Reinforcement learning (I)

IA 2022/2023

Conținut

Introducere

Procese de decizie Markov

FII, UAIC

2/38

Învățare cu întărire (Reinforcement learning)

Agentul trebuie să învețe un comportament, fără a avea un instructor

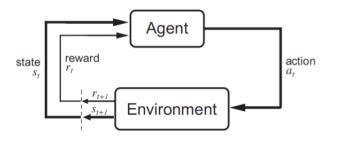
- ► Agentul are o sarcină de îndeplinit
- ► Efectuează o serie de actiuni
- Primește feedback din partea mediului: cât de bine a acționat pentru a-și îndeplini sarcina.
 - Agentul primește o recompensă pozitivă dacă îndeplinește bine sarcina, respectiv o recompensă negativă dacă nu îndeplinește bine sarcina.

Această modalitatea de învățare se numește învățare cu întărire.

FII, UAIC Curs 7 IA 2022/2023 3/38

Modelul de interacțiune

- Agentul efectuează acțiuni
- ▶ Mediul îi prezintă agentului situații numite stări și acordă recompense



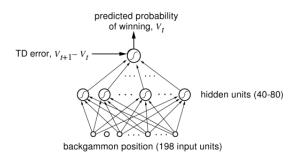
Traiectorie / episod $(s_0, a_0, r_0, s_1, a_1, r_1, ...)$

FII, UAIC Curs 7 IA 2022/2023 4/38

Învățare cu întărire

- Scopul: de a determina agentul să acționeze a.î. să-și maximizeze recompensele
- Agentul trebuie să identifice secvența de acțiuni ce conduce la îndeplinirea sarcinii
 - ightharpoonup Date de antrenare: (S, A, R) Stare, Acțiune, Recompensă

TD-Gammon



O rețea neuronală antrenată cu TD-learning (intrarea: poziția, ieșirea: o estimare a valorii pentru acea poziție) Invată din simulări (joacă jocuri împotriva lui însusi)

4D + 4B + 4B + B + 990

Exemple: robotică

AIBO: învață să meargă '04 (utilizând *Policy gradient*)



Fig. 5. The training environment for our experiments. Each Aibo times itself as it moves back and forth between a pair of landmarks (A and A', B and B', or C and C').

https://www.cs.utexas.edu/users/ AustinVilla/?p=research/learned_walk

Minitaur quadrupedal robot: învață să meargă (actor-critic deep RL)



Fig. 9: We trained the Minitaur robot to walk on this terrain (first row) in about two hours. At test time, we introduced obstacles, including a slope, wooden blocks, and stept, which were not present at training time, and the learned policy was able to generalize to the unseen situations without difficulty (other rows).

https://sites.google.com/view/minitaur-locomotion/

Deep Reinforcement Learning

- ► AlphaGo Google DeepMind (2015) Programul a învățat să joace jocurile Atari 2600 urmărind direct doar afișajul și scorul
- ► Martie 2016: a câștigat cu 4-1 împotriva lui Lee Sedol, jucător de GO profesionist cu 9 dan, premiu: 1 000 000\$
- ► Mai 2017: a câştigat împotriva lui Ke Jie, cel mai bun jucător de GO din lume
- Octombrie 2017: AlphaGo Zero, a învățat să joace fără informații din jocuri ale oamenilor (doar pe baza regulilor jocului) și a învins AlphaGo cu 100-0
- ▶ Decembrie 2017: AlphaZero a învins AlphaGo Zero cu 60-40 şi a ajuns după doar 8 ore de antrenare la un nivel superior tuturor programelor de GO şi şah existente

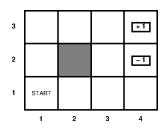
Conținut

Introducere

Procese de decizie Markov

9/38

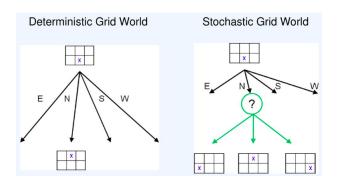
Decizii secvențiale





- Mediu determinist
 - (sus, sus, dreapta, dreapta, dreapta)
- Mediu stochastic
 - Model de tranziții P(s'|s,a): probabilitatea de a ajunge din starea s în starea s' efectuând actiunea a
 - Actiunea obtine efectul dorit cu probabilitatea 0.8
 - Agentul primește o recompensă: -0.04 pentru stările nonterminale; +/-1 pentru stările terminale

Deterministic vs. stochastic



Presupunerea Markov

- \triangleright Starea curentă s_t depinde de un istoric finit al stărilor anterioare
- Proces Markov de ordin întâi: starea curentă s_t depinde doar de starea anterioară s_{t-1}

$$P(s_t|s_{t-1},...,s_0) = P(s_t|s_{t-1})$$

FII, UAIC Curs 7 IA 2022/2023 12 / 38

Proces de decizie Markov (Markov Decision Process)

Proces de decizie Markov: o problemă de decizie secvențială pentru un mediu stochastic cu un model de tranziție Markov și recompense aditive

- ▶ Stări $s \in S$ (starea inițială s_0), acțiuni $a \in A$
- ► Modelul de tranziții P(s'|s,a)
- Funcția de recompensă R(s)

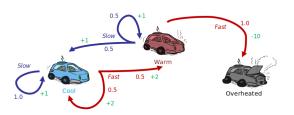
Cum arată o soluție? Trebuie să specifice ce trebuie să facă agentul în fiecare stare (politică π).

Sunt probleme de căutare nedeterministe (putem utiliza alg. de căutare expectimax).

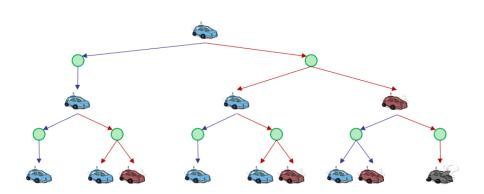
FII, UAIC Curs 7 IA 2022/2023 13 / 38

Exemplu

- ► Un robot (maṣină) vrea să călătorească departe, repede.
- ▶ Stări: *Cool, Warm, Overheated.* Acțiuni: *Slow, Fast.* Dacă merge mai repede, primește o recompensă dublă.

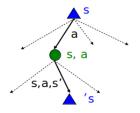


Exemplu: arborele de căutare



Arbori de căutare pentru MDP

Fiecare stare proiectează un arbore de căutare.



- s stare, (s, a, s') tranzitie, P(s'|s, a), R(s, a, s')
- În problemele de căutare, scopul este de a identifica o secvență optimă.
 - În MDP, scopul este de a identifica o politică optimă π^* (strategie)
 - $\pi: \mathcal{S} o \mathcal{A}$ $\pi(s)$ este acțiunea recomandată în starea s

MDP

- Utilitate: suma recompenselor pentru o secvență de stări
 - Recompensa este câștigul imediat, pe termen scurt; utilitatea este câștigul total, pe termen lung.
- Mediu stochastic: putem avea o secvență diferită de stări când executăm aceeași politică din starea inițială Calitatea unei politici: utilitatea așteptată a secvențelor posibile de stări.

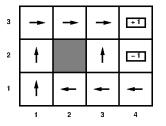
Politica optimă π^* maximizează utilitatea așteptată.



FII, UAIC Curs 7 IA 2022/2023 17 / 38

MDP

Exemplu: politica optimă și valorile stărilor



3	0.812	0.868	0.912	+1
2	0.762		0.660	-1
1	0.705	0.655	0.611	0.388
	1	2	3	4

Utilități

Orizont finit

- $U_h([s_0, s_1, \ldots, s_{N+k}]) = U_h([s_0, s_1, \ldots, s_N]), \forall k > 0$
- După momentul N, nimic nu mai contează
- Politica optimă nu este staționară: acțiunea optimală pentru o anumită stare se poate schimba în timp

Exemplu:



- ightharpoonup N = 3
 ightharpoonup trebuie să riște (sus)
- $ightharpoonup N = 100
 ightarrow ext{poate alege soluția mai sigură (stânga)}$

Utilități

Orizont infinit

- ▶ Nu există un termen limită fix
- Politica optimă este staționară
- ▶ a. Recompense aditive

$$U_h([s_0, s_1, s_2, \dots]) = R(s_0) + R(s_1) + R(s_2) + \dots$$

▶ b. Recompense actualizate (discounted)

$$U_h([s_0, s_1, s_2, \dots]) = R(s_0) + \gamma R(s_1) + \gamma^2 R(s_2) + \dots$$

 $\gamma \in [0,1]$ factorul de actualizare (*discount factor*) indică faptul că recompensele viitoare contează mai putin decât cele imediate.

◆ロト ◆問 ト ◆ 恵 ト ◆ 恵 ・ 夕 ○ ○

Discount

- ► Maximizează suma recompenselor
- Preferă recompensele curente, nu cele de mai târziu
- ► Valorile recompenselor scad exponențial

Exemplu 1: $\gamma = 0.5$

$$U([1,2,3]) = 1 * 1 + 0.5 * 2 + 0.25 * 3; U([1,2,3]) < U([3,2,1])$$

Exemplu 2: Quiz - Discount



FII, UAIC Curs 7 IA 2022/2023 21 / 38

Orizont infinit - evaluare

Trebuie să ne asigurăm că utilitatea unei secvențe posibil infinite este finită.

▶ **Abordarea 1**. Dacă recompensele sunt mărginite și $\gamma < 1$ atunci:

$$U_h([s_0, s_1, s_2, \ldots]) = \sum_{t=0}^{\infty} \gamma^t R(s_t) \le \sum_{t=0}^{\infty} \gamma^t R_{max} = R_{max}/(1-\gamma)$$

▶ Abordarea 2. Dacă mediul conține stări terminale și se garantează faptul că agentul va atinge una din ele (avem o politică adecvată, proper policy), putem utiliza $\gamma=1$

FII, UAIC Curs 7 IA 2022/2023 22 / 38

Utilitatea unei stări

- Fiecare politică generează secvențe multiple de stări, datorită incertitudinii tranzițiilor P(s'|s,a)
- Fie S_t o variabilă aleatoare: starea în care ajunge agentul la momentul t executând politica π , $S_0 = s$.

 Utilitatea așteptată obținută prin execuția politicii π din starea s:

$$U^{\pi}(s) = E\left[\sum_{t=0}^{\infty} \gamma^t R(S_t)\right]$$

(= valoarea așteptată a sumei tuturor recompenselor actualizate, obținute pentru toate secvențele posibile de stări)

FII, UAIC Curs 7 IA 2022/2023 23 / 38

Evaluarea unei politici

► Politica optimă

$$\pi_s^* = \operatorname{argmax}_{\pi} U^{\pi}(s)$$

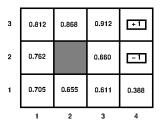
- $lackbrack U^{\pi^*}(s)$ utilitatea adevărată a unei stări: valoarea așteptată a sumei recompenselor actualizate dacă agentul execută o politică optimă
- Principiul Maximum Expected Utility: alege acțiunea care maximizează utilitatea asteptată a stării ulterioare

$$\pi^*(s) = argmax_{a \in A(s)} \sum_{s'} P(s'|s,a)U(s')$$

FII, UAIC Curs 7 IA 2022/2023 24/38

Exemplu

Fie
$$\gamma = 1$$
 și $R(s) = -0.04$.



Aproape de starea finală utilitățile sunt mai mari pentru că este nevoie de mai puțini pași cu recompensă negativă pentru atingerea stării respective.

4□ > 4□ > 4□ > 4 = > 4 = > = 900

25/38

Ecuația Bellman

$$U(s) = R(s) + \gamma \max_{a \in A(s)} \sum_{s'} P(s'|s, a) U(s')$$

Ecuația Bellman (1957): utilitatea unei stări este recompensa imediată pentru acea stare, R(s), plus utilitatea așteptată maximă a stării următoare.

FII, UAIC Curs 7 IA 2022/2023 26 / 38

Exemplu

Utilitatea stării (1,1):

$$\begin{split} \textit{U}(1,1) &= -0.04 + \gamma \textit{max}[0.8\textit{U}(1,2) + 0.1\textit{U}(2,1) + 0.1\textit{U}(1,1), \;\; (\textit{Up}) \\ & 0.9\textit{U}(1,1) + 0.1\textit{U}(1,2), \;\; (\textit{Left}) \\ & 0.9\textit{U}(1,1) + 0.1\textit{U}(2,1), \;\; (\textit{Down}) \\ & 0.8\textit{U}(2,1) + 0.1\textit{U}(1,2) + 0.1\textit{U}(1,1)] \;\; (\textit{Right}) \end{split}$$

Cea mai bună acțiune: Up.



FII, UAIC Curs 7 IA 2022/2023 27 / 38

Rezolvarea unui proces de decizie Markov

- n stări posibile
- n ecuații Bellman, una pentru fiecare stare
- ightharpoonup n ecuații cu n necunoscute: U(s)
- Nu se poate rezolva ca sistem de ecuații liniare din cauza funcției max

I. Iterarea valorilor (Value iteration)

Calculează utilitatea fiecărei stări și identifică acțiunea optimă în fiecare stare

Algoritm pentru calcularea politicii optime:

- Inițializează utilitățile cu valori arbitrare
- Actualizează utilitatea fiecărei stări din utilitățile vecinilor

$$U_{i+1}(s) = R(s) + \gamma \max_{a} \sum_{s'} P(s'|s, a) U_i(s')$$

ightharpoonup Repetă pentru fiecare s simultan, până la atingerea unui echilibru

FII, UAIC Curs 7 IA 2022/2023 29 / 38

```
function VALUE-ITERATION(mdp, \epsilon) returns a utility function
  inputs: mdp, an MDP with states S, actions A(s), transition model P(s' | s, a),
                rewards R(s), discount \gamma
            \epsilon, the maximum error allowed in the utility of any state
  local variables: U, U', vectors of utilities for states in S, initially zero
                       \delta, the maximum change in the utility of any state in an iteration
  repeat
       U \leftarrow U' : \delta \leftarrow 0
       for each state s in S do
           U'[s] \leftarrow R(s) + \gamma \max_{a \in A(s)} \sum_{s'} P(s' \mid s, a) \ U[s']
           if |U'[s] - U[s]| > \delta then \delta \leftarrow |U'[s] - U[s]|
  until \delta < \epsilon(1-\gamma)/\gamma
  return U
```

FII, UAIC Curs 7 IA 2022/2023 30 / 38

Iterarea valorilor

Exemplu: Cursa

▶ Demo: https://courses.grainger.illinois.edu/cs440/fa2018/ lectures/mdp-value-demo.pdf

FII, UAIC Curs 7 IA 2022/2023 31/38

Probleme ale algoritmului Iterarea valorilor

- ▶ Încet: $O(S^2A)$ per iterație
- ▶ Valoarea "max" la fiecare stare se modifică rar
- Politica converge adesea cu mult înaintea valorilor

II. Iterarea politicilor

- Dacă fixăm politica, avem o singură acțiune per stare
- ▶ Dacă o acțiune este în mod evident mai bună decât toate celelalte, nu avem nevoie de valorile exacte ale utilitătilor
- Algoritmul alternează următorii pași:
 - ▶ 1. Evaluarea politicii: dată o politică π_i , calculează $U_i = U^{\pi_i}$ utilitățile stărilor pe baza politicii π_i
 - ightharpoonup 2. Îmbunătățirea politicii: calculează o nouă politică π_{i+1} , pe baza utilităților U_i

Repetă acești pași până când politica converge

1. Evaluarea politicii

Acțiunea pentru fiecare stare e fixată de politică; la iterația i, politica π_i specifică acțiunea $\pi_i(s)$ în starea s.

$$U_i(s) = R(s) + \gamma \sum_{s'} P(s'|s, \pi_i(s)) U_i(s')$$

(Ecuații Bellman simplificate)

- ▶ Sistem de *n* ecuații liniare cu *n* necunoscute
- ▶ Se poate rezolva exact în $O(n^3)$ sau în mod aproximativ
- Sau, aplicăm Value iteration

$$U_{i+1}(s) = R(s) + \gamma \sum_{s'} P(s'|s, \pi_i(s)) U_i(s')$$

- ◆ロト ◆御 ト ◆ 恵 ト ◆ 恵 ・ 夕 Q @

1. Evaluarea politicii

Exemplu: $\pi_i(1,1) = Up$, $\pi_i(1,2) = Up$ Ecuațiile Bellman simplificate: $U_i(1,1) = -0.04 + 0.8U_i(1,2) + 0.1U_i(1,1) + 0.1U_i(2,1)$ $U_i(1,2) = -0.04 + 0.8U_i(1,3) + 0.2U_i(1,2)$

FII, UAIC Curs 7 IA 2022/2023 35/38

2. Îmbunătățirea politicii

- ▶ Valorile U(s) se cunosc
- Calculează pentru fiecare s, acțiunea optimă

$$a_i^*(s) = max_a \sum_{s'} P(s'|s,a)U(s')$$

Dacă $a_i^*(s) \neq \pi_i(s)$, actualizează politica: $\pi_{i+1}(s) \leftarrow a_i^*(s)$ Se pot actualiza doar părțile "promițătoare" ale spațiului de căutare.

4□▶
4□▶
4□▶
4□▶
4□▶
4□▶
4□▶
4□▶
4□▶
4□▶
4□▶

FII, UAIC Curs 7 IA 2022/2023 36 / 38

Iterarea politicilor: pseudocod

```
function POLICY-ITERATION(mdp) returns a policy
   inputs: mdp, an MDP with states S, actions A(s), transition model P(s' \mid s, a)
  local variables: U, a vector of utilities for states in S, initially zero
                       \pi, a policy vector indexed by state, initially random
  repeat
        U \leftarrow \text{POLICY-EVALUATION}(\pi, U, mdp)
       unchanged? \leftarrow true
       for each state s in S do
            if \max_{a \in A(s)} \sum_{s'} P(s' \mid s, a) \ U[s'] > \sum_{s'} P(s' \mid s, \pi[s]) \ U[s'] then do
                \pi[s] \leftarrow \underset{a \in A(s)}{\operatorname{argmax}} \sum_{s'} P(s' \mid s, a) \ U[s']
                 unchanged? \leftarrow false
   until unchanged?
   return \pi
```

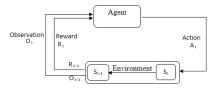
Demo: https://cs.stanford.edu/people/karpathy/reinforcejs/gridworld_dp.html

FII, UAIC Curs 7 IA 2022/2023 37 / 38

Extensii ale MDP

Partial Observability (POMDP)

- Observații parțiale și/sau cu zgomot ale stării
- ightharpoonup S, A, O observații, P(O|S) probabilitatea de a observa O atunci cand sunt in starea S



Agentul efectuează acțiunea A_t , nu cunoaște (pe deplin) starea S_t ; mediul efectuează tranziția la noua stare S_{t+1} ; agentul primeste observația O_t