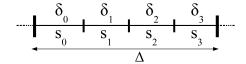
# Déplacement

- △ borne de déplacement
- Coordonnés sphériques :  $v_i(x_i, y_i, z_i) = v_i(\rho_i, \theta_i, \phi_i)$



#### Insertion uniforme

- q base.
- lacksquare Message lacksquare de taille |lacksquare |lacksquare |lacksquare Message lacksquare de taille |lacksquare |
- $s_j \in M$ .
- Probabilité d'apparition d'une lettre :  $p(s_j) = \frac{|\mathbf{M}|_{s_j}}{|\mathbf{M}|} = \frac{1}{|\mathcal{S}|}$
- $ullet |\delta_{s_j}| = rac{\Delta}{q}$  taille d'un sous intervalle  $\delta_{s_j}$



Codage uniforme d'une valeur, q = 4

#### Borne inférieure de l'intervalle :

$$b_l = \lfloor \frac{c_{i+1}}{\Delta} \rfloor \times \Delta. \tag{18}$$

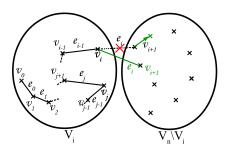
#### Valeur d'une coordonnée $c_{i+1}$

$$val(c_{i+1}) = \lfloor q(c_{i+1} - b_l) \rfloor. \tag{19}$$

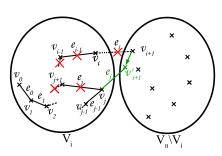
#### Insertion de $s_i$ sur une coordonnée $c_{i+1}$

$$c'_{i+1} = \begin{cases} b_l + \frac{j\Delta}{q} & \text{if } val(c_{i+1}) < j \\ b_l + \frac{(j+1)\Delta}{q} - \gamma & \text{else,} \end{cases}$$
 (20)

## Problème de causalité

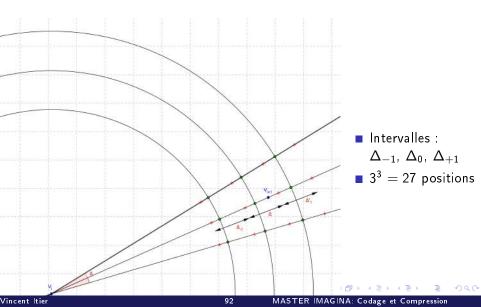


 $v_{i+1}$  est déplacé trop près du sous-chemin.

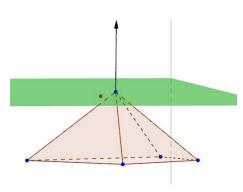


 $v_{i+1}$  est déplacé trop loin de son père.

# Meilleure position



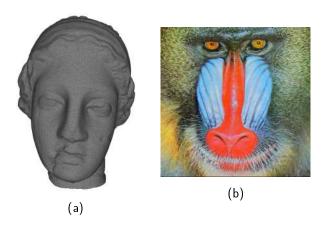
## Réduction des distorsions



Sommet 
$$v(x_v, y_v, z_v)$$
  
Plan P:  $ax + by + cz + d$ 

$$d_{v,P} = \frac{|ax_v + by_v + cz_v|}{\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}}$$
 (21)

# Exemple



a) Maillage original 100759 sommets, b) Image 224  $\times$  224 pixels : 1204224 bits.

# Comparaison

Table – Comparaison de l'état de l'art sur l'objet "Bunny".

Method	Capacity	Hausdorff Distance $ imes 10^{-6}$	$PSNR_1$
[Chao :2009]	940464		100.57
[Gao :2012]	51408	5.48	
[ltier :2015]	54289	1.10	127.3

# Section 4

# Conclusion et perspectives

MASTER IMAGINA: Codage et Compression

- 1 Maillage 3D
- 2 Protection des médias visuels
- 3 Insertion de données cachées 3D
- 4 Conclusion et perspectives

## Conclusion

#### Conclusion

- Méthode différentes! compromis : capacité, robustesse, distorsions
- Définir ses besoins et cas d'utilisation!

# Perspectives

## Perspectives

- Stéganographie/stéganalyse 3D
- Sécurité des méthodes

# Robustesse $\neq$ Sécurité

- La sécurité à un scope plus large. (Ne traite pas seulement du retrait du tatouage).
- Sécurité ≠ Robustesse. [Perez-Freire et al., 09] : La difficulté d'estimer les paramètres secrets de la fonction d'insertion en se basant sur l'observation d'un média tatoué.
- Existe en 2D, peu en 3D : Pas de méthodes robustes en 3D.

# Scénarios à étudier

#### Diffie-Hellman<sup>1</sup>

- WOA (Watermarked Only Attack) observation maillages tatoués.
- KMA (Known Message Attack) observation maillages tatoués et messages associés.
- KOA (Known Original Attack) observation maillages tatoués et maillages originaux.

 $^{1}$ "New directions in cryptography",IEEE Transactions on Information Theory, 1976.